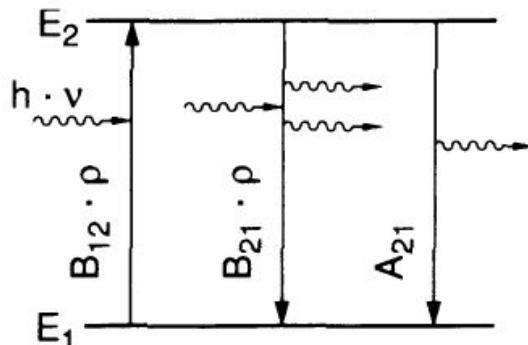


# Характеристики спектров кристаллов

# Поглощение и излучение



$$\nu_0 = (E_2 - E_1)/h$$

$$\frac{d}{dt} \mathcal{P}_{12} = B_{12}\rho(v)$$

$$\frac{d}{dt} \mathcal{P}_{21} = B_{21}\rho(v)$$

$$\frac{d}{dt} \mathcal{P}_{21}^{\text{spont}} = A_{21}$$

$$B_{12} = \frac{g_2}{g_1} B_{21} \quad ,$$

$$A_{21} = \frac{8\pi h^3}{c^3} B_{21} \quad .$$

$$\left( \frac{dN_2}{dt} \right)_{sp} = -AN_2$$

$$\left( \frac{dN_2}{dt} \right)_{nr} = -\frac{N_2}{\tau_{nr}}$$

$$\left( \frac{dN_2}{dt} \right)_{st} = -W_{21}N_2$$

$$\left( \frac{dN_1}{dt} \right)_a = -W_{12}N_1$$

$$W_{21} = \sigma_{21}F$$

$$W_{12} = \sigma_{12}F$$

$$g_2\sigma_{21} = g_1\sigma_{12}$$

$$J = J_0 \exp(-k_v l)$$

$$k_v = \sigma_e N_1 - \sigma_e N_2 = \sigma_e (N_1 - N_2) = -\sigma_e (N_2 - N_1) = -\sigma_e \Delta N$$

$$J/J_0 = \exp [(\alpha - \rho) l]_v = \exp [(\Delta N \sigma_e - \rho) l]_v.$$

# Поглощение и излучение

Условие равновесия двухуровневой системы:

$$-A_{21}N_2g(v) = J_0 \frac{hv_{21}n}{c} (B_{12}N_1 - B_{21}N_2) g(v).$$

Ослабление светового потока в двухуровневой среде:

$$-\frac{1}{J_0} \frac{dJ}{dl} = \frac{hv_{21}n}{c} B_{12}N_1 \left(1 - \frac{N_2}{N_1}\right) g(v), \quad \text{где } dJ/dl = -A_{21}N_2g(v).$$

$$J = J_0 e^{-k_v l} = J_0 e^{-D},$$

$$k_v = \frac{D}{l} = \frac{hv_{21}n}{c} B_{12}N_1 \left(1 - \frac{N_2}{N_1}\right) g(v),$$

$$k_v = \frac{\lambda_{21}^2 A_{21} N_1}{8\pi} \left(1 - \frac{N_2}{N_1}\right) g(v).$$

Если  $N_1 \gg N_2$

$$\int k_v dv = \frac{\lambda_{21}^2}{8\pi} A_{21} N_1.$$

$$k_v = \sigma_a(v) N_1 \quad \sigma_e(v_{21}) = \frac{\lambda_{21}^2 A_{21}}{4\pi^2 n^2 \Delta v_{\text{пом}}} = \frac{k_v}{N_1} = \sigma_a(v_{12}).$$

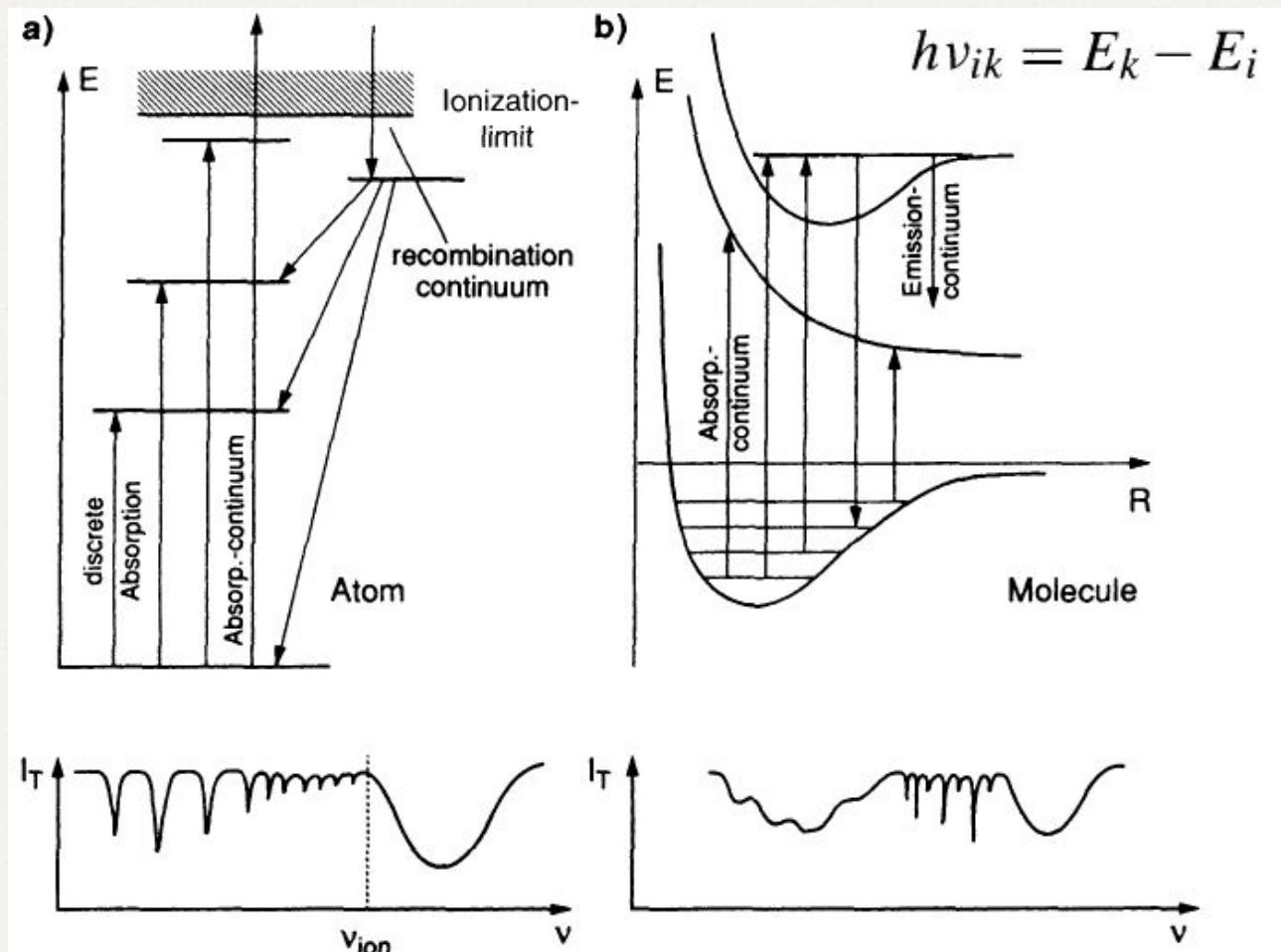
**Table 2.2.** Relations between the transition matrix element  $D_{ik}$  and the Einstein coefficients  $A_{ik}$ ,  $B_{ik}$ , the oscillator strength  $f_{ik}$ , the absorption cross section  $\sigma_{ik}$ , and the line strength  $S_{ik}$ . The numerical values are obtained, when  $\lambda$  is given in nm

$A_{ki} = \frac{1}{g_k} \frac{16\pi^2 v^3}{3\varepsilon_0 h c^3}  D_{ik} ^2$ $= \frac{2.82 \times 10^{73}}{g_k \cdot \lambda^3}  D_{ik} ^2 \text{ s}^{-1}$	$B_{ik}^{(v)} = \frac{1}{g_i} \frac{2\pi^2}{3\varepsilon_0 h^2}  D_{ik} ^2$ $= 6 \times 10^4 \lambda^3 \frac{g_i}{g_k} A_{ki}$	$B_{ik}^{(\omega)} = \frac{1}{g_i} \frac{\pi}{3\varepsilon_0 \hbar^2}  D_{ik} ^2$ $= \frac{g_k}{g_i} B_{ki}$
$f_{ik} = \frac{1}{g_i} \frac{8\pi^2 m_e v}{e^2 h}  D_{ik} ^2$ $= \frac{g_k}{g_i} \cdot 1.5 \times 10^{-14} \lambda^2 A_{ki}$	$S_{ik} =  D_{ik} ^2$ $= (2.37 \times 10^{-60} g_i \lambda) f$	$\sigma_{ik} = \frac{1}{\Delta\nu} \frac{2\pi^2 v}{3\varepsilon_0 c h g_i} \cdot S_{ik}$ $B_{ik} = \frac{c}{h\nu} \int_0^\infty \sigma_{ik}(v) dv$

Дипольный матричный элемент:

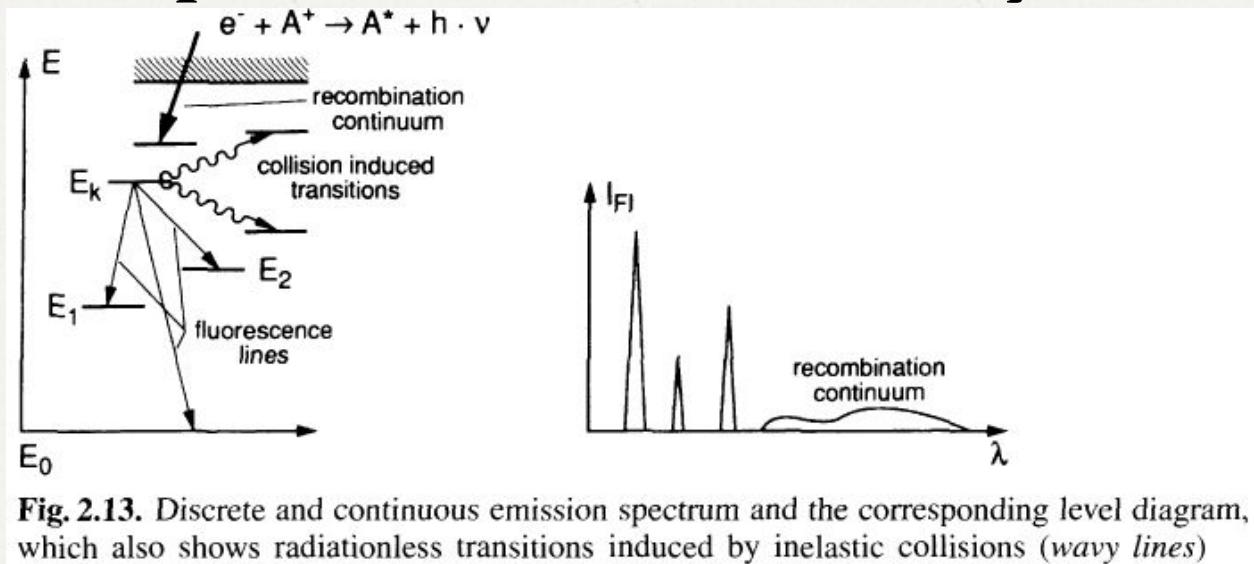
$$\mathbf{D} = -e \int \psi^* \mathbf{r} \psi d\tau .$$

# Спектры поглощения и излучения

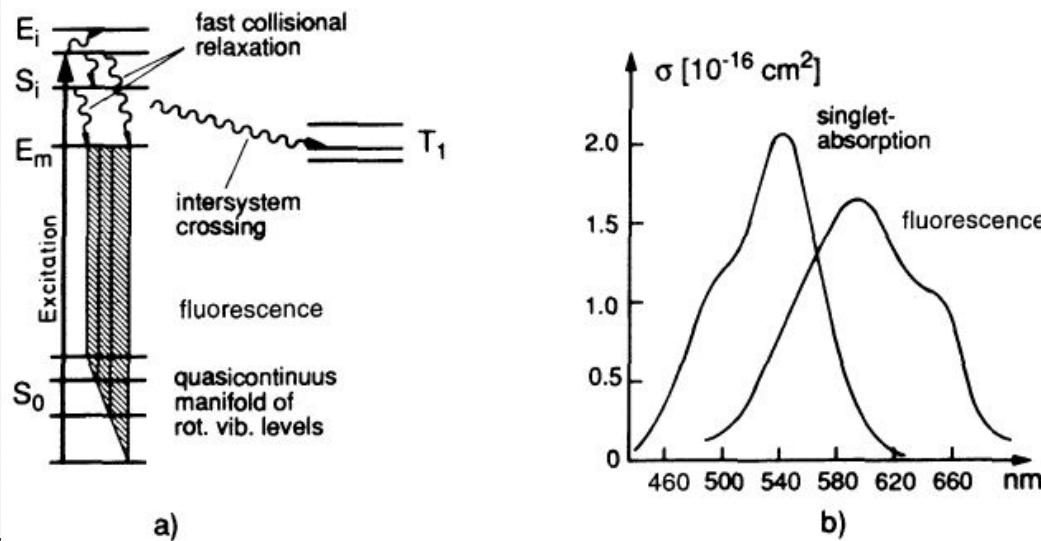


**Fig. 2.11a,b.** Schematic diagram to illustrate the origin of discrete and continuous absorption and emission spectra for atoms (a) and molecules (b)

# Спектры поглощения и излучения

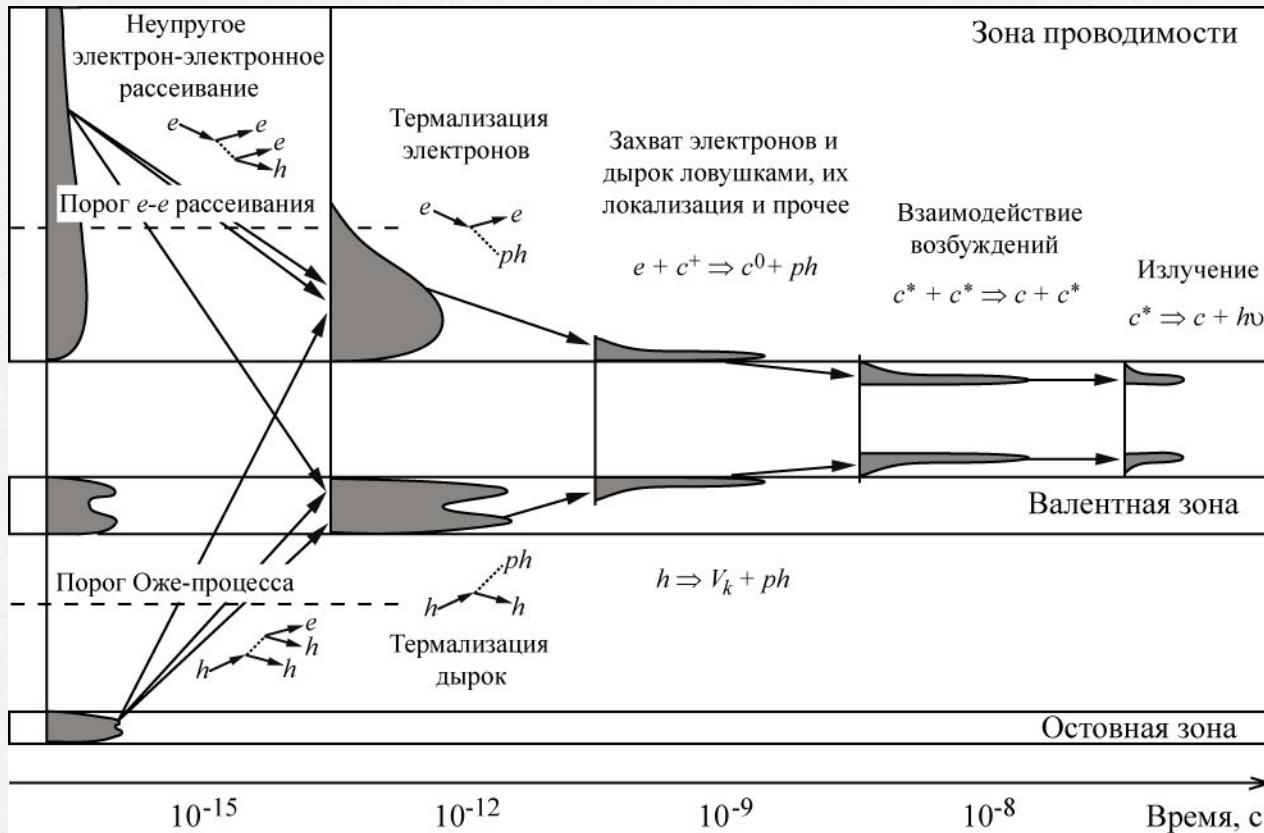


**Fig. 2.13.** Discrete and continuous emission spectrum and the corresponding level diagram, which also shows radiationless transitions induced by inelastic collisions (wavy lines)



**Fig. 3.26.** (a) Schematic level diagram illustrating radiative and radiationless transitions. (b) Absorption and emission cross section of rhodamine 6G dissolved in ethanol

# Электронные переходы



Где располагаются уровни примесного иона?

