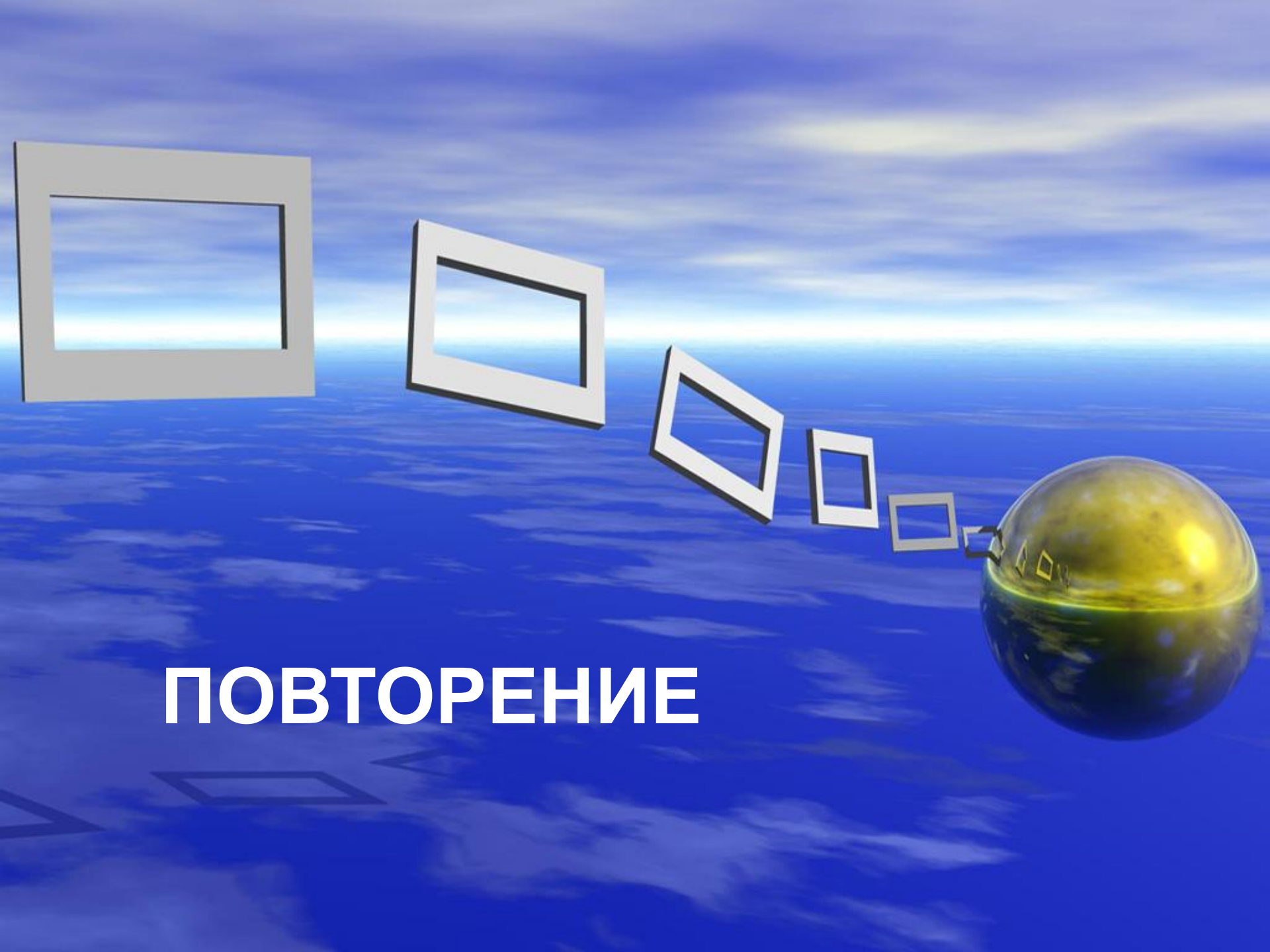


Понятие вероятности



ПОВТОРЕНИЕ

СОБЫТИЯ

ДОСТОВЕРНЫЕ

- ✓ Происходят при каждом проведении опыта (Солнце всходит в определенное время, тело падает вниз, вода закипает при нагревании и т.п.).

