

# Координаты точки и координаты вектора

Геометрия – 11 класс

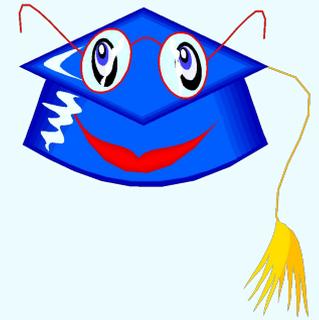


## Цели урока:



- *Ввести понятие системы координат в пространстве.*
- *Выработать умение строить точку по заданным координатам и находить координаты точки, изображенной в заданной системе координат.*
- *Выработать умение строить вектор по координатам*

# Вопросы:



1. Сколькими координатами может быть задана точка на прямой?

*Одной.*

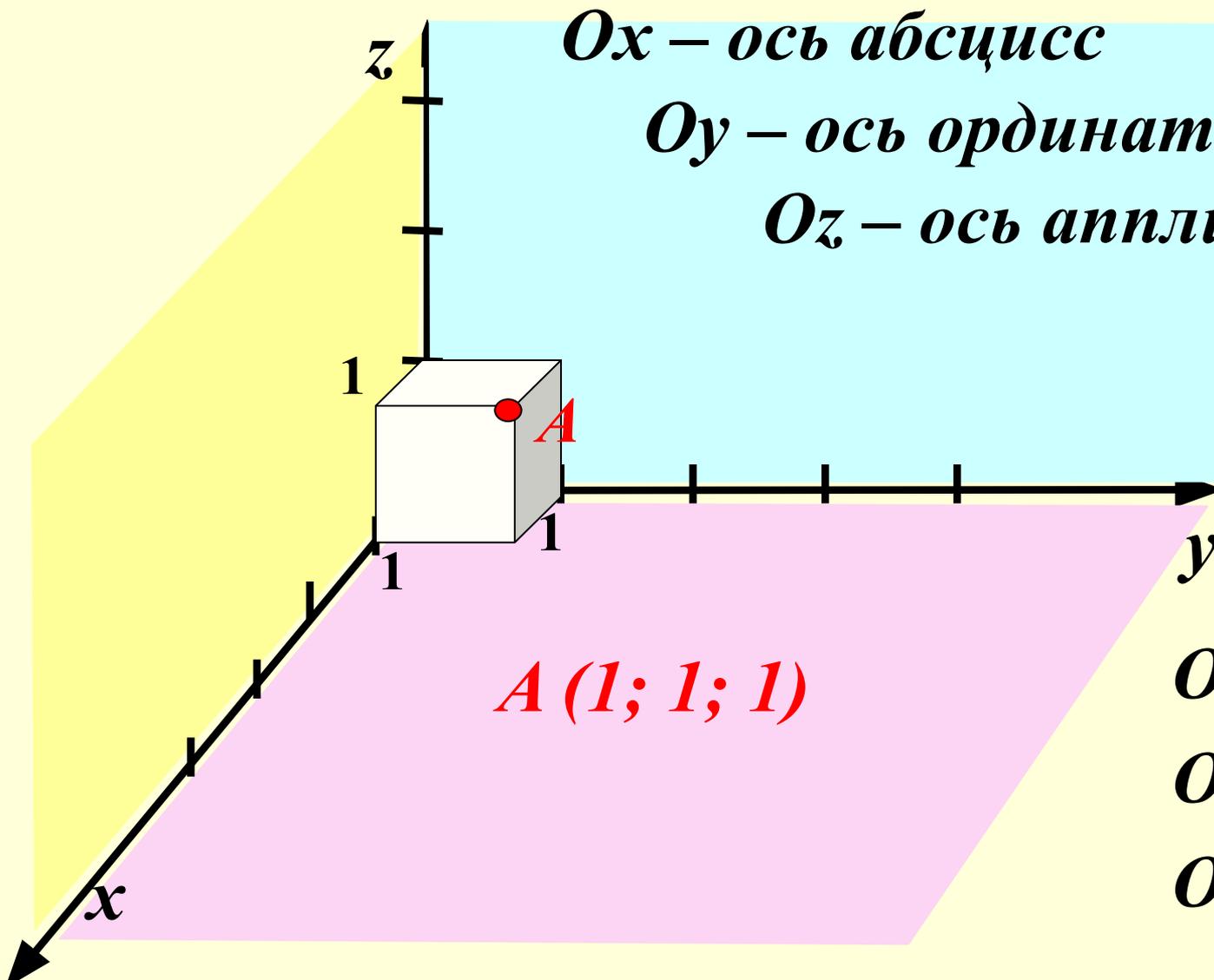
2. Сколькими координатами может быть задана точка в координатной плоскости?

*Двумя.*

*Вопрос урока.*

3. Сколькими координатами может быть задана точка в пространстве?

