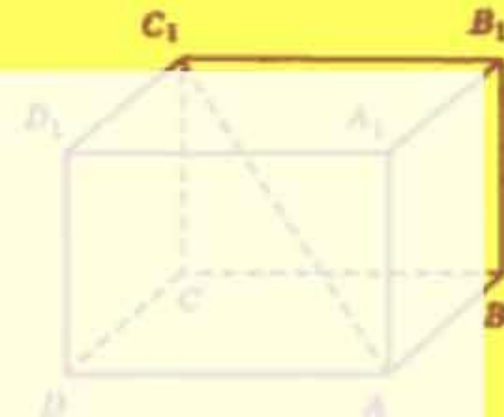


$$S = ab/2$$



**Примеры решения
простейших
тригонометрических
неравенств**

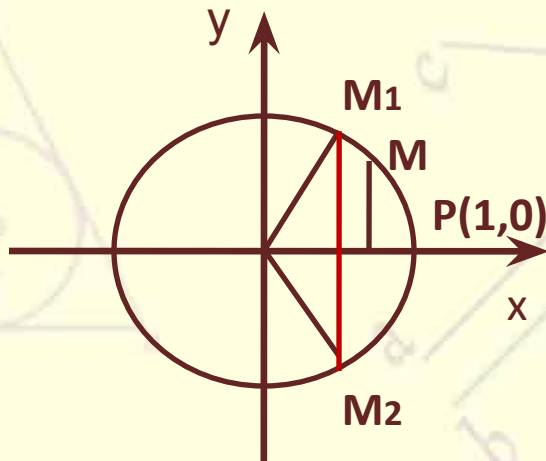
$$C = 2\pi r$$

$$P = (a+b) \cdot 2$$

$$S = ab/2$$

Задача 1. Решить неравенство $\cos x > 1/2$

По определению $\cos x$ – это абсцисса точки единичной окружности. Чтобы решить неравенство $\cos x > 1/2$, нужно выяснить, какие точки единичной окружности имеют абсциссу, большую $1/2$. Абсциссу, равную $1/2$, имеют две точки единичной окружности M_1 и M_2 .



Точка M_1 получается поворотом точки $P(1,0)$ на угол $\pi/3$, а также на углы $\pi/3 + 2\pi n$, где $n = \pm 1, \pm 2, \dots$. Точка M_2 получается поворотом на угол $-\pi/3$, а также на углы $-\pi/3 + 2\pi n$, где $n = \pm 1, \pm 2, \dots$. Абсциссу, большую $1/2$, имеют все точки M дуги единичной окружности, лежащие правее прямой M_1M_2 . Таким образом решениями неравенства $\cos x > 1/2$ являются все числа x из промежутка $-\pi/3 < x < \pi/3$

Все решения данного неравенства – множество интервалов $-\pi/3 + 2\pi n < x < \pi/3 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

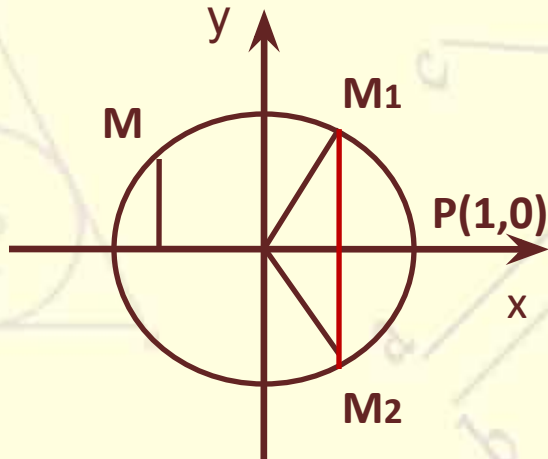
$$C = 2\pi r$$



$$S = ab/2$$

Задача 2. Решить неравенство $\cos x \leq 1/2$

Абсциссу, не большую $1/2$, имеют все точки дуги M_1MM_2 . Поэтому решениями неравенства $\cos x \leq 1/2$ являются числа x , которые принадлежат промежутку $\pi/3 \leq x \leq 5\pi/3$



Все решения данного неравенства – множество отрезков $-\pi/3 + 2\pi n \leq x \leq 5\pi/3 + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$

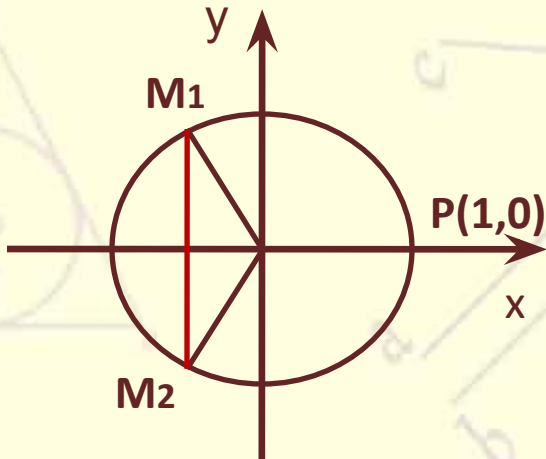
$$C = 2\pi r$$

$$P = (a+b) \cdot 2$$

$$S = ab/2$$

Задача 3. Решить неравенство $\cos(x/4 - 1) \leq -1/2$

Обозначим $x/4 - 1 = y$. Решая неравенство $\cos y \leq -1/2$, находим $2\pi/3 + 2\pi n \leq y \leq 4\pi/3 + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$. Заменяя $y = x/4 - 1$, получаем $2\pi/3 + 2\pi n \leq x/4 - 1 \leq 4\pi/3 + 2\pi n$, откуда $1 + 2\pi/3 + 2\pi n \leq x/4 \leq 1 + 4\pi/3 + 2\pi n$, $4 + 8\pi/3 + 8\pi n \leq x \leq 4 + 16\pi/3 + 8\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.



$$4 + 8\pi/3 + 8\pi n \leq x \leq 4 + 16\pi/3 + 8\pi n, \\ n \in \mathbb{Z}.$$

$$C = 2\pi r$$

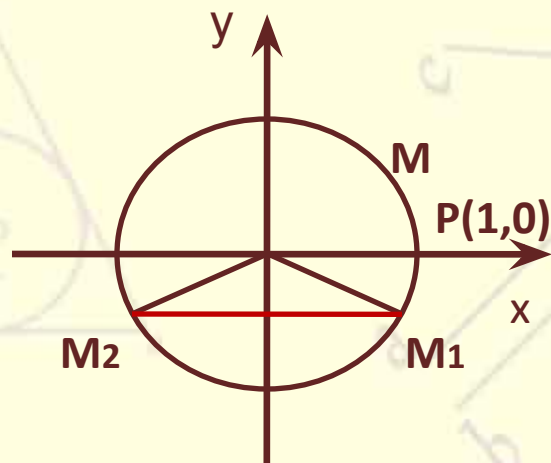
$$P = (a+b) \cdot 2$$

$$S = ab/2$$

Задача 4. Решить неравенство $\sin x \geq -1/2$

По определению $\cos x$ – это ордината точки единичной окружности. Ординату, не меньшую $-1/2$, имеют все точки дуги M_1MM_2 .

Поэтому решениями неравенства $\sin x \geq -1/2$ являются числа x , принадлежащие промежутку $-\pi/6 \leq x \leq 7\pi/6$.



Все решения данного неравенства – множество отрезков $-\pi/6 + 2\pi n < x < 7\pi/6 + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$

$$C = 2\pi r$$

$$P = (a+b) \cdot 2$$