НЕВОЗМОЖНЫЕ

СЛУЧАЙНЫЕ

- ✓ Происходят в определенных условиях, но при каждом проведении опыта: одни происходят чаще, другие реже (бутерброд чаще падает маслом вниз и т. п.).



ТЕСТ

«Случайные исходы,
события, испытания».

1. О каком событии идёт речь? «Из 25 учащихся класса двое справляют день рождения 30 февраля».

А) достоверное; В) невозможное; С) случайное

2. Это событие является случайным:

- А) слово начинается с буквы «Ь»;
- В) ученику 9 класса 14 месяцев;
- С) бросили две игральные кости: сумма выпавших на них очков равна 8.

3. Найдите достоверное событие:

- А) На уроке математики ученики делали физические упражнения;
- В) Сборная России по футболу не станет чемпионом мира 2005 года;
- С) Подкинули монету и она упала на «Орла».

4. Среди пар событий, найдите несовместимые.

А) В сыгранной Катей и Славой партии шахмат, Катя проиграла и Слава проиграл.

В) Из набора домино вынута одна костяшка, на ней одно число очков больше 3, другое число 5.

С) Наступило лето, на небе ни облачка.

5. Охарактеризуйте случайное событие:

«новая электролампа не загорится».

Это событие:

- А) менее вероятно ;
- В) равновероятное ;
- С) более вероятное.

6. Какие события из перечисленных ниже являются противоположными? В колоде карт лежат четыре туза и четыре короля разных мастей. Достают карту наугад.

Событие:

- А) достанут трефового туза;**
- В) достанут туза любой масти;**
- С) достанут любую карту кроме трефового туза.**

7. Колобок катится по лесным тропкам куда глаза глядят. На полянке его тропинка расходится на четыре тропинки, в конце которых Колобка поджидают Заяц, Волк, Медведь и Лиса. Сколько исходов для выбора Колобком наугад одной из четырёх тропинок.

A) 1;

B) 4;

C) 5.

8. Два стрелка делают по одному выстрелу в мишень. Сколько исходов двух совместных выстрелов?

A) 4;

B) 3;

C) 2.

9. Два шахматиста играют подряд две партии. Сколько исходов у этого события?

A) 4;

B) 2;

C) 9.

10*. Случайный опыт состоит в выяснении пола детей в семьях с тремя детьми. Сколько возможных исходов у этого опыта?

A) 8;

B) 9;

C) 6.

ПОНЯТИЕ ВЕРОЯТНОСТИ



В толковом словаре С.И. Ожегова и Н.Ю. Шведовой:
«Вероятность – возможность исполнения,
осуществимости чего-нибудь».

Основатель современной теории вероятностей А.Н.
Колмогоров:

«Вероятность математическая – это числовая характеристика степени возможности появления какого-либо определенного события в тех или иных определенных, могущих повторяться неограниченное число раз условиях».

Понятие вероятности

- ✓ Известно, по крайней мере, шесть основных схем определения и понимания вероятности. Не все они в равной мере используются на практике и в теории, но, тем не менее, все они имеют за собой разработанную логическую базу и имеют право на существование.

**ОПРЕДЕЛЕНИЕ
ВЕРОЯТНОСТИ**

КЛАССИЧЕСКОЕ

СТАТИСТИЧЕСКОЕ

ГЕОМЕТРИЧЕСКОЕ



КЛАССИЧЕСКОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ



ВЕРОЯТНОСТЬ

– ЭТО ЧИСЛЕННАЯ МЕРА ОБЪЕКТИВНОЙ ВОЗМОЖНОСТИ
ПОЯВЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОГО СОБЫТИЯ.

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ ДАЕТ СПОСОБ НАХОЖДЕНИЯ
ЧИСЛЕННОГО ЗНАЧЕНИЯ ВЕРОЯТНОСТИ СОБЫТИЯ:

$$P(A) = \frac{m}{n}$$

A – некоторое событие,

m – количество исходов, при которых событие **A** появляется,

n – конечное число равновозможных исходов.