# Активированный кристалл

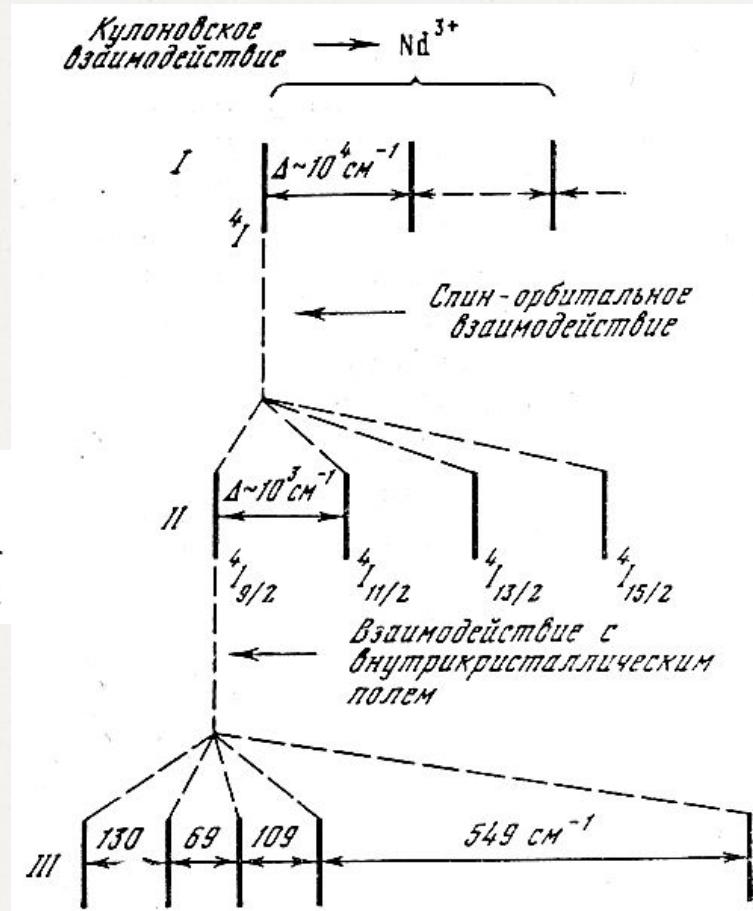
$$H\Psi = E\Psi$$

$$H = H_0 + V_{\text{кр}}$$

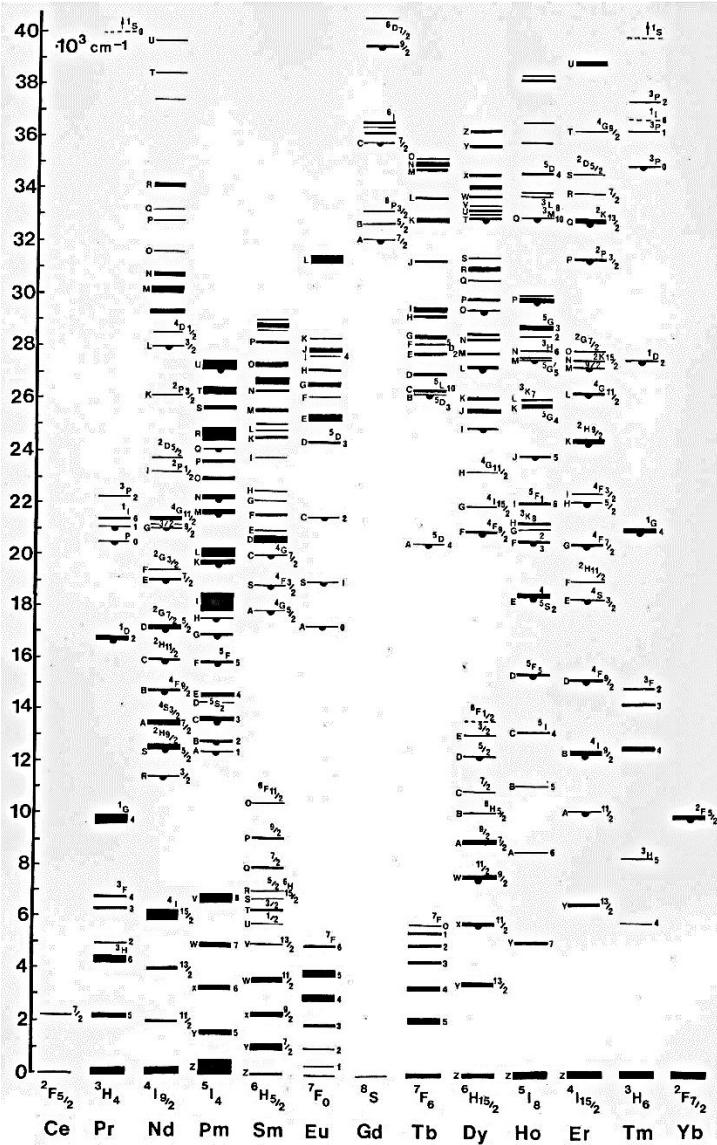
$$H = V_{ee} + V_{so} + V_{\text{кр}}$$

$$V_{ee} = \sum_{i=1}^N \left( \frac{\mathbf{p}_i^2}{2m} - \frac{Ze^2}{\mathbf{r}_i} \right) + e^2 \sum_{j>i=1}^N \frac{1}{\mathbf{r}_{ji}}$$

$$V_{so} = \lambda \mathbf{L} \mathbf{S}$$



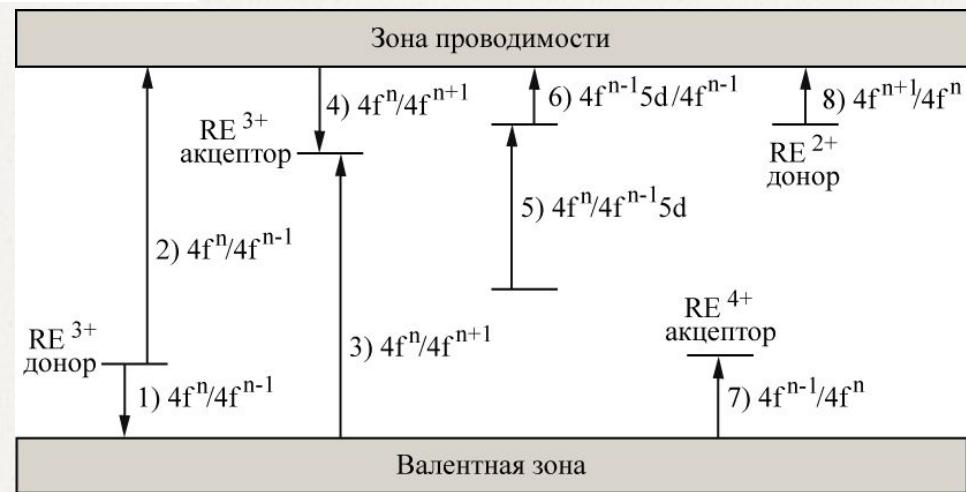
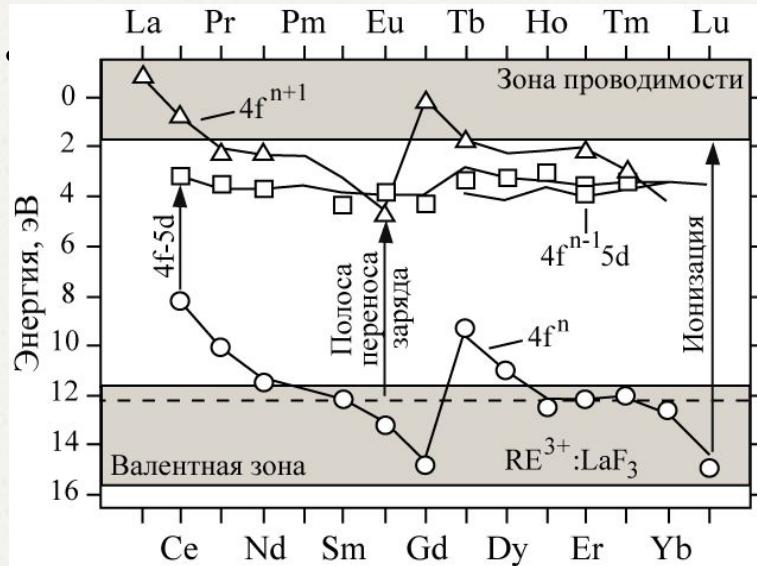
# Редкоземельные примесные ионы



**Таблица 4.1. Расщепление мультиплетов ионов  $TR^{3+}$  в поле кристалла заданной симметрии**

Локальная симметрия	Обозначение по Шенфлису *	$J = 0$	1	2	3	4	5	6	7	8
		$2J+1=$	=1	3	5	7	9	11	13	15
Кубическая	$O_h, T_d, O, T_h, T$	1	1	2	3	4	4	6	6	7
Гексагональная	$D_{6h}, D_{3h}, C_{6v}, D_6, C_{6h}, C_{3h}, C_6$	1	2	3	5	6	7	9	10	11
Тригональная	$D_{3d}, C_{3v}, D_3, C_{3i}, C_3$	1	2	3	5	6	7	9	10	11
Тетрагональная	$D_{4h}, D_{2d}, C_{4v}, D_4, C_{4h}, S_4, C_4$	1	2	4	5	7	8	10	11	13
Ромбическая	$D_{2h}, C_{2v}, D_2$	1	3	5	7	9	11	13	15	17
Моноклинная	$C_{2h}, C_s, C_2$	1	3	5	7	9	11	13	15	17
Триклиническая	$C_i, C_1$	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$J = 1/2, 3/2, 5/2, 7/2, 9/2, 11/2, 13/2, 15/2, 17/2$										
$2J+1=$										
Кубическая	$O_h, T_d, O, T_h, T$	1	1	2	3	3	4	5	5	6
Остальные более низкие типы		1	2	3	4	5	6	7	8	9

# Примесные ионы в кристалле



# Правила отбора

Состояния квантовых систем (атома и ядра) характеризуются определенными значениями момента количества движения  $J$  и четности  $P$ .

Если атом или ядро переходят из одного состояния в другое в результате поглощения электромагнитного излучения, то законы сохранения момента количества движения и четности требуют, чтобы поглощенное излучение также имело определенные значения  $J$  и  $P$ .

Четность терма (состояний)

Понятие четности возникает в связи с операцией инверсии.

$$\hat{P}\psi(\mathbf{r}) = \psi(-\mathbf{r}).$$

Четная волновая функция

$$\psi(\mathbf{r}) = \psi(-\mathbf{r})$$

Нечетная волновая функция

$$\psi(\mathbf{r}) = -\psi(-\mathbf{r}).$$

Для четных термов  $\sum_i l_i$  для всех электронов является четной

Для нечетных термов  $\sum_i l_i$  - нечетной



Все термы, возникающие из заданной конфигурации, имеют одинаковую четность.

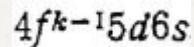
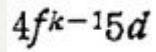
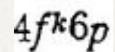
# Правила отбора

Рассмотрим конфигурацию  $f^k$ , состоящей из эквивалентных f-электронов.

$$\sum_{i=1}^k l_i = 3k \quad \begin{cases} \text{четная при четном } k, \\ \text{нечетная при нечетном } k. \end{cases}$$

Все термы конфигураций  $f^2, f^4, \dots$  - четные, а конфигураций  $f, f^3, \dots$  - нечетные.

Также возможны смешанные конфигурации, состоящие из неэквивалентных электронов, когда все пары квантовых чисел  $n_i l_i$  различны



# Правила отбора

## Полный момент количества движения и четность фотона

Плоская волна не имеет определенного момента и четности. Однако векторный потенциал такой волны можно разложить в ряд по состояниям с определенными значениями  $J$  и  $P$ .

Полный момент количества движения фотона:  $J = 1, 2, 3, \dots$

Невозможность для фотона  $J = 0$  следует из того, что электромагнитная волна поперечна и поэтому не может быть описана сферически симметричной волновой функцией.

К фотону неприменимо обычное определение спина. Поскольку, однако, фотон – квант векторного поля, а любое векторное поле пригодно для описания частицы со спином 1, то фотону удобно приписать спин  $S = 1$ .

$$(\vec{J} = \vec{L} + \vec{S})$$

Фотоны с определенным значением  $J$  называются  $2J$ -полярными (дипольными, если  $J = 1$ ; квадрупольными, если  $J = 2$ ; октупольными, если  $J = 3$  и т.д.). Для данного  $J$  квантовое число орбитального момента  $L$  может принимать три значения:  $L = J+1, J, J-1$  так как спин фотона  $S = 1$ .

