

«О, сколько нам открытий чудных
Готовят просвещенья дух
И опыт, сын ошибок трудных,
И гений, парадоксов друг,
И случай, бог-изобретатель...»

А.С.Пушкин

Все ли события происходящие в
нашей жизни случайны?





ТЕМА УРОКА:

Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей.

Понятие о независимости событий.

ПЛАН УРОКА:

1. Событие, виды событий
2. Вероятность события
3. Сложение и умножение вероятностей
4. Понятие о независимости событий
5. Самостоятельная работа

«Чтобы в математике решать успешно любую задачу, прежде всего нужно хорошо считать».

№1. Вычислите:

$$\text{а) } \frac{0,24}{0,4} = \boxed{6}$$

$$\text{б) } \frac{0,56}{0,2} = \boxed{0,28}$$

$$\text{в) } 3 : 5 = ?$$

$$\frac{3}{5} = \frac{3 * 2}{5 * 2} = \frac{6}{10} = 0,6$$

№2. Найдите:

$$\text{а) } \frac{2}{3} \text{ от числа } 4,5; \quad \boxed{3}$$

$$\text{б) } 0,08 \text{ от } 12; \quad \boxed{0,96}$$

$$\text{в) } 25\% \text{ от } 5,6 \quad \boxed{1,4}$$

ЗАДАЧА:

В коробке лежат 3 красных и 5 синих шариков. Какое наименьшее количество шариков, не глядя, нужно достать из коробки, чтобы среди них обязательно оказалось хотя бы 2 шарика одного цвета?





ИССЛЕДОВАНИЕ

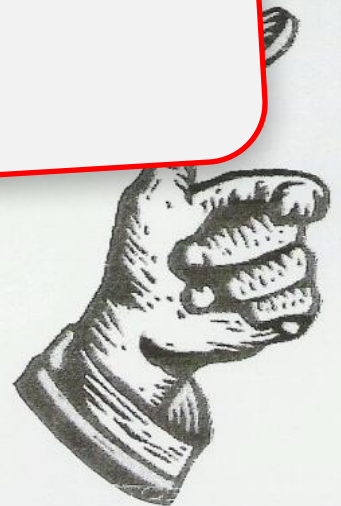


Историческая справка:

Экспериментатор	Число бросаний монеты	Число выпадений герба	Относительная частота
Бюффон	4040	2048	0,5080
Пирсон	12000	6014	0,5016
Пирсон	24000	12012	0,5006

Эксперимент (опыт) – совокупность условий, при которых рассматривается появление случайного события.

• Событие – это ожидаемый результат эксперимента (наблюдения).



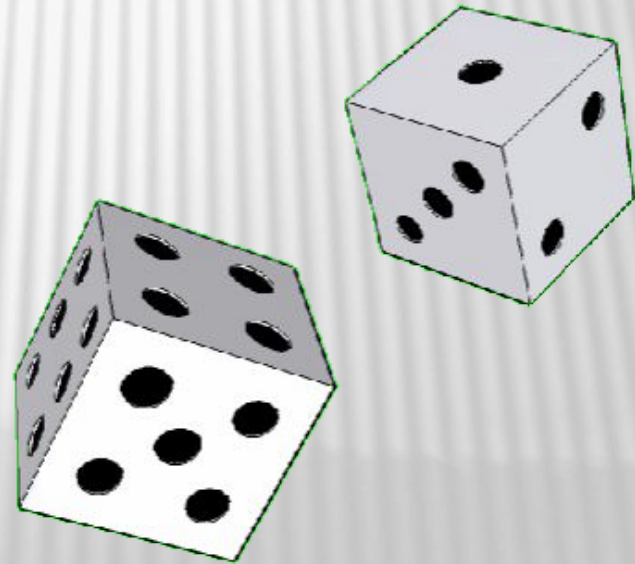
СОБЫТІЯ

Достовѣрные

Невозможные

Случайные

Теория вероятностей - это раздел математики, изучающий вероятностные закономерности массовых однородных случайных событий.



Предметом теории вероятностей
является изучение закономерностей,
которым подчиняются случайные
события при многократном
повторении одного и того же опыта
в одних и тех же условиях.





Блез Паскаль

(19 июня 1623 г. – 19 августа 1662 г.)
французский математик, физик,
философ, один из основателей
теории вероятностей



Пьер де Ферма

(17 августа 1601 – 12 января 1665)
французский математик, один
из теории
вероятностей и теории чисел.



