



# ЭЛЕКТРОМАГНЕТИЗМ

**Лекция «Магнитное поле и его  
характеристики»**

# Источники магнитного поля

- Постоянные магниты;
- Электрические токи;
- Движущиеся заряды.

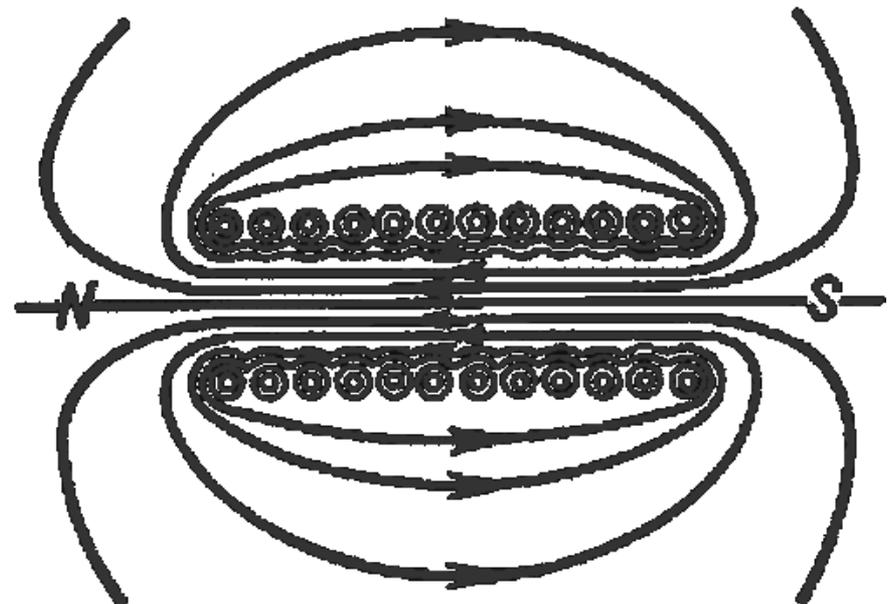
Важнейшей **особенностью** магнитного поля является то, что оно действует только на *движущиеся* в этом поле электрические заряды

# Магнитная индукция

- *Количественная* характеристика магнитного поля – это **вектор магнитной индукции  $\mathbf{B}$** . Его используют также в качестве силовой характеристикой, численно приравнивая максимальному вращающему моменту, действующему на рамку с магнитным моментом, равным единице. В качестве единицы измерения магнитной индукции в системе СИ принимают **тесла (Тл)**.

# Линии магнитной индукции

По аналогии с электрическими магнитные поля можно изображать с помощью **линий магнитной индукции** – линий, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора  $\mathbf{B}$ . Их направление задается *правилом правого винта*: головка винта, ввинчиваемого по направлению тока, вращается в направлении линий магнитной индукции. Линии магнитной индукции всегда *замкнуты* и охватывают проводники с током.



# Напряженность магнитного поля

В любом теле существуют микроскопические токи, обусловленные движением электронов в атомах и молекулах. Эти микротоки создают свое магнитное поле и могут поворачиваться в магнитных полях макротоков. Вектор магнитной индукции  $\mathbf{B}$  характеризует *резльтирующее* магнитное поле, создаваемое всеми *макро- и микротоками*. Магнитное поле *макротоков* описывается **вектором напряженности  $\mathbf{H}$** . Для однородной изотропной среды вектор магнитной индукции связан с вектором напряженности следующим соотношением:

$$\mathbf{B} = \mu_0 \mu \mathbf{H},$$

где  $\mu_0$  – магнитная постоянная ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$  Гн/м),  
 $\mu$  – безразмерная величина – **магнитная проницаемость среды**, показывающая, во сколько раз магнитное поле макротоков  $\mathbf{H}$  усиливается за счет поля микротоков среды.

В СИ напряженность магнитного поля измеряют в ампер на метр (А/м).

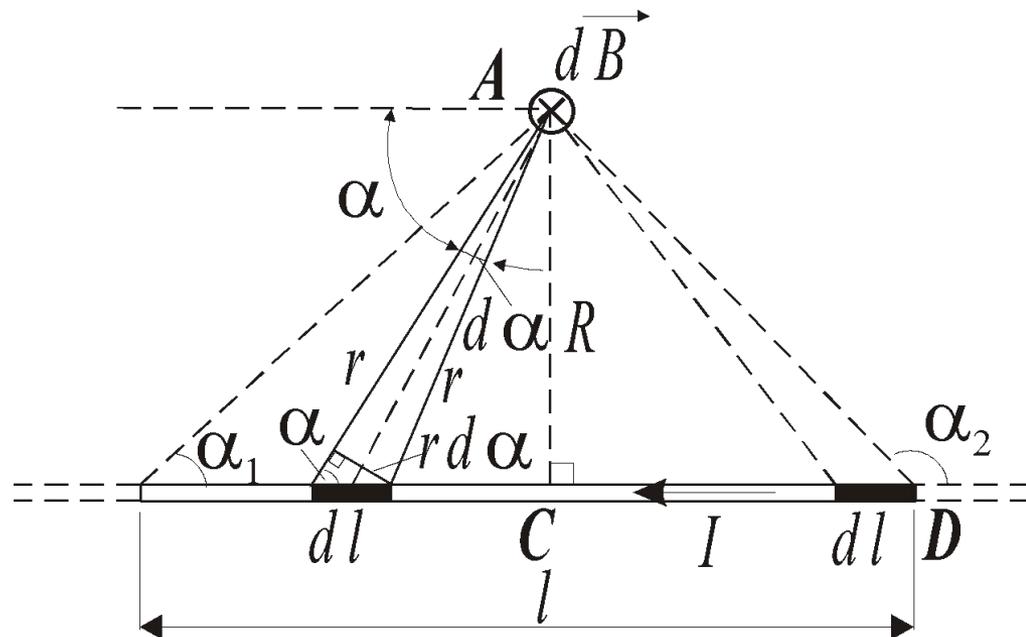
# Закон Био-Савара-Лапласа

Закон Био-Савара-Лапласа, с помощью которого рассчитываются магнитные поля, в векторной и скалярной формах имеет вид соответственно:

$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I [d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3}$$

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl \sin \alpha}{r^2}$$

где  $dB$  – магнитная индукция, создаваемая элементарным проводником  $dl$ , по которому течет ток  $I$ , в точке  $A$ ;  $\alpha$  – угол между направлением тока в проводнике и радиус-вектором  $r$ . Выбор направления (от нас) вектора индукции объясняется выше.