# Задание прямоугольной системы координат в пространстве:

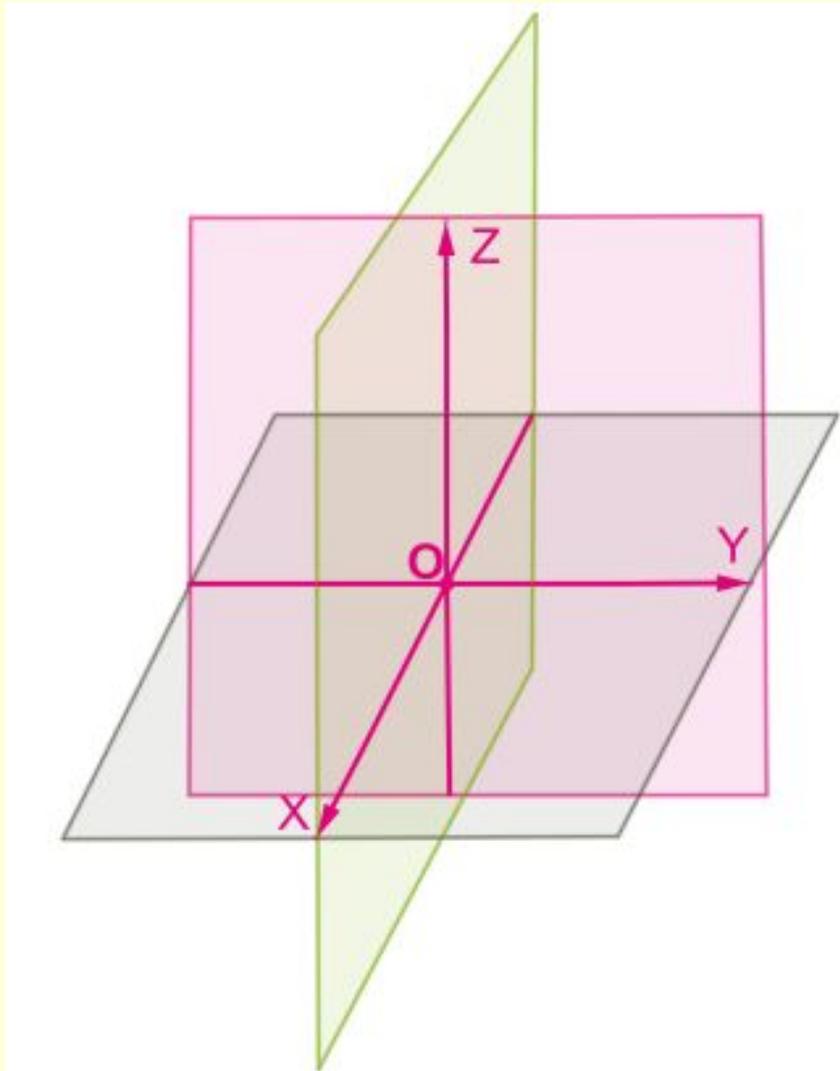


$$Oy \perp Oz$$

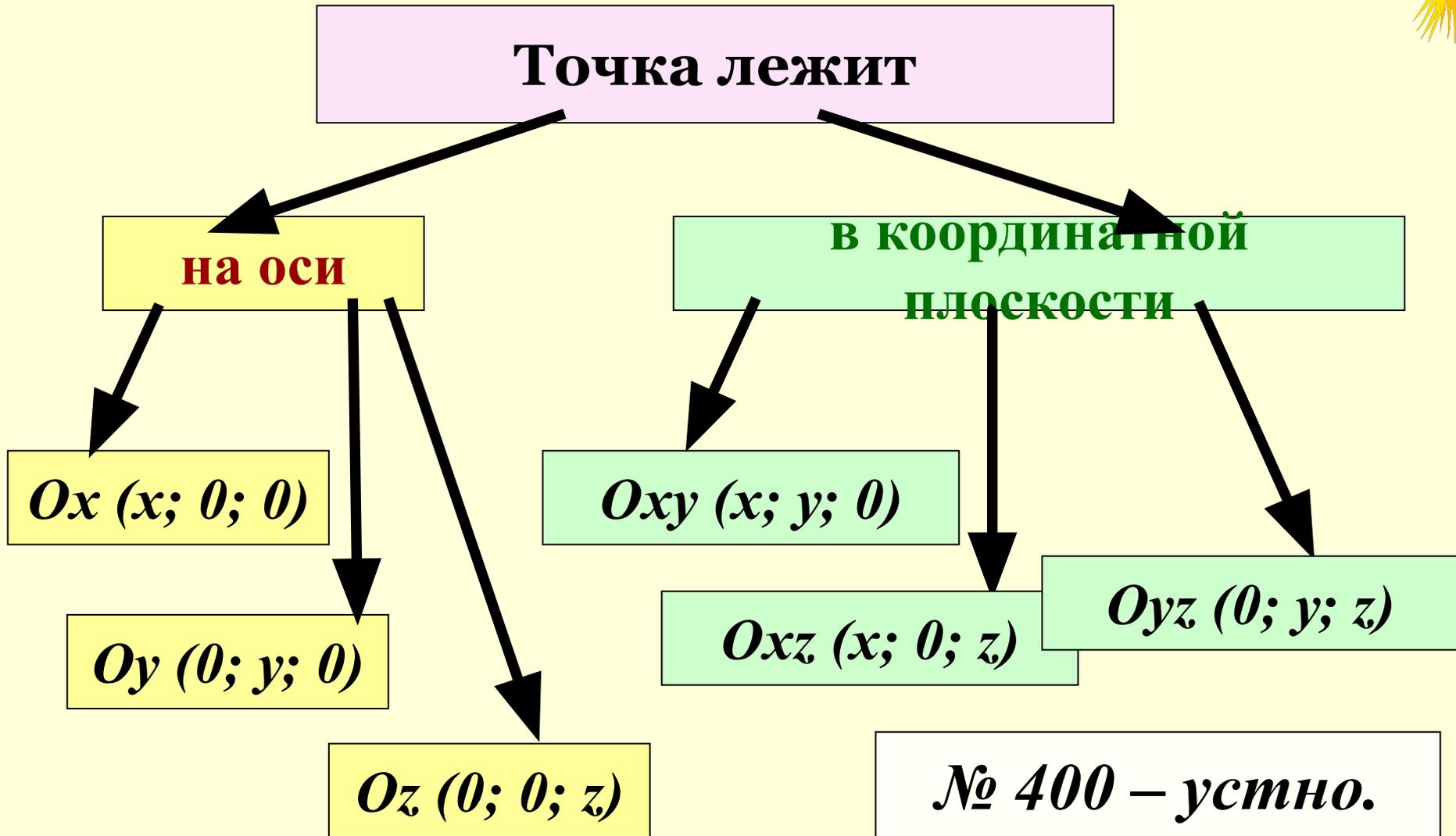
$$Oz \perp Ox$$

