

# Динамические показатели популяций

Динамические характеристики популяции- это величины, оценивающие интенсивность происходящих в ней процессов

Основные динамические показатели популяции:

- рождаемость
- смертность
- скорость роста популяции

**Рождаемость (скорость рождаемости)**

- Максимальная (абсолютная, физиологическая)
- Экологическая (реализованная)

**Смертность (скорость смертности)**

удельная рождаемость/смертность- отношение скорости в исходной численности

$N_b/N\Delta t$

$N_d/N\Delta t$

Мгновенная удельная рождаемость/смертность

$\Delta t \rightarrow 0$

**b**

**d**

# Скорость изменения численности популяции

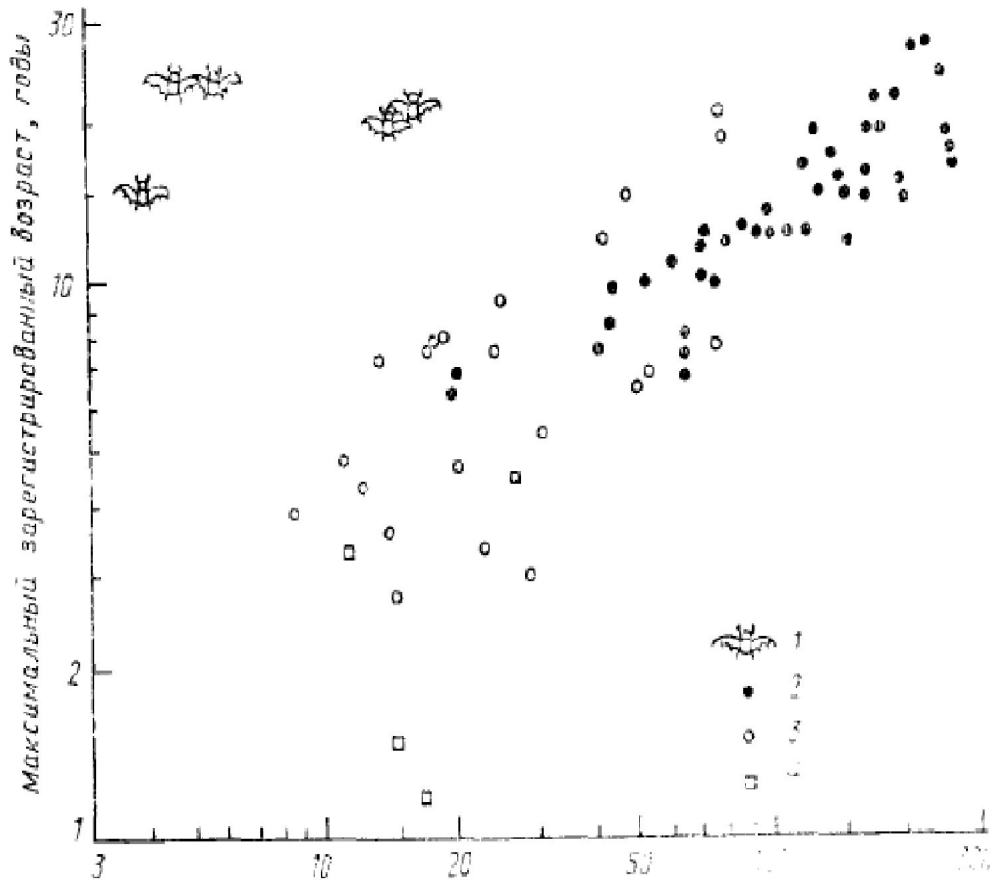
Изменение  $\Delta N$  за  $\Delta t$ .

При  $\Delta t \rightarrow 0$ - мгновенная скорость изменения численности

$$r = b - d$$

- $b = d, r = 0$ - **стационарное** состояние популяции
- $b > d, r > 0$ - численный **рост** популяции
- $b < d, r < 0$ - **снижение** численности популяции

# Продолжительность жизни



Физиологическая  
(максимальная)  
возможная  
продолжительность  
жизни

**Зависит от  
условий жизни!**

*Соотношение размеров тела и максимальной зарегистрированной продолжительности жизни для разных млекопитающих (по Hutchinson, 1978):*

1 — рукокрылые; 2 — хищные; 3 — грызуны; 4 — насекомоядные

# Экспоненциальная модель роста численности популяции

$$N_t = N_0 \cdot e^{r_m t}$$

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{r_m t}$$

$N_t$  - численность популяции в начальный момент времени  $t$

$N_0$  - численность популяции в начальный момент времени  $t_0$

$e$  - основание натурального логарифма (2, 7182)

$r_m$  - максимальная скорость роста численности популяции

(биотический потенциал)

- постоянное значение!

