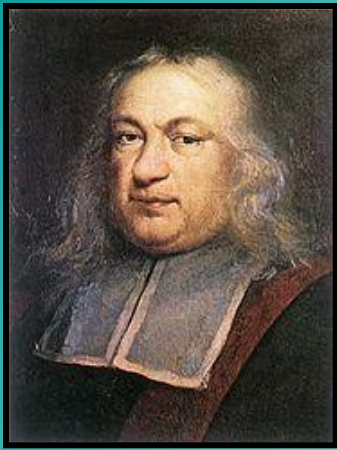


# Примеры комбинаторных задач.



**Комбинаторика** - это раздел математики, посвященный решению задач на перебор различных вариантов, удовлетворяющих каким-либо условиям.

В комбинаторных задачах обычный вопрос: сколькими способами... Рождение комбинаторики как раздела математики связано с трудами великих французских математиков XVII века Блеза Паскаля и Пьера Ферма.

Существует очень много задач, в которых рассматриваются различные ситуации выбора. Однако, несмотря на все разнообразие комбинаторных задач, можно выделить среди них группы однотипных. В этих задачах речь идет о разных предметах, приводятся разные ситуации, но ход их решения одинаков, и именно поэтому такие задачи можно объединить в отдельные группы.



## Решение.

Первые цифры искомых чисел: 1, 2, 4, 5, 9, так как в двузначном числе на первом месте может стоять любая цифра, кроме 0. Так как нужно составить четные двузначные числа, то второй цифрой искомых чисел могут быть: 0, 2, 4.

**Задача 1. Сколько четных двузначных чисел можно составить из цифр 0, 2, 4?**  
Составим таблицу: (строка (цифра) 0, 2, 4, столбец (0, 2, 4) соответственно).

	0	2	4
1	10	12	14
2	20	22	24
4	40	42	44
5	50	52	54
9	90	92	94

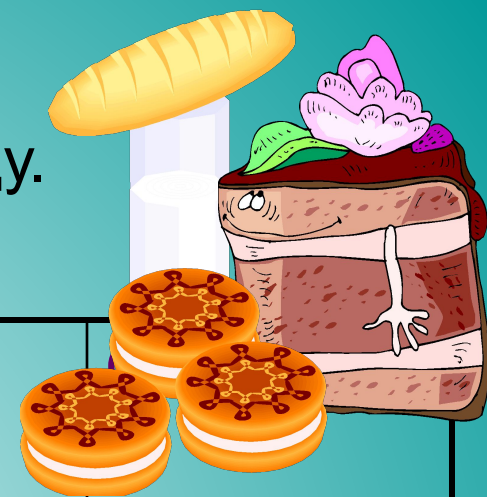
	0	2	4
1	10	12	14
2	20	22	24
4	40	42	44
5	50	52	54
9	90	92	94

В этой задаче мы осуществили полный перебор всех возможных вариантов (комбинации). Поэтому подобные задачи называются

**комбинаторными.** Заполняем ячейки. первая цифра числа равна метке строки, а вторая цифра- метке столбца. По строкам и столбцам мы пересчитаем все возможные варианты, значит, искомым чисел будет столько же, сколько клеток в таблице, то есть  $3 * 5 = 15$ .

**Ответ:** из цифр 0,1,2,4,5,9 можно составить 15 четных двузначных чисел.

**Введение:** На завтрак все сваривает себе в кастрюльке. любой ученик может выбрать булочку, ватрушку, кекс или сочник, а запить их он может соком, чаем или компотом. Сколько вариантов завтрака предлагается в



	Булочка	Ватрушка	Кекс	
школьной столовой?	Сок, Булочка	Сок, Ватрушка	Сок, Кекс	Сок, Сочник
Чай	Чай, Булочка	Чай, Ватрушка	Чай, Кекс	Чай, Сочник
Компот	Компот, Булочка	Компот, Ватрушка	Компот, Кекс	Компот, Сочник

