



«РОССИЙСКАЯ ТАМОЖЕННАЯ АКАДЕМИЯ»

Защита курсовой работы

По дисциплине: математический анализ

на тему

«Приложение производной в экономической теории»

Выполнил: студент 1 курса
Экономического факультета
Заочной формы обучения
Г.А.Гукасян
Группа: ЭБ01/1301С

Цель данной курсовой работы – определить использование производной в экономической теории. Для достижения данной цели были поставлены следующие задачи:

- ⦿ рассмотреть понятие и сущность производной;
- ⦿ определить ее геометрический смысл;
- ⦿ выявить экономическую интерпретацию производной;
- ⦿ рассмотреть применение производной в экономике;
- ⦿ ознакомиться с применением производной при решении задач по экономической теории.

1. Понятие и виды производных

При решении различных задач геометрии, механики, физики и других отраслей знания возникла необходимость с помощью одного и того же аналитического процесса из данной функции $y = f(x)$ получать новую функцию, которую называют производной функцией (или просто производной) данной функции $f(x)$ и обозначают символом $y' = f'(x)$

Тот процесс, с помощью которого из данной функции $f(x)$ получают новую функцию $f'(x)$, называют дифференцированием и состоит он из следующих трех шагов:

1) даем аргументу X приращение ΔX и определяем соответствующее приращение функции $\Delta y = f(x + \Delta x) - f(x)$

2) составляем отношение $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$

3) считая X постоянным, $\Delta X \rightarrow 0$, находим $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$, который обозначаем через $f'(x)$, как бы подчеркивая тем самым, что полученная функция зависит лишь от того значения X , при котором мы переходим к пределу.

- Определение: Производной $y' = f'(x)$ данной функции $y = f(x)$ при данном x называется предел отношения приращения функции к приращению аргумента при условии, что приращение аргумента стремится к нулю, если, конечно, этот предел существует

2. Геометрический смысл производной

Рассмотрим график функции $y = f(x)$ дифференцируемой в окрестностях точки x_0

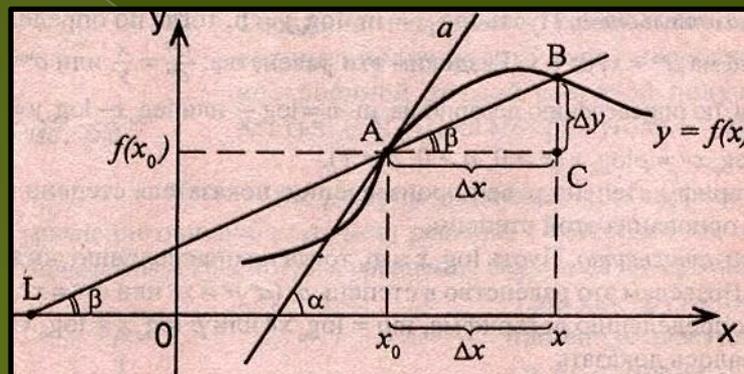


График функции $y = f(x)$ дифференцируемой в окрестностях точки x_0

Рассмотрим произвольную прямую, проходящую через точку графика функции - точку $A(x_0, f(x_0))$ и пересекающую график в некоторой точке

$B(x; f(x))$. Такая прямая (AB) называется секущей. Из ABC: AC = Δx ;

BC = Δy ; $\operatorname{tg} \beta = \Delta y / \Delta x$.

- Так как $AC \parallel O_x$, то $\angle ALO = \angle BAC = \beta$ (как соответственные при параллельных). Но $\angle ALO$ - это угол наклона секущей AB к положительному
- направлению оси O_x . Значит, $\operatorname{tg} \beta = k$ - угловой коэффициент прямой AB .
- Теперь будем уменьшать Δx , т.е. $\Delta x \rightarrow 0$. При этом точка B будет приближаться к точке A по графику, а секущая AB будет поворачиваться. Предельным положением секущей AB при x_0 будет прямая (a), называемая касательной к графику функции
- $y = f(x)$ в точке A .

3. ЭКОНОМИЧЕСКОЕ ПРИЛОЖЕНИЕ ПРОИЗВОДНОЙ

- В экономической теории активно используется понятие «маржинальный», что означает «предельный»
- . Надо заметить, что экономика не всегда позволяет использовать предельные величины в силу прерывности (дискретности) экономических показателей во времени (например, годовых, квартальных, месячных и т.д.). В то же время во многих случаях можно отвлечься от дискретности и эффективно использовать предельные величины.
- Еще одним примером использования производной в экономике является анализ производственной функции. Поскольку ограниченность ресурсов принципиально не устранима, то решающее значение приобретает отдача от факторов производства. Здесь также применима производная, как инструмент исследования. Пусть применяемый капитал постоянен, а затраты труда увеличиваются.

4. Применение производной в экономической теории

- Проанализировав экономический смысл производной, нетрудно заметить, что многие, в том числе базовые законы теории производства и потребления, спроса и предложения оказываются прямыми следствиями математических теорем.
- Вначале рассмотрим экономическую интерпретацию теоремы: если дифференцируемая на промежутке X функция $y = f(x)$ достигает наибольшего или наименьшего значения во внутренней точке x_0 этого промежутка, то производная функции в этой точке равна нулю, то есть $f'(x_0) = 0$
- Один из базовых законов теории производства звучит так: "Оптимальный для производителя уровень выпуска товара определяется равенством предельных издержек и предельного дохода".

