

**«Тригонометрические
функции
одного и того же аргумента»**

**Урок математики
в 9 А классе**



Адо́льф Дистерве́г

немецкий педагог
1790-1866



Развитие и образование ни одному человеку не могут быть даны или сообщены. Всякий, кто желает к ним приобщиться, должен достигнуть этого собственной деятельностью, собственными силами, собственным напряжением. Извне он может получить только возбуждение...



$$1$$

$$1$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\cos \alpha$$

$$\frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$1$$

$$\frac{1}{\sin^2 \beta}$$

$$1$$

$$\frac{1}{\cos^2 \beta}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha \quad \sin \alpha \neq 0$$

$$\cos \alpha \neq 0$$

$$\sin \beta \neq 0$$

$$1 + \operatorname{tg}^2 \beta \quad \cos \beta \neq 0$$

$$\operatorname{tg} \beta \cdot \operatorname{ctg} \beta$$

$$\operatorname{tg} \alpha$$

$$\sin^2 \gamma + \cos^2 \gamma$$

$$1 + \operatorname{ctg}^2 \beta$$



1



$\operatorname{tg} \beta \cdot \operatorname{ctg} \beta$

1

$$\sin^2 \gamma + \cos^2 \gamma$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\operatorname{tg} \alpha \quad \cos \alpha \neq 0$$

$$\frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha \quad \sin \alpha \neq 0$$

$$\frac{1}{\sin^2 \beta}$$

$$1 + \operatorname{ctg}^2 \beta \quad \sin \beta \neq 0$$

$$\frac{1}{\cos^2 \beta}$$

$$1 + \operatorname{tg}^2 \beta \quad \cos \beta \neq 0$$



$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1	$\sqrt{3}$	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	1

$\cos 30^\circ$ **Е**

$\operatorname{ctg} 60^\circ$ **У**

$\cos(-45^\circ)$ **Л**

$\sin(-60^\circ)$ **Л**

$\cos 0^\circ$ **И**

$\operatorname{tg}(-45^\circ)$ **Р**

$\sin 30^\circ$ **Б**

$\operatorname{tg} 60^\circ$ **Н**

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$-1$$

$$\sqrt{3}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$1$$

Б

Е

Р

Н

У

Л

Л

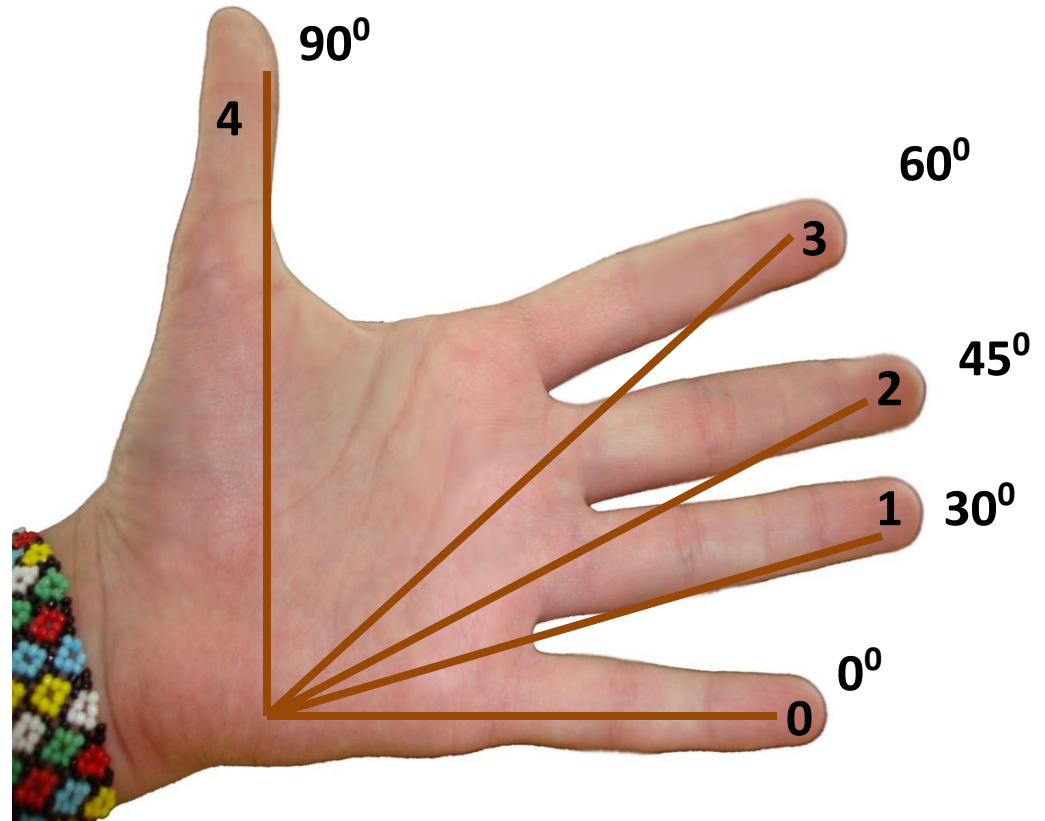
И



Современные обозначения синуса и косинуса знаками *sin* и *cos* были впервые введены в 1739 г. швейцарским математиком *Иоганном Бернулли*

