

# Многочлен и его стандартный вид

# Многочлен

- Многочленом называется алгебраическая сумма одночленов.

$3a^3b + 4xy + 4$  - многочлен

члены многочлена



# Являются многочленами

$7ax$  – многочлен состоящий из одного члена

$7x^3 - 5xy^2$  - двузначный

$4a^2 + bx - 8ab$  - трёхзначный



НЕ являются многочленами:

$4c^2 - 5a : c^3$

$(14x^4 - 5x^2) : y + 3xy^2 : y^7 - 8$

# Приведение подобных членов

$$3x^2a - 4x^2a + by + 2by + 3 - 7$$

подобные члены (слагаемые)

Привести подобные члены:

$$A = 4xy^2 - 3xb + 5y^2x + 7 + xy^2 - 4xb + 3$$

Группируем подобные слагаемые:

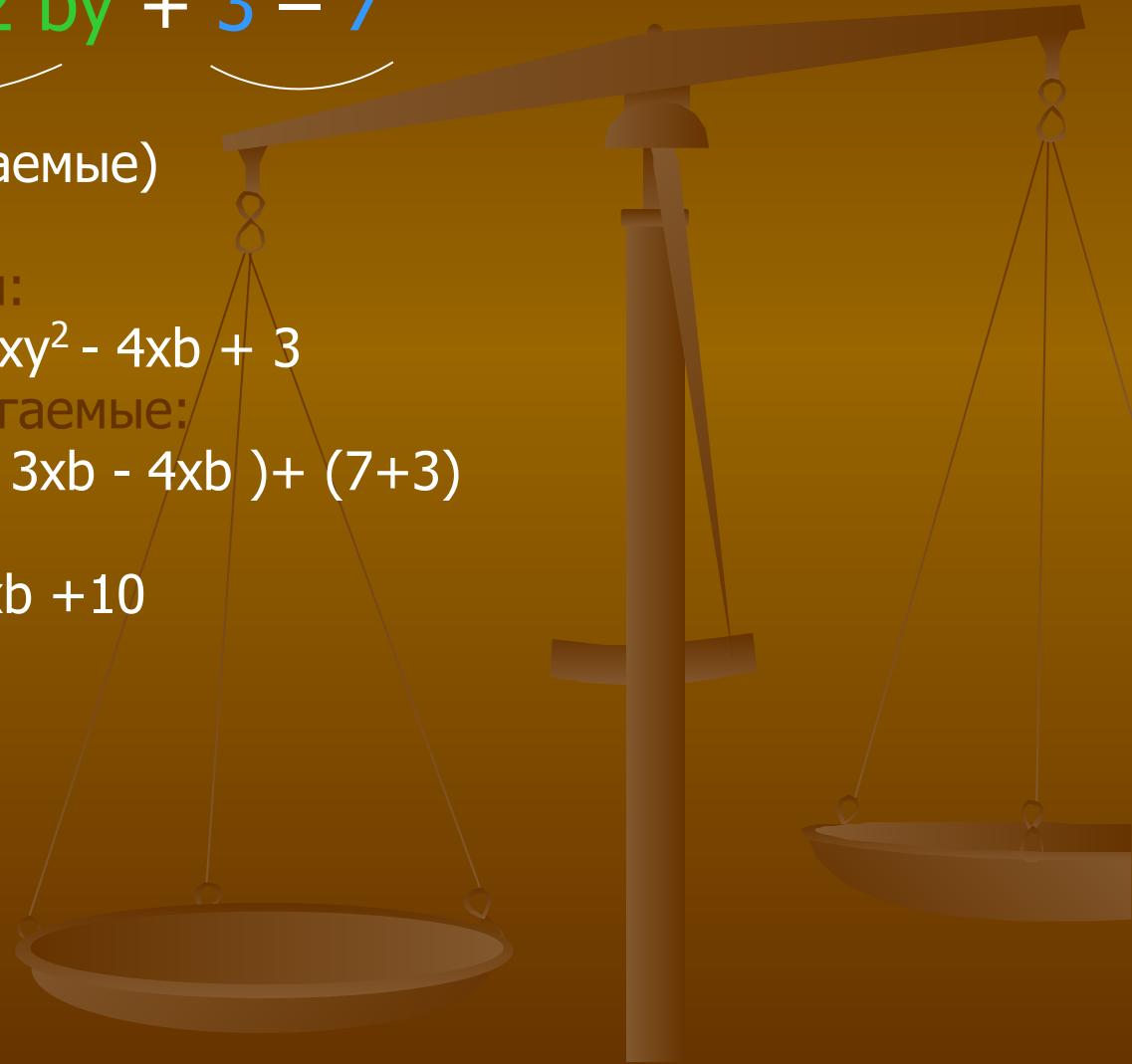
$$A = (4xy^2 + 5y^2x + xy^2) + (-3xb - 4xb) + (7+3)$$

