



Урок 15

Действия с многочленами

1. Выполнить сложение

и вычитание многочленов :

$$P(x) = -2x^3 + x^2 - x - 12 \text{ и } Q(x) = x^3 - 3x^2 - 4x + 1$$

$$\begin{aligned} & \underline{\underline{-2x^3 + x^2 - x - 12}} + \underline{\underline{x^3 - 3x^2 - 4x + 1}} = \\ & = -x^3 - 2x^2 - 5x - 11 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & -2x^3 + x^2 - x - 12 - (x^3 - 3x^2 - 4x + 1) = \\ & = \underline{\underline{-2x^3}} + \underline{\underline{x^2}} - \underline{\underline{x}} - 12 - \underline{\underline{x^3}} + \underline{\underline{3x^2}} + \underline{\underline{4x}} - 1 = \end{aligned}$$

$$= -3x^3 + 4x^2 + 3x - 13$$

2. Выполнить умножение многочленов :

$$-\frac{1}{2}x(x^2 - 4) = -\frac{1}{2}x^3 + 2x$$

$$\begin{aligned}(x - 2y)(4x + 3y) &= \\ &= 4x^2 + 3xy - 8xy - 6y^2 = \\ &= 4x^2 - 5xy - 6y^2\end{aligned}$$

3. Разложить многочлен на множители
и выполнить проверку:

$$8x - 8y = 8(x - y) = 8x - 8y$$

$$4x^2y - 12x = 4x(xy - 3) = 4x^2y - 12x$$

$$3x - y - 3ax + ay =$$

$$= 3x(1-a) - y(1-a) =$$
$$= (3x - y)(1-a)$$

4. Выполнить деление многочлена $A(x)$ на $B(x)$

и выполнить проверку умножением.

$$A(x) = 2x^3 - x^2 - 3x + 2$$

$$B(x) = x - 1$$

$$\begin{array}{r} 2x^3 - x^2 - 3x + 2 \quad | \quad x - 1 \\ \underline{2x^3 - 2x^2} \\ - 2x^2 - 3x + 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - 2x^2 - 3x + 2 \\ \underline{x^2 - 3x} \\ - 2x + 2 \\ \underline{- 2x + 2} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} (2x^2 + x - 2)(x - 1) &= \\ &= 2x^3 - 2x^2 + x^2 - x - 2x + 2 = \\ &= 2x^3 - x^2 - 3x + 2 \end{aligned}$$

$$A(x) = 2x^3 - x^2 - 3x + 2$$

$$B(x) = x + 1$$

$$\begin{array}{r} 2x^3 - x^2 - 3x + 2 \quad | \quad x+1 \\ \underline{2x^3 + 2x^2} \qquad \qquad \qquad \quad 2x^2 - 3x \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -3x^2 - 3x \\ \underline{-3x^2 - 3x} \end{array}$$

2

$$\begin{aligned} & (2x^2 - 3x)(x+1) + 2 = \\ & = 2x^3 + 2x^2 - 3x^2 - 3x + 2 = \\ & = 2x^3 - x^2 - 3x + 2 \end{aligned}$$

$$19^{24} - 19^{23} \div 18$$

$$19^{23} (19 - 1) = 19^{23} \cdot 18 \div 18$$

$$16^3 - 4^5 \div 3$$

$$4^6 - 4^5 = 4^5 \cdot 3 \div 3$$