P – обозначение происходит от первой буквы французского слова *probabilite*
– *вероятность*.

КЛАССИЧЕСКОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ.

Вероятностью P наступления

случайного события A называется

отношение $\frac{m}{n}$, где n – число всех

возможных исходов эксперимента, а m –

число всех благоприятных исходов:

$$P(A) = \frac{m}{n}$$



Пьер-Симон Лаплас

Классическое определение вероятности было впервые дано в работах французского математика Лапласа.

ЭКСПЕРИМЕНТ	ЧИСЛО ВОЗМОЖНЫХ ИСХОДОВ ЭКСПЕРИМЕНТА (n)	СОБЫТИЕ А	ЧИСЛО ИСХОДОВ, БЛАГОПРИЯТНЫХ ДЛЯ ЭТОГО СОБЫТИЯ (m)	ВЕРОЯТНОСТЬ НАСТУПЛЕНИЯ СОБЫТИЯ А $P(A)=m/n$
Бросаем монетку	2	Выпал «орел»	1	$\frac{1}{2}$
Вытягиваем экзаменационный билет	24	Вытянули билет №5	1	$\frac{1}{24}$
Бросаем кубик	6	На кубике выпало четное число	3	$\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
Играем в лотерею	250	Выиграли, купив один билет	10	$\frac{10}{250} = \frac{1}{25}$

Пример 1



В школе 1300 человек, из них 5 человек хулиганы.

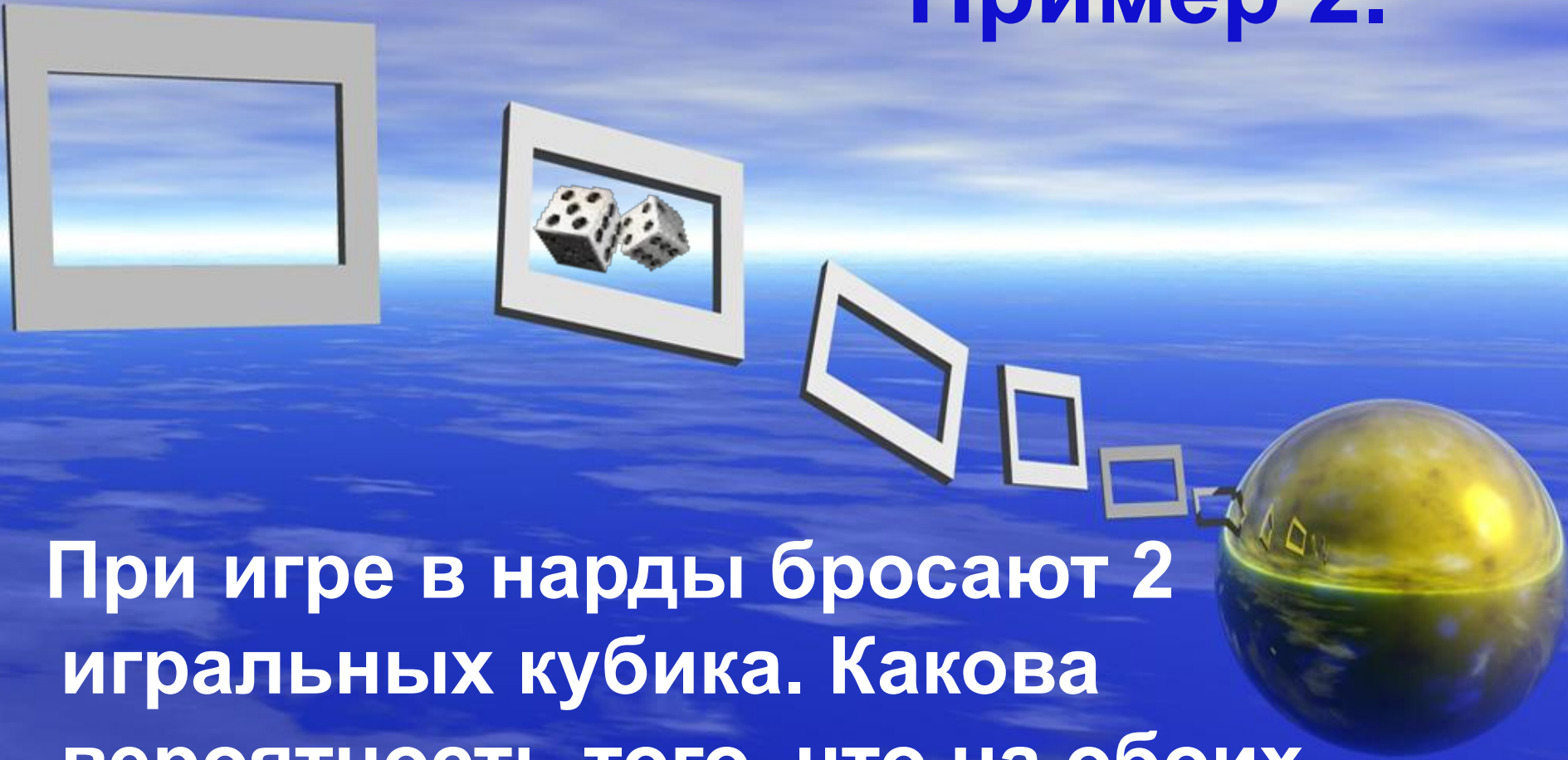
Какова вероятность того, что один из них попадётся директору на глаза?