Упрощаем:

$$A = (4+5+1)xy^2 + (-3-4)xb + 10$$

Получаем ответ:

$$A = 10xy^2 - 7xb + 10$$



Пример: привести подобные члены.

$$-8p^4 + 12p^3 + 4p^4 - 8p^2 + 3p^2$$

Решение:

$$\begin{aligned} -8p^4 + 12p^3 + 4p^4 - 8p^2 - 3p^2 &= (-8p^4 + 4p^4) \\ + 12p^3 + (-8p^2 - 3p^2) &= -4p^4 + 12p^3 - 11p^2 \end{aligned}$$

Самостоятельно привести подобные члены:

$$\begin{aligned} 14x^2 + ab - 4x^2 + 3 + 2ab \\ 8c^4 - 3c^3 + 2 - 4c^4 + 3c^3 \end{aligned}$$

# Стандартный вид многочлена.

Многочлен стандартного вида – это многочлен, в котором:

- Каждый член в стандартном виде
- Нет подобных слагаемых
- Одночлены расположены в порядке убывания степеней

Например:

$$17ab^2c^3 + 4bc^2 + 8b^2 + c + 2$$

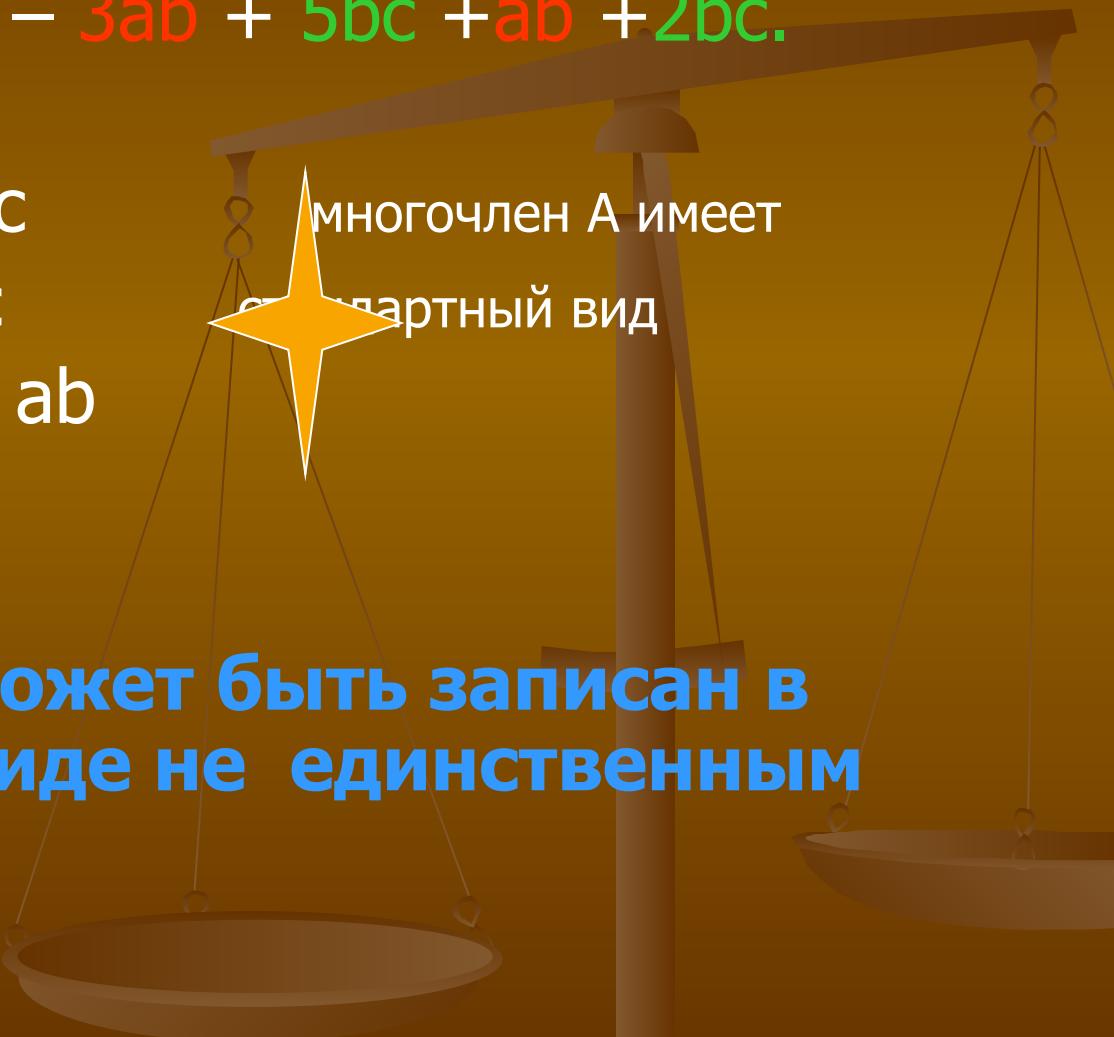
**Пример:      Записать в стандартном виде  
многочлен A.**