# Правила отбора

## Полный момент количества движения и четность фотона

Четность фотона  $P_\phi$  определяется правилом

$$P_\phi = (-1)^{L+1}.$$

Таким образом, фотоны с одинаковым  $J$  могут иметь различные значения орбитального момента, а следовательно, и четности. Фотоны, для которых орбитальный момент совпадает с полным, т. е.  $L = J$ , имеют четность  $(-1)^{J+1}$  и называются магнитными (или кратко  $MJ$ ) фотонами. Фотоны, для которых  $L = J \pm 1$ , имеют четность  $(-1)^J$  и называются электрическими (или  $EJ$ ) фотонами.

$j$	$l$	Четность = $(-1)^{(-1)^l}$	Четность = $F(j)$	Классификационное название
0	1	(+)	$(-1)^j$	Продольное состояние (не сущ-т).
1	0	(-)	$(-1)^j$	Электрический дипольный фотон
1	1	(+)	$(-1)^{j+1}$	Магнитный дипольный фотон.
1	2	(-)	$(-1)^j$	Продольное состояние (не сущ-т).
2	1	(+)	$(-1)^j$	Электрический квадрупольный фотон.
2	2	(+)	$(-1)^{j+1}$	Магнитный квадрупольный фотон.
2	3	(-)	$(-1)^j$	Продольное состояние (не сущ-т)

# Правила отбора

Правила отбора для полного момента импульса:

$$\mathbf{J} = \mathbf{J}' + \mathbf{s}_\phi,$$

$\mathbf{s}$  – вектор спина фотона ( $s = 1$ )

Рассмотрим случай излучения фотона (дипольное):

$$|\mathbf{J}'| \leq |\mathbf{J}| + |\mathbf{s}|$$

$$\sqrt{J'(J'+1)} \leq \sqrt{J(J+1)} + \sqrt{s(s+1)}.$$

Заменим  $J'$  на  $J + \Delta J$        $\Delta J^2 + (2J + 1)\Delta J - 2 \leq 2\sqrt{2J(J+1)}.$

- 1) Не могут осуществляться переходы между состояниями с  $J_1 = 0$  и  $J_2 = 0$ ;
- 2) Если только один из моментов не равен нулю, например  $J_1 \neq 0$ , то  $\Delta J = \pm 1$
- 3) Если же моменты импульсов  $J_1 \neq 0$  и  $J_2 \neq 0$ , то  $\Delta J = \pm 1, 0$

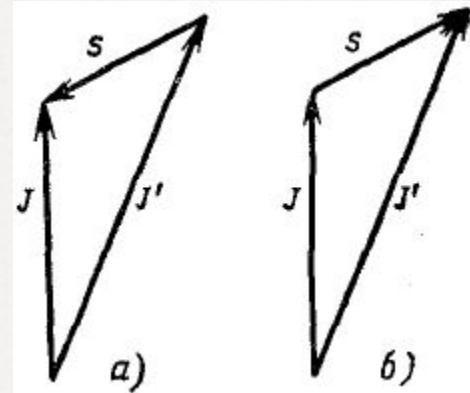
$$\Delta m_J \equiv m'_J - m_J = \pm 1 \quad \text{или} \quad 0.$$

Когда  $\Delta J = \pm 1$  то излучается фотон с круговой поляризацией. Когда  $\Delta J = 0$ , то поляризация излучения получается линейной.

Правила отбора при поглощении фотона получаются таким же образом, как и при излучении.

$\Delta J = \pm 1, 0$  (дипольное излучение и магнитное излучение),

$\Delta J = \pm 2, \pm 1, 0$  (квадрупольное излучение).



# Правила отбора

## Правила отбора для моментов L и S:

В теории показывается, что взаимодействие фотона с собственным магнитным моментом электрона на несколько порядков слабее взаимодействия фотона с зарядом электрона. Излучение фотона в рассматриваемом диапазоне не связано с изменением S

$$\Delta S = 0.$$
$$\Delta L \equiv L' - L = \pm 1 \text{ или } 0,$$

## Закон сохранения четности (правило Лапорте):

$$P_i P_f = P_\phi.$$

Для фотонов электрического типа  $P_i P_f = (-1)^J.$

Для фотонов магнитного типа  $P_i P_f = (-1)^{J+1}$

четные уровни  $\rightleftarrows$  нечетные уровни (дипольное излучение)

четные уровни  $\rightleftarrows$  четные уровни

нечетные уровни  $\rightleftarrows$  нечетные уровни

(магнитное излучение и квадрупольное излучение).

$$s \rightleftarrows p, p \rightleftarrows d \text{ и } d \rightleftarrows f.$$

$$4f^k 6s - 4f^k 6p \quad \text{и} \quad 4f^k 6s^2 - 4f^k 6s 6p, \quad 4f^k - 4f^{k-1} 5d \quad \text{и} \quad 4f^k 6s - 4f^{k-1} 5d 6s,$$

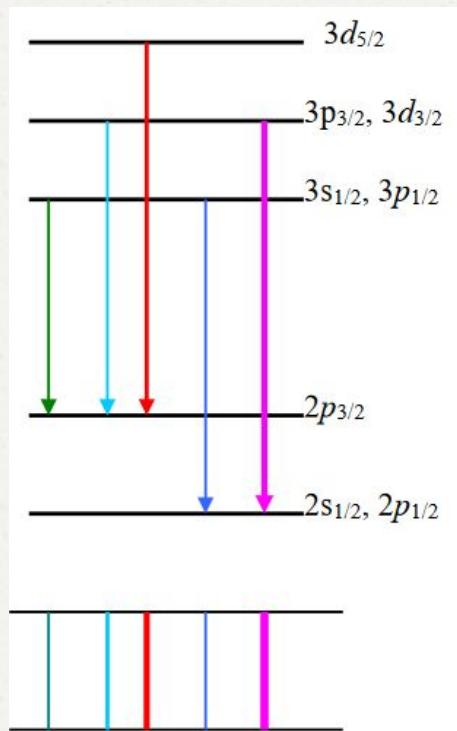
# Правила отбора

**Закон сохранения четности (правило Лапорте):**

Все состояния одной электронной конфигурации обладают одинаковой четностью.

Следует, однако, еще подчеркнуть, что этот запрет относится к электрическому дипольному испусканию. Испускание электрических квадрупольных и магнитных дипольных квантов возможно и приводит к появлению в спектре так называемых запрещенных линий.

Рассмотрим переходы между состояниями водорода (тонкую структуру спектров в результате спин-орбитального взаимодействия).



# Излучательные и безызлучательные переходы

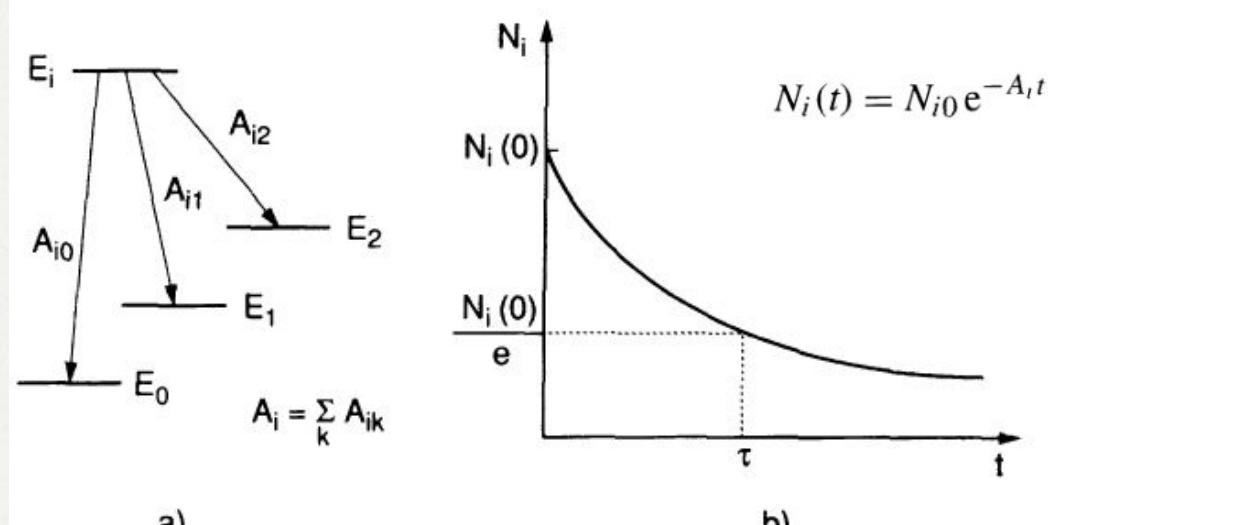


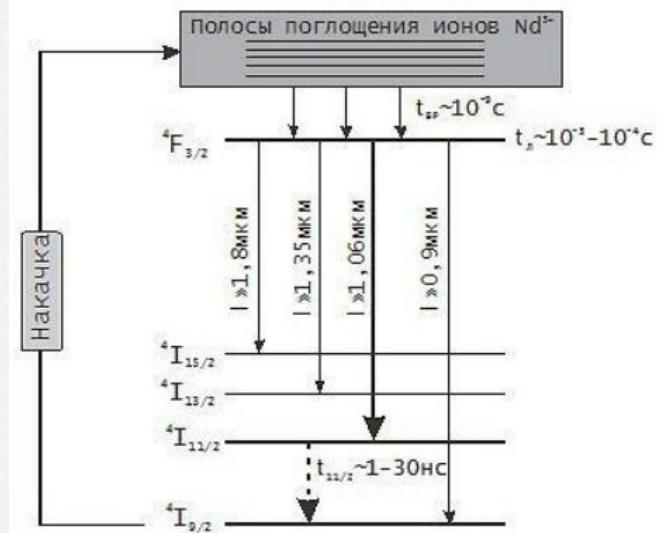
Fig. 2.15a,b. Radiative decay of the level  $|i\rangle$ : (a) Level scheme; (b) decay curve  $N_i(t)$

