

Обобщающий урок по
теме

**Формулы
сокращенно**

20


УМНОЖЕНИЯ

Историческая страница

Число – арифмос (греч.)

Геометрия –
гео – земля (греч.), метрео –
меряю (греч.)

Аль джебр –
восстановление (арабск.)

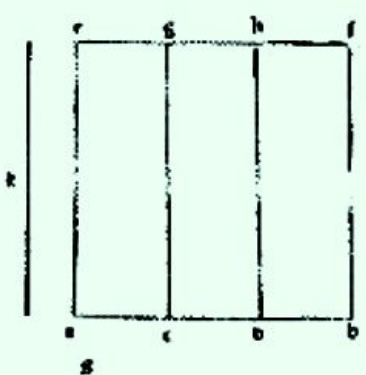


Евклид. «Начала». Издание 1482 г.



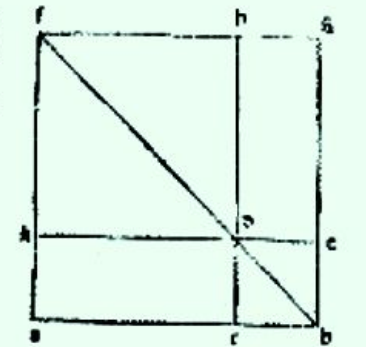
Propositio .2.

Si fuerit linea i ptes diuisa illud qd ex ductu totius linee in seipsa fiet equu erit bis q ex ductu cuiuslibet i oes suas ptes. Et sic linea. a. b. diuisa sit. a. c. e. d. b. dico qd illud qd fit ex ductu totius. a. b. in se qd fit. a. c. b. f. equu est bis que sunt ex ipso tota in vniuersisq; partibus qd vobam partibus. ductis. e. g. e. d. b. equu est. Ita ut. a. c. e. b. f. Et aliter hinc erit. k. e. g. h. a. b. et q; p. part. Nam qd fit ex ductu. k. in totam. a. b. equu est qd fit ex ductu. k. in omnes ptes. a. b. e. q. k. i. a. b. ita ut sit quantu ex. a. b. in se. e. ex. k. in omnes ptes. a. b. quantu ex. a. b. in omnes ptes eiusde. ppter id qd. k. e. a. b. sit equalis ptes e. q. d. e. p. p. p. p. p.



Propositio .3.

Si fuerit linea in duas ptes diuisa illud qd fiet ex ductu totius in alterutra parte equu erit bis q ex ductu eiusde parte in se ipsam et alterutra in alteram.



Propositio .4.

Si fuerit linea in duas ptes diuisa illud qd ex ductu totius i seipsa fit equu est bis q ex ductu vniuersisq; ptes i seipsa et alterutra i altera bis. Ex hoc manifestu est qd i ois qdrato due suplicies quas diameter secat pmediu sunt ambe quadrata.

Et sic linea. a. b. diuisa sit. a. c. e. b. c. dico qd quadratum totius a. b. equum est duobus quadratis quatum lineament. a. c. e. b. c. duplo cura qd fit ex ductu vniuersi e. q. in alteram describam quadratum alterius partium. Itaq; e. d. b. e. quadratu linee. e. b. an adingam p. r. o. m. e. n. e. s. e. c. u. n. d. a. ductu directu linee alterius scz. a. c. qd factam hoc no. in quadrato vltimpro protraham diametru b. d. et a puncto. a. educam perpe dicularem sup lineam. a. b. que sit. a. k. qd. a. k. e. diameter. b. d. producant vsq; quo concurrat in puncto. f. et a puncto. f. producant f. b. quidistantie linee. a. b. qua. f. b. e. b. e. producant vsq; quo concurrat i puncto. g. et produant. e. d. vsq; ad. b. e. c. d. vsq; ad. h. Et quia duo latera. d. e. e. c. b. trian guli. d. e. b. sunt equalia; erit p. a. n. g. u. l. u. s. e. d. b. e. c. b. d. equalis; et q; angulus. e. c. d. erit rectus erit p. p. t. u. m. v. i. c. i. u. s. e. q. m. e. d. i. e. t. u. s. t. o. t. i. E. a. d. e. r. o. n. e. v. e. t. e. r. q; duoru anguloz. e. d. b. e. c. b. d. erit medietas recti. quare p. s. e. c. u. n. d. a. p. a. r. t. i. p. m. n. i. e. r. e. v. n. i. u. s. q. u. o. s. q. u. o. s. a. n. g. u. l. o. z. q. u. i. s. u. n. t. b. f. d. e. b. d. f. e. k. f. d. e. k. d. f. i. n. e. d. i. c. i. t. e. r. e. c. t. i. e. r. g. o. p. p. t. u. m. f. g. e. g. b. s. u. n. t. e. q. u. a. l. e. s. s. i. m. i. l. i. t. e. r. q. u. e. q. z. f. a. e. a. b. p. a. r. t. i. t. o. e. f. b. e. b. d. i. d. e. z. k. e. k. d. q. u. a. r. e. v. i. c. i. u. s. d. u. a. r. i. s. u. p. s. i. c. i. u. s. a. b. g. f. e. k. d. b. f. e. s. t. q. u. a. d. r. a. t. u. m. e. t. q. u. o. t. o. t. a. l. e. q. u. a. d. r. a. t. u. m. a. b. f. g. e. q. u. a. d. r. a. t. u. m. l. i. n. e. e. a. b. c. o. n. s. t. a. t. e. x. o. b. o. v. o. q. u. a. d. r. a. t. i. s. q. u. e. c. o. n. s. i. s. t. u. n. t. i. n. c. i. r. c. a. v. i. o. m. e. t. r. e. q. u. e. s. u. n. t. q. u. a. d. r. a. t. a. d. u. a. r. u. m. l. i. n. e. a. r. u. m. a. c. e. c. b. e. e. x. o. b. o. v. o. s. u. p. p. l. e. m. e. n. t. i. s. q. u. o. z. v. n. i. u. s. q. u. o. z. p. d. i. c. i. u. s. e. x. a. c. i. n. b. e. p. a. t. e. t. p. r. o. p. o. s. i. t. u. m. n. o. s. t. r. u. m. Et aliter sit linea. a. b. ut p. r. i. m. o. d. i. u. i. s. a. i. n. a. c. e. c. b.

