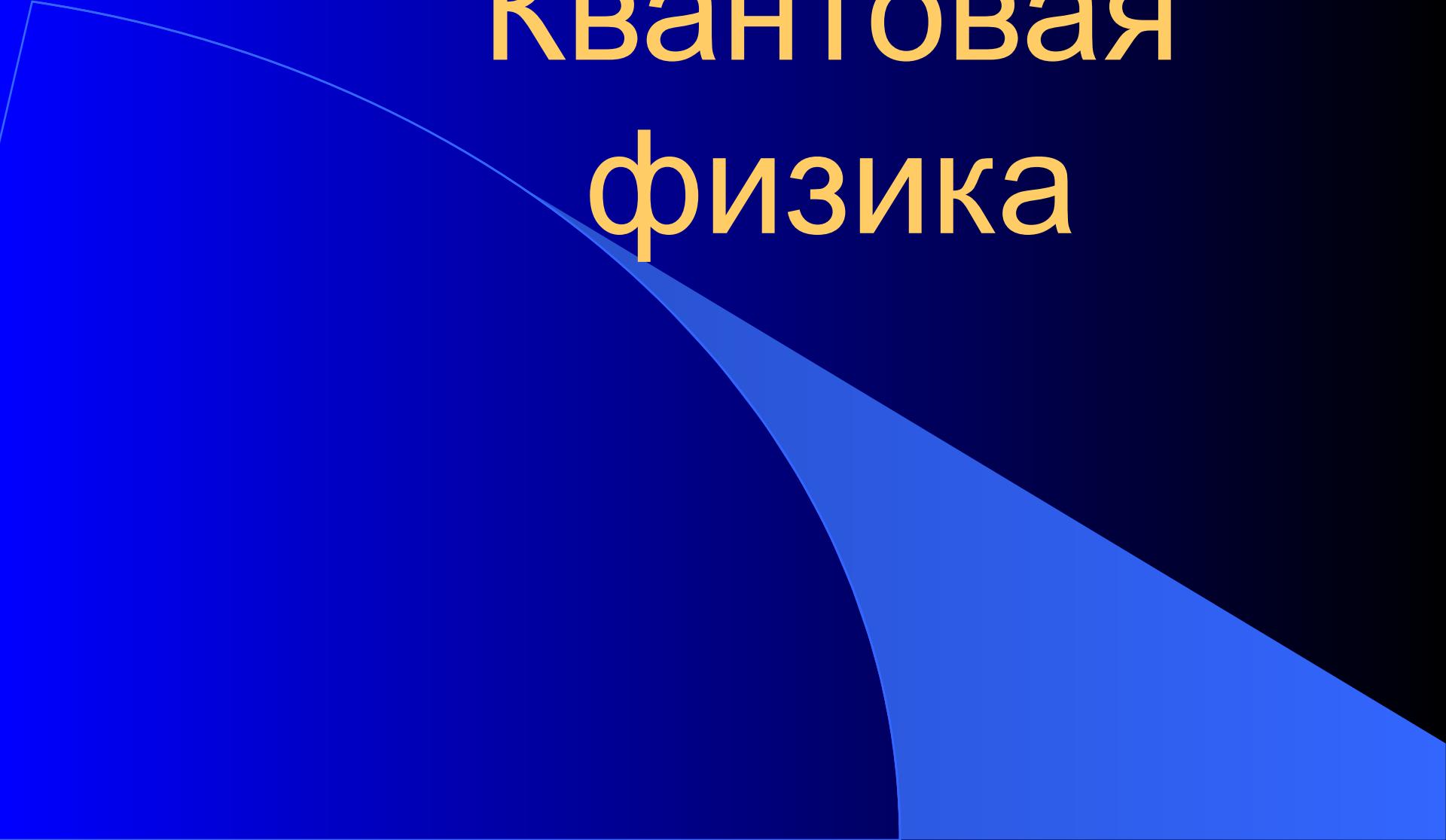


# Квантовая физика



# Квантовая природа излучения

# Тепловое излучение и его характеристики



- **Тепловое излучение** – испускание ЭМВ за счет внутренней энергии атомов и молекул вещества, оно присуще всем объектам, обладающим  $T > 0$ . Отличительная особенность - его *равновесность*.