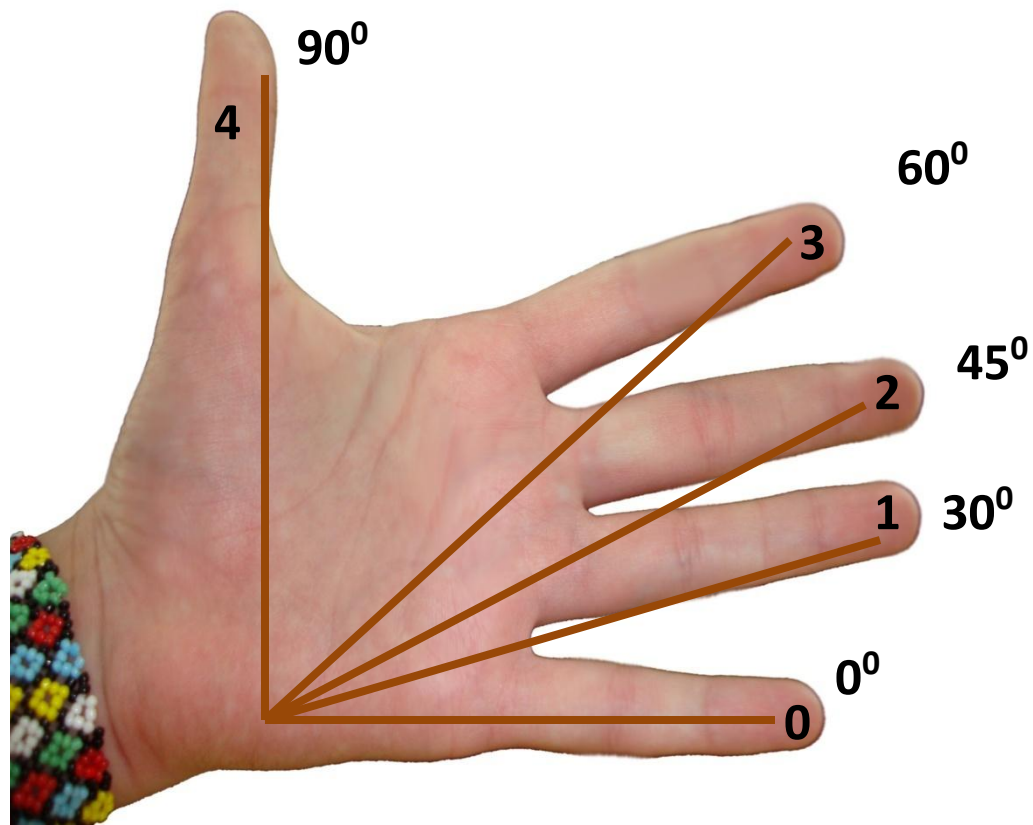
$$\frac{\sqrt{n}}{2}$$

n – номер пальца



$$\frac{\sqrt{n}}{2}$$

n – номер пальца



$$\sin 0^\circ = \frac{\sqrt{0}}{2} = 0$$

$$\sin 30^\circ = \frac{\sqrt{1}}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin 90^\circ = \frac{\sqrt{4}}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

Дано :

$$\sin A + \cos A = \frac{1}{2}$$

Найти:

$$\sin A \cos A$$

$$\sin^3 A + \cos^3 A$$

Решение: 1)

$$\sin A + \cos A = \frac{1}{2}$$

$$(\sin A + \cos A)^2 = \sin^2 A + 2 \sin A \cos A + \cos^2 A = \frac{1}{4}$$

$$1 + 2 \sin A \cos A = \frac{1}{4}$$

$$2 \sin A \cos A = \frac{1}{4} - 1$$

$$2 \sin A \cos A = -\frac{3}{4}$$

$$\sin A \cos A = -\frac{3}{8}$$

$$\sin A \cos A = -\frac{3}{8}$$



$$2) \sin^3 A + \cos^3 A =$$

$$= (\sin A + \cos A)(\sin^2 A - \sin A \cos A + \cos^2 A) =$$

$$= \frac{1}{2} \left(1 + \frac{3}{8}\right) = \frac{1}{2} \left(\frac{8}{8} + \frac{3}{8}\right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{11}{8} = \frac{11}{16}$$

