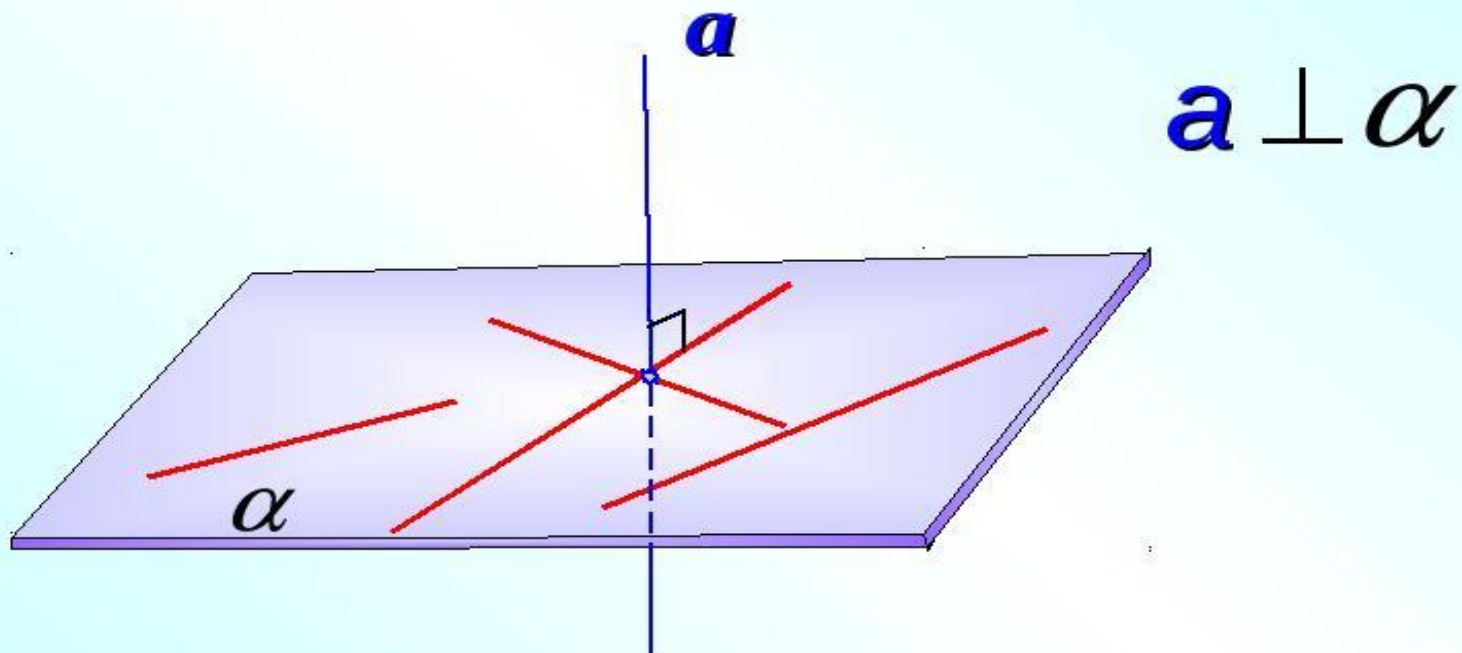


Перпендикуляр и наклонная

Перпендикулярность прямой и ПЛОСКОСТИ

Определение. Прямая называется перпендикулярной к плоскости, если она перпендикулярна к любой прямой, лежащей в этой плоскости.