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{r_m t}$$

# Экспоненциальная модель роста численности популяции

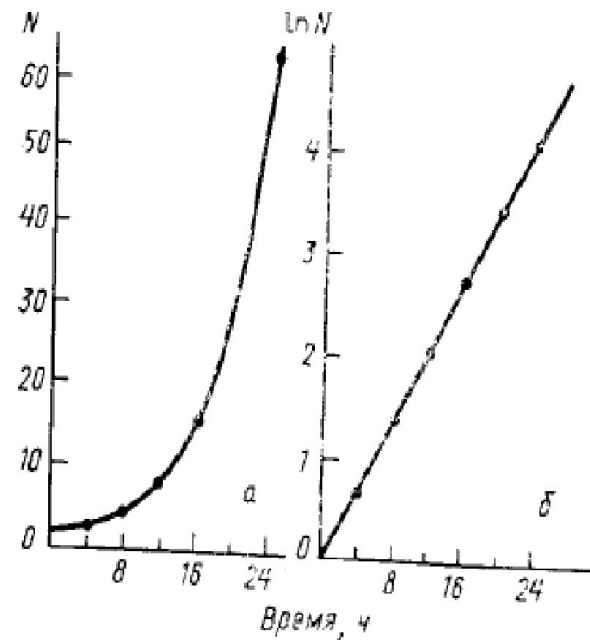
Томас Мальтус (1766—1834)

Геометрическая прогрессия- как закон роста –  
Ж. Бюффон и К. Линней, Дж. Грант

## Теорема А. Лотки

Если удельная рождаемость  $b(x)$  и выживаемость  $l(x)$  всех последовательно нарождающихся когорт в популяции с течением длительного времени постоянны, то независимо от начальной возрастной структуры, устанавливается устойчивая возрастная структура, и численность популяции растет по экспоненциальному закону.

Если по возрастные рождаемость и смертность в популяции постоянны во времени.



Экспоненциальный рост  
гипотетической популяции одно-  
клеточного организма, делящегося  
каждые 4 ч:  
а — арифметическая шкала; б —  
логарифмическая шкала

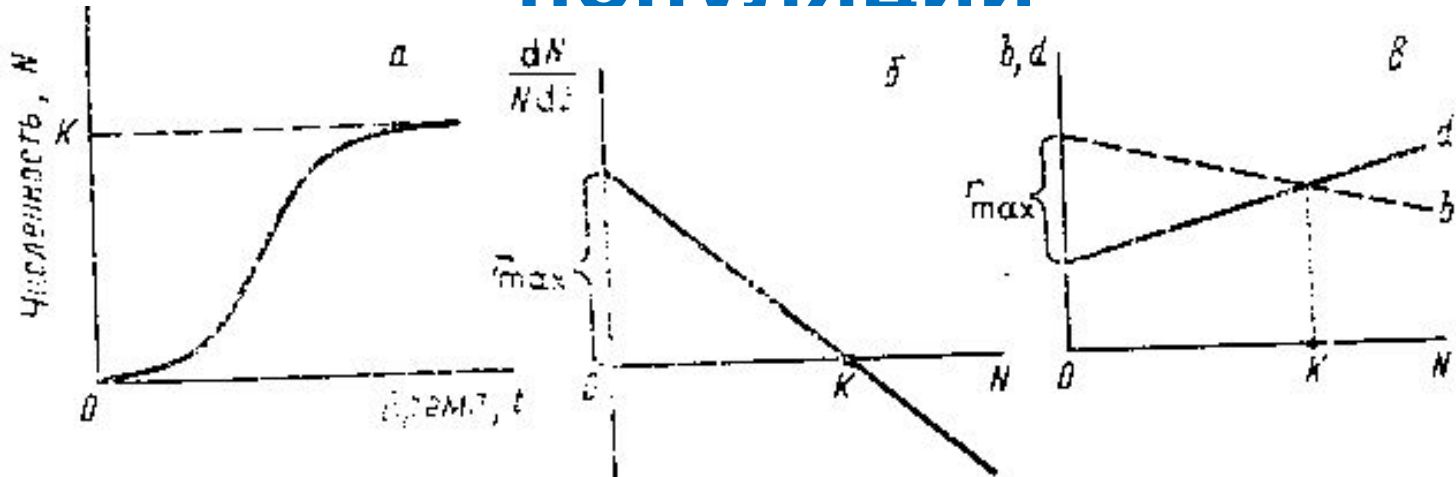
**Любая популяция потенциально способна экспоненциально увеличивать свою численность** (используется для оценки потенциальных возможностей роста популяций)

