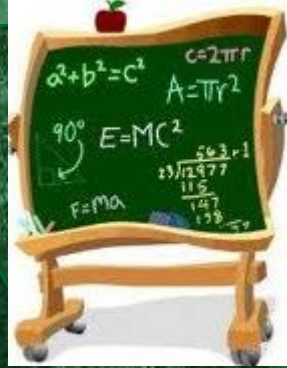
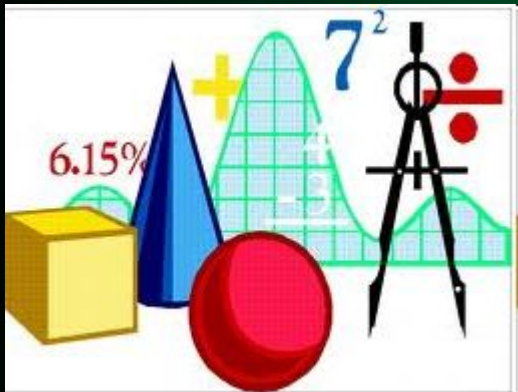


# КЗ "Мереф'янська ЗОШ I-III ступенів №6"



## Курс за вибором з математики

### “ Подільність цілих чисел “



8 клас



3, 4, 5]  $\{1, 2, \dots\}$   
**Який курс ми вивчаємо?**

$x = z(a+b+c)$   
**Яких нових знань ви набули  
вивчаючи цей курс?**

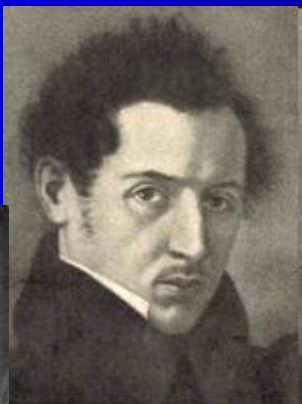
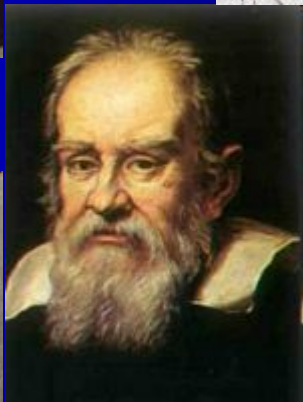
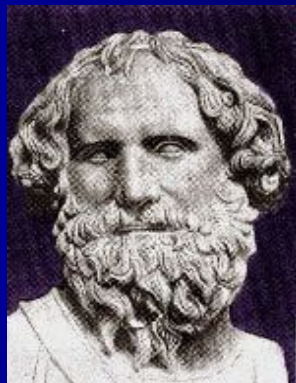
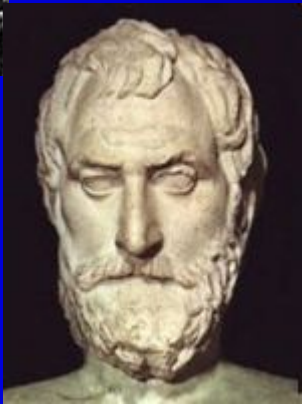
$\sqrt{a^2 + b^2} = c$   
**Матеріал з яких тем ми повторювали?**

$a^2 + b^2 = c^2$   
**З якими методами розв'язування  
задач на подільність ви познайомились?**

$n_0 = (1 + \log_2(n))$   
**Який зміст доведення  
методом від супротивного?**

$$3 + 1 = 4$$

# Хвилинка історії



Після закінчення олімпіади **Петя і Вася** порвали свої листки з завданнями олімпіади, причому Петя кожний свій шматок розриває на **3** частини, а Вася на **5** частин. Чи може в якийсь момент хоча б один з них (окремо) одержати рівно **2000** шматочків?