$$Oy \perp Ox$$

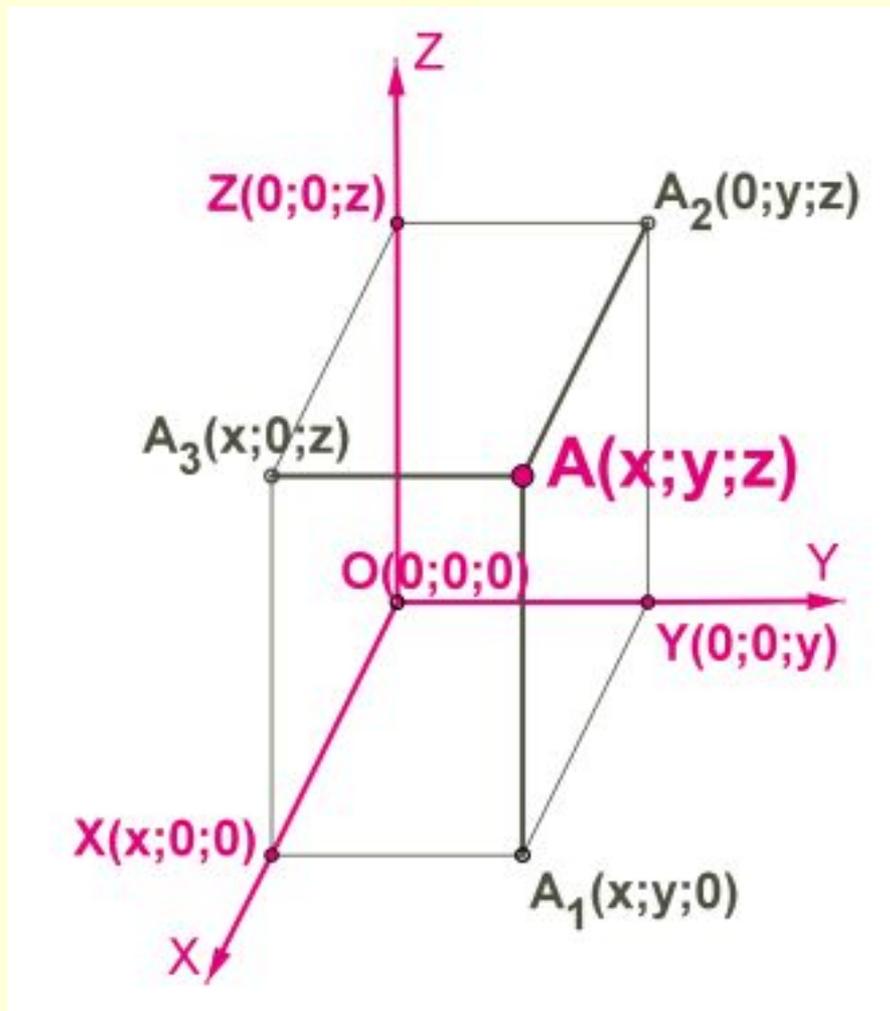
**Через две пересекающиеся прямые можно провести плоскость. Получаем три координатные плоскости:  $(Oxy)$ ,  $(Oyz)$  и  $(Oxz)$ .**