Спектральная плотность энергетической светимости (излучательности) тела – мощность излучения с единицы площади поверхности тела в единичном интервале частот:

$$R_{v,T} = \frac{dW_{v, v+dv}^{\text{изл}}}{dv} \quad 1 [R_{v,T}] = 1 \text{ Дж/м}^2$$

Энергетическая светимость тела:

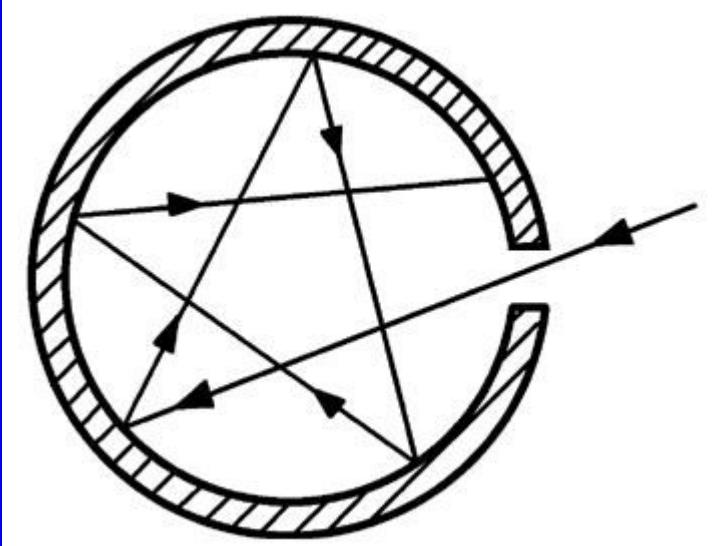
$$R_T = \int_0^{\infty} R_{v,T} dv$$

Спектральная поглощательная способность – способность тел поглощать падающее на них излучение:

$$A_{v,T} = \frac{dW_{v, v+dv}^{\text{изл}}}{dW_{v, v+dv}}$$

# Абсолютно черное тело

Модель абсолютно черного тела  
(предложена Кирхгофом в 1862 г.):



Серое тело – тело, способность поглощательная которого меньше 1, одинакова для всех частот и зависит от температуры, материала и состояния поверхности тела.

$$A_T = \text{const} < 1 - \text{для серого тела}$$

- Абсолютно черное тело – тело, способное полностью поглощать все падающее на него излучение при любой температуре (сажа, платиновая чернь).  $A_{v,T} \equiv 1$  – для абсолютно черного тела.
- Абсолютно белое тело – тело, которое отражает все падающее на него излучение.
- $A_{v,T} \equiv 0$  – для абсолютно белого тела.
- Отметим, что абсолютно белое и абсолютно черные тела – абстракции.

# Закон Кирхгофа (1856 г.)

Отношение плотности светимости к спектральной поглощательной способности не зависит от природы тела; оно является для всех тел универсальной функцией частоты и температуры:

$$r_{v,T} = R_{v,T}/A_{v,T}$$



спектральной  
энергетической  
поглощательной способности не  
зависит от природы тела; оно  
является для всех тел  
универсальной  
функцией

Для черного тела  $A_{v,T} \equiv 1 \Rightarrow$

$$R_{v,T} = r_{v,T}$$

*Универсальная функция  
Кирхгофа – это спектральная  
плотность энергетической  
светимости абсолютно  
черного тела.*

Закон Кирхгофа описывает только тепловое излучение, являясь таким образом надежным критерием для определения природы излучения.

- Кирхгоф Густав Роберт (1824 -1887 гг.) – немецкий физик. Занимался изучением проблем электричества, механики, гидродинамики, оптики. Создал общую теорию движения тока в проводниках. Развил строгую теорию дифракции. Установил один из основных законов теплового излучения.