Помимо излучательной релаксации возможно безызлучательная релаксация, а также индуцированное излучение

$$P_{ik} = N_i h v_{ik} A_{ik} \quad d\mathcal{P}_{ik}^{\text{coll}}/dt = \bar{v} N_B \sigma_{ik}^{\text{coll}} \quad d\mathcal{P}_{ik}^{\text{ind}}/dt = \rho(v_{ik}) B_{ik} [N_i - (g_i/g_k) N_k]$$

$$\frac{1}{\tau_i^{\text{eff}}} = \sum_k [A_{ik} + \rho(v_{ik}) B_{ik} (N_i - N_k g_i/g_k) + N_B \sigma_{ik} \bar{v}]$$

# Коэффициент ветвления



$\text{Nd}^{3+}:\text{SrMoO}_4$

Переход	$\lambda$ , нм	$\beta$
$^4\text{I}_{11/2} \rightarrow ^4\text{I}_{9/2}$	5405	100
$\tau$ $^4\text{I}_{11/2}$ , с		$56.03 \times 10^{-3}$
$^4\text{I}_{13/2} \rightarrow ^4\text{I}_{11/2}$	5000	38.5
$^4\text{I}_{13/2} \rightarrow ^4\text{I}_{9/2}$	2597	61.5
$\tau$ $^4\text{I}_{13/2}$ , с		$16.0 \times 10^{-3}$
$^4\text{I}_{15/2} \rightarrow ^4\text{I}_{13/2}$	4761	43.1
$^4\text{I}_{15/2} \rightarrow ^4\text{I}_{11/2}$	2439	42.8
$^4\text{I}_{15/2} \rightarrow ^4\text{I}_{9/2}$	1680	14.0
$\tau$ $^4\text{I}_{15/2}$ , с		$11.5 \times 10^{-3}$
$^4\text{F}_{3/2} \rightarrow ^4\text{I}_{15/2}$	1851	0.4
$^4\text{F}_{3/2} \rightarrow ^4\text{I}_{13/2}$	1333	8.1
$^4\text{F}_{3/2} \rightarrow ^4\text{I}_{11/2}$	1052	44.1
$^4\text{F}_{3/2} \rightarrow ^4\text{I}_{9/2}$	881	47.4
$\tau$ $^4\text{F}_{3/2}$ , с		$0.18 \times 10^{-3}$
$^4\text{F}_{5/2} \rightarrow ^4\text{F}_{3/2}$	10000	<0.1
$^4\text{F}_{5/2} \rightarrow ^4\text{I}_{15/2}$	1562	2.9
$^4\text{F}_{5/2} \rightarrow ^4\text{I}_{13/2}$	1176	18.5
$^4\text{F}_{5/2} \rightarrow ^4\text{I}_{11/2}$	952	14
$^4\text{F}_{5/2} \rightarrow ^4\text{I}_{9/2}$	809	64.7
$\tau$ $^4\text{F}_{5/2}$ , с		$0.14 \times 10^{-3}$

# Квантовый выход люминесценции

Имеется только излучательная релаксация:

$$-dN_j = \sum_i A_{ji} N_j dt. \quad \frac{1}{\sum_i A_{ji}} = \tau_{\text{люм.}}$$
$$\beta(J \rightarrow J') = \frac{A(J \rightarrow J')}{\sum A(J \rightarrow J')} = A(J \rightarrow J') \cdot \tau_r$$

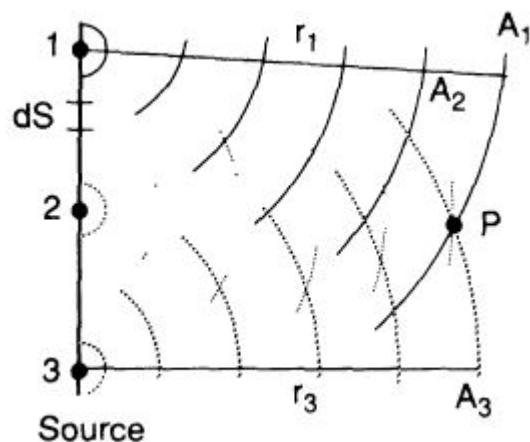
Имеются еще и безызлучательные переходы:

$$-dN_j = \sum_i (A_{ji} + d_{ji}) N_j dt,$$
$$\tau'_{\text{люм}} = \frac{1}{\sum_i (A_{ji} + d_{ji})}, \quad \tau'_{\text{люм}} = \frac{1}{\sum_i A_{ji}} \sum_i \frac{A_{ji}}{A_{ji} + d_{ji}}, \quad \tau'_{\text{люм}} = \frac{\tau_{\text{люм}}}{1 + \sum_i d_{ji}/A_{ji}}.$$

$$\eta = \sum_i \frac{1}{1 + d_{ji}/A_{ji}}.$$

# Когерентные свойства излучения

Излучение, испускаемое протяженным источником  $S$ , создает в точке  $P$  поле с полной амплитудой  $A$ , которое является суперпозицией бесконечного числа элементарных волн с амплитудой  $A_n$  и фазой  $\phi_n$



$$A(P) = \sum_n A_n(P) e^{i\phi_n(P)} = \sum_n [A_n(0)/r_n^2] e^{i(\phi_{n0} + 2\pi r_n/\lambda)},$$

$$\phi_{n0}(t) = \omega t + \phi_n(0)$$

Если в данной точке  $P$  разность фаз для двух различных моментов времени практически одинакова для всех элементарных волн, то говорят, что поле излучения в точке  $P$  обладает временной когерентностью.

$$\Delta\phi_n = \phi_n(P, t_1) - \phi_n(P, t_2)$$

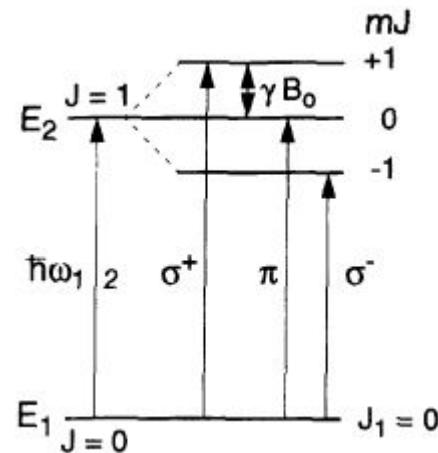
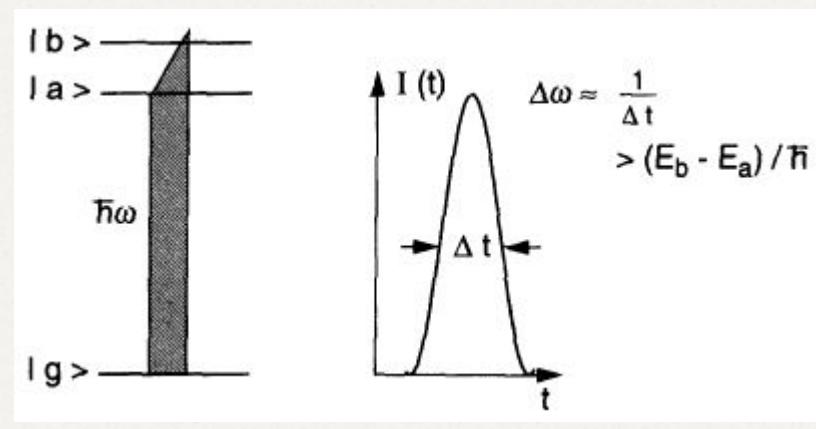
Если разность фаз для полных амплитуд в двух различных точках  $P_1, P_2$  постоянна и не зависит от времени, то поле излучения *пространственно когерентно*.

$$\Delta\phi = \phi(P_1) - \phi(P_2)$$

Вводятся понятия времени когерентности, длины когерентности и объема когерентности.

# Когерентность атомных систем

Два уровня атома принято называть когерентно возбужденными, если их соответствующие волновые функции за время возбуждения совпадают по фазе.



Волновая функция возбужденного атома есть линейная комбинация волновых функций и говорят, что атом находится в когерентной суперпозиции двух состояний.

$$\psi(r, t) = \psi_a + \psi_b = a(t)u_a e^{-iE_a t/\hbar} + b(t)u_b e^{-i[(E_b/\hbar)t - \phi]}$$

# Когерентность атомных систем

Волновая функция «когерентного суперпозиционного состояния» при  $t = 0$ :

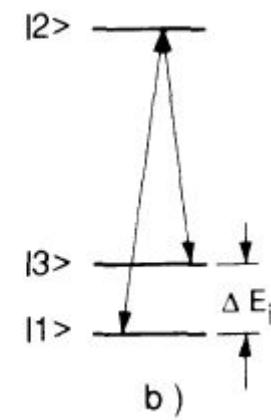
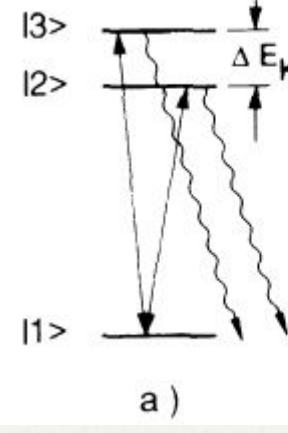
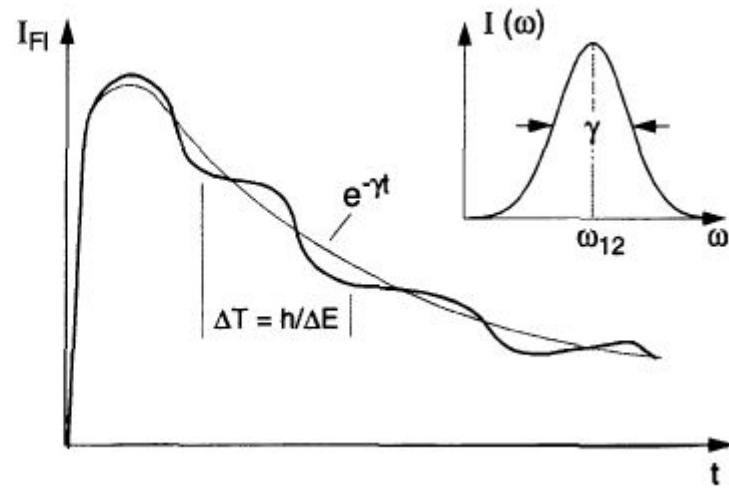
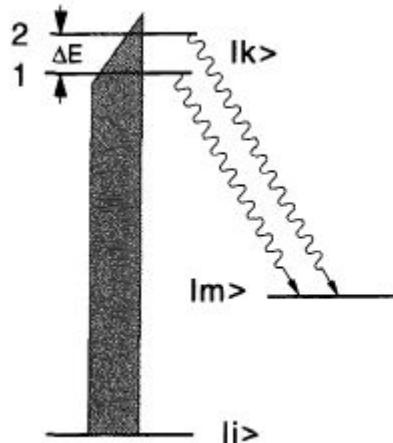
$$\psi(t=0) = \sum c_k \psi_k(0) = c_1 \psi_1(0) + c_2 \psi_2(0),$$

$$\psi(t) = \sum c_k \psi_k(0) e^{-(i\omega_{km} + \gamma_k/2)t}, \quad \text{with} \quad \omega_{km} = (E_k - E_m)/\hbar.$$