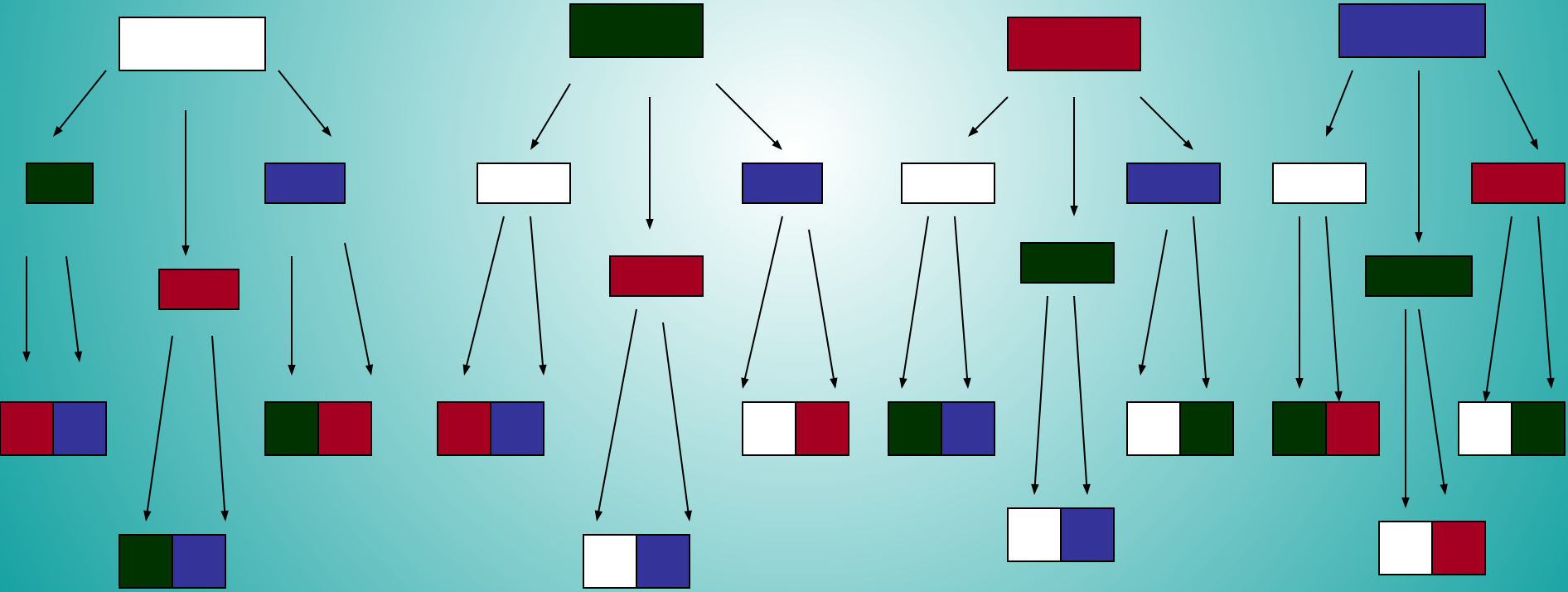


	Булочка	Ватрушка	Кекс	Сочник
Сок	Сок, Булочка	Сок, Ватрушка	Сок, Кекс	Сок, Сочник
Чай	Чай, Булочка	Чай, Ватрушка	Чай, Кекс	Чай, Сочник
Компот	Компот, Булочка	Компот, Ватрушка	Компот, Кекс	Компот, Сочник

В таблице 3 строки и 4 столбца, которые образуют 12 клеток. Так как выбор еды и напитка происходит независимо, то в каждой клетке будет стоять один из возможных вариантов завтрака. С другой стороны, любой вариант завтрака записан в одной из клеток. Значит, всего вариантов столько, сколько клеток в таблице, то есть 12.