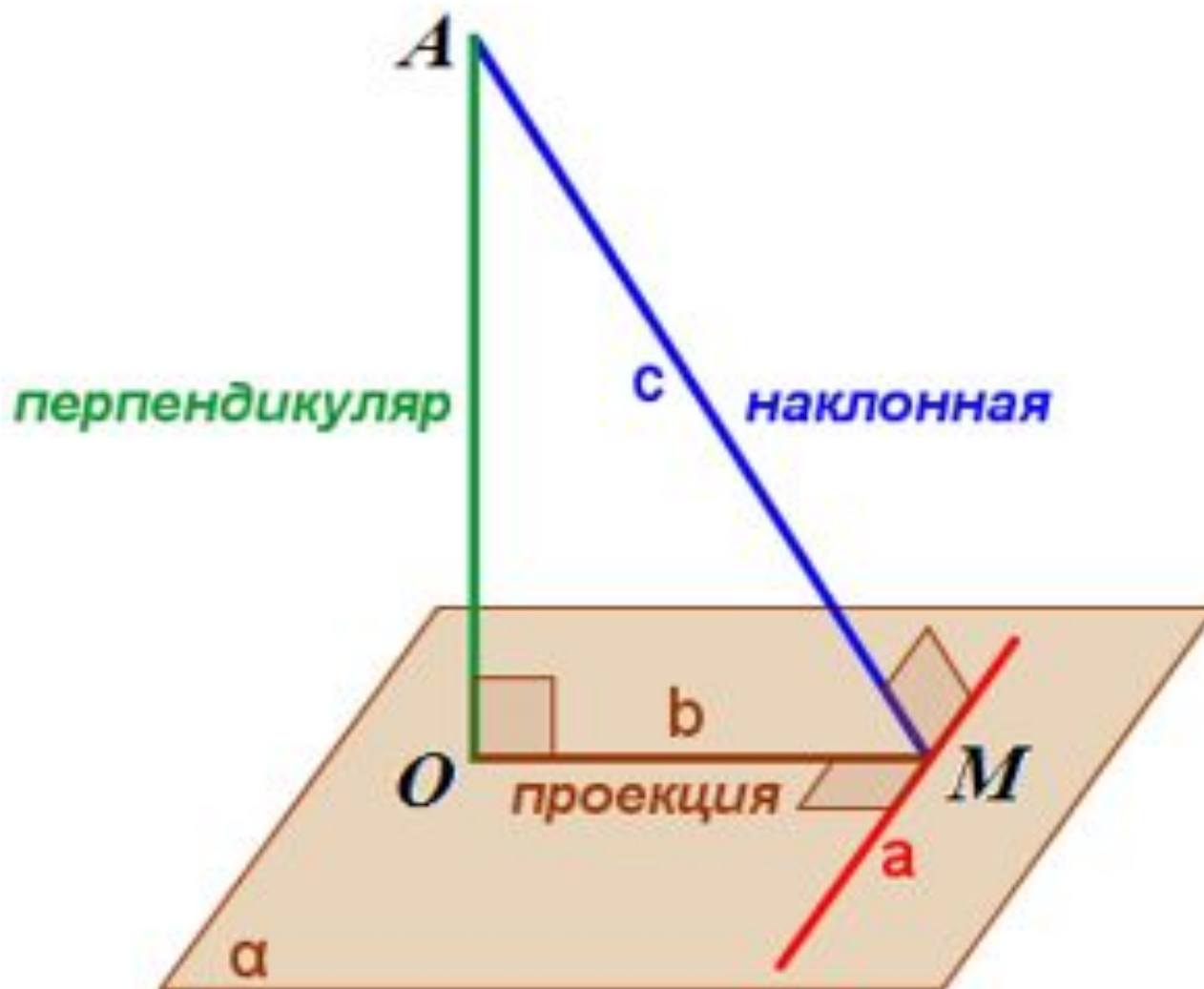
Пусть точка A не лежит на плоскости α . Проведем через точку A прямую, перпендикулярную плоскости α , и обозначим буквой O точку пересечения этой прямой с плоскостью α .

Перпендикуляром, проведенным из точки A к плоскости α , называется отрезок AO , точка O называется **основанием** перпендикуляра.

Если AO – перпендикуляр к плоскости α , а M – произвольная точка этой плоскости, отличная от точки O , то отрезок AM называется **наклонной**, проведенной из точки A к плоскости α , а точка M – **основанием наклонной**.

Отрезок OM – ортогональная **проекция** (или, короче, проекция) наклонной AM на плоскость α .

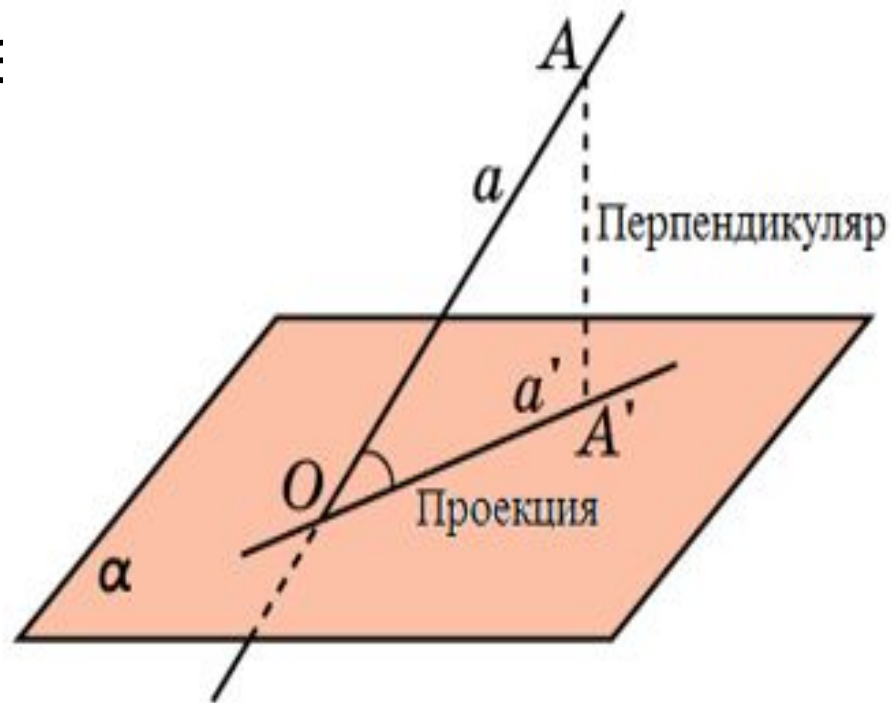
Перпендикуляр и наклонная



Ортогональная проекция

Определение:

В стереометрии **ортогональной проекцией** прямой a на плоскость α называется проекция этой прямой на плоскость α в случае, если прямая, определяющая направление проектирования, перпендикулярна плоскости α .



Теорема о трех перпендикулярах

Теорема 1:

Прямая, проведенная в плоскости и перпендикулярная проекции наклонной на эту плоскость, перпендикулярна и самой наклонной.

Верно и обратное утверждение:

Теорема 2:

Прямая, проведенная в плоскости и перпендикулярная наклонной, перпендикулярна и ее проекции на эту плоскость.

Теорема о трех перпендикулярах

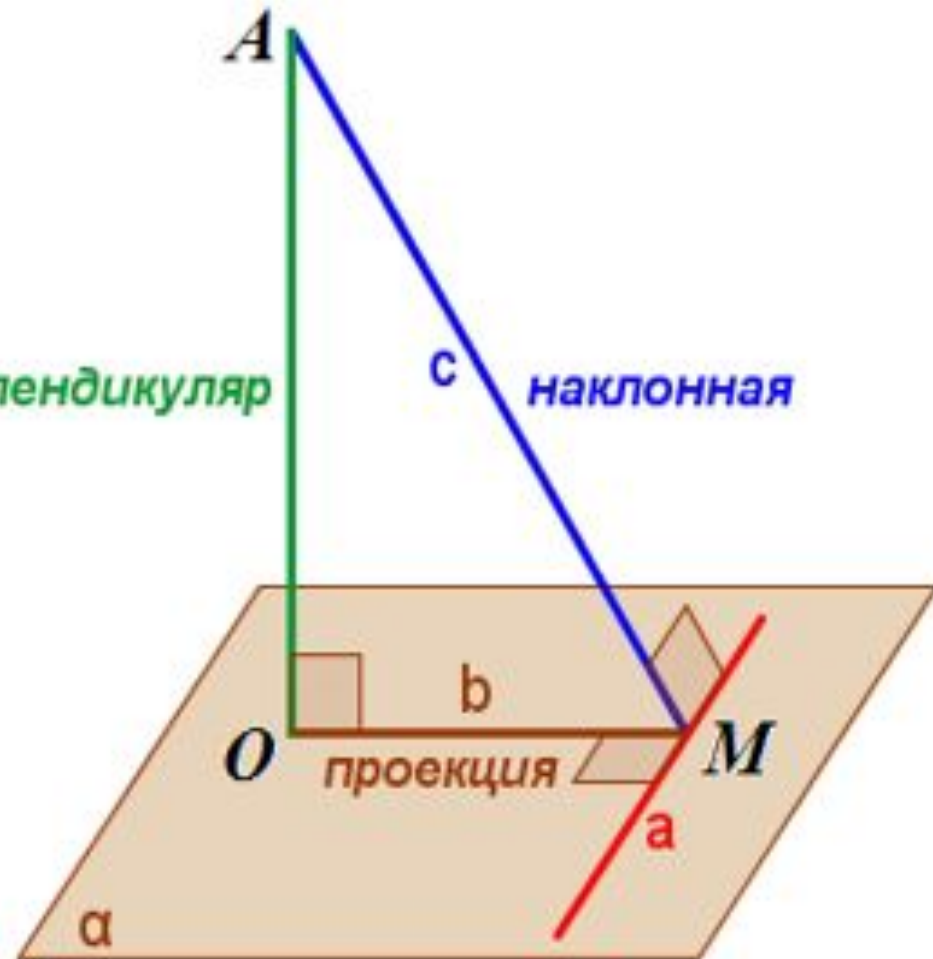
Данные теоремы, для обозначений с чертежа можно кратко сформулировать так:

$$a \perp b \Rightarrow a \perp c$$

$$a \perp c \Rightarrow a \perp b$$

перпендикуляр

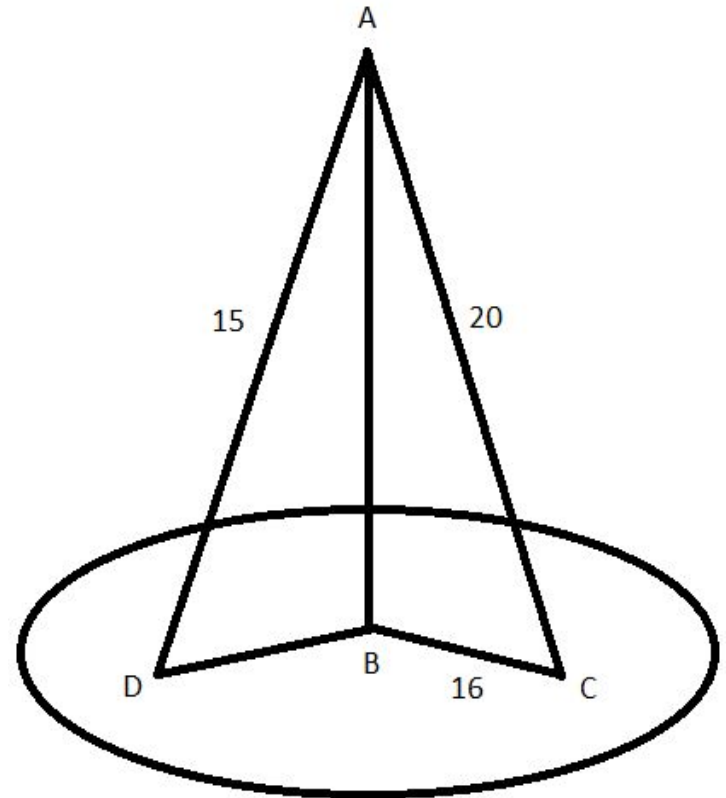
с наклонная



Теорема:

Если из одной точки, взятой вне плоскости, проведены к этой плоскости перпендикуляр и две наклонные, то:

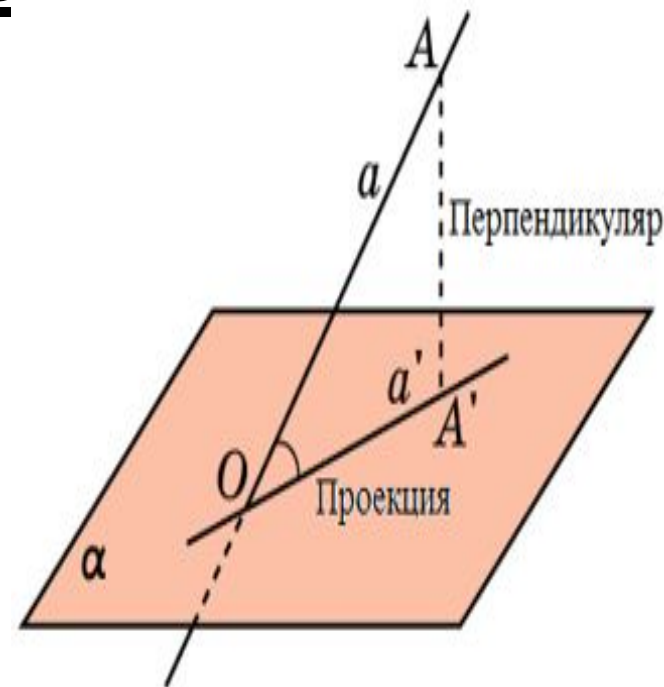
- две наклонные, имеющие равные проекции, равны;
- из двух наклонных больше та, проекция которой больше.



Угол между прямой и

Определение: ПЛОСКОСТЬЮ

Углом между прямой, не перпендикулярной плоскости, и этой плоскостью называется угол между прямой и ее ортогональной проекцией на данную плоскость (угол AOA' на чертеже).



Теорема:

Угол между прямой и плоскостью является наименьшим из всех углов, которые данная прямая образует с прямыми, лежащими в данной плоскости и проходящими через точку пересечения прямой и плоскости.

Задачи

№1. Точка A отстоит от плоскости на расстоянии 12 см . Найти длины наклонных, проведенных из этой точки, если они образуют с плоскостью угол 30 градусов.

№2. Из точки A , удаленной от плоскости на расстоянии d , проведены к этой плоскости наклонные AB и AC под углом 30 градусов к плоскости. Их проекции на плоскость образуют угол в 120 градусов. Найти BC .

Задачи

№3. Из точки K к плоскости проведены две наклонные KE и KP . Проекция наклонной $KP = 15$ см, проекция наклонной $KE = 9$ см.

Найти длины наклонных, если одна из них на 2 см длиннее другой.

№4. . Из точки к плоскости проведены две наклонные 15 см и 20 см. Проекция большей наклонной 16 см.

Найти другую наклонную.

Задачи

№5. Из точки к плоскости проведена наклонная **12 см**. Ее проекция **6 см**.

Найти другую наклонную, если ее проекция = **$6\sqrt{6}$ см**.

№6. Из точки к плоскости проведены две наклонные, одна из которых на **26 см** больше другой. Проекция наклонных равны **12 см** и **40 см**.

Найти длины наклонных.