

# Об исследовательских работах по математике

- А.Б. Скопенков. Размышления об исследовательских задачах для школьников / Математическое просвещение. 2008. № 12. С. 23-32 (<http://www.mccme.ru/circles/oim/issl.pdf>)
- А.И. Сгибнев. Что такое исследовательская работа школьника по математике?  
<http://www.mccme.ru/nir/uir/vern.pdf>
- Семинар учебно-исследовательских работ школьников по математике : портал.  
<http://www.mccme.ru/nir/uir/>
- Бусев В.М. Новые педагогические культуры и будущее школьной математики // Полином. 2009. № 1. С. 68–84.
- **А.И. Сгибнев. Исследовательские задачи для**

# Содержание исследовательской работы по математике

- *Изучение математики в школе предполагает специально организованную деятельность по решению задач.*
- При выполнении исследовательской работы дети должны **решать задачи по математике**.
- Важно, **какие задачи** они решают и **как решают** при выполнении работы.
- В любом случае : **если дети при выполнении работы не решают задач, то математики в работе нет.**

# КАК НАЙТИ ЗАДАЧУ ДЛЯ ИССЛЕДОВАНИЯ?

Исследовательские задачи должны, с одной стороны, быть доступны для решения, понятны и интересны школьнику, а, с другой стороны, быть математически содержательными.

Желательно, чтобы задачу поставил школьнику человек, имеющий представление о какой-нибудь актуальной области математики, опыт собственной научной работы и вкус к просто формулируемым задачам.

# Формулировка и постановка задачи

- *хорошая задача для начинающих* – та, в которой есть *естественный параметр*, по которому можно двигаться в исследовании, т. е. легко выделяемая последовательность частных случаев, так что в каждый момент ученик сам понимает, что можно делать дальше. И совсем хороша та задача, где и к идее доказательства можно прийти, последовательно двигаясь по этому параметру.

# Формулировка и постановка задачи

- *Хорошая задача для опытных исследователей* – та, в которой есть большой простор для продвижений, уточнений, вспомогательных задач, обобщений, а при доказательстве используются *разнообразные методы*. Отлично, если задача развивает научный вкус и имеет в перспективе выходы на идеи и методы «большой» математики.

# Формулировка и постановка задачи

- Всякую содержательную олимпиадную задачу можно рассматривать как «кусочек», вырезанный из какой-то исследовательской темы (часто для её решения достаточно восстановить контекст).

# О новизне работ

Что никакой *объективной* новизны от работы школьника не требуется. Результат должен быть *субъективно* новым – школьник открывает то, чего не знал (и чего нельзя узнать из всем известной книги или найти, набрав ключевое слово в интернетовском поисковике).

Конечно, сильный школьник при хорошем руководителе и удачно поставленной задаче иногда может получить объективно новый результат, и это здорово.

# О новизне работ

Цель исследовательской работы не в том, чтобы получить чемпионский результат, а в том, чтобы *делать математические открытия на уровне, доступном ученику*. Более-менее содержательные субъективные открытия доступны почти всем.



# Требования к исследовательской работе или наукообразность?

- 1) Актуальность
- 2) Новизна
- 3) Научная и практическая значимость
  
- 4) Цели
- 5) Методы
- 6) Выводы
  
- 7) Гипотеза

# Примеры тем «исследовательских» работ

- Симметрия в науках и архитектуре
- Удивительная симметрия
- Золотое сечение в поэзии и архитектуре
- Оптические иллюзии
- Математика и музыка
  
- Применение метода ... для решения задач
- Построение графиков функций с помощью ...
- Задачи на проценты

# **Выбор содержания и темы работы**

- 1) Задача – частный случай известной научной проблемы или научного направления современной математики**
- 2) Задача – обобщение (расширение) задачи (темы) из курса математики основной школы**
- 3) Задача на основе нестандартных, олимпиадных задач и головоломок**

# Возможен ли эксперимент при выполнении исследовательской работы по математике?

В простейших случаях (при малых значениях ведущего параметра) ситуация может быть исследована простым перебором вариантов – вручную или с помощью несложной компьютерной программы.

Такая заложенная в проект возможность проведения численных экспериментов дает школьнику «методику блуждания в поле исследования».

# Выбор содержания и темы работы

**Научная проблема:  
раскраска графов, нахождение  
хроматического числа**

**Тема:**

Нахождение хроматического числа некоторых графов

# Выбор содержания и темы работы

**Обобщение (расширение) задачи (темы) из курса математики основной школы:**

- 1) расширение применения рекуррентных соотношений;
- 2) расширение понятий теории вероятностей;
- 3) расширение методов решения комбинаторных задач;

**Темы:**

- 1) Исследование решения вероятностной задачи с помощью рекуррентного соотношения
- 2) Комбинаторная задача о числе точек пересечения прямых

# Выбор содержания и темы

работы  
Задача на основе нестандартных,  
олимпиадных задач и головоломок

## Темы:

- 1) Формула Пика для многоугольника с дырками
- 2) Задачи на разрезание квадрата: некоторые обобщения
- 3) Исследования ломанных на клетчатой бумаге

# Неудачное исследование – удачный проект

- 1) «Применение...»
- 2) «Методы решения ...»



# О проблемах

- **Уровень математической подготовки учителя, его кругозор, повышение квалификации**
- **Требования и положения конкурсов**
- **Эксперты и жюри**
- **«Разбор полётов»**