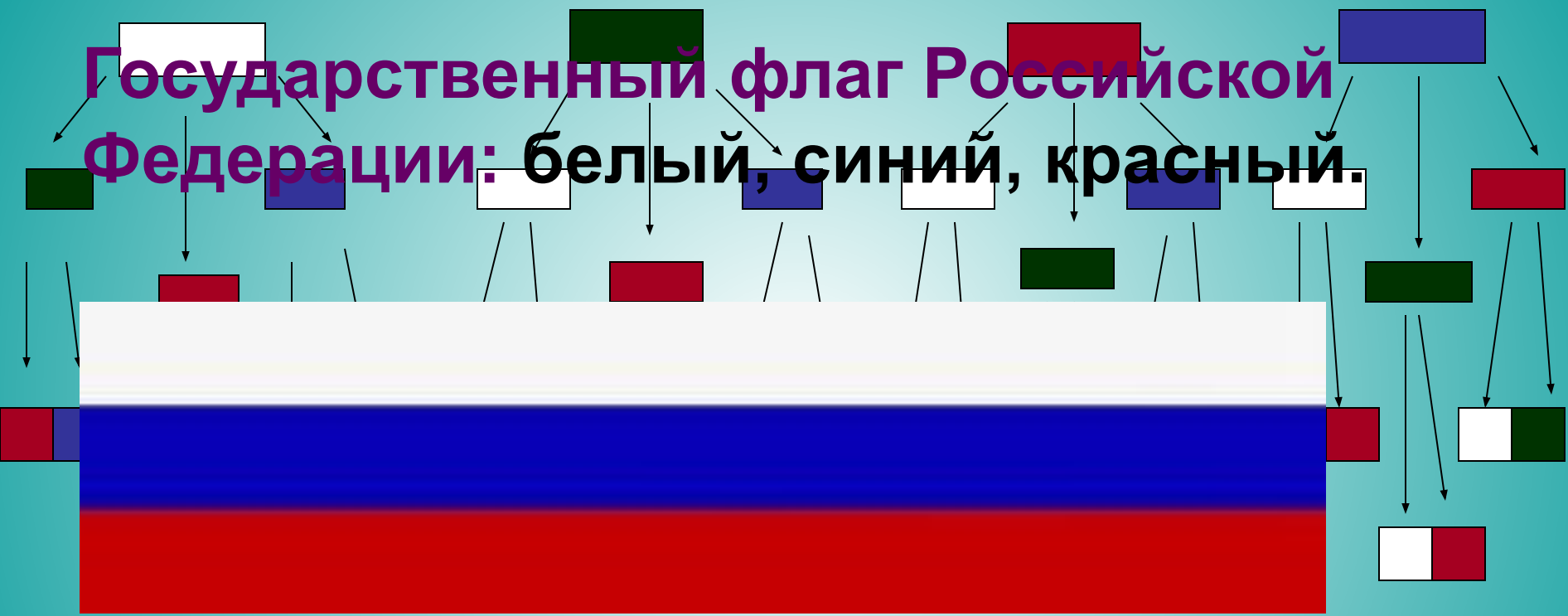
**Ответ:** столовая предлагает 12 вариантов завтрака.

**Решение:** Рассмотрим составление всевозможных вариантов флага с помощью графа, названного деревом (из трех горизонтальных полос одинаковой ширины и различных цветов - белого, зеленого, красного и синего).  
**Задача 3.** Скольке существует флагов, составленных из трех горизонтальных полос одинаковой ширины и различных цветов - белого, зеленого, красного и синего? Есть ли среди этих флагов Государственный флаг Российской Федерации?



# Флаг

Государственный флаг Российской Федерации: белый, синий, красный.

