

# МАГНІТНЕ ПОЛЕ ПОСТІЙНОГО СТРУМУ

ЛЕКЦІЯ 8

# ПЛАН

1. Магнітне поле. Магнітна індукція та напруженість магнітного поля.
2. Закон Біо-Савара-Лапласа та його застосування (магнітне поле прямолінійного провідника зі струмом, колового струму, тощо).
3. Закон повного струму. Вихровий характер магнітного поля.
4. Магнітний потік. Теорема Гаусса для магнітного поля.

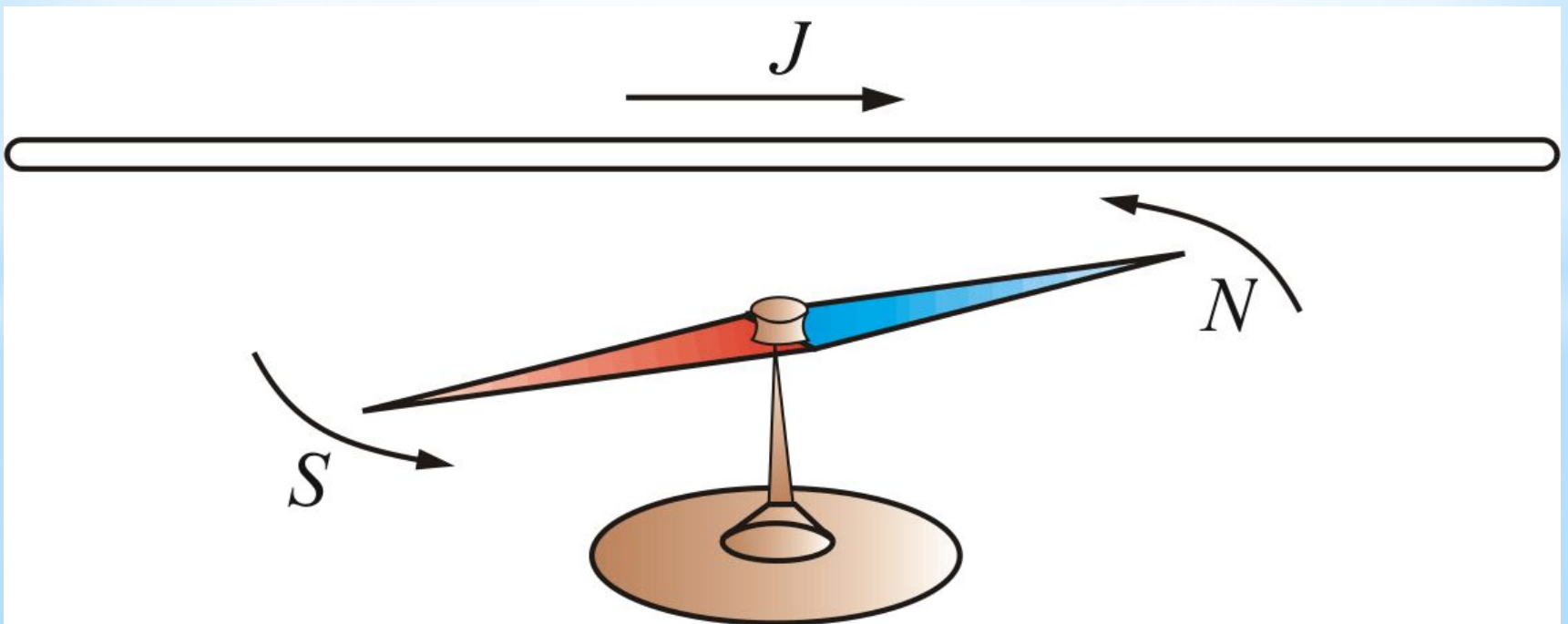
# На самотійне опрацювання:

1. Опрацювати зміст лекції та відповідні розділи у підручниках.
2. Застосування закону Біо-Савара-Лапласа (Б-С-Л) для знаходження магнітної індукції у центрі та на осі витка зі струмом.

# Магнітне поле

У просторі, що оточує струми та постійні магніти, виникає силове поле, яке називається магнітним.

Назву “магнітне поле” пов’язують з орієнтацією магнітної стрілки під дією поля, створюваного струмом, яку вперше виявив дат.фіз. Х. Ерстед.



