

ОСНОВЫ ЛОГИКИ

Логика – это наука о формах и способах мышления.

Основные формы мышления



Понятие



Высказывание



Умозаключение

Понятие

форма мышления, фиксирующая
основные, существенные признаки
объекта

Две стороны понятия:



Содержание



Объем

Содержание понятия составляет совокупность существенных признаков объекта.

Объем понятия определяется совокупностью предметов, на которую оно распространяется.

Высказывание

– это форма мышления, выраженная с помощью понятий, в которой что-либо утверждается или отрицается о предметах, их свойствах и отношениях между ними.



ложное/истинное



простое/составное

Истинно суждение, в котором связь понятий правильно отражает свойства и отношения реальных вещей.

Суждение **ложно** в том случае, когда связь понятий не соответствует реальной действительности.

Высказывание называется **простым**, если никакая его часть сама не является высказыванием.

Высказывание, состоящее из простых высказываний называется **составным**.

Умозаключение

- это форма мышления, с помощью которой из одного или нескольких суждений (посылок) может быть получено новое суждение (заключение).

Выполните задание 1

Проверьте правильность выполнения задания

Форма мышления, с помощью которой из одного или нескольких суждений может быть получено новое суждение.		Логика
Форма мышления, фиксирующая существенные признаки объекта		Умозаключение
Наука о формах и способах мышления		Понятие
Высказывание, построенное на основании простых высказываний.		Ложь
Высказывание, не соответствующее действительности.		Составное

Алгебра высказываний

способствует определению истинности
или ложности составных
высказываний, не вникая в их
содержание.

1 – ИСТИНА

0 - ЛОЖЬ

Простым высказываниям ставятся в соответствие логические **переменные**, обозначаемые прописными буквами латинского алфавита

Составные высказывания на естественном языке образуются с помощью **союзов**, которые в алгебре высказываний заменяются на **логические операции**.

Логические операции задаются **таблицами истинности**.

Логические выражения, у которых последние столбцы истинности совпадают, называются **равносильными**.

Базовые логические операции

Конъюнкция

Дизъюнкция

Инверсия

Импликация

Эквивалентность

Конъюнкция

- операция логического умножения

В естественном языке соответствует союзу **И**

Составное высказывание **истинно тогда и только тогда**, когда истинны **все** входящие в него простые высказывания.

A	B	$F=A\&B$
На улице ХОЛОДНО.	На улице идет снег.	На улице ХОЛОДНО И идет снег.

A	B	$A \& B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \& B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ДИЗЪЮНКЦИЯ

- операция логического сложения

В естественном языке соответствует союзу **ИЛИ**

Составное высказывание **истинно**, когда **истинно хотя бы одно** из входящих в него простых высказывания.

A	B	$F=A \vee B$
Земля движется по круговой орбите.	Земля движется по эллиптической орбите.	Земля движется по круговой или эллиптической орбите.

A	B	$A \vee B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Инверсия

- операция логического отрицания

В естественном языке соответствует словам **неверно, что...** и частице **НЕ**

Делает **истинное** высказывание **ложным** и наоборот, **ложное** – **истинным**.

A	\bar{A}
Добро	Зло

A	\bar{A}
0	
1	

A	\bar{A}
0	1
1	0

Импликация

- операция логического следования

В естественном языке соответствует обороту
если..., то...

Составное высказывание ложно, когда условие
(первое высказывание) истинно, а следствие
(второе высказывание) ложно.

A	B	$A \Rightarrow B$
Число делится на 9.	Число делится на 3.	Если число делится на 9, то оно делится на 3.

A	B	$A \Rightarrow B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \Rightarrow B$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

Эквивалентность- равнозначность

В естественном языке соответствует оборотам речи **тогда и только тогда; в том и только в том случае**

Составное высказывание **истинно**, когда **оба** исходных высказывания **одновременно истинны** или **одновременно ложны**.

А	В	$F=A \Leftrightarrow B$
Угол прямой	Угол равен 90^0	Угол называется прямым тогда и только тогда, когда он равен 90^0 .

A	B	$A \Leftrightarrow B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \Leftrightarrow B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Выполните задание 2

Формула	Высказывание	Тигр	Волк	Бурундук	Заяц
A	Зверь полосатый				
B	Зверь хищный				
\overline{A}	Зверь не полосатый				
\overline{B}	Зверь не хищный				
$A \ \& \ B$	Зверь полосатый и хищный				
$A \vee B$	Зверь полосатый или хищный				

Формула	Высказывание	Тигр	Волк	Бурундук	Заяц
A	Зверь полосатый	1	0	1	0
B	Зверь хищный	1	1	0	0
\overline{A}	Зверь не полосатый	0	1	0	1
\overline{B}	Зверь не хищный	0	0	1	1
$A \& B$	Зверь полосатый и хищный	1	0	0	0
$A \vee B$	Зверь полосатый или хищный	1	1	1	0

Заполните кроссворд

Домашнее задание

1. Изучите новый материал по конспекту в тетради.
2. Разгадайте предложенный кроссворд и вклейте его в тетрадь.