Из письма Б.Паскаля П.Ферма
Париж, 19 ноября 1654 г,
Г-ну Пьеру Ферма, Тулуза.



«...В мире господствует случай и
одновременно действует порядок
и закономерность, которые
формируются из массы
случайностей, согласно законам
случайного»

КЛАССИЧЕСКОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ СОБЫТИЯ

Вероятностью события A называется отношение числа элементарных исходов опыта, благоприятствующих данному событию, к числу всех равновозможных элементарных исходов опыта:

$$\frac{m}{n} = \frac{\text{число благоприятствующих исходов}}{\text{число всех равновозможных исходов}}, \text{ где}$$

A - событие,

m - число благоприятствующих исходов опыта,

n - число всех равновозможных элементарных исходов опыта,

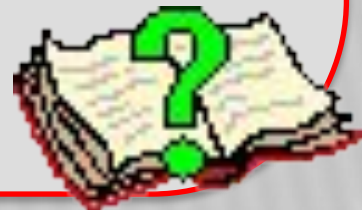
$P(A)$ - вероятность наступления события A .

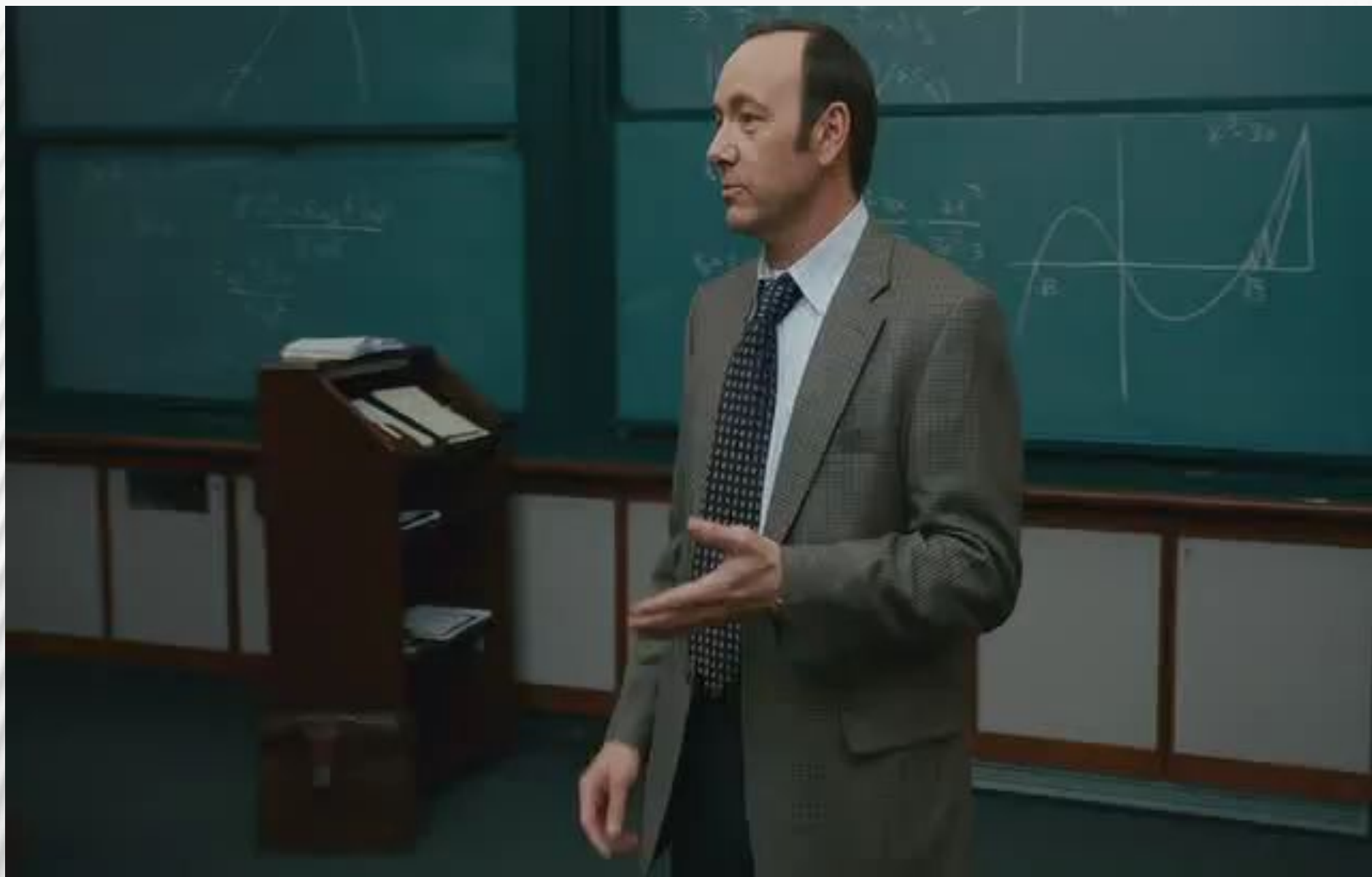


Алгоритм решения задач на расчет вероятности по классическому определению

1. Обозначить событие A
2. Найти число возможных исходов - n