**Расчет индукции МП в вакууме ( $\mu = 1$ ) на расстоянии  $R$  от конечного (длиной  $l$ ) или бесконечного прямого проводника с током  $I$  (рис. выше)**

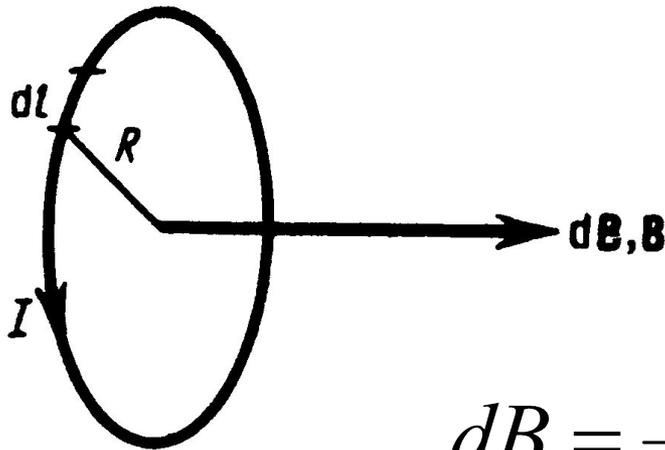
$$\begin{aligned}
 B &= \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} dB = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I \sin \alpha \cdot dl}{4\pi r^2} = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I \sin \alpha \cdot r d\alpha}{4\pi r^2 \sin \alpha} = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I}{4\pi r} d\alpha = \\
 &= \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \sin \alpha d\alpha = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (-\cos \alpha) \Big|_{\alpha_1}^{\alpha_2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2).
 \end{aligned}$$

Для бесконечного провода  $\alpha_1 \rightarrow 0, \alpha_2 \rightarrow \pi$ .

В результате для бесконечного прямого провода с током  $I$  имеем

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}.$$

# Расчет индукции МП в вакууме ( $\mu = 1$ ) в центре кругового витка радиусом $R$ с током $I$

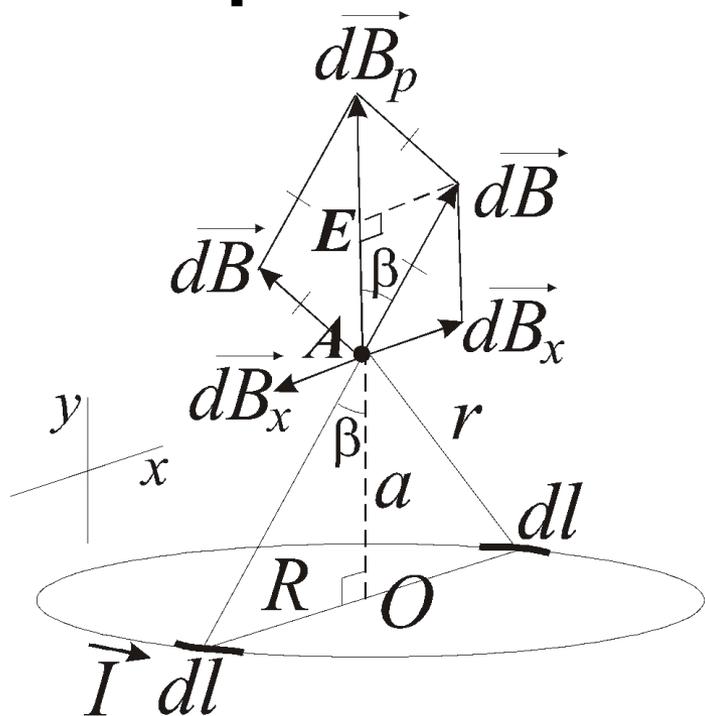


Каждый элемент проводника в соответствии с законом Био-Савара-Лапласа создает в центре витка магнитную индукцию

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} dl, \text{ где } \sin \alpha = 1, \text{ т.к. } \alpha = \pi/2$$

$$B = \int_0^{2\pi R} dB = \int_0^{2\pi R} \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} dl = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} \int_0^{2\pi R} dl = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} 2\pi R = \frac{\mu_0 I}{2R}.$$

# Расчет индукции МП в вакууме ( $\mu = 1$ ) на перпендикуляре, восстановленном из центра проводящего кольца радиусом $R$ с током $I$ , на расстоянии $a$ от плоскости кольца



В силу симметрии вдоль направления  $x$  интеграл  $\int dB_x = 0$ .

Согласно построению  $AE$  равен половине  $dB_p$ , откуда

$$dB_p = 2dB \sin \beta = 2 \frac{\mu_0 IR}{4\pi r^3} dl,$$

тогда

$$B_p = \int_0^{\pi R} dB_p = \int_0^{\pi R} \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} dl = \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} \int_0^{\pi R} dl = \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} \pi R = \frac{\mu_0 IR^2}{2\sqrt{(R^2 + a^2)^3}}.$$



***Благодарю за внимание***