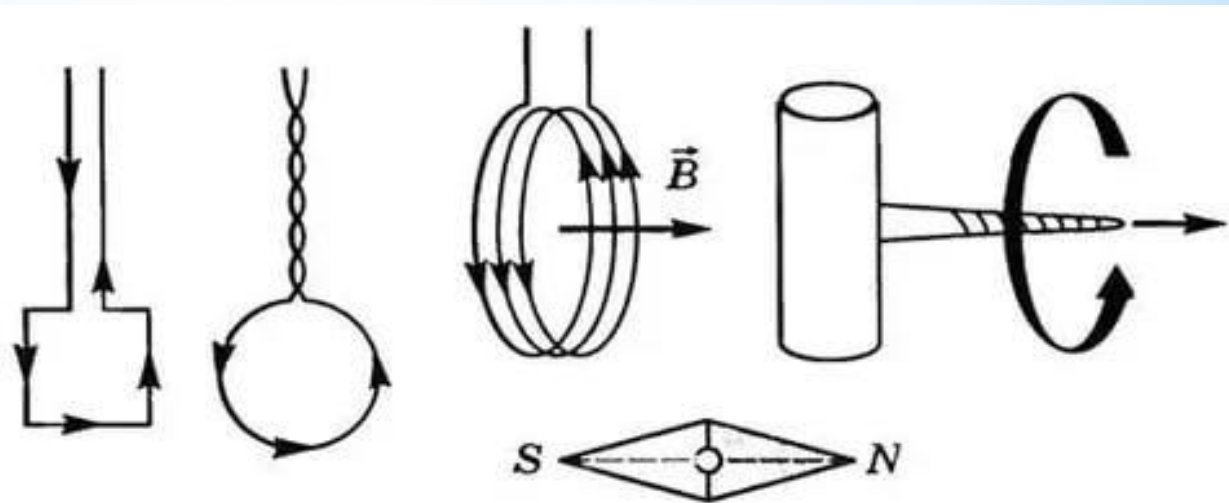
# Магнітне поле

*Магнітне поле - це силове поле в просторі, що оточує електричні струми і постійні магніти. Воно створюється лише рухомими зарядами і діє тільки на рухомі електричні заряди, що в ньому рухаються.*

Вплив магнітного поля на струм різний - він залежить від форми провідника, по якому протікає струм, його розташування, напрямку струму.

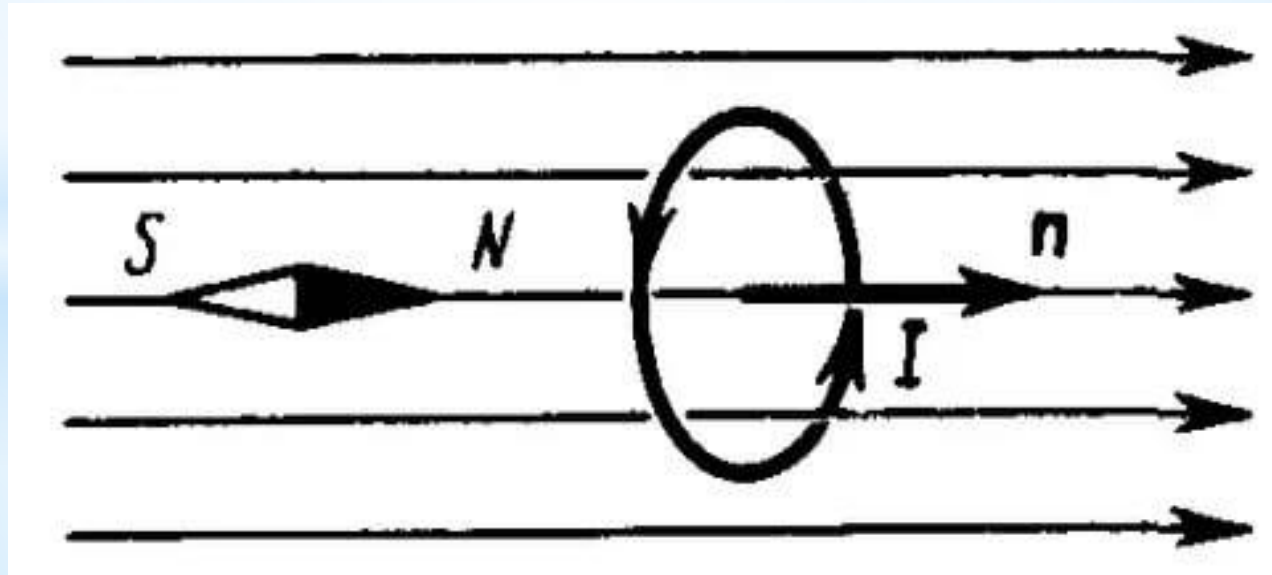
# Замкнений плоский контур зі струмом

Для дослідження магнітного поля використовується замкнений плоский контур зі струмом (*рамка зі струмом*), розміри якого малі порівняно з відстанню до струмів, що утворять магнітне поле. Орієнтація контуру в просторі характеризується напрямком нормалі до нього, причому за додатний напрям нормалі приймається напрям, пов'язаний зі струмом правилом правого гвинта.