# Тема заняття: Принцип парності

## Мета заняття:

- поглибити знання про різноманітні методи розв'язування завдань на подільність цілих чисел;
- навчити використовувати ідею парності чисел для розв'язування завдань;
- повторити і узагальнити основні властивості парних і непарних чисел;
- повторити різні означення парних і непарних чисел, їх загальні формули запису.

# Парні і непарні числа

Число називається парним, якщо воно без остачі ділиться на 2.

Число називається парним, якщо його можна представити у вигляді суми двох однакових доданків.

Загальна формула:  $2n$

Приклади: 2, 4, 8, 24....

Число називається непарним, якщо воно не ділиться без остачі на 2.

Число називається непарним, якщо його не можна представити у вигляді суми двох однакових доданків.

Загальна формула:  $2n + 1$

Приклади: 5, 9, 21, 43....

# Властивості парних чисел

Сума будь-якої кількості парних чисел завжди парна

$$2 \cdot n + 2 \cdot k + \dots + 2 \cdot f + 2 \cdot q = 2 \cdot (n + k + \dots + f + q) = 2 \cdot m$$

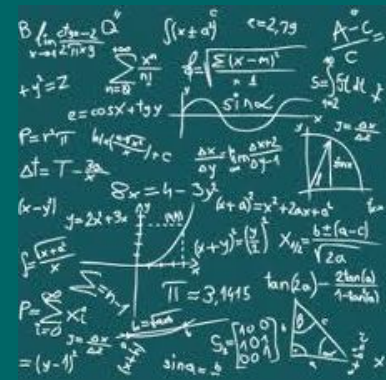
Різниця будь-якої кількості парних чисел завжди парна

$$2 \cdot n - 2 \cdot k - \dots - 2 \cdot f - 2 \cdot q = 2 \cdot (n - k - \dots - f - q) = 2 \cdot m$$

Добуток парних чисел завжди парний

$$2m \cdot 2n \cdot 2k \cdot \dots \cdot 2f \cdot 2g = 2 \cdot s \cdot (m \cdot n \cdot k \cdot \dots \cdot f \cdot g)$$

Добуток кількох множників серед яких, хоча б один парний є парним



# Властивості непарних чисел

---

**Сума парної кількості непарних чисел завжди парна**

$$(2 \cdot n - 1) + (2 \cdot k - 1) + \dots + (2 \cdot f - 1) + (2 \cdot q - 1) = 2 \cdot (n + k + \dots + f + q) - 2s = 2 \cdot (m - s)$$

**Сума непарної кількості непарних чисел завжди непарна**

$$(2 \cdot n - 1) + (2 \cdot k - 1) + \dots + (2 \cdot f - 1) + (2 \cdot q - 1) = 2 \cdot (n + k + \dots + f + q) - 2s - 1 = 2 \cdot (m - s) - 1$$