# Нахождение координат точек



# Координаты точек в пространстве



# Решение задач.



№ 401 (а) Рассмотрим точку  $A(2; -3; 5)$

1)  $A_1: Oxy$

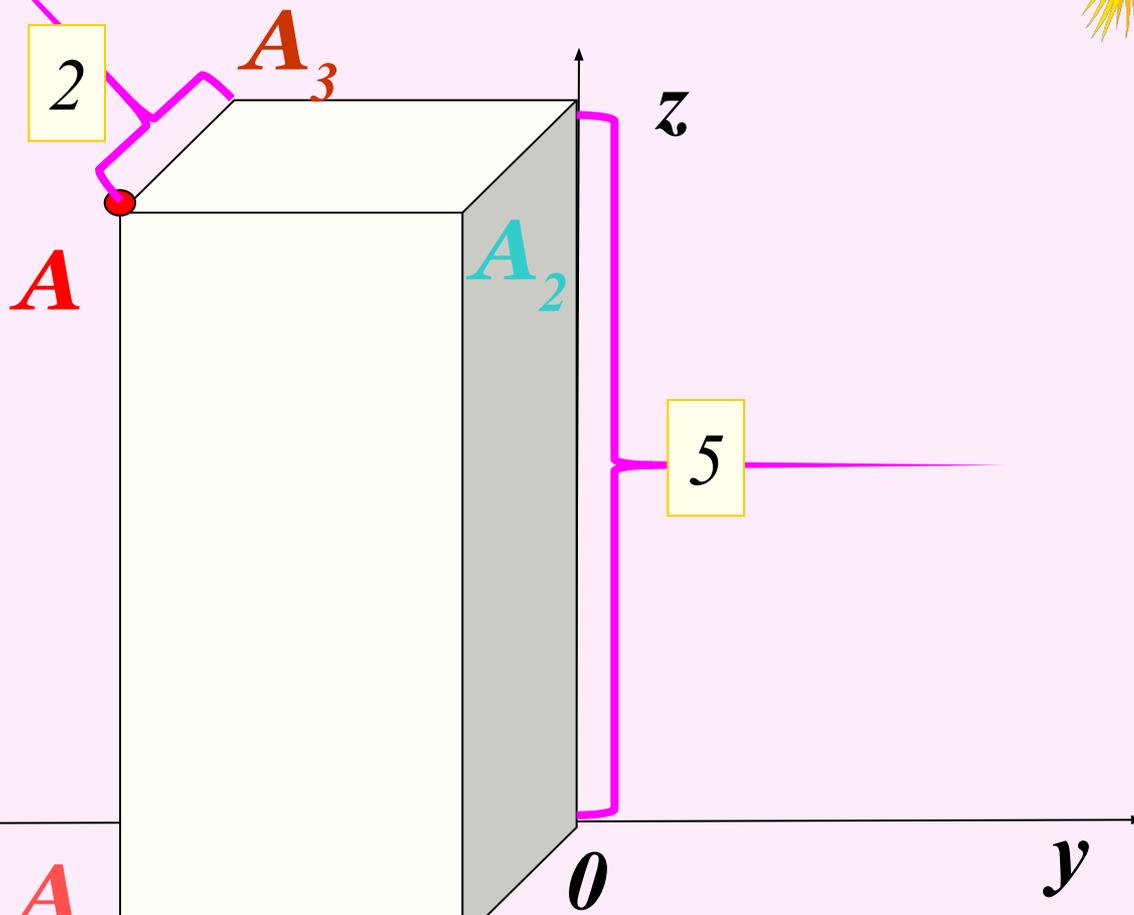
$A_1(2; -3; 0)$

2)  $A_2: Oxz$

$A_2(2; 0; 5)$

3)  $A_3: Oyz$

$A_3(0; -3; 5)$



Точку  $B$  рассмотреть самостоятельно.  
Проверка – фронтально.

# Решение задач.



№ 401 (б) Рассмотрим точку  $A(2; -3; 5)$

1)  $A_4: Ox$

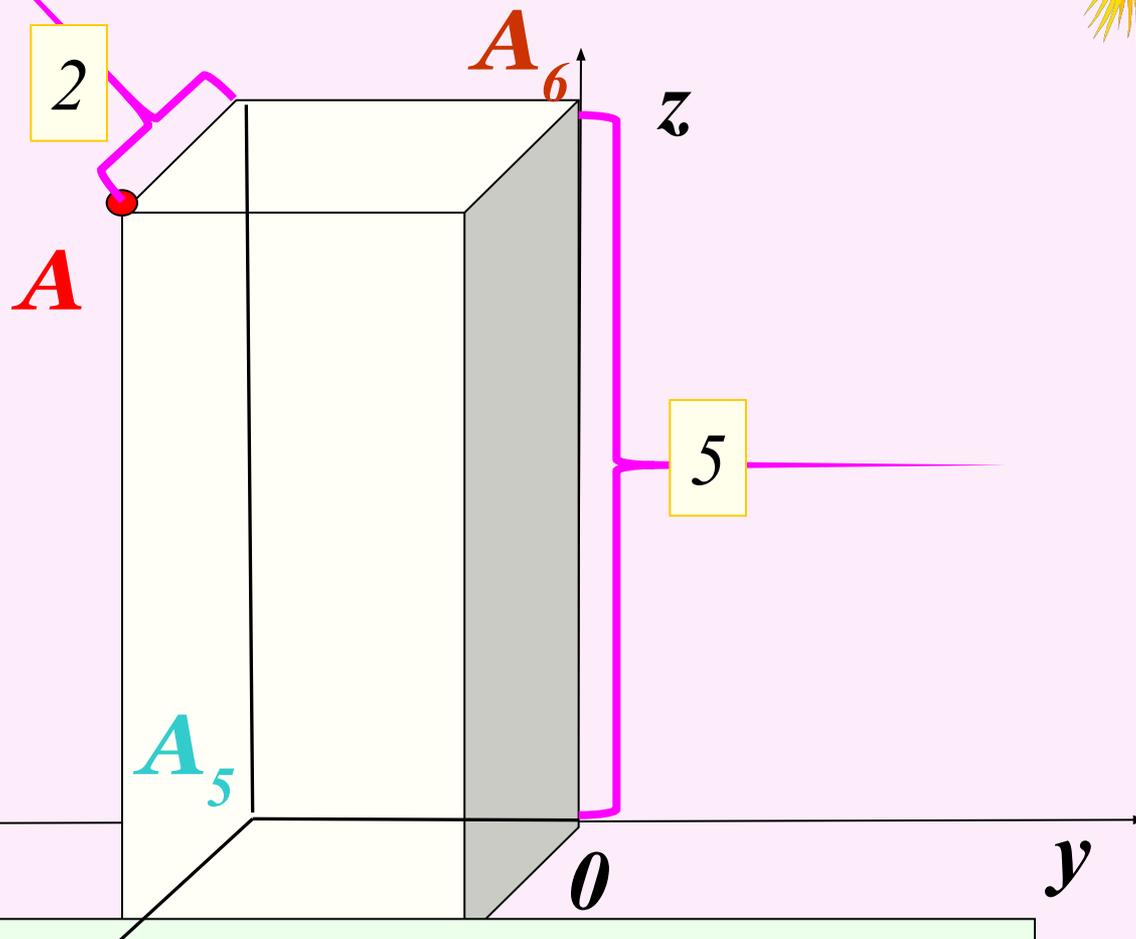
$$A_4(2; 0; 0)$$

2)  $A_5: Oy$

$$A_5(0; -3; 0)$$

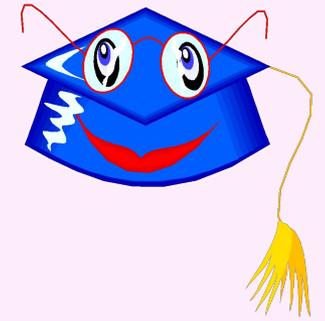
3)  $A_6: Oz$

$$A_6(0; 0; 5)$$



Точку  $B$  рассмотрим самостоятельно.  
Проверка – фронтально.