Несколько вариантов прекращения экспоненциального роста.

- 1) чередование** периодов экспоненциального роста численности с периодами резкого (катастрофического) спада, вплоть до очень низких значений (у организмов с коротким жизненным циклом, обитающих в местах с резко выраженными колебаниями основных лимитирующих факторов, например у насекомых, живущих в высоких широтах, такие организмы должны иметь покоящиеся стадии, позволяющие пережить неблагоприятные сезоны)
- 2) резкая остановка экспоненциального роста** и поддержание популяции на постоянном (=стационарном) уровне, вокруг которого возможны различные флуктуации
- 3) плавный выход на плато.** Получающаяся при этом S-образная форма кривой указывает на то, что по мере увеличения численности популяции скорость роста ее не остается постоянной, а снижается. S-образный рост популяций наблюдается очень часто как в лабораторных экспериментах, так и при вселении видов в новые местообитания

# Логистическая модель роста численности

## ПОПУЛЯЦИИ



Логистическая модель роста популяции: а—кривая роста численности (N); б — зависимость удельной скорости роста ( $dN/Ndt$ ) от численности (N); в — зависимость удельной рождаемости (b) и смертности (d) от численности. K — предельная численность

$$\frac{Nt}{No} = e^{rmt}$$

$$\frac{Nt}{No} = e^{rmt}$$

$$\frac{Nt}{No} = e^{rmt}$$

Линейное снижение скорости роста численности при увеличении плотности популяции

П. Ферхюльст (1938), Р. Пирль и Л. Рид (1920)



# Логистическая модель роста численности популяции

Основное предположение логистического уравнения—линейная зависимость удельной скорости популяционного роста от плотности популяции, довольно искусственно, не следует из особенностей самих организмов

Численность популяции:

- **внешних условий среды** (большое количество хищников, нехватка пищи)
- **внутренние факторы** «сдерживающие» рождаемость-территориальное поведение (защита гнездовой территории от вторжении особей того же вида), действие от перенаселенности (резкое уменьшение плодовитости и уменьшение степени заботы о потомстве)

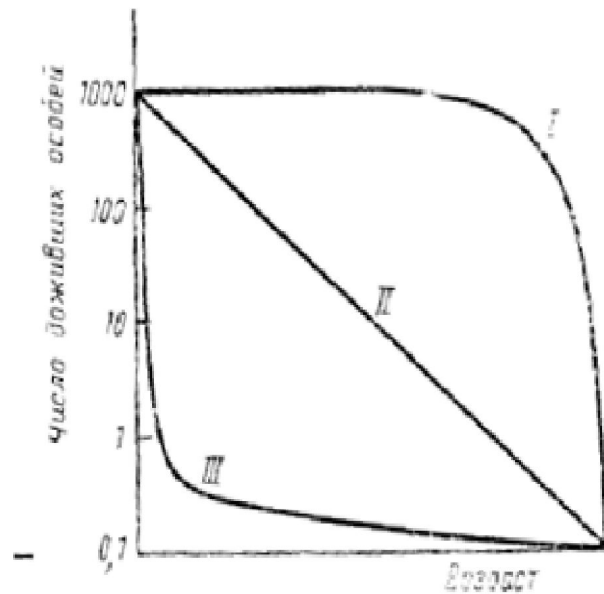
Причина массовых вспышек рождаемости –погодные факторы и деятельность человека.