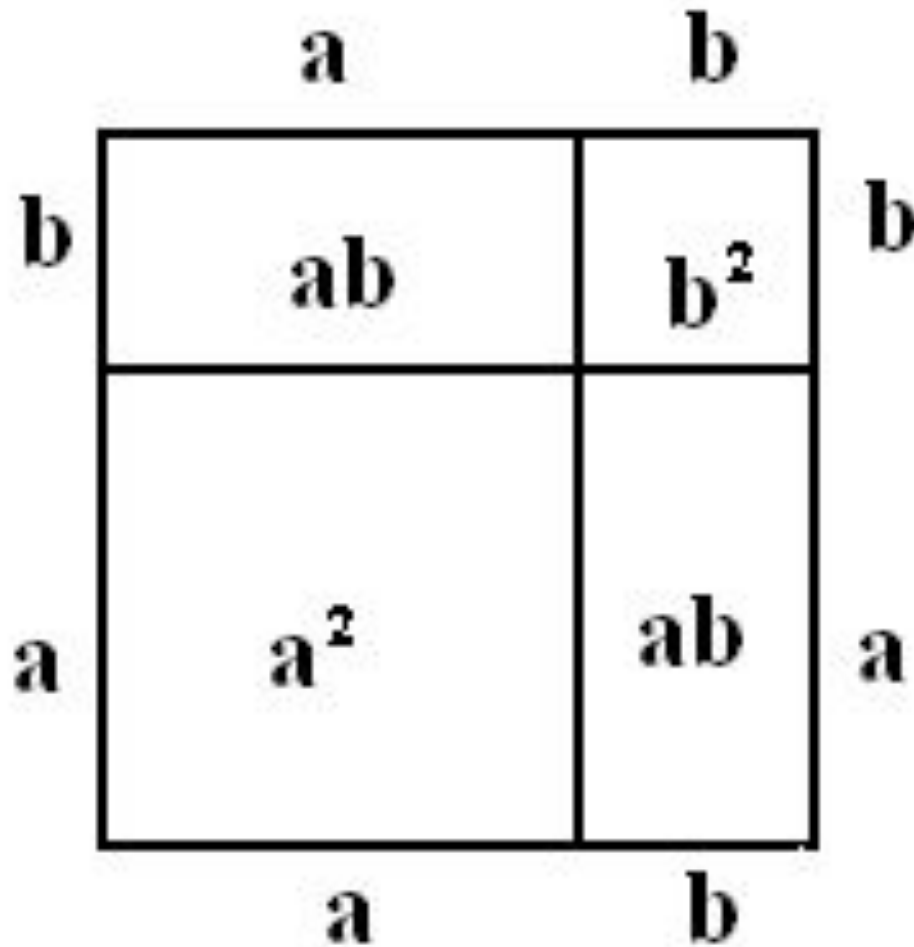
Евклид. «Начала».

«Если отрезок как-либо разбит на два отрезка, то площадь квадрата, построенного на всем отрезке, равна сумме площадей квадратов, построенных на каждом из двух отрезков, и удвоенный площади прямоугольника, сторонами которого служат эти два отрезка.»

Суть этой фразы в формуле

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

Изобразить эту формулу
геометрически можно так:



Три способа формулировки математических утверждений:

- 1) **Словесный** – понятный, но длинный, неудобный;
- 2) **Геометрический** – наглядный, но не всегда удобный для вычисления;
- 3) **Символьный** – краткий, легко запоминающийся.

