



## Урок алгебры в 8 классе

Преобразова  
ние  
выражений,  
содержащих  
квадратные  
корни.

Презентацию  
подготовила  
учитель  
математики

Кублик  
Галина  
Евгеньевна

## Цели:

- Изучить такие преобразования квадратных корней, как вынесение множителя за знак корня и внесение множителя под знак корня.
- Формировать умение выполнять эти преобразования
- Развивать память, внимание и логическое мышление у учащихся
- Вырабатывать трудолюбие



## Свойства арифметического квадратного корня



- Квадратный корень из произведения и дроби

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

- Квадратный корень из степени

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

При  
любом

$x$

# Теорема 1

Если  $a \geq 0$  и  $b \geq 0$ , то  $\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$ .

- Пусть  $a \geq 0$  и  $b \geq 0$ . Тогда каждое из выражений  $\sqrt{ab}$  и  $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$  имеет смысл. Покажем, что выполняются два условия

$$1) \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} \geq 0; \quad 2) (\sqrt{a} \cdot \sqrt{b})^2 = ab.$$

Так как выражения  $\sqrt{a}$  и  $\sqrt{b}$  принимают лишь неотрицательные значения, то произведение  $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$  неотрицательно.

Используя свойство степени произведения, получим

$$(\sqrt{a} \cdot \sqrt{b})^2 = (\sqrt{a})^2 \cdot (\sqrt{b})^2 = ab.$$

Мы показали, что условия 1) и 2) выполняются. Значит, по определению арифметического квадратного корня при любых неотрицательных значениях  $a$  и  $b$  верно равенство

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}. \quad \circ$$

Корень из произведения неотрицательных множителей равен произведению корней из этих множителей



Рассмотрим примеры:

$$\sqrt{64 \cdot 0,04} = \sqrt{64} \cdot \sqrt{0,04} = 8 \cdot 0,2 = 1,6$$

$$\sqrt{32 \cdot 98} = \sqrt{(16 \cdot 2) \cdot (49 \cdot 2)} = \sqrt{16 \cdot 49 \cdot 4} = 4 \cdot 7 \cdot 2 = 56$$

$$\sqrt{20} \cdot \sqrt{5} = \sqrt{20 \cdot 5} = \sqrt{100} = 10$$

$$\frac{\sqrt{80}}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{80}{5}} = \sqrt{16} = 4$$

$$\sqrt{\frac{36}{169}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{169}} = \frac{6}{13}$$



Теорема 2 Корень из дроби, числитель которой неотрицателен, а знаменатель положителен, равен корню из числителя, деленному на корень из знаменателя.

# Квадратный корень из степени



Чтобы извлечь корень из степени с чётным показателем, надо представить подкоренное выражение в виде квадрата некоторого выражения и воспользоваться тождеством:

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

При любом значении  $x$  равенство верное

Представим  $x^{10}$  в виде  $(x^5)^2$ , Получим:  $\sqrt{x^{10}} = \sqrt{(x^5)^2} = |x^5|$ .

Так как  $x < 0$ , то  $x^5 < 0$ , поэтому  $|x^5| = -x^5$ .

Значит, при  $x < 0$  последует  $\sqrt{x^{10}} = -x^5$

# Сравним значения выражений

$$\sqrt{50} \quad \text{и} \quad 6 \cdot \sqrt{2}$$

$$\sqrt{50} = \sqrt{25 \cdot 2} = \sqrt{25} \cdot \sqrt{2} = 5 \cdot \sqrt{2}$$

$$6\sqrt{2} = \sqrt{36} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{72}$$

$$\sqrt{50} < \sqrt{72}$$

$$5\sqrt{2} < 6\sqrt{2}$$

$$\sqrt{a^7} = \sqrt{a^6 \cdot a} = \sqrt{a^6} \cdot \sqrt{a} = \sqrt{(a^3)^2} \cdot \sqrt{a} = |a^3| \cdot \sqrt{a} = a^3 \sqrt{a}$$

$$-4\sqrt{x} = -1 \cdot \sqrt{16} \cdot \sqrt{x} = -\sqrt{16x}$$

Вынесение  
множителя из-под  
знака корня.

Внесение множителя  
под знак корня

$$a\sqrt{2} = |a|\sqrt{2} = \sqrt{a^2} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{2a^2} \quad , \text{ если } a > 0$$

$$a\sqrt{2} = -|a| \cdot \sqrt{2} = -\sqrt{a^2} \cdot \sqrt{2} = -\sqrt{2a^2} \quad , \text{ если } a < 0$$





## Рассмотрим решение примеров

$$\begin{aligned} 3\sqrt{8} - \sqrt{50} + 2\sqrt{18} &= 3\sqrt{2 \cdot 4} - \sqrt{2 \cdot 25} + \\ + 2\sqrt{2 \cdot 9} &= 3 \cdot 2\sqrt{2} - 5\sqrt{2} + 2 \cdot 3\sqrt{2} = 6\sqrt{2} - 5\sqrt{2} + \\ + 6\sqrt{2} &= 7\sqrt{2}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{242} - \sqrt{200} + \sqrt{8} &= \sqrt{2 \cdot 121} - \sqrt{2 \cdot 100} + \\ + \sqrt{2 \cdot 4} &= 11\sqrt{2} - 10\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{75} - 0,1\sqrt{300} - \sqrt{27} &= \sqrt{3 \cdot 25} - 0,1\sqrt{3 \cdot 100} - \\ - \sqrt{3 \cdot 9} &= 5\sqrt{3} - 0,1 \cdot 10\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 5\sqrt{3} - \sqrt{3} - \\ - 3\sqrt{3} &= \sqrt{3}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{98} - \sqrt{72} + 0,5\sqrt{8} &= \sqrt{2 \cdot 49} - \sqrt{2 \cdot 36} + \\ + 0,5\sqrt{4 \cdot 2} &= 7\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 0,5 \cdot 2\sqrt{2} = 7\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + \\ + \sqrt{2} &= 2\sqrt{2}. \end{aligned}$$

---





В 1626 году нидерландский математик А.Ширар ввел близкое к современному обозначение корня  $\sqrt{\quad}$ . Если над этим знаком стояла цифра 2, то это означало корень квадратный, если 3 – кубический. Это обозначение стало вытеснять знак  $Rx$ . Однако долгое время писали  $\sqrt{a+b}$  с горизонтальной чертой над суммой. Лишь в 1637 году Рене Декарт соединил знак корня с горизонтальной чертой, применив в своей «Геометрии» современный знак корня  $\sqrt{\quad}$ . Этот знак вошёл во всеобщее употребление лишь в начале XVIII века.



Из истории преобразования выражений, содержащих квадратные корни.



# Подведём итоги !

В о п р о с ы   у ч а щ и м с я :

– В чём состоит приём вынесения множителя из-под знака корня?

– В чём состоит приём внесения множителя под знак корня?

– Как сравнивать значения выражений, содержащих корни?

– Как сравнивать корень с целым числом?



# Домашнее задание:

- Урок № 38
  - прочитать п.18,  
выполнить № 409,  
№ 417.
- Урок № 39
  - прочитать п.18,  
выполнить № 415,  
№ 413.



**Используемая литература и интернет-ресурсы презентации к уроку:**

<http://yandex.ru/yandsearch?p>

<http://ru.wikipedia.org/wiki/>

Учебник – «Алгебра 8, автор – Макарычев Ю. Н. и др. под редакцией Теляковского. Издательство «Просвещение».