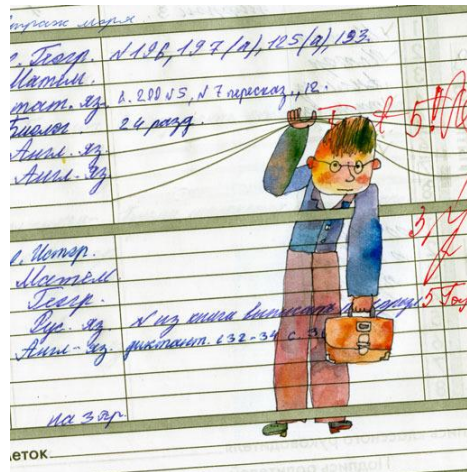


Комбинаторные задачи. Комбинаторика.



перестановки
 $n!$

расположение



выбор
 $n!$



Комбинаторика - раздел математики, в котором изучается, сколько различных комбинаций, подчиненных тем или иным условиям, можно составить из заданных объектов.

граф-это геометрическая
фигура, состоящая из **точек**
(вершины графа) **и линий**, их
соединяющих (рёбра графа).

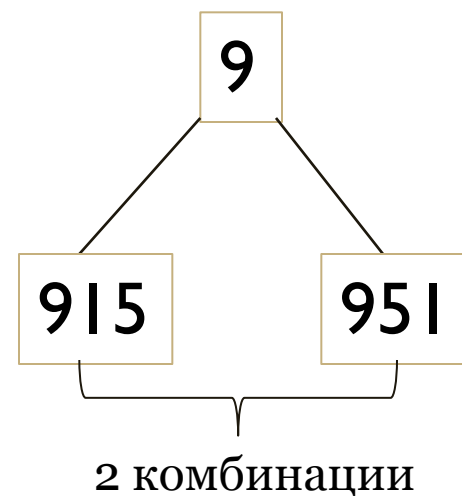
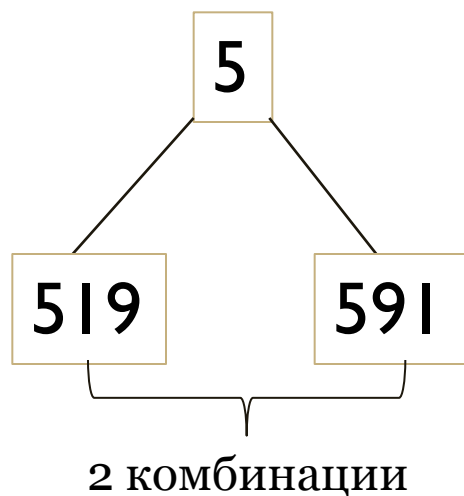
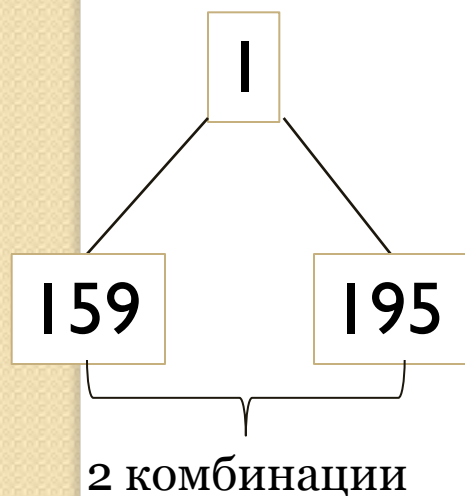


Способы решения комбинаторных задач:

- ❖ Таблица вариантов
- ❖ Дерево вариантов
- ❖ Правило умножения

I. Дерево вариантов.

Из чисел 1, 5, 9 составить трёхзначное число без повторяющихся цифр.



Всего $2 \cdot 3 = 6$ комбинаций.

Таблица вариантов

Сколько четных двузначных чисел можно составить из цифр 0,1,2,4,5,9?

	0	2	4
1	10	12	14
2	20	22	24
4	40	42	44
5	50	52	54
9	90	92	94

Ответ: 15 чисел.

На завтрак
печенье
вариантов завтрака есть?

Правило умножения.

х/б
изд.