Решение

Вероятность:

$$P(A) = 5/1300 = 1/250.$$

Пример 2.



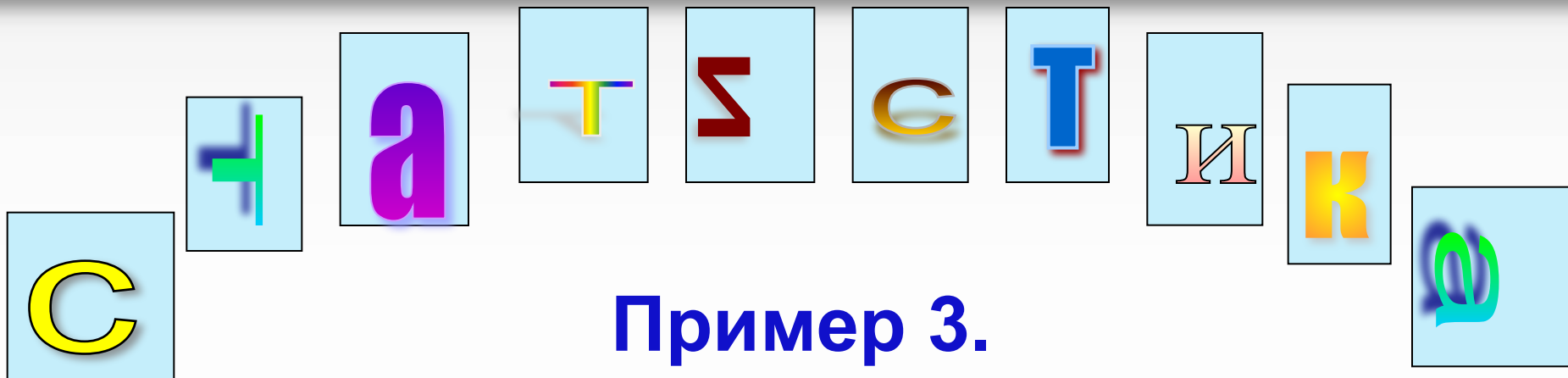
При игре в нарды бросают 2 игральных кубика. Какова вероятность того, что на обоих кубиках выпадут одинаковые числа?

Решение

Составим следующую таблицу

	1	2	3	4	5	6
1	11	21	31	41	51	61
2	12	22	32	42	52	62
3	13	23	33	43	53	63
4	14	24	34	44	54	64
5	15	25	35	45	55	65
6	16	26	36	46	56	66

Вероятность:
 $P(A) = 6/36 =$
 $= 1/6.$



Пример 3.

Из карточек составили слово «статистика». Какую карточку с буквой вероятнее всего вытащить? Какие события равновероятные?



Решение

Всего 10 букв.