$$A = 17ab - 4bc + ac - 3ab + 5bc + ab + 2bc.$$

$$A = 15ab + 3bc + ac$$

$$A = 3bc + 15ab + ac$$

$$A = ac + 3bc + 15ab$$



многочлен A имеет  
стандартный вид

**Многочлен A может быть записан в  
стандартном виде не единственным  
способом.**

# Степень многочлена стандартного вида

- наибольшая из степеней входящих в него одночленов.

$$A = 3x^2y + 4xy + 2$$

одночлен

3 степени

одночлен

2 степени

одночлен

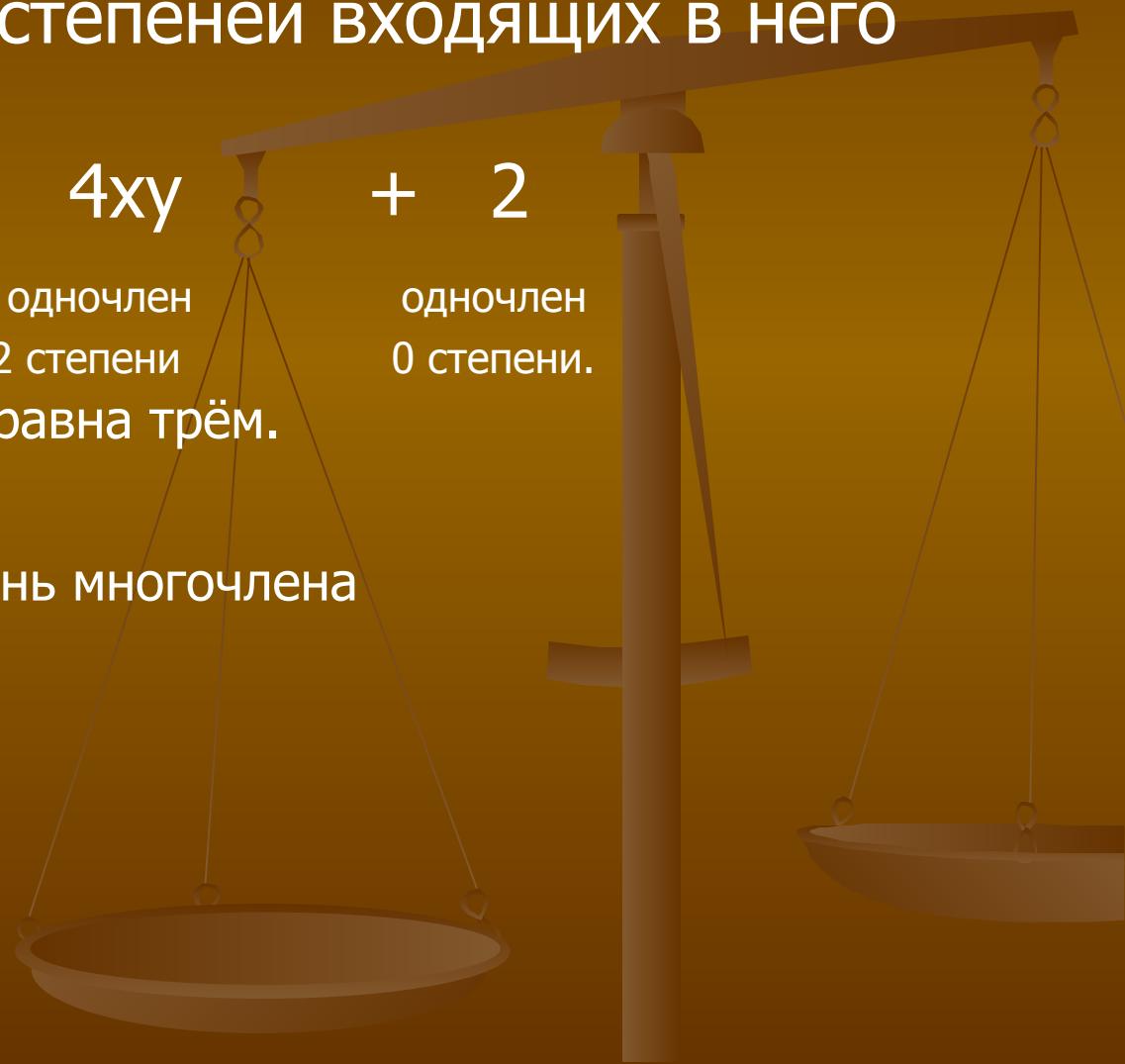
0 степени.