# Решение задач.



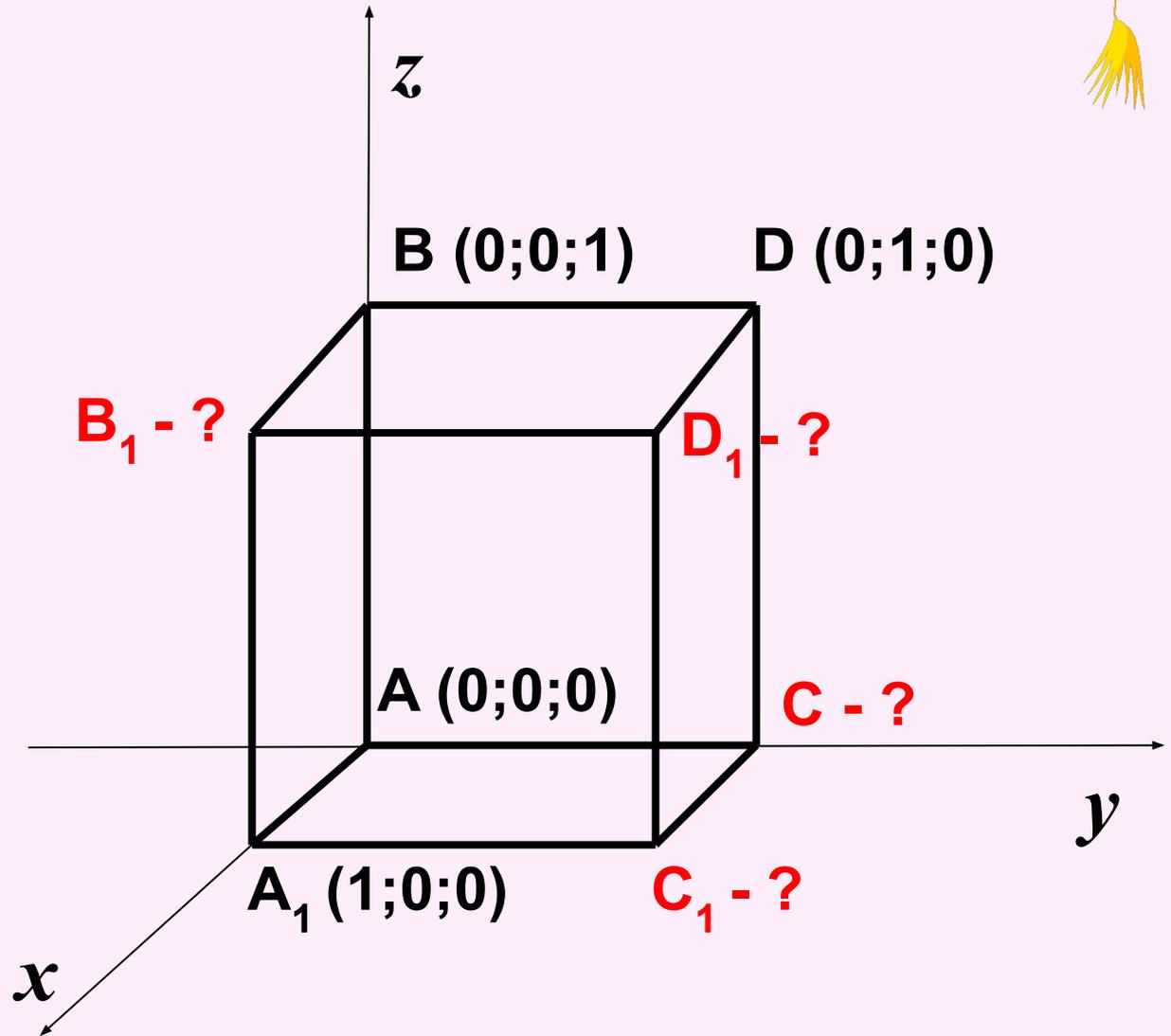
№ 402

$B_1 (1; 0; 1)$

$C (0; 1; 0)$

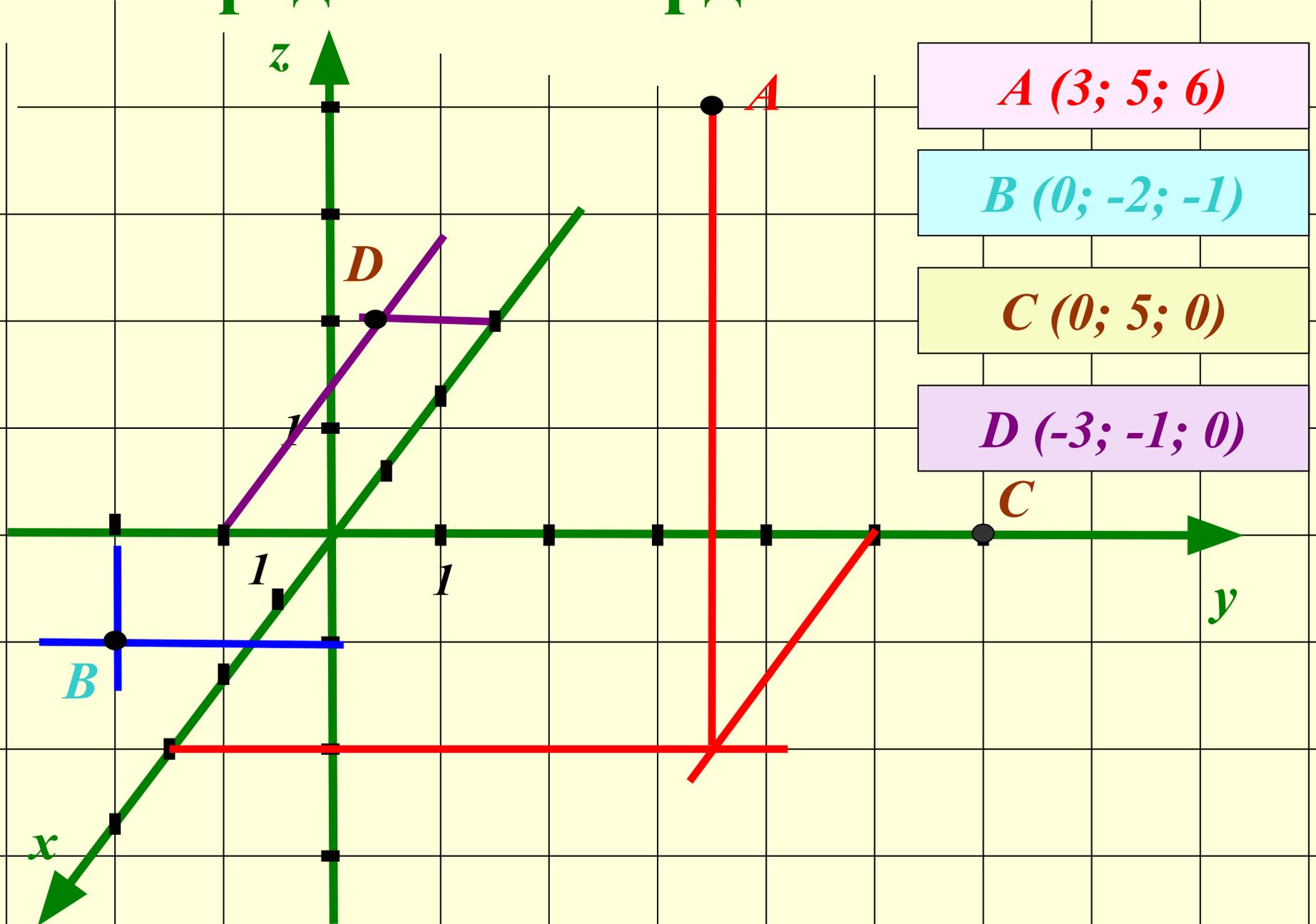
$C_1 (1; 1; 0)$

$D_1 (1; 1; 1)$





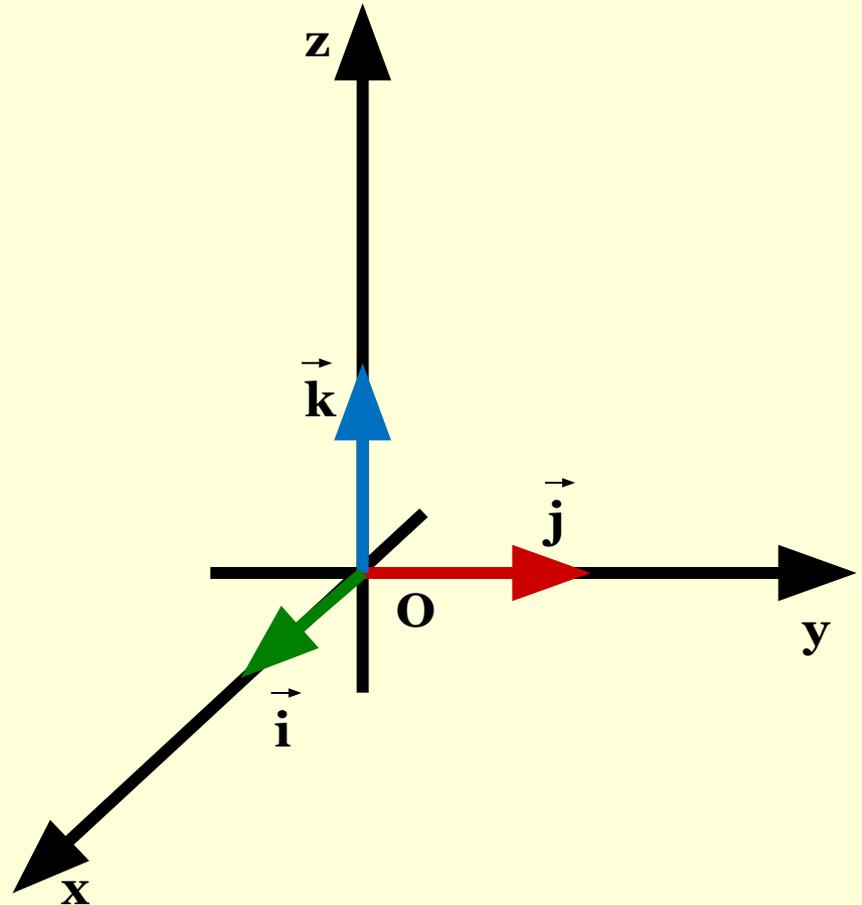
# Определите координаты точек:



# Координаты вектора

На каждой из  
положительных полуосей  
отложим от начала  
координат единичный  
вектор, т.е. вектор, длина  
которого равна единицы.

$\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ,  $\vec{k}$  -  
координатные вектора