# Закон Стефана-Больцмана (1879 г. и 1884 г.)



Йозеф Стефан (1835 – 1893 гг.) – австрийский физик занимался вопросами оптики, акустики, гидродинамики, теории теплового излучения.

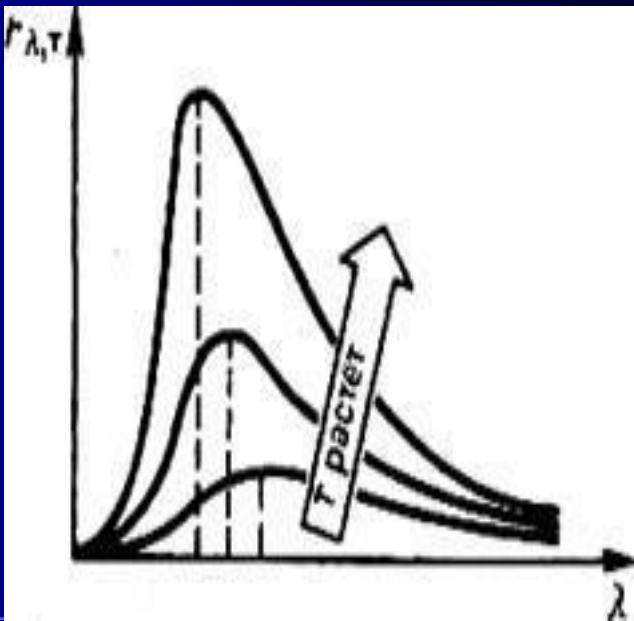


Людвиг Больцман (1844 – 1906 гг.) – австрийский физик-теоретик, основатель статистической физики и молекулярно-кинетической теории.

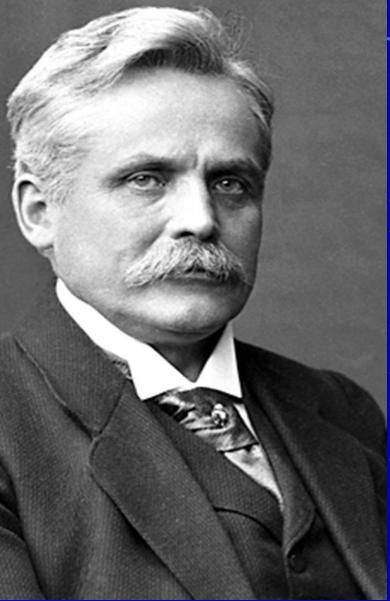
- Энергетическая светимость черного тела пропорциональна четвертой степени его термодинамической температуры:

$$R_e = \sigma T^4, \text{ где}$$

$\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К}^4)$  – постоянная Стефана - Больцмана



Площадь под кривой  $r_{\lambda,T}(\lambda)$  пропорциональна четвертой степени абсолютной температуры



# Закон смещения Вина (1893 г.)

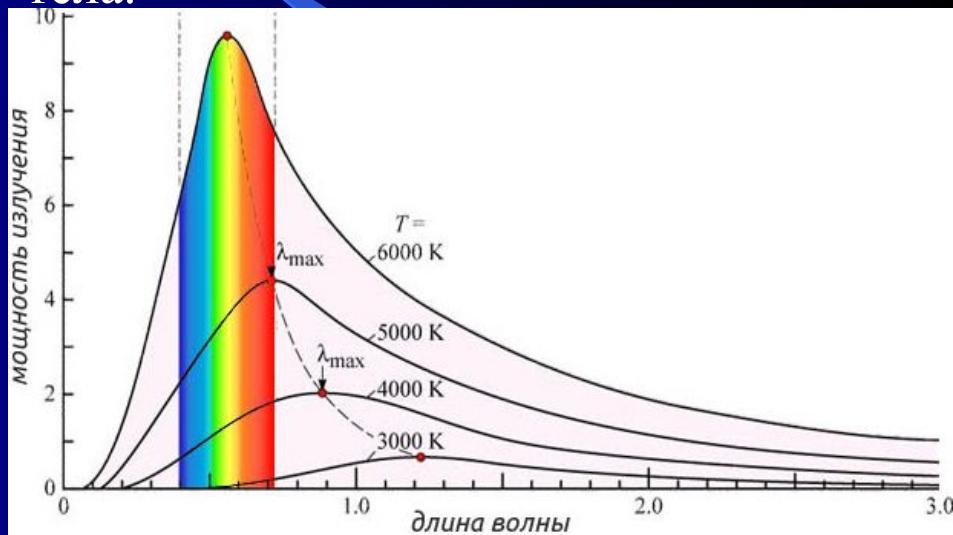
Вильгельм Карл Вин (1864 – 1928 гг.) – немецкий физик, Нобелевский лауреат за открытие закон в области теплового излучения.