булочка

кекс

пряники

печенье

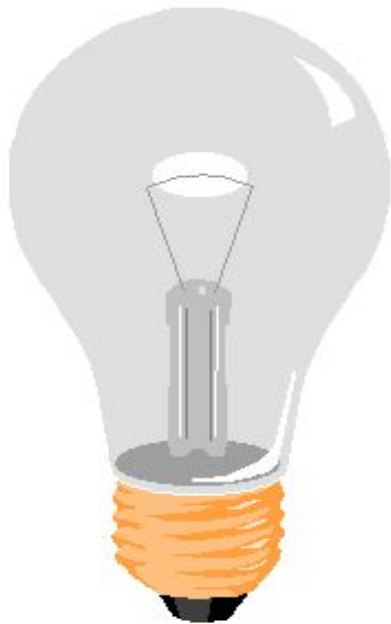


Для того, чтобы найти число всех возможных исходов (вариантов) независимого проведения двух испытаний А и В, надо перемножить число всех исходов испытания А на число всех исходов испытания В

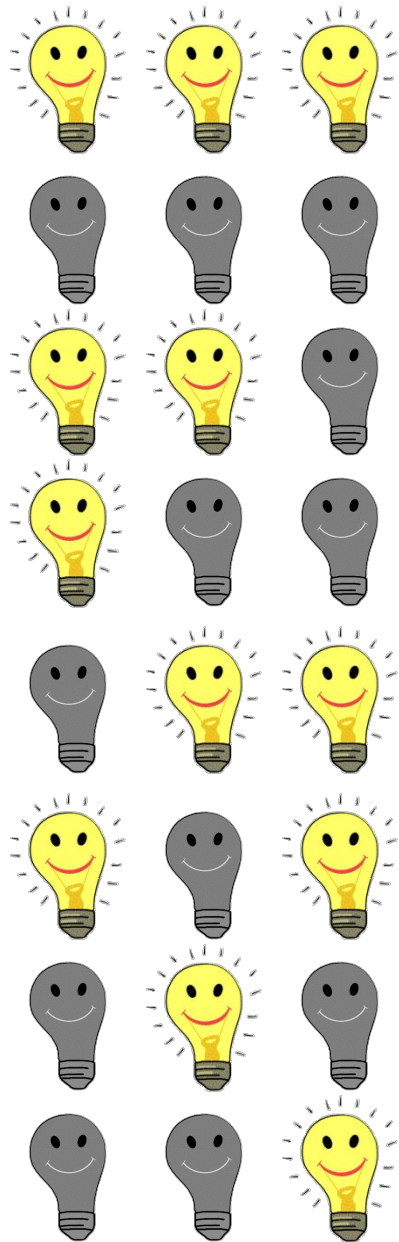


Испытание А имеет 3 варианта (исхода), а испытание В-4, всего вариантов независимых испытаний А и В $3 \cdot 4 = 12$.