3. Найти число исходов, благоприятствующих наступлению события A - m
4. Найти искомую вероятность по формуле:

$$P(A) = \frac{m}{n}$$





ЗАДАЧА №1.

В лотерее из 1000 билетов имеются 200 выигрышных. Вынимают наугад один билет. Чему равна вероятность того, что этот билет выигрышный?



ЗАДАЧА №2.

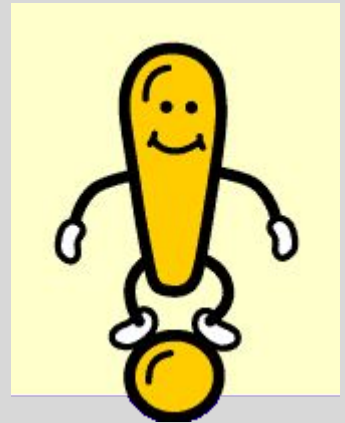
Из урны, в которой находятся 5 белых и 3 черных шара, вынимают один шар. Найти вероятность того, что шар окажется черным.



СВОЙСТВА ВЕРОЯТНОСТЕЙ СОБЫТИЯ

1. Если A – событие, то $0 \leq P(A) \leq 1$.
2. Если A – достоверное событие, то $P(A) = 1$.
3. Если A – невозможное событие, то $P(A) = 0$.

4. Если A – случайное событие, то $0 < P(A) < 1$.



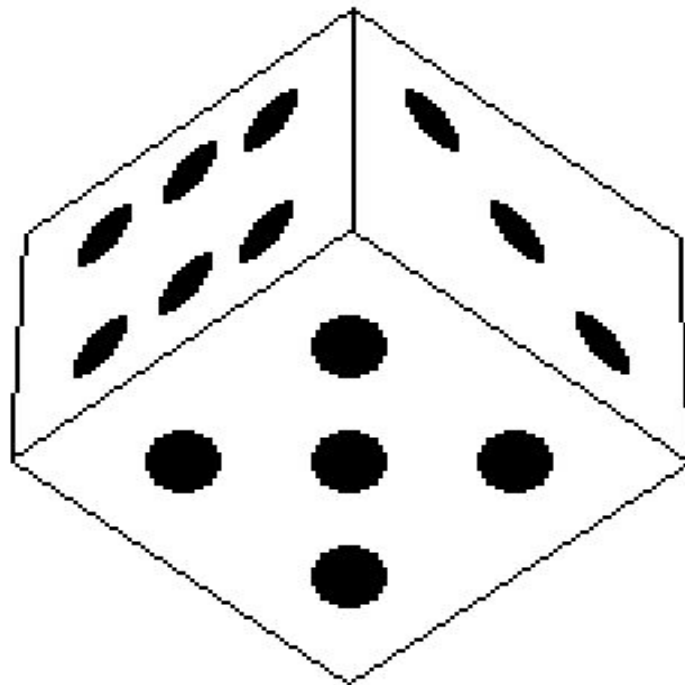
5. Если A и \bar{A} – противоположные события, то $P(A) + P(\bar{A}) = 1$.

ЗАДАЧА №3.

На складе имеется 50 деталей, изготовленных тремя бригадами. Из них 25 изготовлено 1 бригадой, 15 – 2 бригадой и 10 – 3 бригадой. Найти вероятность того, что на сборку поступила деталь, изготовленная 2 или 3 бригадой.