- Длина волны  $\lambda_{max}$ , соответствующая максимальному спектральной плотности энергетической светимости  $r_{\lambda,T}$  абсолютно черного тела, обратно пропорциональна его термодинамической температуре:

$$\lambda_{max} = b/T,$$

где  $b = 2,9 \cdot 10^{-3}$  м · К – постоянная Вина.

Закон Стефана-Больцмана не дает ответа по поводу спектрального состава излучения абсолютно черного тела.



- Закон Вина показывает смещение положения максимума функции  $r_{\lambda,T}$  по мере возрастания температуры в область коротких длин волн и объясняет, почему при понижении температуры нагретых тел в их спектре все заметнее преобладает длинноволновое излучение (переход белого каления в красное).

# Формула Рэлея – Джинса (1905 г.)



Лорд Джон Уильям Стретт Рэлей (1842 – 1919 гг.) – английский физик, барон, лауреат Нобелевской премии, занимался вопросами теории колебаний, открыл аргон.



Джеймс Холвуд Джинс (1877 – 1946 гг.) – английский физик и астрофизик, занимался изучением кинетической теории газов и теории теплового излучения, квантовой теории относительности и т.д.

Ученые воспользовались методами статистической физики (закон равномерного распределения энергии по степеням свободы) и получили формулу для спектральной плотности энергетической светимости абсолютно черного тела:

$$r_{v,T} = \frac{2\pi v^2}{c^2} \langle \mathcal{E} \rangle = \frac{2\pi v^2}{c^2} \kappa T \quad , \text{ где}$$

$\langle \mathcal{E} \rangle = kT$  – средняя энергия осциллятора с собственной частотой  $v$ .



# Ультрафиолетовая катастрофа. Формула Планка.

Попытка получения закона Стефана – Больцмана из формулы Рэлея-Джинса вела к так называемой «ультрафиолетовой катастрофе»:

$$R_e = \int_0^{\infty} r_{\nu,T} d\nu = \frac{2\pi k T}{c^2} \int_0^{\infty} \nu^2 d\nu = \infty$$

- По закону Стефана-Больцмана  $R_e \sim T^4$ . Данное расхождение не удалось объяснить с точки зрения классической физики. В области больших частот хорошо согласуется с опытом формула Вина, полученная из теоретических соображений:

$$r_{\nu,T} = C \nu^3 A e^{-\frac{Av}{T}}, \text{ где } r_{\nu,T} -$$

спектральная плотность энергетической светимости абсолютно черного тела;

- $C = const; A = const.$

Согласующееся с опытом выражение спектральной плотности энергетической светимости абсолютно черного тела было получено в 1900 г. М. Планком. Он предположил, что атомные осцилляторы излучают энергию не непрерывно (как это принято в рамках классической теории), а дискретными порциями – **квантами**:

$$\varepsilon_0 = h\nu = \frac{hc}{\lambda}, h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{ Дж}\cdot\text{с} -$$

постоянная Планка



- Макс Планк (1858 – 1947 гг.) – немецкий физик-теоретик, основоположник квантовой физики, лауреат Нобелевской премии (1918 г.)