Механизмы обратной связи регулировки численности.

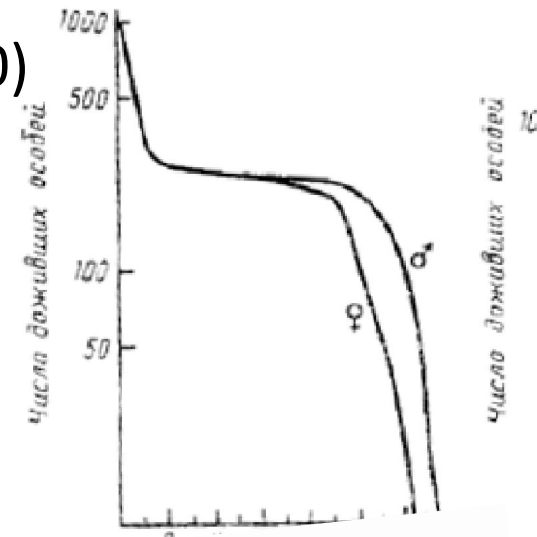
Близкий к логистическому рост (механизмы ограничения плотности):

- 1) Нехватка пищи (дафнии, водоросли, бактерии)
- 2) накопление продуктов метаболизма (дрожжи)
- 3) каннибализм (мучные жуки *Tribolium*)
- 4) Поведенческие механизмы (мыши в эксперименте)

# КРИВЫЕ ВЫЖИВАНИЯ



Р. Перль (1920)



Кривые выживания самцов и самок снежного барана (*Ovis dalli dalli*) (из Hutchinson, 1978 по данным Murie)

- 1. Кривая типа 1 (кривая дрозофилы).** Главный фактор смертности-естественное старение. Имаго насекомых (гибнущих после откладки яиц) (дрозофилы, поденки), некоторых крупных млекопитающих (киты, слонов)
- 2. Кривая типа 2 (диагональный тип)**- независимая от возраста смертность (пресмыкающиеся, птицы, многолетние травянистые растения)
- 3. Кривая типа 3 (тип устрицы)** - массовая гибель особей в начальный период жизни, а затем относительно низкая смертность оставшихся особей (лососевые, сельдевые рыбы, головоногие моллюски)

Реально встречающаяся комбинация

# Таблицы выживания (демографические таблицы)

## Когортные (динамические)-

прямые наблюдения за жизнью большой группы особей, рожденных в короткий промежуток времени и регистрация возраста наступления смерти всех членов группы

$x$ - возрастной интервал (класс),

$n_x$  - число выживших на начало возрастного интервала  $x$  и началом возрастного интервала  $x+1$ ,  $l_x$ - доля выживших до начала возрастного интервала  $x$ ,

$L_x$ - среднее число доживших до возрастного интервала  $x$ , рассчитывают по формуле,  $S$ - наибольший возрастной интервалов,

$T_x$ - сумма средних доживших временных интервалов, от  $x$  до  $S$ ,

$q_x$  – смертность между началом возрастного интервала  $x$  и началом возрастного интервала  $x+1$ ,

$e_x$  - ожидаемая продолжительность жизни для организмов,

## Статистические

**таблицы-**(моментальные, вертикальные)- за относительно короткий промежуток времени в разных возрастных классах

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{-rmt}$$

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{-rmt}$$

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{-rmt}$$

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{-rmt}$$

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{-rmt}$$

# Статистические таблицы

за относительно короткий промежуток времени в разных возрастных классах

- Могут совпадать с когортной, когда численность популяции постоянна ( $r=0$ )
  - Если  $r>0$ - то доля старших классов по сравнению с когортной занижена
  - Если численность популяции убывает ( $r<0$ )- доля старших классов ~~завышена~~
- Попытка составить первые таблиц выживания – Джон Грант (1620-1674) – данные по смертности жителей Лондона, собранные в церковных приходах (эпидемия чумы). Э. Галлей (1693) - для города Бреслау (Вроцлав).