Если детектор измеряет полную флюoresценцию с обоих уровней:

$$S(t) \propto I(t) = C |\langle \psi_m | \epsilon \cdot \mu | \psi(t) \rangle|^2.$$

$$I(t) = C e^{-\gamma t} (A + B \cos \omega_{21} t),$$

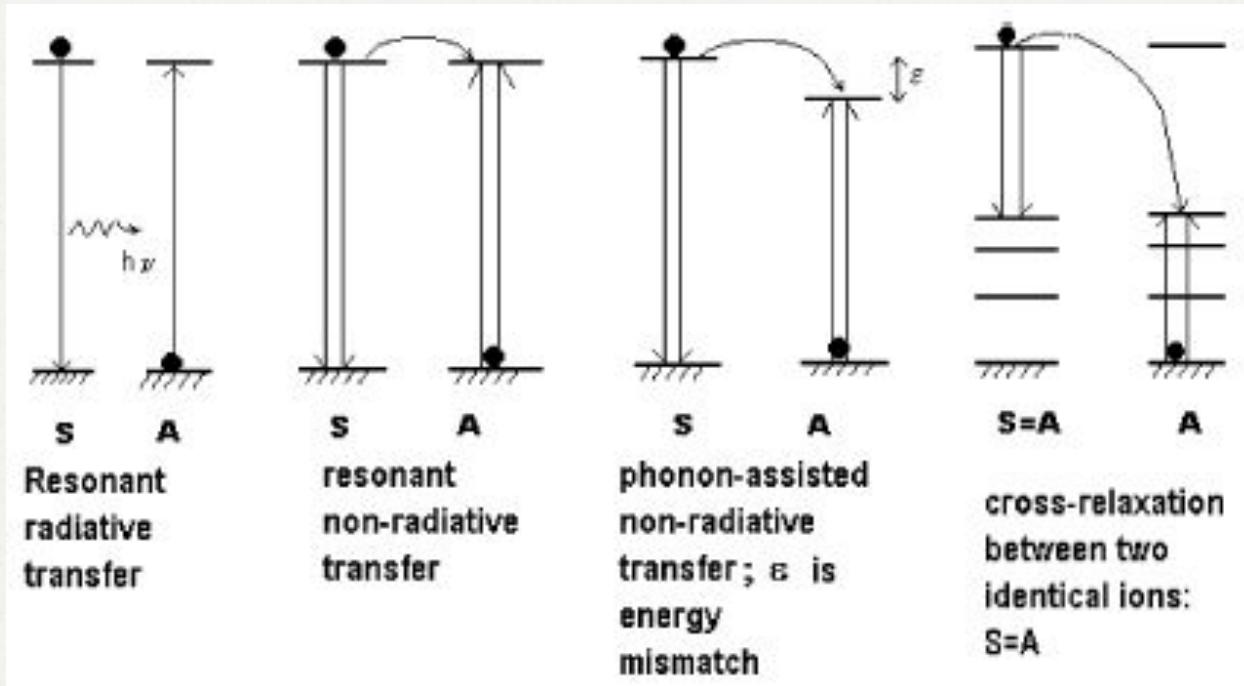


# Процессы передачи энергии

Chem. Rev. 2004, 104, 139–173

## Upconversion and Anti-Stokes Processes with f and d Ions in Solids

François Auzel



Вероятность передачи энергии от расстояния между сенсибилизатором и активатором:

$$P_{SA}(R) = \frac{\sigma_A}{4\pi R^2 \tau_S} \int g_S(\nu) g_A(\nu) d\nu$$

# Тушение люминесценции

$$\tau'_{\text{люм}} = \frac{\tau_{\text{люм}}}{1 + \sum_i d_{ji}/A_{ji}}.$$

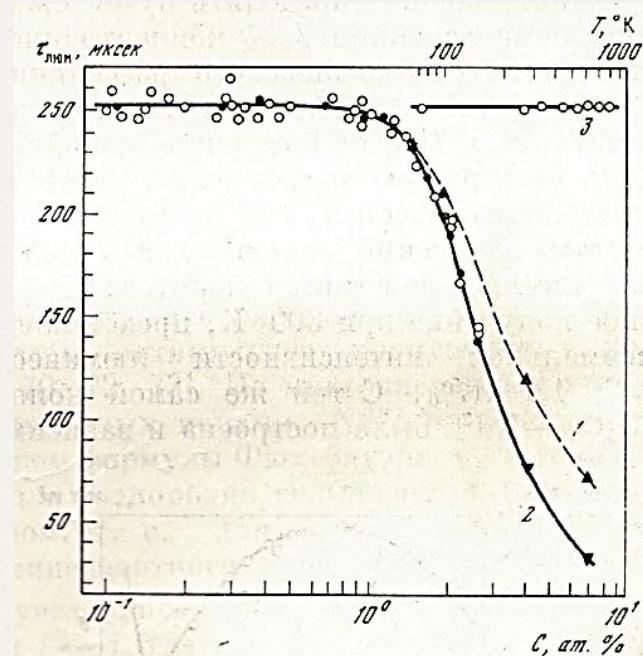


Рис. 6.3

Зависимость  $\tau_{\text{люм}}$  ( $C$ ) (кривые 1 и 2) и  $\tau_{\text{люм}}$  ( $T$ ) (кривая 3) состояния  ${}^4F_{3/2}$  ионов  $\text{Nd}^{3+}$  в кристалле  $\text{Y}_3\text{Al}_5\text{O}_{12}$

- 1 —  $T = 4,2^\circ \text{K}$ ;
- 2 —  $T = 77$  и  $300^\circ \text{K}$ ;
- 3 —  $C \approx 0,3$  ат. %.

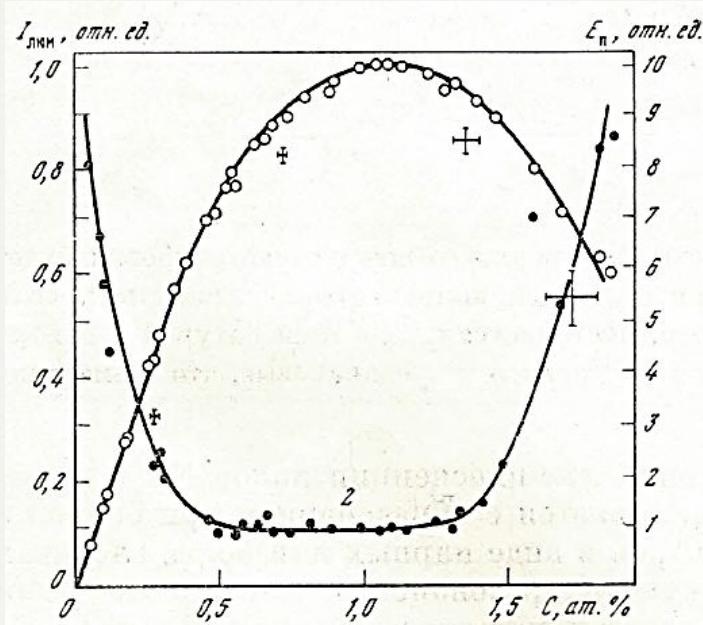
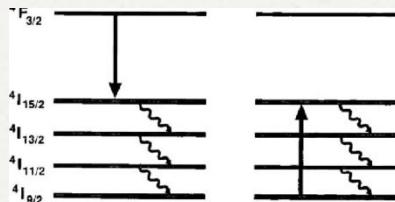
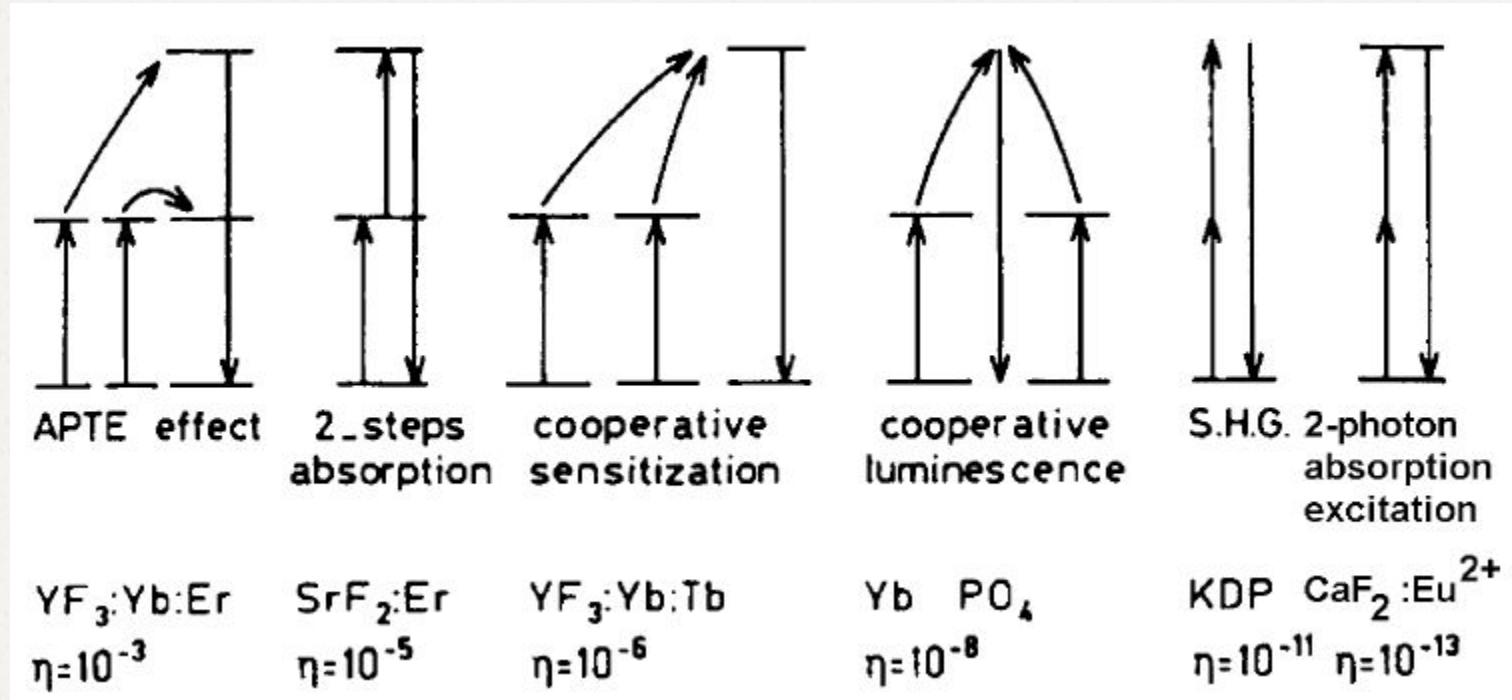