Буква «с» встречается 2 раза –

$$P(c) = 2/10 = 1/5;$$

буква «т» встречается 3 раза –

$$P(t) = 3/10;$$

буква «а» встречается 2 раза –

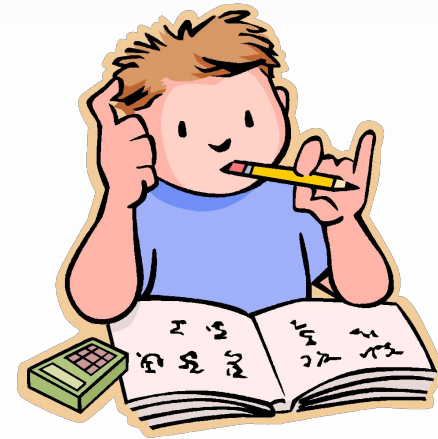
$$P(a) = 2/10 = 1/5;$$

буква «и» встречается 2 раза –

$$P(i) = 2/10 = 1/5;$$

буква «к» встречается 1 раз –

$$P(k) = 1/10.$$



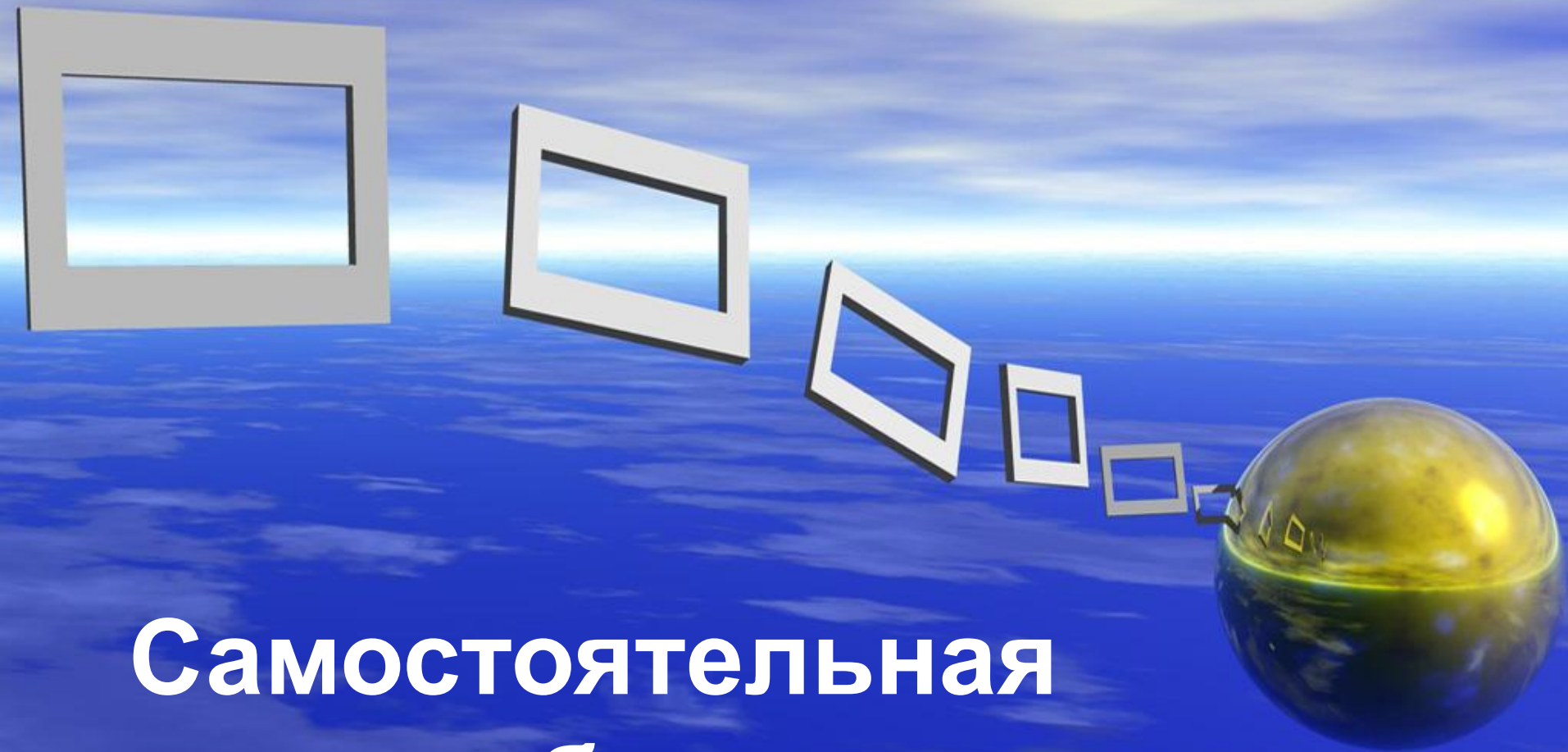
A sequence of five white rectangular frames of decreasing size and increasing perspective, leading to a golden sphere on a blue background. The frames are arranged in a line that curves towards the right, where they connect to a large, reflective golden sphere. The background is a blue gradient with a horizon line and a bright light source, suggesting a sky or ocean scene.