**Средняя продолжительность жизни** обычно более информативна, чем максимальная.

**Астрономический возраст**- сутки, годы, **физиологический возраст**- достижение той или иной стадии развития.

**Нулевой возраст** выбирается условно, в зависимости от объектов и конкретных задач. (птицы- момент откладки яиц, вылупление птенцов, момент вылета из гнезда)

# Повозрастная рождаемость и расчет удельной скорости роста популяции (r) на основе коэффициента воспроизводства (Ro)

Комбинированная таблица дожития и  
повозрастной плодовитости

возрастные интервалы, (годы)-  $x$ ,

доля доживших-  $l_x$ ,

число потомков, произведенных в среднем  
одной самкой данного возраста-  $m_x$ ,

$l_x * m_x$

$R_0$ - безразмерная величина,  
показывающая во сколько раз численность  
популяции возросла за период одного  
поколения (время генерации  $T$ )

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{rmt}$$

Если  $R_0 = 1$ , то популяция  
сохраняет неизменную  
численность

$$\frac{N_t}{N_0} = e^{rmt}$$

$$N_t = N_0 e^{rt}$$

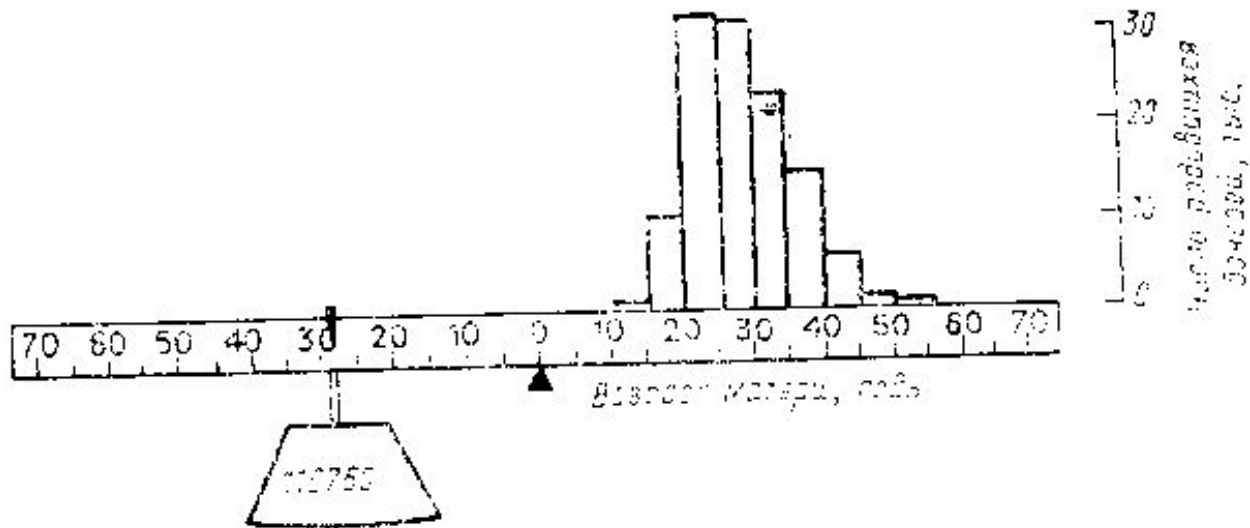
$$R_0 = \frac{N_t}{N_0}$$

$$R_0 = e^{rT}$$

$r = \ln R_0 / T$ - удельная

скорость популяции обратно  
пропорциональная времени  
генерации

# Механическая модель (А. Лотка)



(по данным о рождении девочек в США в 1920 г.)

«Нет пределов  
развития, но есть  
пределы роста», Медоуз,  
1994

## Проблемы роста народонаселения Земли

Стандартный сценарий

Из книги Donella H. Meadows et al. *The Limits to Growth*.  
New York. Universe Books. 1972.



- Демографический взрыв
- Достижения науки и техники- смертность сократилась, рождаемость повысилась

Концепция «демографического перехода» (Ф. Ноустайн 1945): экономическое развитие, рост народонаселения, социальный прогресс.

-высокая рождаемость и высокая смертность- снижение смертности при сохранении высокой рождаемости- снижением рождаемости на фоне ранее снизившейся смертности- стабилизация численности.

Неравномерность изменения численности населения в зависимости от уровня экономического развития

Сколько людей сможет прокормить наша планета?

**Спасибо за внимание!**