

**Устный журнал  
«Формулы  
сокращённого  
умножения»**

МКОУ Никольская СОШ

# **I. Историческая**

# Историческая справка

Некоторые правила сокращенного умножения были известны ещё около 4 тыс. лет тому назад. Их знали вавилоняне и другие народы древности. Тогда они формулировались словесно или геометрически.

У древних греков величины обозначались не числами или буквами, а отрезками прямых. Они говорили не « $a^2$ », а «квадрат на отрезке  $a$ », не  $ab$  а, «прямоугольник, содержащийся между отрезками  $a$  и  $b$ ».

Некоторые термины подобного словесного изложения алгебры сохранились до сих пор. Так мы называем вторую степень числа квадратом, а третью степень – кубом числа.

- **Цель:** Вывести формулы квадрата суммы и разности двух выражений.
- 2. Уметь применять эти формулы.
- **Задачи:**
- *Обучающая:* отработать навыки применения формул сокращенного умножения.
- *Развивающие:*
- Расширение кругозора учащихся.
- Развитие приёмов умственной деятельности, памяти, внимания, умения сопоставлять, анализировать, делать выводы.
- Повышение информационной культуры учащихся, интереса к предмету.
- Развитие познавательной активности, положительной мотивации к предмету.
- Развивать потребности к самообразованию.
- *Воспитательные:*
- Воспитание ответственности, самостоятельности, умения работать в коллективе.
- Показать математику как интересную науку, превратить занятие в необычный урок, где может проявить себя каждый ученик.
- Воспитание уважения друг к другу.

# Возведение в степень

Современная запись показателя степени введена Декартом в его «*Геометрии*» (1637), правда, только для натуральных степеней, больших 2. Позднее Ньютон распространил эту форму записи на отрицательные и дробные показатели (1676), трактовку которых к этому времени уже предложили Стевин, Валлис и Жирар.

# Историческая справка.

Рене Декарт (1596-1650) – французский философ, математик и физик. Создал основы аналитической геометрии, ввел понятие переменной величины, разработал метод координат. Осуществил связь алгебры с геометрией.



Пьер Ферма (1601-1665) – французский математик, один из создателей аналитической геометрии и теории чисел. Занимался теорией решения алгебраических уравнений с несколькими переменными.



# Задача Диофанта

# «Письмо из прошлого»

## Задача Пифагора:

Всякое нечётное число, кроме единицы, есть разность двух квадратов.

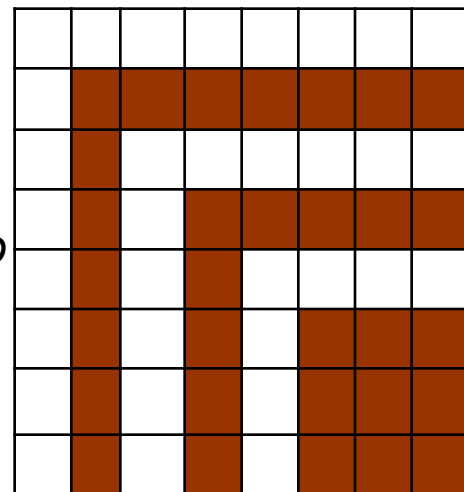
*Решение:*

1 способ.  $(n+1)^2 - n^2 = (n+1-n)(n+1+n) = 2n+1$  - нечётное число

2 способ.  $(n+1)^2 - n^2 = n^2 + 2n + 1 - n^2 = 2n + 1$  - нечётное число



В школе Пифагора эта задача решалась геометрически. Действительно, если к квадрату со стороной  $n$  прибавить гномон, представляющий нечётное число  $2n+1$  (на рис. выделено цветом), то получится квадрат со стороной  $n+1$ ,



т.е.  $n^2 + (2n+1) = (n+1)^2$  или  $(n+1)^2 - n^2 = 2n+1$



# Тождество Эйлера

# Формулы школьного курса математики

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2 \quad (1)$$

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (2)$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \quad (3)$$

$$(a + b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3 \quad (4)$$

$$(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3 \quad (5)$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 \quad (6)$$

$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 \quad (7)$$

## 2 страница.

# Следствия формул

## 1. Возведение в квадрат суммы трех слагаемых

Первый способ: алгебраическое умножение  
многочленов.

$$(a+b+c) \cdot (a+b+c) = a^2 + ab + ac + ab + b^2 + bc + ac + bc + c^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc.$$

Второй способ: как сумма двух слагаемых в  
квадрате

$$((a+b)+c)^2 = (a+b)^2 + 2(a+b)c + c^2 = a^2 + c^2 + b^2 + 2ab + 2ac + 2bc.$$

# Вывод:

$$(a+b+c)^2 = a^2 + c^2 + b^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$

## 2. Следствие из формул:

$$(a+b)^2 - 2ab = a^2 + 2ab + b^2 - 2ab = a^2 + b^2$$

$$(a-b)^2 + 2ab = a^2 - 2ab + b^2 + 2ab = a^2 + b^2$$

### **3. Возведение многочлена в $n$ – ую степень**

#### **Четвертая степень двух слагаемых**

$$(a+b)^4=(a+b)^2(a+b)^2=(a^2+2ab+b^2)(a^2+2ab+b^2)=$$
$$=a^4+4a^3b+6a^2b^2+4ab^3+b^4$$

#### **Пятая степень суммы двух слагаемых:**

$$(a+b)^5=(a+b)^2(a+b)^3=(a^2+2ab+b^2)(a^3+3a^2b+3ab^2+b^3)=a^5$$
$$+5a^4b+10a^3b^2+10a^2b^3+5ab^4+b^5$$

