

# Теорема Виета



# Теорема Виета

**Франсуа Виет (1540-1603) родился во Франции. Разработал почти всю элементарную алгебру; ввел в алгебру буквенные обозначения и построил первое буквенное исчисление.**



# Формулировка

Если  $x_1$  и  $x_2$  — корни квадратного уравнения  $x^2+px+q=0$ ,

$$\text{то } x_1+x_2=-p,$$

$$\text{а } x_1 \cdot x_2=q.$$



# Доказательство

Мы знаем, что дискриминант равен  
 $p^2 - 4q$ .

При  $D \geq 0$  корни приведенного  
квадратного уравнения находим по  
формуле

$$x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{D}$$



# Доказательство

Теперь выполним алгебраические преобразования и теорема доказана

$$x_1 + x_2 = \frac{-p - \sqrt{D}}{2} + \frac{-p + \sqrt{D}}{2} = \frac{-p - \sqrt{D} - p + \sqrt{D}}{2} = \frac{-2p}{2} = -p$$

$$x_1 \cdot x_2 = \left( \frac{-p - \sqrt{D}}{2} \right) \left( \frac{-p + \sqrt{D}}{2} \right) = \frac{(-p)^2 - (\sqrt{D})^2}{4} = \frac{p^2 - D}{4} = \frac{p^2 - (p^2 - 4q)}{4} = \frac{4q}{4} = q$$



# Обратим внимание

Еще одно интересное соотношение — дискриминант уравнения равен квадрату разности его корней:

$$D = (x_1 - x_2)^2$$



# Обратная теорема Виета

- Если числа  $m$  и  $n$  таковы, что их сумма равна числу  $-p$ , а произведение равно числу  $q$ , то числа  $m$  и  $n$  являются корнями приведенного квадратного уравнения  $x^2+px+q=0$



# Доказательство

По условию  $m+n=-p$  или  $p=-(m+n)$ , а  $m \cdot n=q$ .  
Подставим  $p$  и  $q$  в уравнение и получим  $x^2-(m+n)x+m \cdot n=0$ , докажем что  $m$  корень уравнения. Подставим вместо  $x$  число  $m$  и получим

$$m^2-(m+n)m+m \cdot n=0;$$

$$m^2-m^2-m \cdot n+m \cdot n=0;$$

$0=0$  верное равенство следовательно число  $m$  является корнем уравнения  $x^2+px+q=0$ .

Аналогично доказывается что число  $n$  также



# Практическое применение теоремы Виета

- Проверка корней квадратного уравнения.
- Решение квадратного уравнения с большими коэффициентами.
- Нахождение корней приведенного квадратного уравнения методом подбора
- Составление квадратных уравнений