События A и B называются независимыми, если появление события B не оказывает влияния на появление события A , а появление события A не оказывает влияния на появление события B .



ДЕЙСТВИЯ НАД ВЕРОЯТНОСТЯМИ (ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕМЫ)

<u>Сложение вероятностей несовместных событий</u>	наступит или А, или В	$P(A+B) = P(A \cup B) = P(A) + P(B)$
<u>Умножение вероятностей несовместных событий</u>	наступит и А, и В	$P(AB) = P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$
<u>Сложение вероятностей совместных независимых событий</u>	наступит или А, или В, или А и В	$P(A+B) = P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A) \cdot P(B)$



ЗАДАЧА №4.

Прибор, работающий в течении времени t , состоит из 3 узлов, каждый из которых, независимо от других, может в течение времени t отказать (выйти из строя). Отказ хотя бы одного узла приводит к отказу прибора в целом. За время t вероятность безотказной работы 1 узла = 0,8, 2 узла = 0,9, 3 узла = 0,7. Найти надежность прибора в целом.



ЗАДАЧА №5.

Вероятность попадания в мишень для 1 стрелка 0,85, а для 2 стрелка 0,8. Стрелки независимо друг от друга произвели по одному выстрелу. Какова вероятность того, что в мишень попадет хотя бы один стрелок?



САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

ВАРИАНТ 1	ВАРИАНТ 2
<p>№1. Магазин получил продукцию в ящиках с четырех оптовых складов: четыре с 1-го, пять со 2-го, семь с 3-го и четыре с 4-го. Случайным образом выбран ящик для продажи. Какова вероятность того, что это будет ящик с первого или третьего склада.</p>	<p>№1. Аптека получила лекарства в коробках с трех оптовых складов: пять с 1-го, три со 2-го, шесть с 3-го. Случайным образом выбрана коробка для продажи. Какова вероятность того, что это будет коробка со второго или третьего склада.</p>
<p>№2. В трех урнах имеется по 6 белых и по 4 черных шара. Из каждой урны извлекают наудачу по одному шару. Найти вероятность того, что: все три шара будут белыми.</p>	<p>№2. В трех урнах имеется по 6 белых и по 4 черных шара. Из каждой урны извлекают наудачу по одному шару. Найти вероятность того, что: все три шара будут черными.</p>
<p>№3. Два стрелка сделали по одному выстрелу в мишень. Вероятность попадания для первого стрелка равна 0,8, для второго – 0,6. Найти вероятность того, что хотя бы один из стрелков попадет в мишень.</p>	<p>№3. Груз в пункт назначения можно доставить речным транспортом или автотранспортом. Вероятность того, что груз будет доставлен по реке, равна 0,7, автотранспортом – 0,5. Найти вероятность того, что груз будет доставлен хотя бы одним видом транспорта.</p>

ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

ДОСТОВЕРНОЕ СОБЫТИЕ

Событие называется **достоверным**, если оно обязательно произойдет в данном опыте.

Например:

Опыт: извлечение мяча из коробки, в которой находятся только красные мячи.

Достоверное событие: «извлеченный, на удачу, мяч окажется красным».



НЕВОЗМОЖНОЕ СОБЫТИЕ

Событие называется **невозможным**, если оно не может произойти в данном опыте.

Например:

Опыт: извлечение мяча из коробки, в которой находятся только красные мячи.

Невозможное событие: «извлеченный, на удачу, мяч окажется зеленым».



СЛУЧАЙНОЕ СОБЫТИЕ

Событие называется **случайным**, если оно может произойти, а может и не произойти в данном опыте.

Например:

Опыт: сдача студентом экзамена по математике.

Случайное событие: «студент на экзамене получит оценку отлично».