**Добуток парної кількості непарних множників є число парне**

**Добуток непарної кількості непарних множників є число непарне**

**Степінь непарного числа є непарним числом**



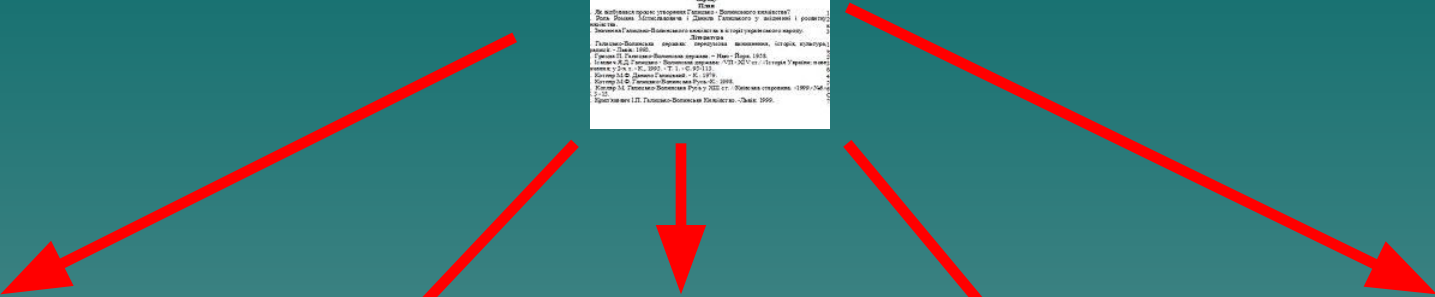


# Висновок

*Таким чином, парність результату не залежить від розстановки плюсів і мінусів між цілими числами, а залежить тільки від кількості непарних чисел в початковому наборі.*



**ТЕМА 4. Культурно-исторический аспект**  
План  
Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.  
Вопросы культуры и общества. Демократизация культуры. Культура и экономика. Культура и политика. Культура и наука. Культура и искусство. Культура и религия. Культура и философия. Культура и спорт. Культура и туризм. Культура и массовый досуг. Культура и молодежь. Культура и жизнь человека. Культура и жизнь общества. Культура и жизнь государства. Культура и жизнь мира.



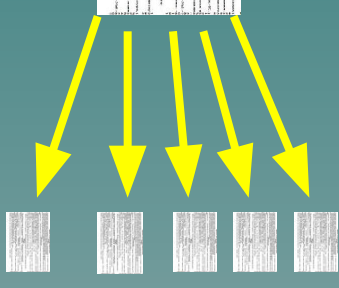
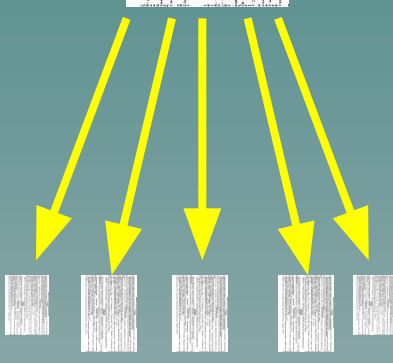
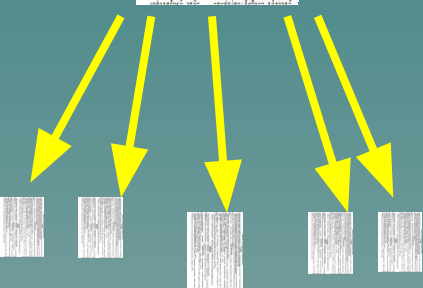
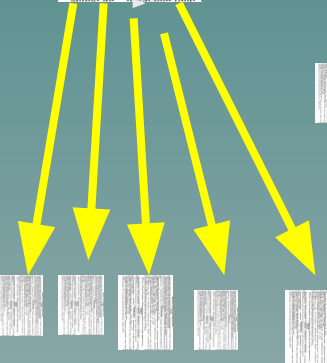
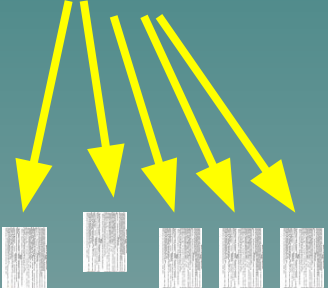
Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.

Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.

Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.

Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.

Культурно-исторический аспект в литературе - понятие и значение - роль культуры, искусства, философии, религии, науки, техники, спорта, туризма, культуры массового досуга, культуры молодежи, культуры в жизни человека, культуры в жизни общества, культуры в жизни государства, культуры в жизни мира.