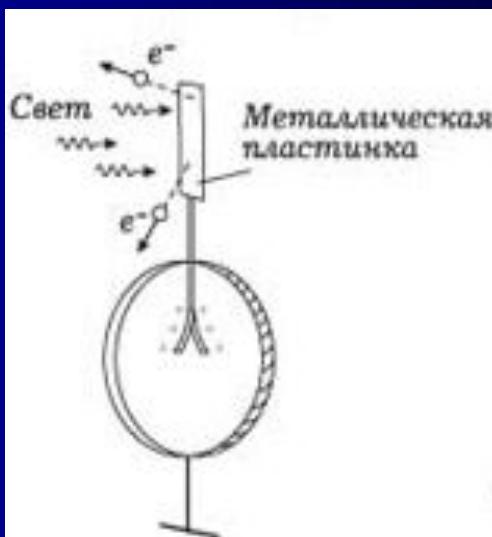
# Фотоэффект

## Виды фотоэффекта:

- **внешний** – испускание электронов веществом под действием электромагнитного излучения;
- **внутренний** – вызванные электромагнитным излучением переходы электронов внутри полупроводника или диэлектрика из связанных состояний в свободные без выхода наружу => концентрация носителей тока внутри тела увеличивается – фотопроводимость);
- **вентильный** (разновидность внутреннего) – возникновение ЭДС (фото-ЭДС) при освещении контакта двух разных полупроводников или полупроводника и металла (при отсутствии внешнего электрического поля).

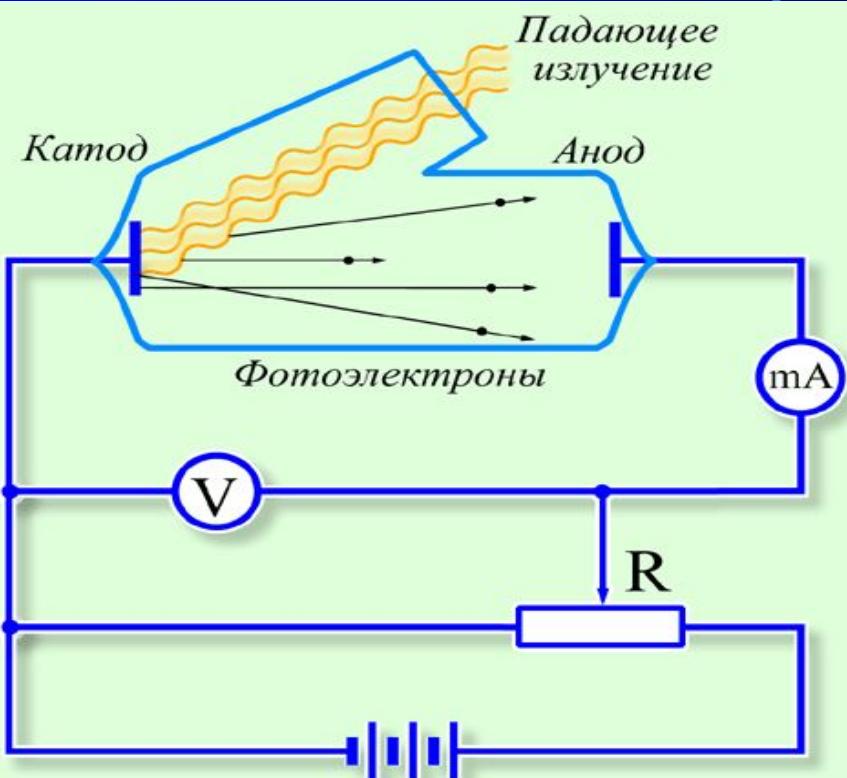
## Значение в науке:

ПОДТВЕРЖДЕНИЕ ГИПОТЕЗЫ ПЛАНКА.