Степень одночлена A равна трём.

Пример: Определить степень многочлена

$$4a^6 - 2a^7 + a - 1$$

$$5p^3 - p - 2$$



- **Пример.** Записать в стандартном виде многочлен:

- A=3ab\*2bc-3a<sup>2</sup>bc+2a(-b<sup>2</sup>c)+ac(-4ab)+2a(-4bc)



*Решение:*

- 1) Записать каждый из входящих в A одночленов в стандартном виде:

- A=6ab<sup>2</sup>c - 3a<sup>2b</sup>bc – 2ab<sup>2</sup>c – 4a<sup>2b</sup>bc – 8 abc

- 2) Приведём в A подобные члены

- A=4ab<sup>2</sup>c-- 7a<sup>2b</sup>bc – 8abc

- A= - 7a<sup>2b</sup>bc + 4 ab<sup>2</sup>c – 8 abc  
*или*

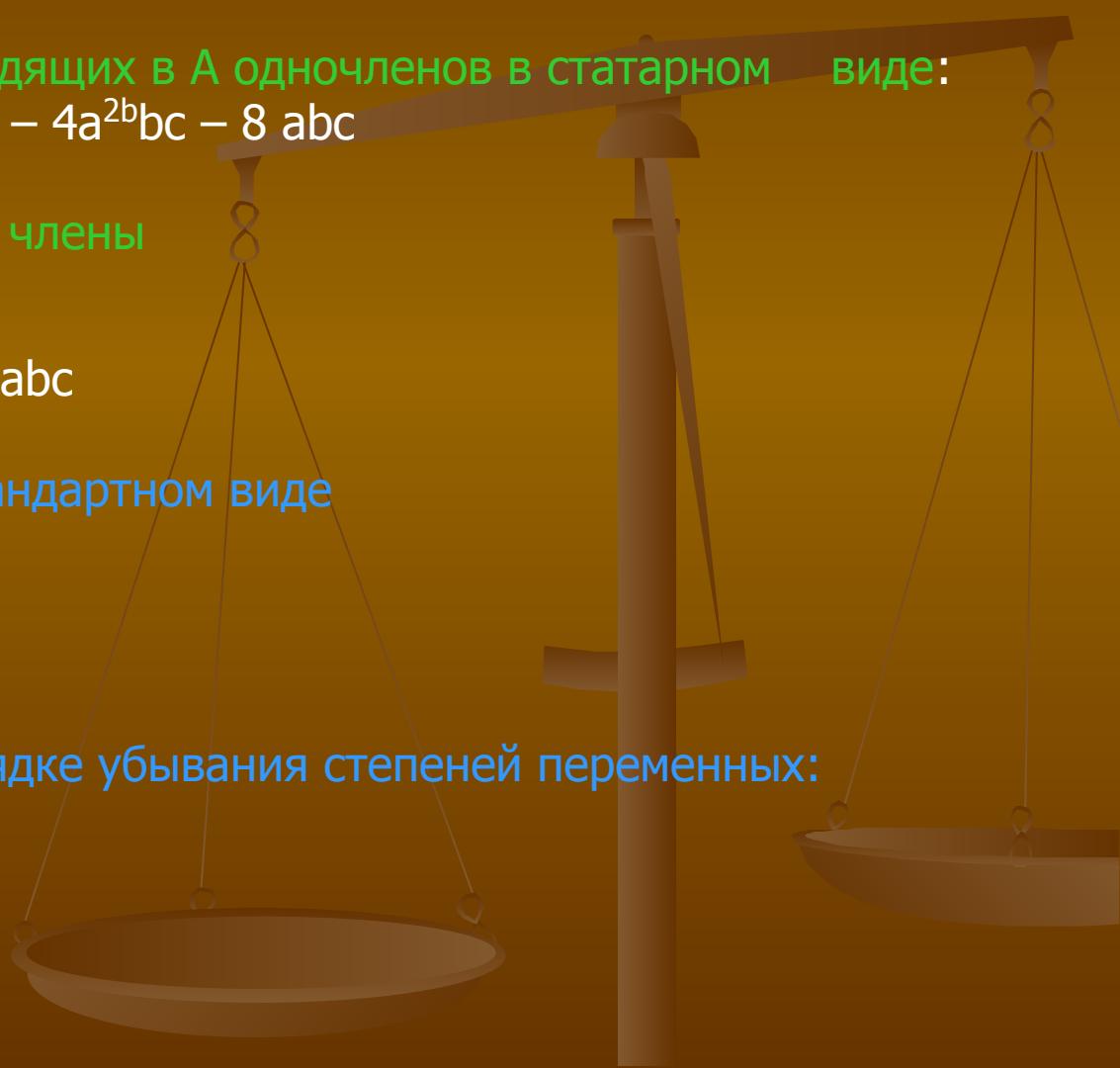
- Пример записать A в стандартном виде

- A = 4x<sup>5</sup> – 3x<sup>2</sup> + 8x<sup>9</sup> – 3

*Решение*

Одночлен расположить в порядке убывания степеней переменных:

A= 8x<sup>9</sup> + 4x<sup>5</sup> - 3x<sup>2</sup> - 3



■ **Пример.** Записать в стандартном виде

$$A = 5x^2(3x^3)x + 3x + 2x^3 - 7 + (2x^2)^2 - 5x^3$$

1) Запишем каждый одночлен в стандартном виде

$$A=15x^6 + 3x + 2x^3 - 7 + 4x^4 - 5x^3$$

2) приведём подобные члены

$$A=15x^6 + 3x - 3x^3 - 7 + 4x^4$$

3) Расположим члены в А в порядке убывания степени х.

$$A=15x^6 + 4x^4 - 3x^3 + 3x - 7$$

# Подумай!

- Какие многочлены записаны в стандартном виде?