# Задача 1

Нехай  $m$  і  $n$  - цілі числа. Доведіть, що  $m \cdot n(m+n)$  – парне число

- Нехай  $m$  і  $n$  – парні, тоді вираз  $mn(m+n)$  буде парним.
- Нехай  $m$  і  $n$  – обидва непарні, тоді  $(m+n)$  – парне число, отже вираз  $mn(m+n)$  буде парним.
- Нехай  $m$  і  $n$  – числа різної парності, тоді добуток  $mn$  – парний і вираз  $mn(m+n)$  буде парним

## Задача 2

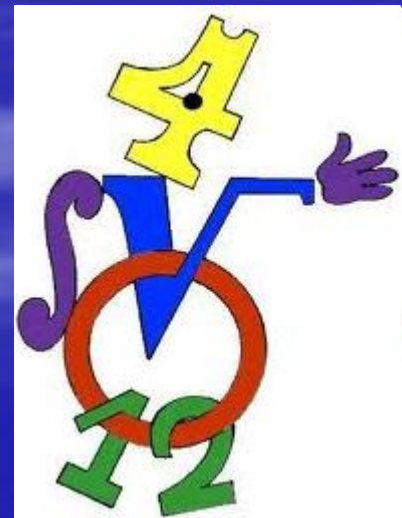
*Петро купив загальний зошит на 96 аркушів і пронумерував всі його сторінки по порядку числами від 1 до 192. Василь вирвав з цього зошита 35 аркушів і додав всі 70 чисел, що на них були написані. Чи міг він дістати 1990?*

**На кожному аркуші сума номерів сторінок непарна, а сума 35 непарних чисел непарна.**

# Задача 3

Добуток 22 цілих чисел дорівнює 1.  
Доведіть, що їх сума не дорівнює нулю.

Серед цих чисел – парне число "мінус одиниць", а для того, щоб сума дорівнювала нулю, їх має бути рівно 11.



# Задача 4

Чи можна скласти магічний квадрат з перших 36 простих чисел?  
Ні, не можна. Серед цих чисел одне (це 2) – парне, а інші непарні. Тому в рядку, де стоїть двійка, сума чисел непарна, а в інших – парна.

2	н	н	н	н	н
н	н	н	н	н	н
н	н	н	н	н	н
н	н	н	н	н	н
н	н	н	н	н	н
н	н	н	н	н	н



# Задача 5

В ряд записано числа від 1 до 10. Чи можна розставити між ними знаки "+" та "-" так, щоб значення отриманого виразу дорівнювало нулю?

**Ні, не можна. І справді, сума чисел від 1 до 10 дорівнює 55( непарне), і змінюючи в ній знаки, ми не змінюємо парність суми.**

## Задача 6

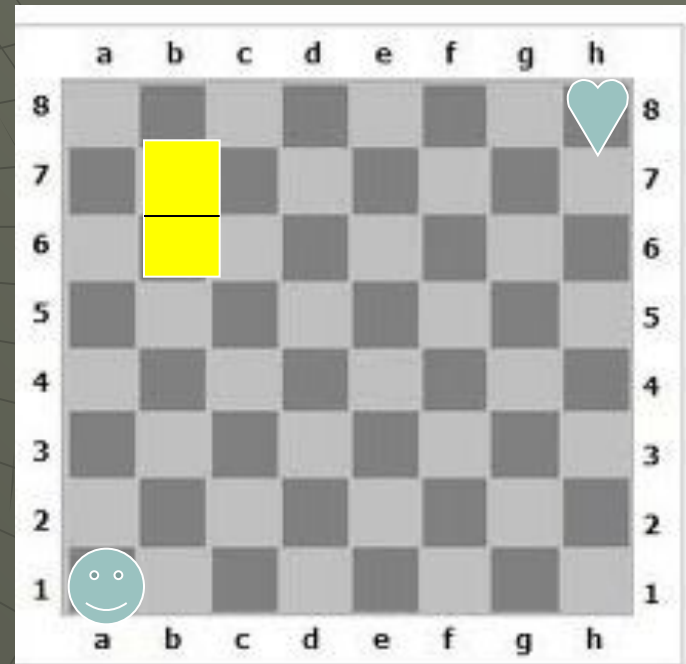
На площині розміщено 11 шестерень,  
Це не можливо: 1,3,5 і т.д шестерні обертаються за  
3'єднаних одна за одною ланцюговою,  
годинниковою стрілкою, а отже і т.  
1 і 11 обертаються в одному напрямку, що неможливо  
т.т. можуть всі шестерні обертатися  
одночасно?