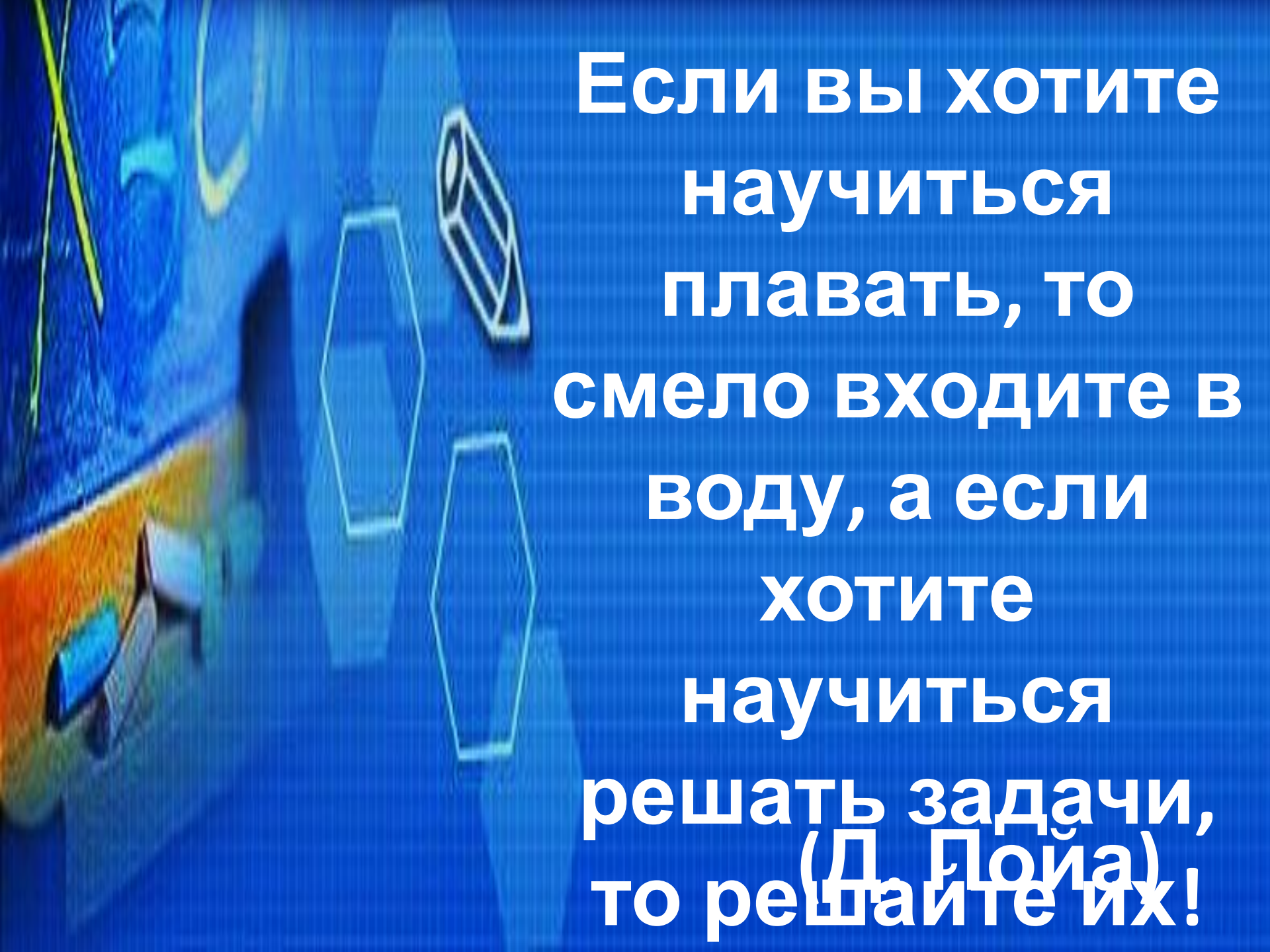
ОТВЕТ:1)

$$\sin A \cos A = -\frac{3}{8}$$

2)

$$\sin^3 A + \cos^3 A = \frac{11}{16}$$






**Если вы хотите
научиться
плавать, то
смело входите в
воду, а если
хотите
научиться
решать задачи,
(Д. Дойна)
то решайте их!**

Тема: « Тригонометрические функции одного и того же

- **Цели: аргумента».**
- **образовательная:** систематизировать и закрепить знания учащихся по применению основных тригонометрических формул;
- **развивающая:** развивать умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию;
- **воспитывающая:** воспитывать критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания; инициативы, находчивость при решении задач;
- **здоровьесберегающая:** создание комфортного психологического



$$\sin 0^\circ = 0$$

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin 90^\circ = 1$$



Открытый урок по алгебре в 8 А классе даёт учитель
Бурлакова Юлия Юрьевна