Свойства вероятности

1. Вероятность достоверного события равна ?
2. Вероятность невозможного события равна 0
3. Вероятность события A не меньше 0 , но не больше ?

1. $P(u) = 1$ (u – достоверное событие);
2. $P(v) = 0$ (v – невозможное событие);
3. $0 \leq P(A) \leq 1$.

Самостоятельная работа



Задача 1.

В коробке 4 синих, 3 белых и 2 желтых фишки. Они тщательно перемешиваются, и наудачу извлекается одна из них. Найдите вероятность того, что она окажется:
а) белой; б) желтой; в) не желтой.

Решение

а) Мы имеем всевозможных случаев 9.

Благоприятствующих событий 3. Вероятность равна:

$$P=3:9=1/3=0,33(3)$$

б) Мы имеем всевозможных случаев 9.

Благоприятствующих событий 2. Вероятность равна

$$P=2:9=0,2(2)$$

в) Мы имеем всевозможных случаев 9.

Благоприятствующих событий 7 (4+3). Вероятность
равна $P=7:9=0,7(7)$

Задача 2.

В коробке лежат 10 одинаковых шаров, на каждом из которых написан его номер от 1 до 10.

Найдите вероятность следующих

событий: а) извлекли шар № 7;

б) номер извлеченного шара –

четное число; в) номер извлеченного шара кратен 3.

Решение

Всевозможных событий 6 (красный №1 - красный №2; красный №1 - белый; красный №2 - белый; красный №3 - красный №2; красный №3 - красный №1; красный №3 - белый) из них благоприятных 3. Выигрывает тот, кто вытаскивает 2 красных шара.

Задача 3.

Мальчики играли в “Орлянку”. Но монетка куда-то закатилась. Предложите, как заменить ее игральным кубиком?

Решение

Считать "орел" - четное число, а
"решка" - не четное число.

Задача 4.

Какую справедливую игру можно предложить двум девочкам, у которых есть 3 красных и 1 белый шарик и мешок?

Решение

Всевозможных событий 6 (красный №1 - красный №2; красный №1 - белый; красный №2 - белый; красный №3 - красный №2; красный №3 - красный №1; красный №3 - белый) из них благоприятных 3. Выигрывает тот, кто вытаскивает 2 красных шара.

Задача 5.

В настольной игре сломалась вертушка с тремя разными секторами: красным, белым и синим, но есть кубик. Как заменить вертушку?

Решение

Считать на кубике 1 и 2 - красный сектор, 3 и 4 - синий сектор, 5 и 6 - белый сектор.

Домашнее задание



Задача 1. В урне находятся 3 синих, 8 красных и 9 белых шаров одинакового размера и веса, неразличимых на ощупь. Шары тщательно перемешаны. Какова вероятность появления синего, красного и белого шаров при одном вынимании шара из урны?

Задача 2. Наташа купила лотерейный билет, который участвует в розыгрыше 100 призов на 50000 билетов, а Лена – билет, который участвует в розыгрыше трех призов на 70000. У кого больше шансов выиграть?

Задание 3. В настольной игре потеряли кубик. Как заменить его с помощью разноцветных фишек?