# Разложение по координатным векторам

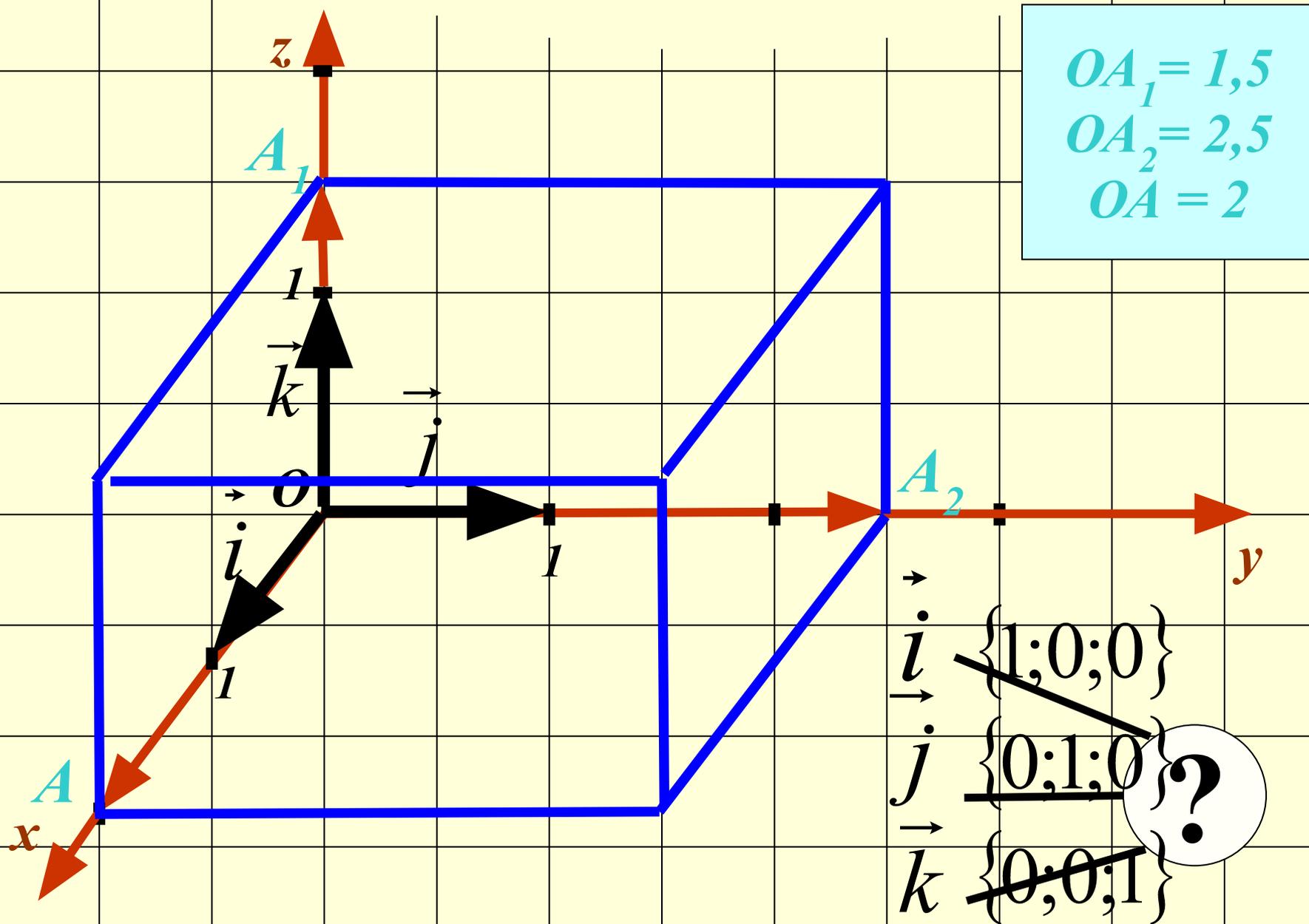
Любой вектор  $\vec{a}$  можно разложить по координатным векторам, т.е. представить в виде

$$\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$$

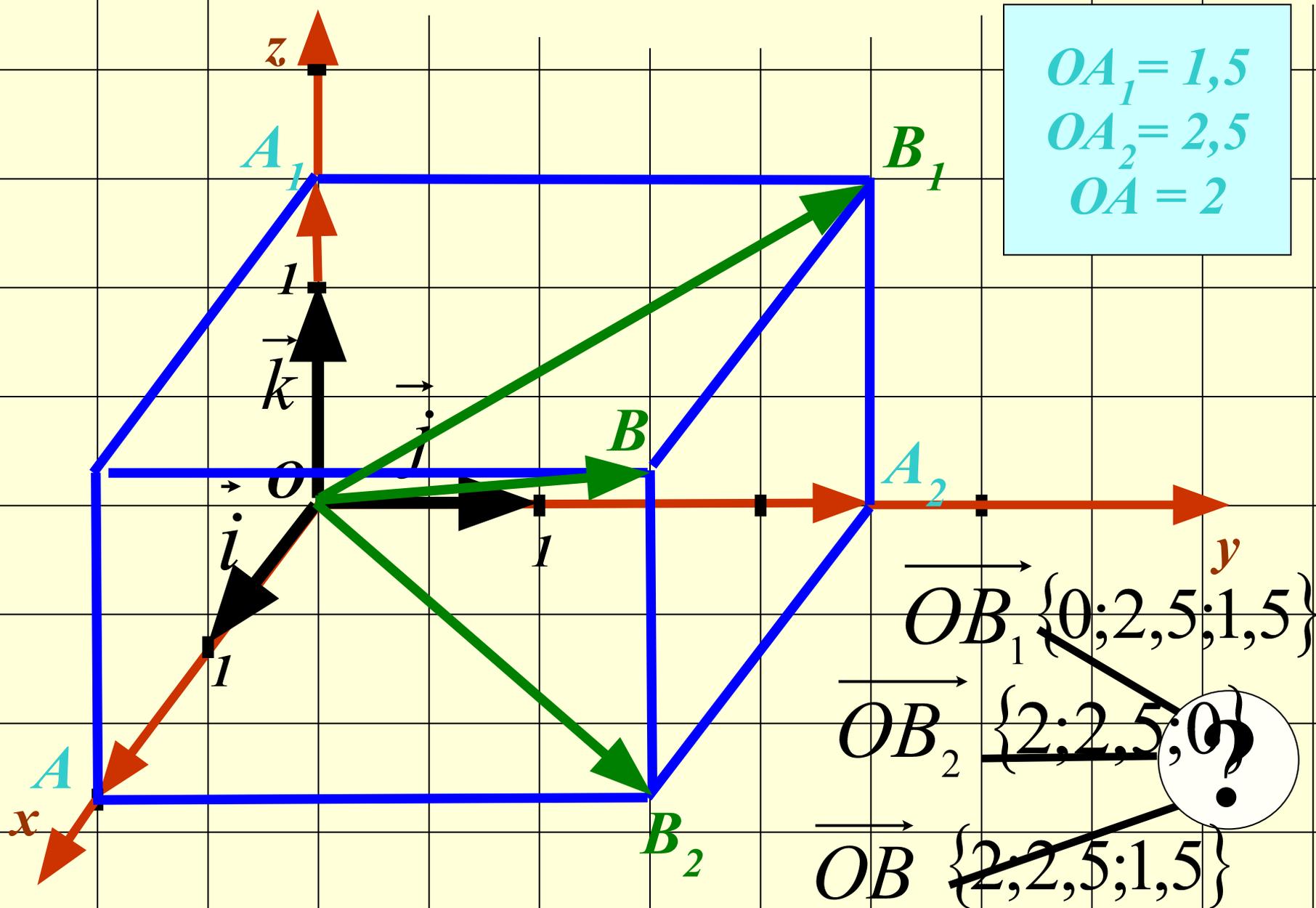
Причем коэффициенты разложения  $x$ ,  $y$ ,  $z$  определяются единственным образом.