РЕШЕНИЯ К САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЕ

ВАРИАНТ 1	ВАРИАНТ 2
<p>№ 1. Дано: A_1 - «Выбран ящик с 1 склада» A_2 - «Выбран ящик со 2 склада» A_3 - «Выбран ящик с 3 склада» A_4 - «Выбран ящик с 4 склада» B - «Выбран ящик с 1 или 3 склада» $n = 4 + 5 + 7 + 4 = 20$, $n_{A_1} = 4, n_{A_2} = 5$, $n_{A_3} = 7, n_{A_4} = 4$.</p>	<p>№ 1. Дано: A_1 - «Выбрана коробка с 1 склада» A_2 - «Выбрана коробка со 2 склада» A_3 - «Выбрана коробка с 3 склада» B - «Выбрана коробка со 2 или 3 склада» $n = 5 + 3 + 6 = 14$, $n_{A_1} = 5, n_{A_2} = 3, n_{A_3} = 6$,</p>
<p>$P[B] = ?$</p>	<p>$P[B] = ?$</p>
<p>Решение:</p> $P[A_1] = \frac{n_{A_1}}{n} = \frac{4}{20} = \frac{1}{5} = 0,2.$ $P[A_3] = \frac{n_{A_3}}{n} = \frac{7}{20} = 0,35.$ $P[B] = P[A_1] + P[A_3] = \frac{4}{20} + \frac{7}{20} = \frac{11}{20} = 0,55.$ <p>Ответ: $P(B) = 0,55$</p>	<p>Решение:</p> $P[A_2] = \frac{n_{A_2}}{n} = \frac{3}{14}.$ $P[A_3] = \frac{n_{A_3}}{n} = \frac{6}{14}.$ $P[B] = P[A_2] + P[A_3] = \frac{3}{14} + \frac{6}{14} = \frac{9}{14}.$ <p>Ответ: $P[B] = \frac{9}{14}$.</p>

РЕШЕНИЯ К САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЕ

ВАРИАНТ 1	ВАРИАНТ 2
<p>№ 2. Дано:</p> <p>A_1 - «Из 1 урны извлечен белый шар»;</p> <p>A_2 - «Из 2 урны извлечен белый шар»;</p> <p>A_3 - «Из 3 урны извлечен белый шар»;</p> <p>A - «Все три шара белые»;</p> <p>$n = 6 + 4 = 10$,</p> <p>$\square\square_{11} = \square\square_{22} = \square\square_{33} = 6$.</p>	<p>№ 2. Дано:</p> <p>A_1 - «Из 1 урны извлечен черный шар»;</p> <p>A_2 - «Из 2 урны извлечен черный шар»;</p> <p>A_3 - «Из 3 урны извлечен черный шар»;</p> <p>A - «Все три шара черные»;</p> <p>$n = 6 + 4 = 10$,</p> <p>$\square\square_{11} = \square\square_{22} = \square\square_{33} = 4$.</p>
<p>$\square\square\square\square = ?$</p>	<p>$\square\square\square\square = ?$</p>
<p>Решение:</p> $P[A_1] = P[A_2] = P[A_3] =$ $= \frac{\square\square_{11}}{\square\square} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} = 0,6.$ $\square\square\square\square = \square\square\square_{11} \cdot \square\square\square_{22} \cdot \square\square\square_{33} =$ $= 0,6^3 = 0,216.$ <p>Ответ: $P[A] = 0,216$.</p>	<p>Решение:</p> $P[A_1] = P[A_2] = P[A_3] =$ $= \frac{\square\square_{11}}{\square\square} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} = 0,4..$ $\square\square\square\square = \square\square\square_{11} \cdot \square\square\square_{22} \cdot \square\square\square_{33} =$ $= 0,4^3 = 0,064.$ <p>Ответ: $P[A] = 0,064$.</p>

РЕШЕНИЯ К САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЕ

ВАРИАНТ 1	ВАРИАНТ 2
<p>№ 3. Дано: А – «Первый стрелок попал в мишень», $P(A) = 0,8$; В – «Второй стрелок попал в мишень», $P(B) = 0,6$; С – «Хотя бы один стрелок попал в мишень».</p>	<p>№ 3. Дано: А – «Груз доставлен речным транспортом», $P(A) = 0,7$; В – «Груз доставлен автотранспортом», $P(B) = 0,5$; С – «Груз доставлен хотя бы одним видом транспорта».</p>
$P(C) = ?$	$P(C) = ?$
<p>Решение: $P[C] = P[A] + P[B] - P[A] \cdot P[B] = 0,8 + 0,6 - 0,8 \cdot 0,6 = 0,92$. Ответ: $P(C) = 0,92$.</p>	<p>Решение: $P[C] = P[A] + P[B] - P[A] \cdot P[B] = 0,7 + 0,5 - 0,7 \cdot 0,5 = 0,85$. Ответ: $P(C) = 0,85$.</p>