***В коридоре висят три лампочки.
Сколько имеется различных
способов освещения коридора?***

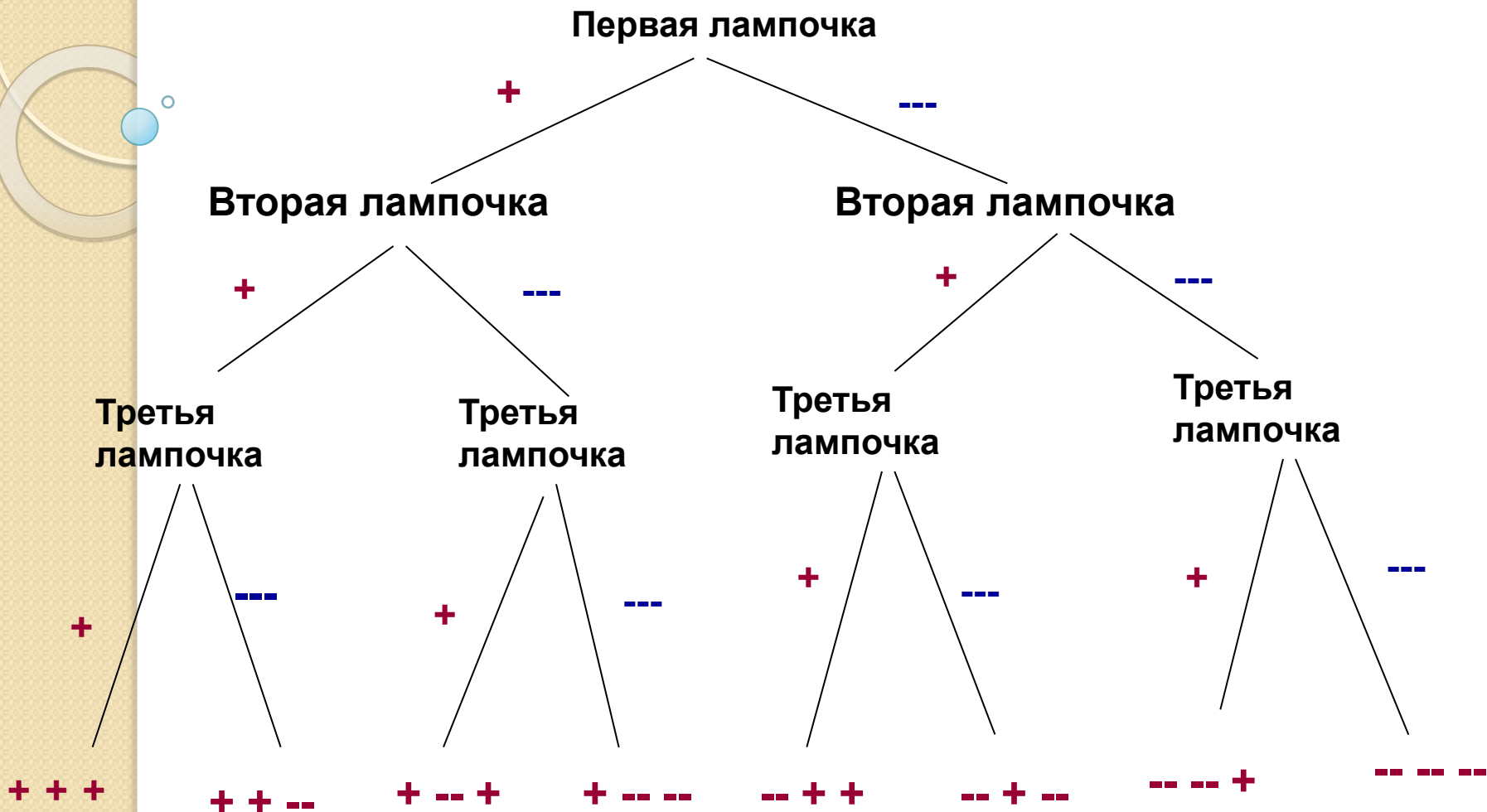


Первый способ - перебор вариантов



Ответ: 8

Второй способ - дерево вариантов



Ответ: 8

Третий способ - правило умножения

Для каждой лампочки возможны два исхода (гореть или не гореть), а лампочек три, значит

$$2 \times 2 \times 2 = 8$$

Ответ:8.

Расписание уроков.

В 9 классе в среду 6 уроков: геометрия, литература, русский язык, английский язык, биология и физкультура. Сколько вариантов расписания можно составить?

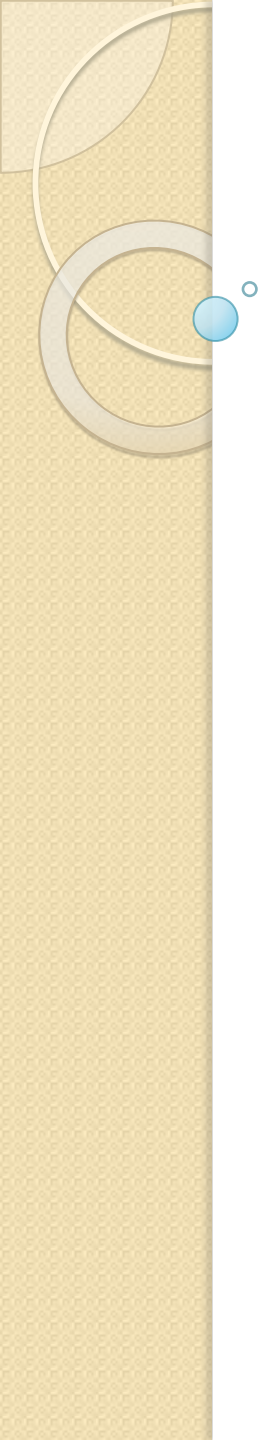
Расставляем предметы по порядку

Предмет	Число вариантов
Геометрия	6
Литература	5
Русский язык	4
Английский язык	3
Биология	2
Физкультура	1

