

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{\square}$$

Иррациональные уравнения

Определение: Иррациональными называются уравнения, в которых переменная содержится под знаком корня(радикала)

$$\sqrt{f(x)} = g(x)$$

Наприме

p:

$$1. \sqrt{x+12} - x = 0, \quad 2. \sqrt[3]{x-1} = x, \quad 3. \quad x + \sqrt{2} = 0.$$

Иррациональные уравнения содержат радикалы. Чтобы избавиться от радикалов, необходимо возвести обе части уравнения в одну и ту же степень с натуральным показателем.

Если:

- Возводим в нечетную степень, то получаем равносильное уравнение;**
- Возводим в четную степень, то можем получить посторонние корни. В этом случае делаем проверку.**

Решение иррациональных уравнений с радикалами четной степени

Решим совместными усилиями иррациональное $\sqrt{x+12} - x = 0$.
уравнение:

Решение:

Уединим радикал : $\sqrt{x+12} = x$.

Возведем обе части уравнения в квадрат: $(\sqrt{x+12})^2 = x^2$.

Решим полученное уравнение:

$$x^2 - x - 12 = 0.$$

Тогда $D = 49$, $x = -3$, $x = 4$.

Проверка: -3 : $\sqrt{-3+12} - (-3) = 0$,

$$\begin{aligned}\sqrt{4+3} &= 0 \\ 5 &= 0 \text{ - не}\end{aligned}$$

верно, т.е. -3
посторонний
корень

4 : $\sqrt{4+12} - 4 = 0$,

$$\sqrt{16} - 4 = 0,$$

$$4 - 4 = 0;$$

$0 = 0$ - верно,

Ответ: 4

Решение иррациональных уравнений с радикалами нечётной степени

Решим совместными усилиями иррациональное уравнение: $\sqrt[7]{x+5} + 2 = 0$.

Решение:

Уединим радикал: $\sqrt[7]{x+5} = -2$.

Возведем обе части уравнения в 7 степень: $x+5 = -128$.

Решим полученное уравнение: $x = -128 - 5$,

$$x = -133.$$

Ответ: -133

**Сегодня мы познакомились с
решением иррациональных уравнений
и убедились в необходимости делать
проверку, если возводили обе части
уравнения в четную степень.**

**Спасибо за
внимание!**