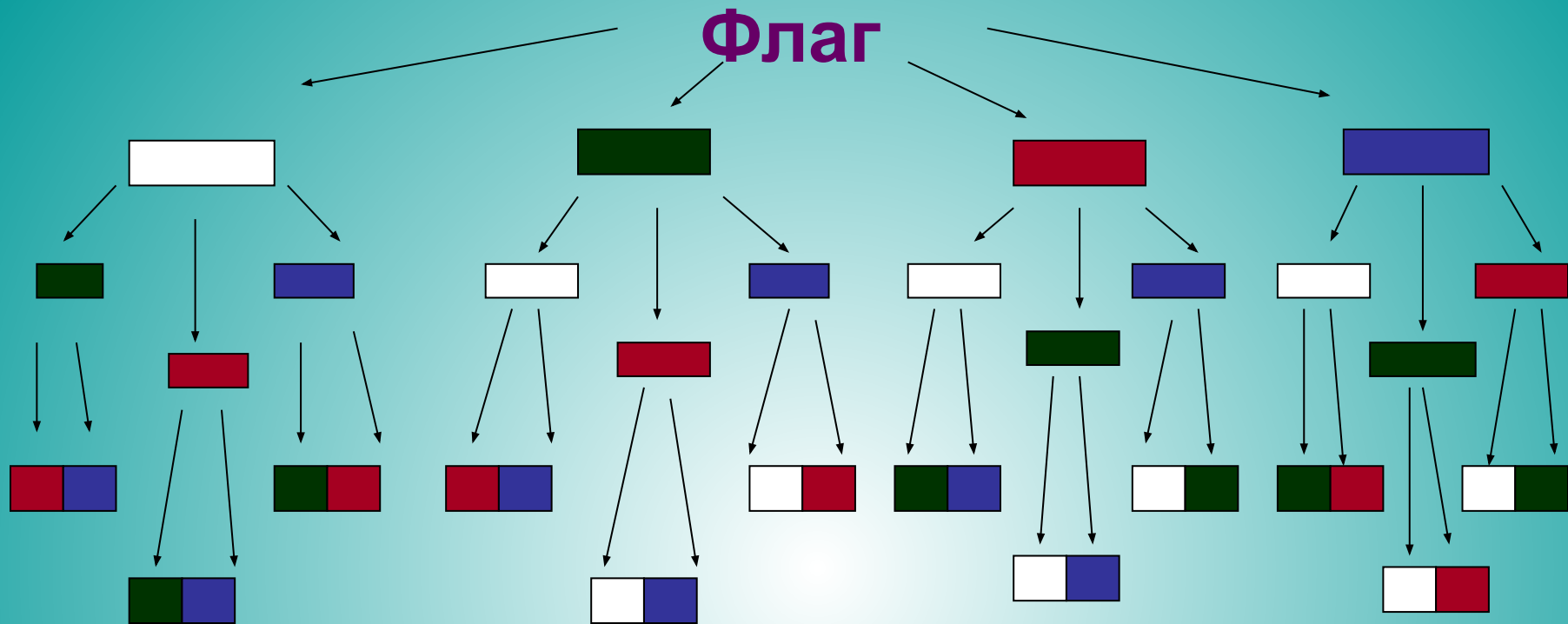


Ответ: 24 варианта флага.



При решении рассмотренных задач можно пользоваться следующим правилом, которое получило в комбинаторике название *«Правило произведения»*: если существует  $n$  вариантов выбора первого элемента и для каждого из них есть  $m$  вариантов выбора второго элемента, то всего существует  $n \cdot m$  различных пар с выбранным первым и вторым элементами.

Это правило справедливо для любого количества элементов.



Всего по правилу произведения получили  $4 \cdot 3 \cdot 2 = 24$  комбинации- 24 варианта флага.

**Задача 4.** Сколько существует трехзначных чисел, кратных пяти, в записи которых все цифры различны?  
**Решение:** На месте сотен в числе, кратном пяти может стоять любое из 8: 1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, число не может начинаться с цифры нуль, и мы не можем использовать цифру 5.

На месте десятков может стоять любое из 7, так как не будет повторяться та цифра, которая стоит на месте сотен. На месте единиц может стоять только цифра 0 или 5, так как числа кратны пяти.

По правилу произведения получаем:

$$8 \cdot 7 \cdot 2 = 112$$

**Ответ:** 112 чисел.

**Задача 5.** Скопировать в тетрадь (количество согласных) 12. Вспомогательная таблица, если закончить таблицу. Сколько открытых двухбуквенных слогов можно написать, используя буквы «а», «б», «в», «г», «е», «и», «о»?

	А	Е	И	О
Б	Ба	Бе	Би	Бо
В	Ва	Ве	Ви	Во
Г	Га	Ге	Ги	Го

Ответ: 12

Задача 6. Вспомните басню И.Крылова «Квартет»:

Решение.  $4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$

Осёл,

Козёл

Да косолапый Мишка

Затеяли сыграть Квартет.

.....

Ударили в смычки, дерут , а толку нет.

« Стой, братцы, стой! – кричит Мартышка.-

Погодите!

Как музыке идти? Ведь вы не так сидите»

Сколькими различными способами могут попытаться сесть эти музыканты?



# Способы решения комбинаторных задач:

1. Перечисление (полный перебор) вариантов.
2. Подсчет вариантов с помощью графов.
3. Составление таблицы возможных вариантов.
4. Непосредственное применение комбинаторного правила умножения.