Всего вариантов расписания

$$1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 = 720$$





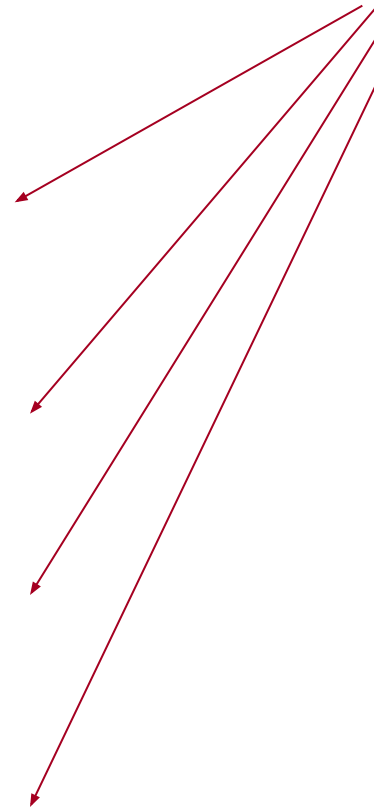
Дяде Федору для приема гостей мама и папа подарили 5 разных чашек. Сколькими способами можно разделить чашки между гостями?

В гости к Дяде Федору пришли папа, мама, кот Матроскин и почтальон Печкин.



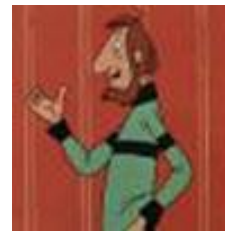
**У первого гостя
(например, у
Мамы) есть 5
вариантов выбора
чашки.**



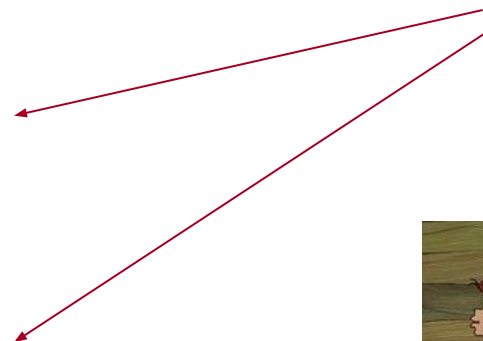


У следующего (например, у папы) остается 4 варианта выбора.





**Следующий
(пусть это -
почтальон
Печкин) будет
выбирать уже из 3
чашек.**



Далее, (кот Матроскин) будет выбирать уже из 2 чашек.





Последний же (Дядя Федор) получает одну чашку.

Получили, что каждому выбору чашки мамой соответствует 4 возможных выбора папы, т.е. всего $5 \cdot 4$ способов. После того, как папа выбрал чашку, у Печкина есть 3 варианта выбора, у Матроскина – 2, у Дяди Федора – 1, т.е. всего $5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$ способов





Заметим, что $5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$ – это произведение всех натуральных чисел от 1 до 5. такие произведения записывают короче

$$5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 5!$$

(читают «пять факториал»)

Семейный ужин.

Пример

В семье 6 человек, а за столом в кухне 6 стульев. Было решено каждый вечер перед ужином рассаживаться на эти 6 стульев по-новому. Сколько дней члены семьи смогут делать это без повторений?



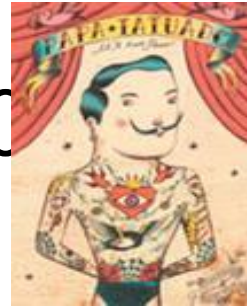
6



5



4



3



2



1

$6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 720$

очти 2 года



№1



№2



№3



№4



№5



№6

3. «Эн факториал»-n!

$$1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 = 72$$

Определение.

Произведение подряд идущих первых n натуральных чисел обозначают $n!$ и называют «эн факториал»: $n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (n-1) \cdot n$.



$$2! = 1 \cdot 2 = 2$$

$$3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$$

$$4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$$

$$5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$$

$$6! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 = 720$$

$$7! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = 5040$$



Удобная формула!!!

$$n! = (n-1)! \cdot n$$

**Закончите предложение и
ответьте на вопрос**

● **Чему...?**

● **Где...?**

● **Зачем...?**

● **Как...?**



● Спасибо за урок!