### Понятие логарифма. Логарифм и его свойства.

Материалы к уроку алгебры и началам анализа для 10 класса подготовила учитель математики Горшукова Елена Николаевна

### Определение логарифма

Логарифмом числа в>0 по основанию а>0 и а # 1 называется показатель степени, в которую нужно возвести число а, чтобы получить число в.

 $\log_a a$  - логарифм с произвольным основанием.

## Основное логарифмическое тождество

$$a^{\log_a \theta} = \theta$$

### Свойства логарифмов

Логарифм произведения положительных чисел равен **сумме логарифмов сомножителей**:

$$\log_a(x_1 * x_2) = \log_a x_1 + \log_a x_2$$

### Свойства логарифмов

Логарифм частного положительных чисел равен разности логарифмов делимого и делителя:

$$\log_a \frac{x_1}{x_2} = \log_a x_1 - \log_a x_2$$

### Свойства логарифмов

Логарифм степени положительного основания равен произведению показателя степени на логарифм основания степени:

$$\log_a x^n = n * \log_a x$$

### Свойства монотонности логарифмов

Если a>1 и 
$$x_1 < x_2$$
,  $mo \log_a x_1 < \log_a x_2$ 

#### Свойства монотонности логарифмов

Если 0 < a <1 и 
$$x_1 < x_2$$
,  $mo \log_a x_1 > \log_a x_2$ 

# Формула перехода от логарифмов по одному основанию к логарифмам по другому основанию

$$\log_a c = \frac{\log_b c}{\log_b a}$$

# Формула перехода от логарифмов по одному основанию к логарифмам по другому основанию

$$\log_a e = \frac{1}{\log_e a}$$

### Десятичные логарифмы

Если основание логарифма равно 10, то логарифм называется десятичным:

$$\log_{10} e = \lg e$$

### Десятичные логарифмы

### чисел, выраженных единицей с **последующими** нулями:

$$1g10 = 1$$

$$1g100 = 2$$

$$lg 1000 = 3$$

$$\lg 10000 = 4$$

$$10^1 = 10$$

$$10^2 = 100$$

$$10^3 = 1000$$

$$10^4 = 10000$$

### Десятичные логарифмы

### чисел, выраженных единицей с **предшествующими** нулями

$$lg 0, 1 = -1$$

$$lg 0, 01 = -2$$

$$\lg 0,001 = -3$$

$$\lg 0,0001 = -4$$

$$10^{-1} = 0.1$$

$$10^{-2} = 0.01$$

$$10^{-3} = 0,001$$

$$10^{-4} = 0,0001$$

### Таблица десятичных логарифмов

В	2	3	4	5	6	7	8	9
Lgв	0,30	0,48	0,60	0,70	0,78	0,85	0,90	0,95

### Натуральные логарифмы

Если основание логарифма е ≈2,7, то логарифм называется натуральным:

$$\log_e \theta = \log_{2.7} \theta = \ln \theta$$

### Натуральные логарифмы

$$\ln 2, 7 = 1$$

$$\ln 7,29 = 2$$

$$\ln 19,683 = 3$$

$$\ln 53,1441 = 4$$

$$2,7^1=2,7$$

$$2,7^2=7,29$$

$$2,7^3 = 19,683$$

$$2,7^4 = 53,1441$$

### Таблица натуральных логарифмов

В	2	3	4	5	6	7	8	9	10	100	1000
Ln B	0,69	1,10	1,39	1,61	1,79	1,95	2,08	2,20	2,30	4,61	6,91

#### **Погарифмирование** алгебраических выражений

Если число х представлено алгебраическим выражением, то логарифм любого выражения можно выразить через логарифмы составляющих его чисел.

(на основании свойств логарифмов)

## Прологарифмировать алгебраическое выражение:

Пример: 
$$x = \frac{a * e^3}{c^2}$$

$$\lg x = \lg(\frac{e^3 * e^3}{c^2})$$

$$\lg x = \lg(ac^* e^3) - \lg^2$$

$$\lg x = \lg(ac^* e^3) - \lg^2$$

$$\lg x = \lg ac + \lg^3 - \lg^2$$

$$\lg x = \lg ac + 3\lg e^3$$

### Потенцирование логарифмических выражений

Переход от логарифмического выражения к алгебраическому называется потенцированием, то есть, произвести действие, обратное логарифмированию

# Перейти к алгебраическому выражению

$$\lg x = \lg \alpha + 2\lg - \lg$$

$$\lg x = \lg \alpha + \lg^{2} - \lg$$

$$\lg x = \lg(\alpha c^{*}) - \lg$$

$$\lg x = \lg(\frac{\alpha^{*}}{c})$$

$$\lg x = \frac{\alpha^{*}}{c}$$