Фотоэффект впервые обнаружен одним из основателей электродинамики немецким физиком Г. Герцем (1857 – 1894 гг.) в 1887 г. – усиление процесса разряда при облучении искрового промежутка УФ-излучением.

# Законы внешнего фотоэффекта



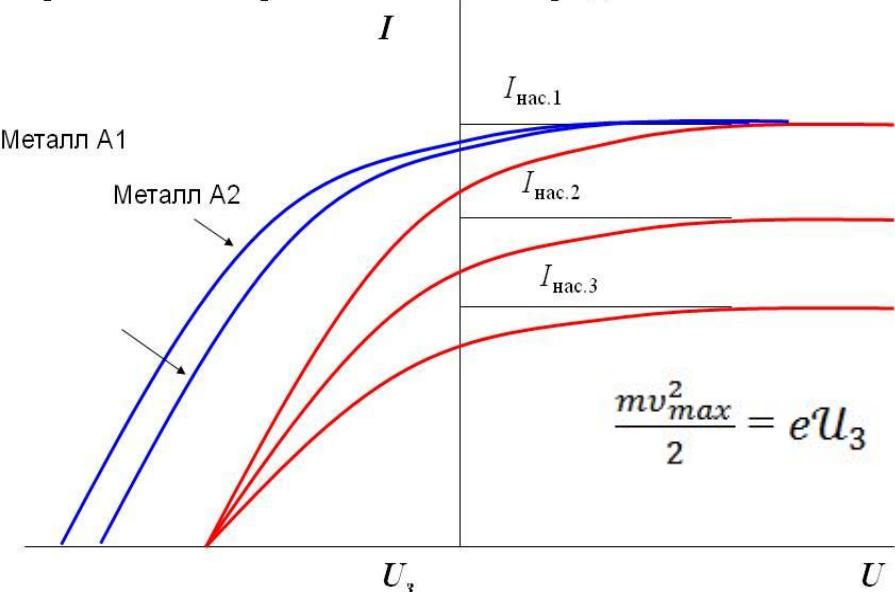
Александр Григорьевич Столетов (1839 – 1896 гг.) - русский физик, занимавшийся вопросами намагничивания железа критического состояния, внешним фотоэффектом.

I. Закон Столетова: при фиксированной частоте падающего света число фотоэлектронов, вырываемых из катода в единицу времени, пропорционально интенсивности света (сила фототока насыщения пропорциональна энергетической освещенности катода).

II. Максимальная начальная скорость (кинетическая энергия) фотоэлектронов на зависит от интенсивности падающего света, а определяется только его частотой  $v$ .

III. Для каждого вещества существует **красная граница фотоэффекта** – минимальная частота  $v_0$  света (зависит от химической природы вещества и состояния его поверхности), ниже которой фотоэффект невозможен.

Вольтамперная характеристика (ВАХ) фотоэффекта – зависимость фототока  $I$ , образуемого потоком электронов от напряжения на электродах.



# Уравнение Эйнштейна для фотоэффекта(1905 г.)

Эйнштейн: свет частотой  $v$  не только *испускается*, но и *распространяется* в пространстве и *поглощается* веществом отдельными порциями (квантами). Кванты назвали *фотонами*.

## Объяснение

- I закона фотоэффекта (Столетова): один квант поглощается одним электроном => число вырванных фотоэлектронов  $\sim$  интенсивности света.
- II закона фотоэффекта: максимальная кинетическая энергия фотоэлектрона линейно растет с увеличением частоты падающего излучения и не зависит от его интенсивности (числа фотонов).
- III закона фотоэффекта: т.к. с уменьшением частоты света кинетическая энергия фотоэлектронов уменьшается (для данного металла  $A = \text{const}$ ), то при достаточно малой частоте  $v_0$  кинетическая энергия = 0 и фотоэффект прекращается.

