

5.4. КЛАССИФИКАЦИЯ ФУНКЦИЙ

Простейшими
являются:

элементарными

функциями

1. Постоянная: $y = const$

2. Степенная: $y = x^n$

Где n – любое число

3. Показательная: $y = a^x$

Где $a > 0 \quad a \neq 1$

4. Логарифмическая:

$$y = \log_a x$$

5. Тригонометрические:

$$\begin{cases} y = \sin x \\ y = \cos x \\ y = \operatorname{tg} x \\ y = \operatorname{ctg} x \end{cases}$$

*6. Обратные
тригонометрические:*

$$\left[\begin{array}{l} y = \arcsin x \\ y = \arccos x \\ y = \arctg x \\ y = \operatorname{arcctg} x \end{array} \right]$$

Функции, которые можно получить при помощи конечного числа арифметических операций над простейшими элементарными функциями образуют класс элементарных функций.

В свою очередь, элементарные функции классифицируются следующим образом:

1

Функция вида

$$P(x) = a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n$$

Где $n \geq 0$ - целое число, a_0, a_1, \dots, a_n - любые числа

называется целой рациональной функцией
(многочлен или полином)

2

Функция, представляющая собой отношение
двух рациональных функций

$$R(x) = \frac{a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n}{b_0x^n + b_1x^{n-1} + \dots + b_{n-1}x + b_n}$$

называется дробно-рациональной функцией

3

Функция, в составе которой есть операция извлечения из корня называется иррациональной функцией

4

Функции, которые не являются ни рациональными. Ни иррациональными называются трансцендентными.