Аль джебр — восстановление
(арабск.)

algebra

Тренировочн ые упражнения

Составьте по описанию алгебраические выражения:

1. Сумма квадратов чисел a и b .
2. Разность между числом m и удвоенной суммой чисел a и b .
3. Квадрат разности чисел b и a .
4. Разность квадратов чисел a и b , умноженная на сумму этих чисел.

**Запишите в виде степени
выражения:**

$$a^2b^2c^2; \quad 25a^2b^2;$$

$$\frac{1}{125}x^3y^3; \quad \frac{a^2b^2}{c^2}.$$

Найдите неизвестное x :

1. $(2^4)^x = 2^{12}$;

2. $10^x = 10000$;

3. $5^3 \cdot 5^4 = 5^{2+x}$;

4. $0,1^x = 0,01$.

Заполните пропуски в формулах:

$$(a + \dots)^2 = \dots + 2ab + \dots ;$$

$$(a \dots b) \dots = a^2 - 2ab + \dots ;$$

$$a^3 - \dots = (a - b)(\dots + ab + \dots);$$

$$a^3 + b^3 = (\dots \dots)(a^2 \dots + b^2);$$

$$a^2 - b^2 = (\dots b)(a - \dots).$$

Расширение знаний по формулам сокращенного умножения

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$

Геометрическое доказательство

	a	b	c
a	a²	ab	ac
b	ab	b²	bc
c	ac	bc	c²

Найдите квадрат выражения:

а) $(a - x + y)^2$

б) $(a - b - c)^2$

Треугольник Паскаля

Блез Паскаль (1623 – 1662)



Рассмотрим двучлены:

$$(a + b)^0 = 1$$

$$(a + b)^1 = a + b$$

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

Составим таблицу из их коэффициентов:

1

1 1

1 2 1

1 3 3 1



Закон образования коэффициентов

$$1 - 2^0$$

$$1 \ 1 - 2^1$$

$$1 \ 2 \ 1 - 2^2$$

$$1 \ 3 \ 3 \ 1 - 2^3$$

Вариации числа **100**

Рассмотрим комбинации числа 100:

$$100 = 50 + 50;$$

$$100 = 38 + 62;$$

$$100 = 99 + \frac{99}{99};$$

$$100 = 101 - \frac{101}{101};$$

$$100 = (1 + 2 + 3 + 4)^2;$$

$$100 = 1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3.$$

Изменив положение
одной цифры, добейтесь,
чтобы равенство **102 =**
100 было верным.



Примеры вариантов некоторых формул:

$$a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$$

$$a^2 + b^2 = (a - b)^2 + 2ab$$

$$a^2 = (a - b)(a + b) + b^2$$

The background of the slide features a pattern of stylized autumn leaves in various shades of orange and brown, creating a seasonal and warm atmosphere.

Вычисление квадрата числа

$$a^2 = a^2 - b^2 + b^2 = (a - b)(a + b) + b^2,$$

где b – дополнение числа a до круглого числа.

Пример.

Вычислите 986^2

1. Круглое число 1000.

$$a = 986, b = 14, a + b = 1000, a - b = 972.$$

$$2. 986^2 = 972 \cdot 1000 + 14^2 = 972000 + 196 = 972196.$$

Вычислите:

1) 195^2

2) 488^2

Математический софизм



Докажем, что $4 = 5$.

1. Рассмотрим две разности: $16 - 36$ и $25 - 45$.

2. Добавим число $\frac{81}{4}$. Имеем: $16 - 36 + \frac{81}{4} = 25 - 45 + \frac{81}{4}$.

3. Представим эти выражения так:

$$4^2 - 2 \cdot 4 \cdot \frac{9}{2} + \left(\frac{9}{2}\right)^2 = 5^2 - 2 \cdot 5 \cdot \frac{9}{2} + \left(\frac{9}{2}\right)^2.$$

4. Используем формулу: $\left(4 - \frac{9}{2}\right)^2 = \left(5 - \frac{9}{2}\right)^2$.

5. Получаем: $4 - \frac{9}{2} = 5 - \frac{9}{2}$, $4 = 5$.

Домашнее задание



1. Обратите внимание на пирамиды чисел:

а) $1 \cdot 8 + 1 = 9$, $12 \cdot 8 + 2 = 98$, $123 \cdot 8 + 3 = 987$.

А как дальше?

б) $1^2 = 1$, $11^2 = 121$, $111^2 = ?$

2. Возведите в степень:

а) $(2a - b + c)^2$; б) $(a + b)^4$.

3. Вычислите: а) 976^2 ; б) 295^2 .

...Мне мудрость не чужда была
земная, Разгадки тайн ища, не
ведал сна я. За семьдесят
перевалило мне, Что ж я
узнал! - Что
ничего не знаю.

Омар Хайям



Обобщающий урок по

теме

Формулы

сокращенн

ого

умножения