



ЭЛЕКТРОМАГНЕТИЗМ

**Лекция «Магнитное поле и его
характеристики»**

Источники магнитного поля

- Постоянные магниты;
- Электрические токи;
- Движущиеся заряды.

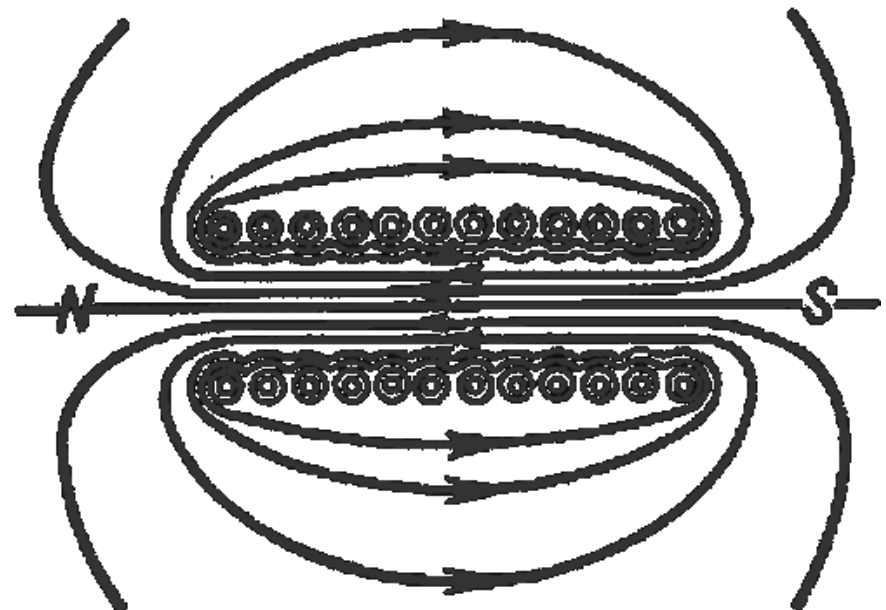
Важнейшей **особенностью** магнитного поля является то, что оно действует только на *движущиеся* в этом поле электрические заряды

Магнитная индукция

- *Количественная* характеристика магнитного поля – это **вектор магнитной индукции \mathbf{B}** . Его используют также в качестве силовой характеристикой, численно приравнивая максимальному вращающему моменту, действующему на рамку с магнитным моментом, равным единице. В качестве единицы измерения магнитной индукции в системе СИ принимают **тесла (Тл)**.

Линии магнитной индукции

По аналогии с электрическими магнитные поля можно изображать с помощью **линий магнитной индукции** – линий, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора \mathbf{B} . Их направление задается *правилом правого винта*: головка винта, ввинчиваемого по направлению тока, вращается в направлении линий магнитной индукции. Линии магнитной индукции всегда *замкнуты* и охватывают проводники с током.



Напряженность магнитного поля

В любом теле существуют микроскопические токи, обусловленные движением электронов в атомах и молекулах. Эти микротоки создают свое магнитное поле и могут поворачиваться в магнитных полях макротоков. Вектор магнитной индукции \mathbf{B} характеризует *резльтирующее* магнитное поле, создаваемое всеми *макро-* и *микротоками*. Магнитное поле *макротоков* описывается **вектором напряженности \mathbf{H}** . Для однородной изотропной среды вектор магнитной индукции связан с вектором напряженности следующим соотношением:

$$\mathbf{B} = \mu_0 \mu \mathbf{H},$$

где μ_0 – магнитная постоянная ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$ Гн/м),
 μ – безразмерная величина – **магнитная проницаемость среды**, показывающая, во сколько раз магнитное поле макротоков \mathbf{H} усиливается за счет поля микротоков среды.

В СИ напряженность магнитного поля измеряют в ампер на метр (А/м).

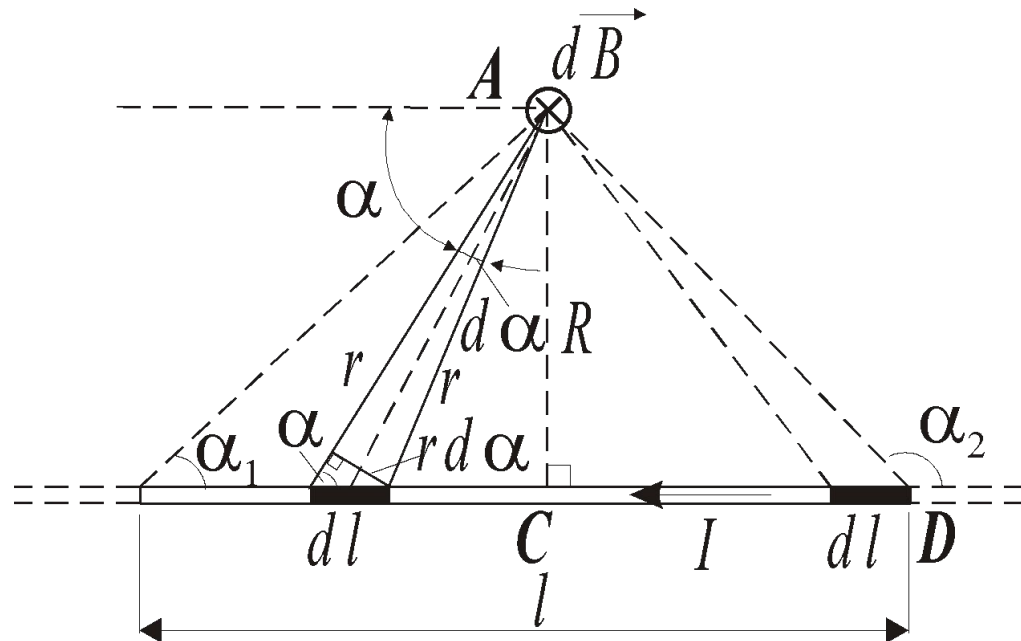
Закон Био-Савара-Лапласа

Закон Био-Савара-Лапласа, с помощью которого рассчитываются магнитные поля, в векторной и скалярной формах имеет вид соответственно:

$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I [d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3}$$

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl \sin \alpha}{r^2}$$

где dB – магнитная индукция, создаваемая элементарным проводником dl , по которому течет ток I , в точке A ; α – угол между направлением тока в проводнике и радиус-вектором r . Выбор направления (от нас) вектора индукции объясняется выше.



Расчет индукции МП в вакууме ($\mu = 1$) на расстоянии R от конечного (длиной l) или бесконечного прямого проводника с током I (рис. выше)

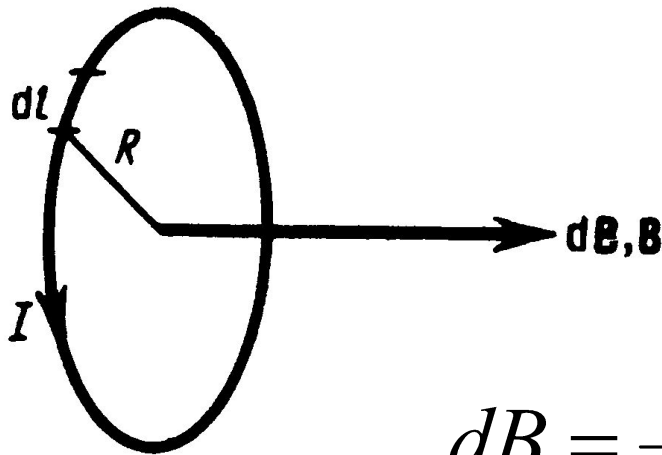
$$\begin{aligned}
 B &= \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} dB = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I \sin \alpha \cdot dl}{4\pi r^2} = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I \sin \alpha \cdot r d\alpha}{4\pi r^2 \sin \alpha} = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I}{4\pi r} d\alpha = \\
 &= \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \sin \alpha d\alpha = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (-\cos \alpha) \Big|_{\alpha_1}^{\alpha_2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2).
 \end{aligned}$$

Для бесконечного провода $\alpha_1 \rightarrow 0, \alpha_2 \rightarrow \pi$.

В результате для бесконечного прямого провода с током I имеем

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}.$$

Расчет индукции МП в вакууме ($\mu = 1$) в центре кругового витка радиусом R с током I

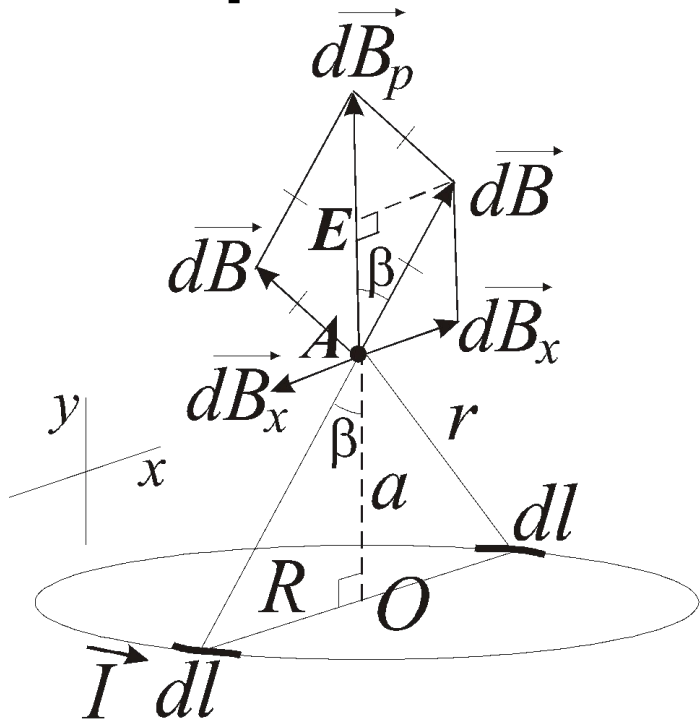


Каждый элемент проводника в соответствии с законом Био-Савара-Лапласа создает в центре витка магнитную индукцию

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} dl, \text{ где } \sin \alpha = 1, \text{ т.к. } \alpha = \pi/2$$

$$B = \int_0^{2\pi R} dB = \int_0^{2\pi R} \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} dl = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} \int_0^{2\pi R} dl = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} 2\pi R = \frac{\mu_0 I}{2R}.$$

Расчет индукции МП в вакууме ($\mu = 1$) на перпендикуляре, восстановленном из центра проводящего кольца радиусом R с током I , на расстоянии a от плоскости кольца



В силу симметрии вдоль направления x интеграл $\int dB_x = 0$.

Согласно построению AE равен половине dB_p , откуда

$$dB_p = 2dB \sin \beta = 2 \frac{\mu_0 IR}{4\pi r^3} dl,$$

тогда

$$B_p = \int_0^{\pi R} dB_p = \int_0^{\pi R} \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} dl = \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} \int_0^{\pi R} dl = \frac{\mu_0 IR}{2\pi r^3} \pi R = \frac{\mu_0 IR^2}{2\sqrt{(R^2 + a^2)^3}}.$$



Благодарю за внимание