# Задача 7

Не можна. Кожна доміношка покриває одне чорне і одне біле поле, а при викиданні розв'язку 1х2 так, щоб залишились тільки клітинки a1 і h8?



# Задача 8

**На столі стоїть 7 стаканів – всі дном доверху. Задати крок можна перевернути будь-які 4 стакани. Чи можна за декілька кроків досягти того, щоб усі стакани стояли правильно?**

Для того, щоб стакан став правильно, його треба перевернути непарну кількість раз, число стаканів теж непарне, тобто нам треба зробити непарну кількість переворотів, щоб всі стакани стали правильно, але за кожен крок ми перевертаємо парну кількість стаканів. Отже поставлене завдання виконати неможливо.



# Задача 9

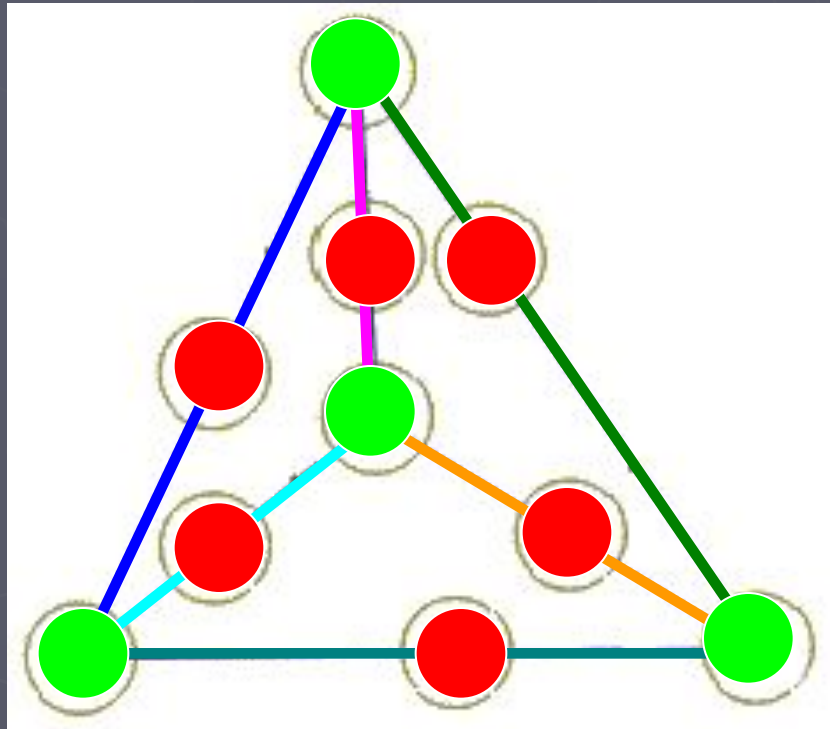
Припустимо, що це можливо. Нехай сума чисел, що знаходяться на кінцях відрізків дорівнює  $A$ ,

сума чисел, розміщених в середині відрізків дорівнює  $B$ , а сума чисел розміщених на кожному відрізку дорівнює  $C$ .

Очевидно, що  $A+B=0+1+2+\dots+9=45$ . Кожна кінцева точка належить 3 відрізкам, а всі серединні рідні.

Тому додавши суму чисел на всіх 6 відрізках маємо  $3A+B=C$ . Звідси  $2A=6C-(A+B)=6C-45$ . Зліва число – парне, а справа – не парне. Припустимо суперечності.

Чи можна в кружечках розставити цифри від 0 до 9 так, щоб сума трьох чисел по будь-якому з шести відрізків була однаковою?





FLORIST.COM.UA