Рис. 6.4

Зависимость интенсивности линии люминесценции  $10\,641,5\text{ \AA}$  (1) и порога возбуждения (2) связанной с ней линией генерации А

Кристалл  $\text{Y}_3\text{Al}_5\text{O}_{12}$  —  $\text{Nd}^{3+}$ , переход  ${}^4F_{3/2} \rightarrow {}^4I_{11/2}$ ,  $T = 300^\circ \text{K}$

# Процессы апконверсии



APTE – Addition de Photons par Transferts d'Energie (Energy transfer upconversion)

# Процессы апконверсии

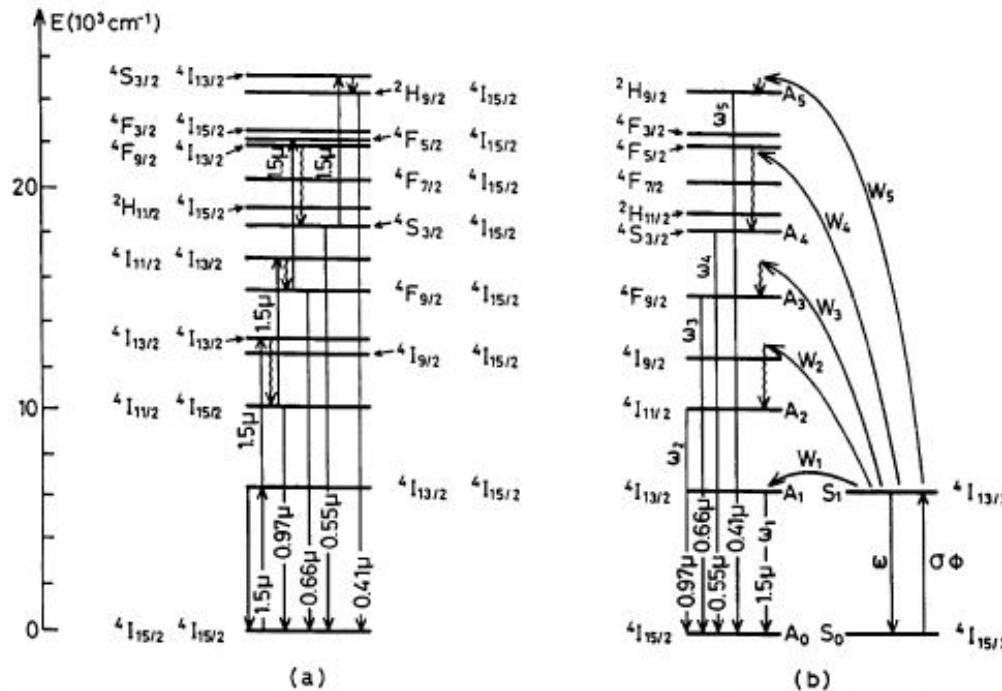
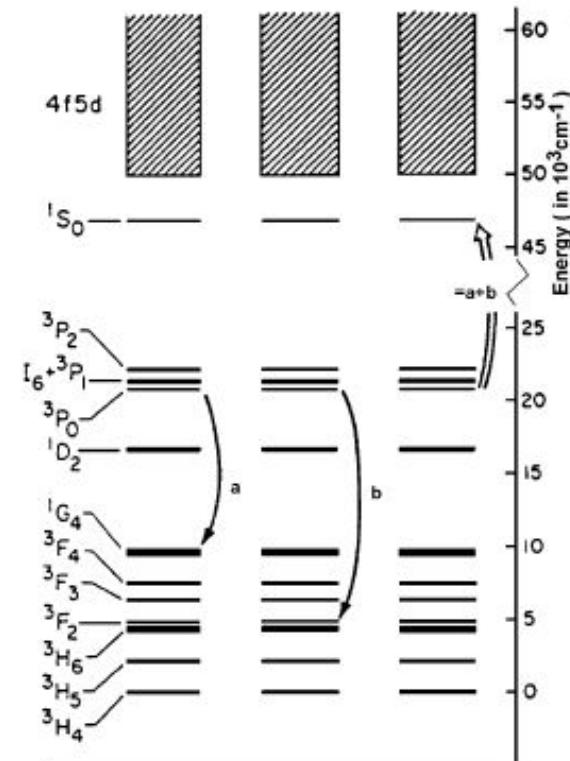


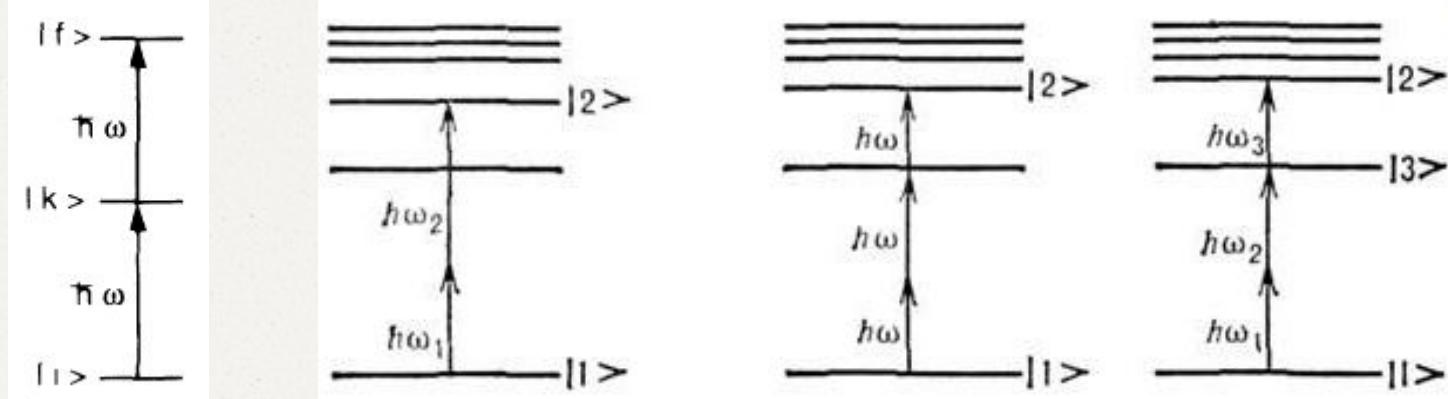
Figure 5. Cooperative (a) and APTE (b) energy scheme for  $n$ -photon ( $n = 1–5$ ) upconversion in  $\text{Er}^{3+}$ -doped hosts.

# Процессы апконверсии



**Figure 7.** Cooperative luminescence and APTE (activator ion already in an excited state) cooperative sensitization in  $\text{LaF}_3:\text{Pr}^{3+}$  system. (Reprinted with permission from ref 75. Copyright 1984 American Physical Society.)

# Многофотонные процессы



Сечение двухквантового поглощения на одну молекулу [ см<sup>4</sup>сек]

$$\delta_{21}^{ab}(\omega_a, \omega_b) = W_{21}^{ab}/NF_aF_b$$

W-вероятность двухфотонного перехода в ед. времени; N-плотность поглащающих частиц; F-поток квантов излучения

Световой поток уменьшается не по экспоненте, а по гиперболе при ( $a=b$ )