Энергия падающего фотона расходуется на совершение работы выхода  $A$  по вырыванию электрона из катода и сообщение ему кинетической энергии:

$$h\nu = A + \frac{mv_{max}^2}{2}$$

Красная граница фотоэффекта зависит от работы выхода электрона, т.е. от химической природы вещества и состояния поверхности:

$$v_0 = \frac{A}{h}$$

Уравнение Эйнштейна для многофотонного фотоэффекта:

$$\mathcal{N}h\nu = A + \frac{mv_{max}^2}{2}$$

# Характеристики фотона. Давление света.

Характеристики фотона

Энергия фотона:  $\varepsilon_0 = h\nu$

Скорость фотона:

$$c = 3 \cdot 10^8 \text{ м/с}$$

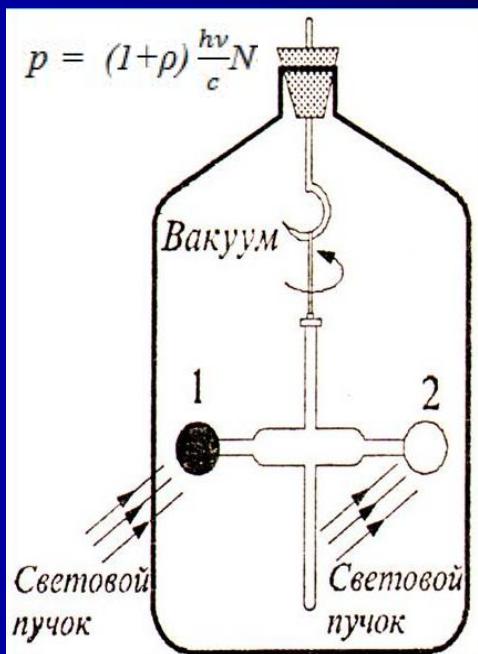
$$E = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow$$

Масса фотона:  $m = 0$

$$E^2 - p^2c^2 = m^2c^2$$

Импульс фотона:

$$p = \frac{\varepsilon_0}{c} = \frac{h\nu}{c}$$



Петр  
Николаевич  
Лебедев

(1866 – 1912 гг.) –  
русский физик -  
экспериментатор

Давление света. Опыты  
Лебедева.

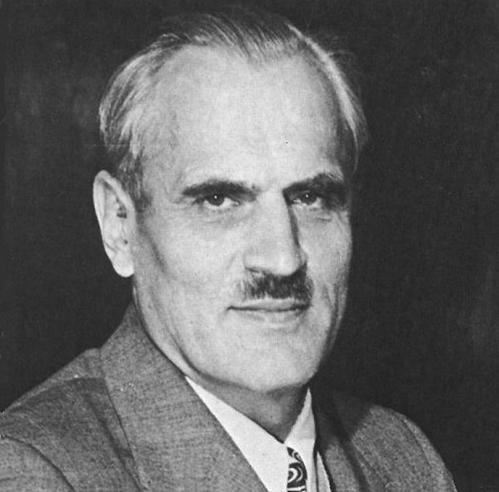
$N$  – число фотонов, падающих в единицу времени на единицу поверхности;

$\rho$  – коэффициент отражения от поверхности;

$(1 - \rho)N$  – число фотонов, поглощающихся поверхностью;

$p = \frac{h\nu}{c}$  – импульс, передаваемый поверхности одним фотоном;