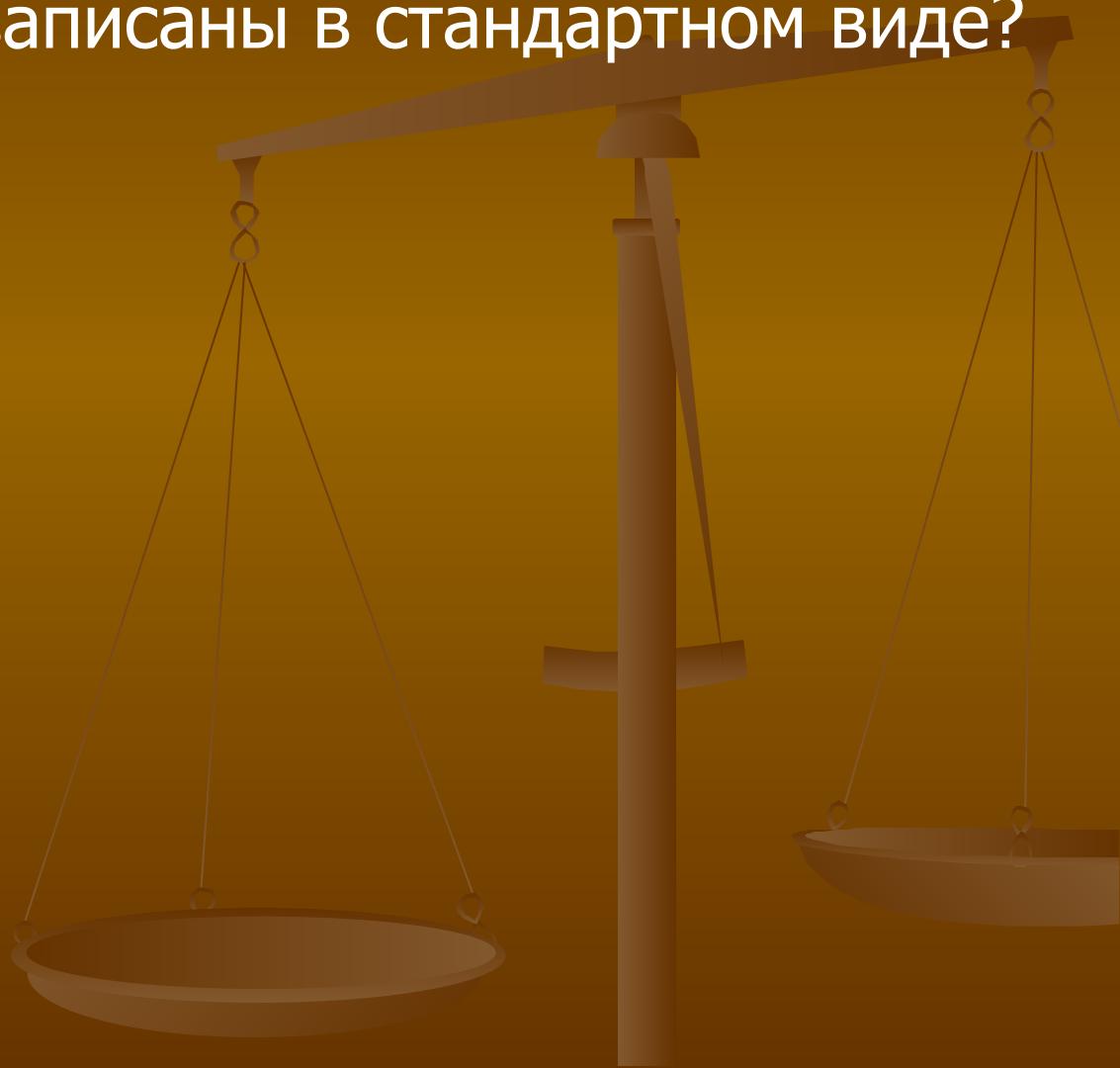
$$A = 7x^3yc + 4x^2yc + 3x^5$$

$$B = 7x^5yc + 4x^3yc + 3x$$

$$C = 7a^2bc + 8ab + c$$

$$D = 7ba^2c + 8a^3 + b$$

$$E = 4a^3b^7 + 4b^7a^3$$



# Узнай слово, выбрав нужный вариант ответа.

Выбери одночлен степень которого равна 7

- и)  $7a^5$     к)  $22b^7c$     з)  $-4c^3b^4$     б)  $6aba$     в)  $-2a^2b^4$

Выбери многочлен стандартного вида

- к)  $8x^2ya+4x$     и)  $3abc+7ab$     л)  $15x^3y+4x^2+8$

Представь многочлен в стандартном виде

$$15x^2y+4x^3y+3x^2y+3x^5xy$$

н)  $30x^2y+4x^3y+6xy$     м)  $4x^3y+30x^2y+6xy$

Какое выражение не является многочленом?

- д)  $12a+16b$     е)  $15xy + 2xy$     с)  $17x^2bc$     а)  $4x^3:c + 8c$

--	--	--	--