$$\vec{a}\{x; y; z\}$$

# Определите координаты векторов:



# Определите координаты векторов:



## Разложите все векторы по координатным векторам

Проверяем:

$$\overrightarrow{OA_1} = 0 \cdot \vec{i} + 0 \cdot \vec{j} + 1,5 \cdot \vec{k}$$

$$\overrightarrow{OA_2} = 0 \cdot \vec{i} + 2,5 \cdot \vec{j} + 0 \cdot \vec{k}$$

$$\overrightarrow{OA} = 2 \cdot \vec{i} + 0 \cdot \vec{j} + 0 \cdot \vec{k}$$

---

$$\overrightarrow{OB_1} = 0 \cdot \vec{i} + 2,5 \cdot \vec{j} + 1,5 \cdot \vec{k}$$

$$\overrightarrow{OB_2} = 2 \cdot \vec{i} + 2,5 \cdot \vec{j} + 0 \cdot \vec{k}$$

$$\overrightarrow{OB} = 2 \cdot \vec{i} + 2,5 \cdot \vec{j} + 1,5 \cdot \vec{k}$$

# Правила действий над векторами с заданными координатами

## 1. Равные векторы имеют равные координаты.

Пусть  $\vec{a}\{x_1; y_1; z_1\} = \vec{b}\{x_2; y_2; z_2\}$ , тогда

$$\vec{a}\{x_1 \vec{i}; y_1 \vec{j}; z_1 \vec{k}\} = \vec{b}\{x_2 \vec{i}; y_2 \vec{j}; z_2 \vec{k}\} \quad \vec{a} - \vec{b} = \vec{0}$$

$$\begin{aligned} \vec{a} - \vec{b} &= x_1 \vec{i} + y_1 \vec{j} + z_1 \vec{k} - (x_2 \vec{i} + y_2 \vec{j} + z_2 \vec{k}) = \\ &= (x_1 - x_2) \cdot \vec{i} + (y_1 - y_2) \cdot \vec{j} + (z_1 - z_2) \cdot \vec{k} = 0 \cdot \vec{i} + 0 \cdot \vec{j} + 0 \cdot \vec{k} = \vec{0} \end{aligned}$$

Следовательно

$$x_1 = x_2; \quad y_1 = y_2; \quad z_1 = z_2$$

# Правила действий над векторами с заданными координатами

2. Каждая координата суммы двух (и более) векторов равна сумме соответствующих координат этих векторов.

$$\text{Дано: } \begin{matrix} \vec{a}\{x_1; y_1; z_1\} \\ \vec{b}\{x_2; y_2; z_2\} \end{matrix} \quad \vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$$

$$\begin{aligned} \text{Доказать: } & \vec{c}\{x_1 + x_2; y_1 + y_2; z_1 + z_2\} \\ & \vec{a}\{x_1 \vec{i}; y_1 \vec{j}; z_1 \vec{k}\} \quad \vec{b}\{x_2 \vec{i}; y_2 \vec{j}; z_2 \vec{k}\} \\ & \vec{a} + \vec{b} = x_1 \vec{i} + y_1 \vec{j} + z_1 \vec{k} + (x_2 \vec{i} + y_2 \vec{j} + z_2 \vec{k}) = \\ & = (x_1 + x_2) \cdot \vec{i} + (y_1 + y_2) \cdot \vec{j} + (z_1 + z_2) \cdot \vec{k} = \vec{c} \end{aligned}$$

Следовательно

$$\vec{c}\{x_1 + x_2; y_1 + y_2; z_1 + z_2\}$$

# Правила действий над векторами с заданными координатами

3. Каждая координата произведения вектора на число равна произведению соответствующей координаты на это число.

*Дано:*  $\vec{a}\{x; y; z\}$   $\alpha$  – произв. число  $\alpha \cdot \vec{a} = \vec{c}$

*Доказать:*  $\vec{c}\{\alpha \cdot x; \alpha \cdot y; \alpha \cdot z\}$

4. Каждая координата разности двух векторов равна число равна разности соответствующих координат на этих векторов.

*Дано:*  $\vec{a}\{x_1; y_1; z_1\}$   $\vec{b}\{x_2; y_2; z_2\}$   $\vec{c} = \vec{a} - \vec{b}$

*Доказать:*  $\vec{c}\{x_1 - x_2; y_1 - y_2; z_1 - z_2\}$

*Доказательства выполнить дома.*

# Домашнее задание:

*Доказательства двух правил  
действий над векторами.*

**№№ 403, 404, 407**

*Повторить определение средней линии  
треугольника и теорему о средней линии  
треугольника.*