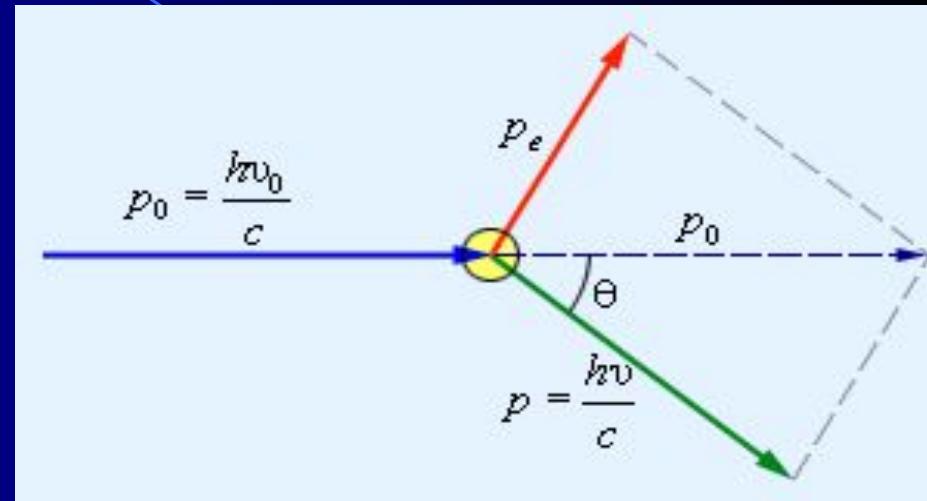
$2p = \frac{2h\nu}{c}$  – импульс, передаваемый отраженным фотоном;



Артур Холли  
Комптон

(1892 – 1962 гг.) –  
американский  
ученый, лауреат  
Нобелевской премии  
(1927 г.)

# Эффект Комптона (1923 г.)



Комптон наблюдал рассеяние монохроматического рентгеновского излучения веществами с легкими атомами (парафин, бор) и обнаружил,

что в составе рассеянного излучения наряду с излучением первоначальной длины волны наблюдается более длинноволновое излучение.

$$\Delta\lambda = \lambda' - \lambda = 2\lambda_c \sin^2 \frac{\theta}{2}$$
, где  $\lambda'$  –  
длина волны рассеянного излучения.

- Наиболее отчетливо корпускулярные свойства вещества проявляются при рассмотрении эффекта Комптона – упругое рассеяние коротковолнового электромагнитного излучения (рентгеновского и  $\gamma$  – излучений) на свободных (или слабосвязанных) электронах вещества, сопровождающееся увеличением длины волны. Этот эффект может быть объяснен только с точки зрения квантовой теории, т.к. согласно волновой теории электрон под действием поля световой волны колеблется и излучает волны с такой же частотой.

# ЕДИНСТВО КОРПУСКУЛЯРНЫХ И ВОЛНОВЫХ СВОЙСТВ ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО ИЗЛУЧЕНИЯ

Доказательства волновой природы света:

- ✓ интерференция;
- ✓ дифракция;
- ✓ поляризация.

Доказательства квантовой (корпускулярной) природы света:

- ✓ излучение черного тела;
- ✓ фотоэффект;
- ✓ эффект Комптона.

Явления, которые подтверждают и волновые, и квантовые свойства света:

- ✓ давление света;
- ✓ преломление света.

Формулы энергии  $\mathcal{E}_0 = h\nu$  и импульса фотона

показывают связь корпускулярных (энергия и импульс)

и волновых (частота или длина волны) свойств электромагнитного излучения.

$$p = \frac{\mathcal{E}_0}{c} = \frac{h\nu}{c}$$

- Чем больше  $\lambda$ , тем меньше энергия и импульс фотона, тем труднее обнаружить квантовые свойства света (существует красная граница фотоэффекта). Чем меньше  $\lambda$ , тем больше энергия и импульс фотона, тем труднее обнаруживаются волновые свойства света (дифракция рентгеновского излучения открыта после применения в качестве дифракционной решетки кристаллов).
- Взаимосвязь между двойственными корпускулярно - волновыми свойствами света можно объяснить, если использовать статистический подход к рассмотрению закономерностей распределения света. Дифракция света на щели состоит в том, что при прохождении света через щель происходит перераспределение фотонов в пространстве. Так как вероятность попадания фотонов в различные точки экрана неодинакова, то и возникает дифракционная картина. Освещенность экрана зависит от вероятности попадания фотонов на единицу площади экрана. По волновой теории освещенность пропорциональна квадрату амплитуды световой волны в этой точке экрана  $\Rightarrow$  квадрат амплитуды световой волны в данной точке пространства является мерой вероятности попадания фотонов в данную точку.