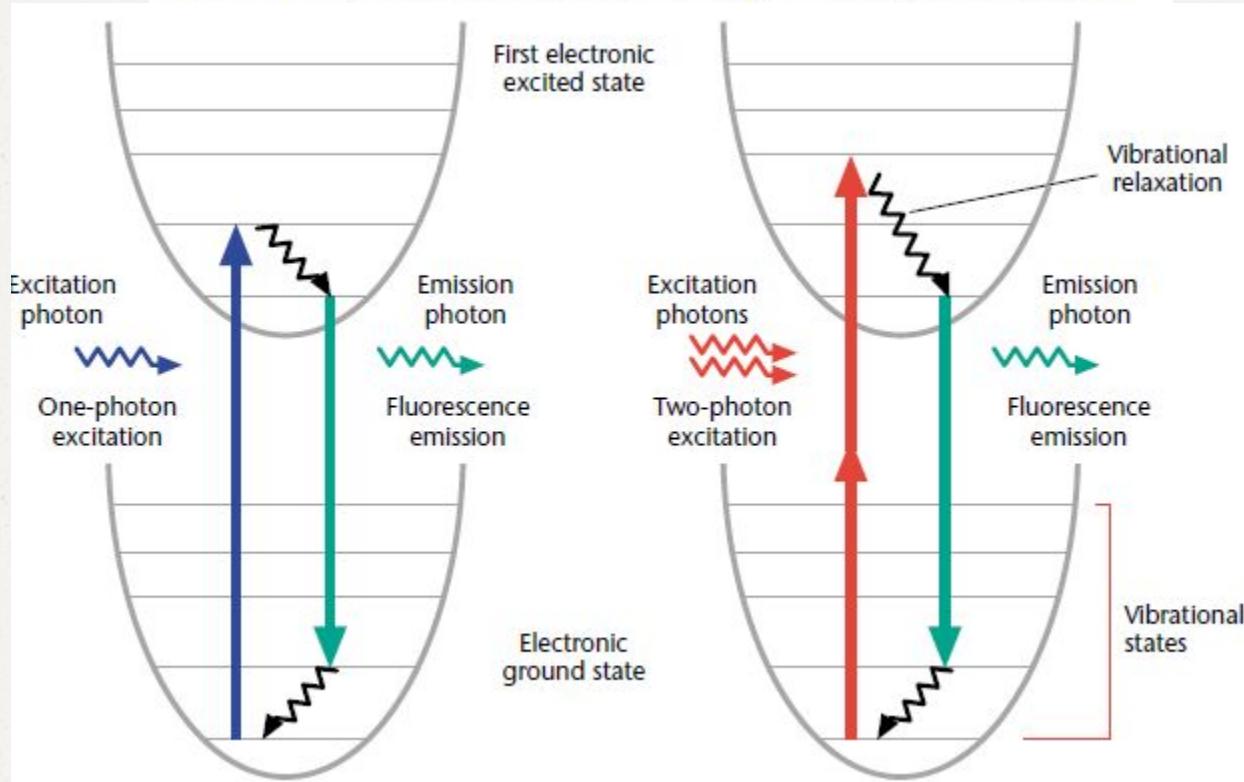
$$F(x) = F_0/(1 + k_2x), \quad k_2 = \delta NF_0,$$

Однако часто поглощение настолько мало, что можно воспользоваться линейным приближением

$$F(x) \approx F_0(1 - k_2x),$$

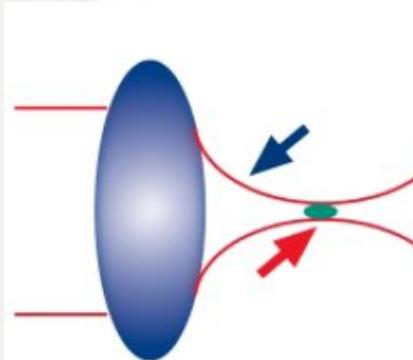
# Two-photon Fluorescence Light Microscopy

Peter TC So, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, Massachusetts, USA

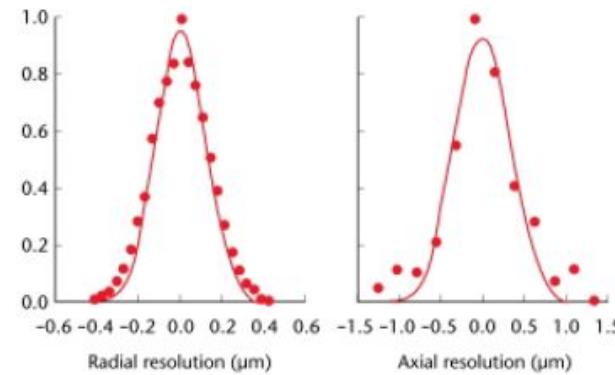


Для исследования клеток и тканей вместо УФ излучения и излучения сине-зеленого диапазона используется мощный источник ИК излучения.

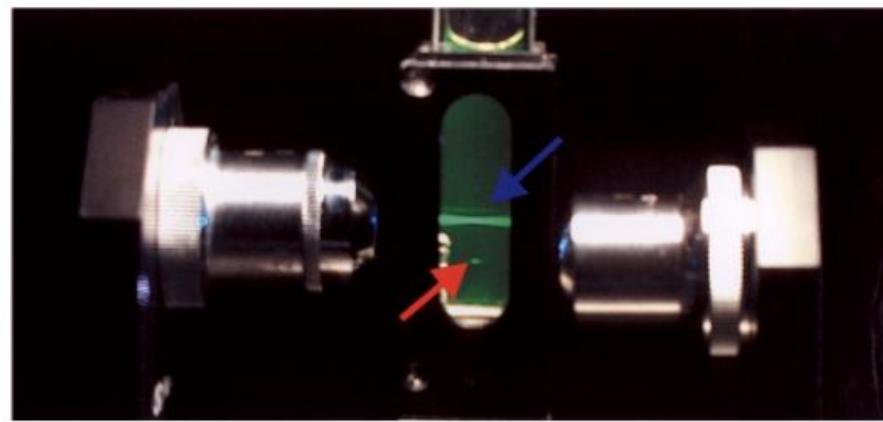
# Two-photon Fluorescence Light Microscopy



(a)

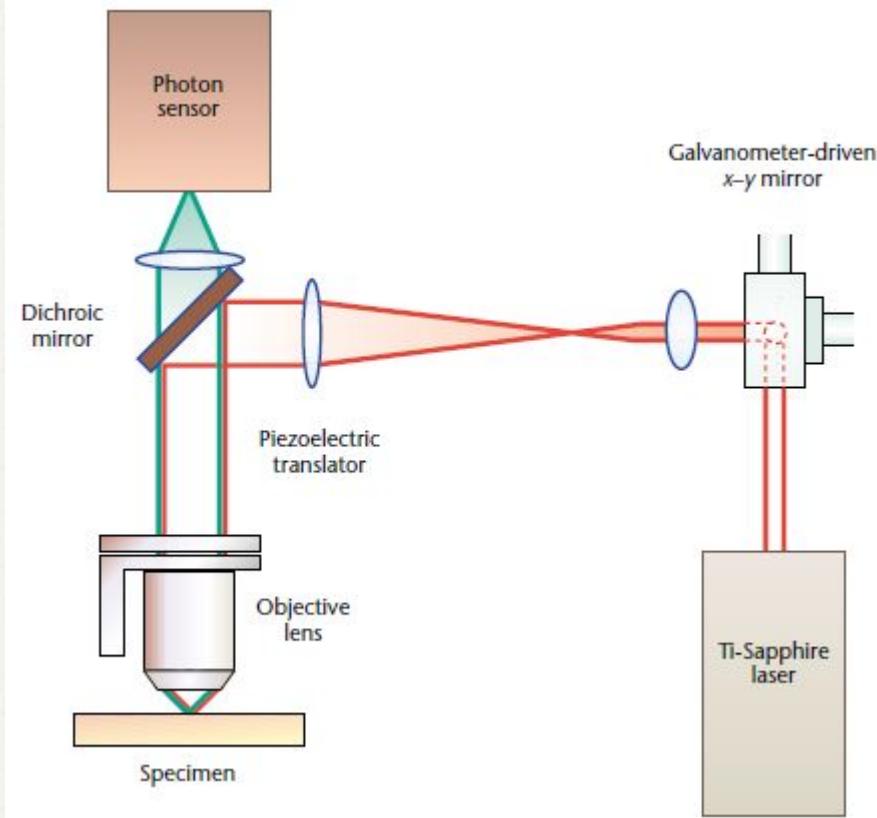


(b)



Возможность воспроизводить трехмерную картину объекта

# Two-photon Fluorescence Light Microscopy



Возможность воспроизводить трехмерную картину объекта

# Multiphoton fluorescence excitation: New spectral windows for biological nonlinear microscopy

CHRIS XU, WARREN ZIPFEL, JASON B. SHEAR\*, REBECCA M. WILLIAMS, AND WATT W. WEBB

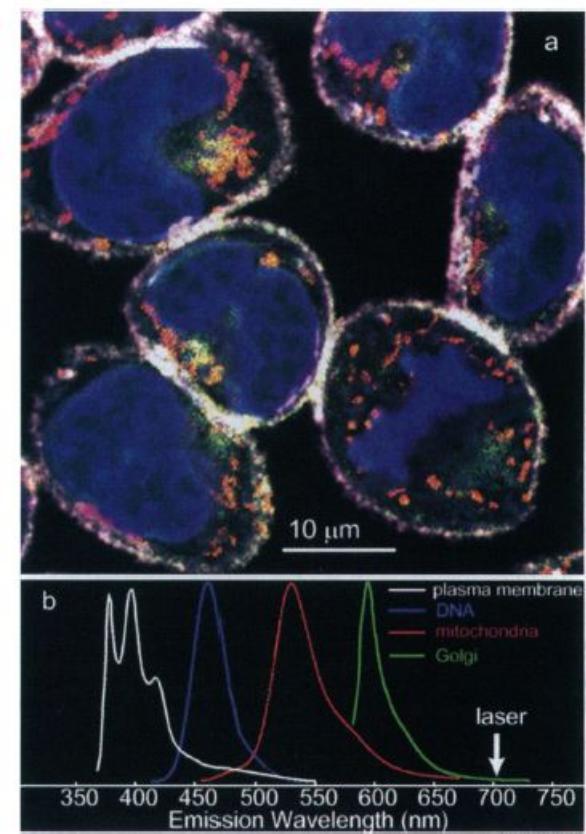


FIG. 5. (*Upper*) Four-color staining of plasma membrane, nuclei, Golgi complex, and mitochondria in rat basophilic leukemia (RBL) cells visualized with two-photon illumination. RBL cells were incubated with four different stains: a plasma membrane label (pyrene lysophosphatidylcholine), a nuclear stain (DAPI), a Golgi label (Bodipy sphingomyelin), and a mitochondrial stain (rhodamine 123). The image was obtained by using a modified Bio-Rad MRC-600 confocal microscope to scan the excitation beam (705 nm,  $\approx$ 120-fs pulselength, 1–5 mW at the sample) through a  $\times$ 40/numerical aperture (n.a.) 1.3 oil-immersion objective. Epifluorescence was collected by using nondescanned external detection into four channels: 400 nm, 30 nm FWHM (pyrene fluorescence, white); 440 nm, 50 nm FWHM (DAPI fluorescence, blue); 530 nm, 30 nm FWHM (rhodamine 123 fluorescence, red/orange) and 580 nm, 30 nm FWHM (Bodipy fluorescence, green). (*Lower*) Approximate emission spectra of the dyes used (color coded as in the image) and the excitation laser wavelength.

Лейкоцитная клетка крысы