# Треугольник Паскаля

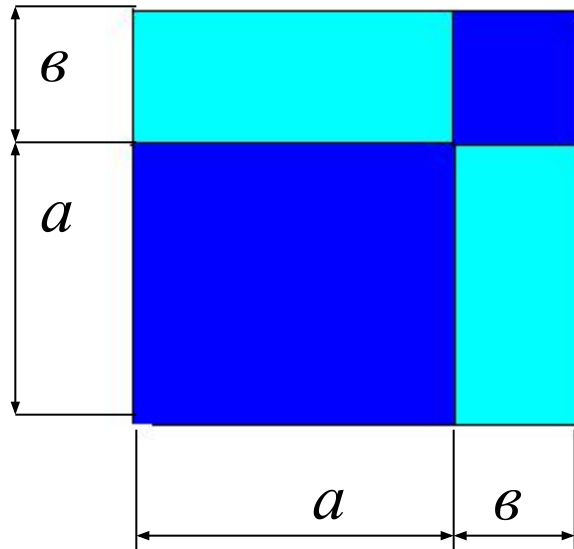
## Строки

1  
1 1  
1 2 1  
1 3 3 1  
1 4 6 4 1  
1 5 10 10 5 1  
1 6 15 20 15 6 1  
1 7 21 35 35 21 7 1

**3 страница**

# **Геометрический смысл формулы**

**$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$  для положительных  $a$  и  $b$ .**





# Геометрический смысл формулы

$$(a+b+c)^2 = a^2 + c^2 + b^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$

|   | a     | b     | c     |
|---|-------|-------|-------|
| a | $a^2$ | $ab$  | $ac$  |
| b | $ab$  | $b^2$ | $bc$  |
| c | $ac$  | $bc$  | $c^2$ |

$$S = a^2 + ab + ac + ab + b^2 + bc + ac + bc + c^2.$$

После упрощения:

$$S = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc.$$

**4 страница.**

**Где применяются  
формулы сокращенного умножения?**

# 5 страница. Занимательная.

## Фокус «Отгадывание задуманного числа»

- *Задумайте число (до 10);*
- *Умножьте его на себя;*
- *Прибавьте к результату задуманное число;*
- *К полученной сумме прибавьте 1;*
- *К полученному числу прибавьте задуманное число.*

*Скажите мне число, которое у вас получилось и я отгадаю, какое число вы задумали.*

*Решение:  $x^2 + x + 1 + x = x^2 + 2x + 1 = (x + 1)^2$*

*Например,  $5 \cdot 5 + 5 + 1 + 5 = 36,$   
 $x = \sqrt{36 - 1} = 6 - 1 = 5.$*

# «Эрудит»

Любое натуральное число, оканчивающееся цифрой 5, можно записать в виде  $10a + 5$ .

Например,  $25 = 2 \cdot 10 + 5$ .

Доказать, что для вычисления квадрата такого числа можно к произведению  $a(a + 1)$  приписать справа 25.

Например,  $25^2 = 625$ , т.к.  $2 \cdot (2 + 1) = 6$ .

**Доказательство:**

$$\begin{aligned}(10a + 5)^2 &= 100a^2 + 100a + 25 = \\ &= 100a(a + 1) + 25 = \\ &= a(a + 1) \cdot 100 + 25.\end{aligned}$$

Найдите по этому правилу  $45^2$ ,  $75^2$ ,  $115^2$ .

# Угадай-ка

(знание формул сокращенного умножения)

| <i>№ формулы</i> | <i>Левая часть формулы</i> | <i>Буква</i> |
|------------------|----------------------------|--------------|
| 1                | $(a + b)^2$                | <b>Й</b>     |
| 2                | $(a - b)^2$                | <b>Е</b>     |
| 3                | $(a - b)(a + b)$           | <b>Т</b>     |
| 4                | $a^3 + b^3$                | <b>Е</b>     |
| 5                | $a^3 - b^3$                | <b>М</b>     |
| 6                | $(a + b)^3$                | <b>О</b>     |
| 7                | $(a - b)^3$                | <b>Р</b>     |
| 8                | $a^2 - b^2$                | <b>П</b>     |

| <i>Правая часть формулы</i> | <i>Буква</i> |
|-----------------------------|--------------|
| $(a + b)(a^2 - ab + b^2)$   | <b>Е</b>     |
| $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ | <b>Р</b>     |
| $a^2 + 2ab + b^2$           | <b>Й</b>     |
| $a^2 - b^2$                 | <b>Т</b>     |
| $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ | <b>О</b>     |
| $(a - b)(a + b)$            | <b>П</b>     |
| $a^2 - 2ab + b^2$           | <b>Е</b>     |
| $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$   | <b>М</b>     |

Получившееся слово прочитайте в обратном порядке

# ПРОМЕТЕЙ

## Вопросы:

**Кто такой Прометей?**

**Что означает это имя?**

**За информацией обратиться:**

- [www.google.ru](http://www.google.ru)

**Поиск в Интернете : Прометей**

**Результаты поиска:**

- [http://mythology.sgu.ru/mythology/linc\\_personag/prometey.htm](http://mythology.sgu.ru/mythology/linc_personag/prometey.htm)
- <http://ru.wikipedia.org/wiki/Прометей>
- <http://greekroman.ru/prometheus.htm>

**Прометей** в греческой мифологии - один из титанов и его имя означает «мыслящий прежде», «предвидящий».



Он похитил с неба огонь и научил людей пользоваться им. За это разгневанный Зевс повелел приковать его к скале. Ежедневно прилетающий орёл клевал печень титана. Поэтому образ Прометея стал символом человеческого достоинства и величия.



Отсюда пошло выражение "**прометеев огонь**", т.е. **священный огонь**, горящий в душе человека.