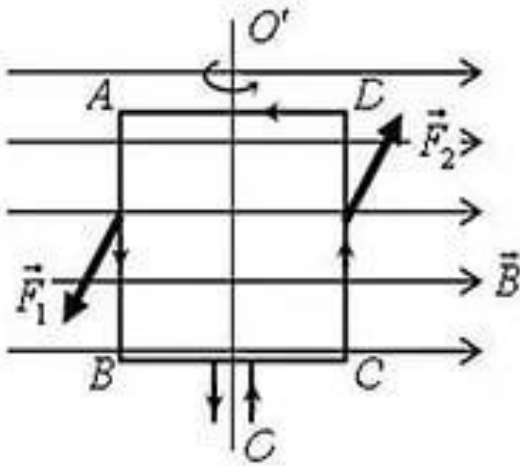
# Вибір напрямку магнітного поля

За напрям магнітного поля в даній точці приймається напрям, вздовж якого розташовується додатна нормаль до вільно підвішеної рамки зі струмом або напрям, що співпадає з напрямом сили, яка діє на північний полюс магнітної стрілки, поміщеної в дану точку.



# Кількісний опис магнітного поля

\* Сили магнітного поля орієнтують рамку з струмом, на неї діє пара сил і їх обертальний момент залежить від властивостей поля в даній точці та від властивостей такої рамки



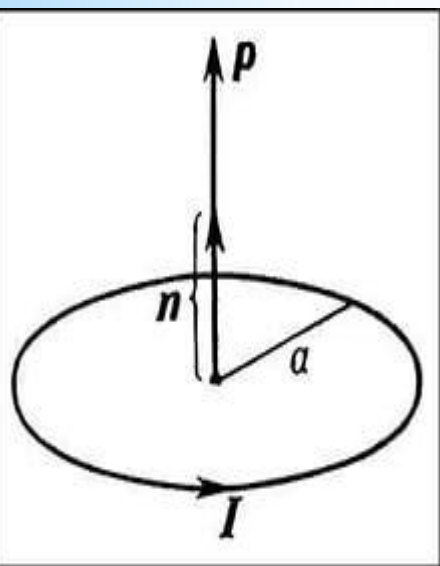
$$\vec{M} = \vec{p}_m \times \vec{B}$$

де  $\vec{B}$  - вектор магнітної індукції,  
 $\vec{M}$  - вектор магнітного моменту  
рамки із струмом.



# Магнітний момент рамки зі струмом

\*Для плоского контуру з струмом магнітний момент - це векторна величина, яка дорівнює добутку сили струму, що протікає в контурі, на його площу та нормаль до контуру



$$\vec{p}_m = IS\vec{n}$$

де  $S$  - площа поверхні контуру (рамки),  $\vec{n}$  - одиничний вектор нормалі до поверхні рамки (його напрям співпадає з напрямом додатньої нормалі).

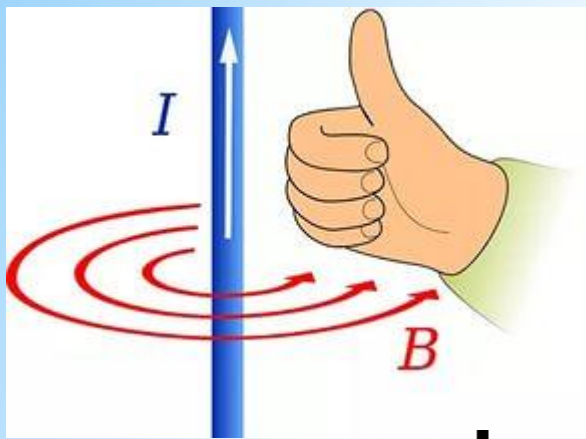
# Вектор магнітної індукції

\* На рамки з різними магнітними моментами в даній точці магнітного поля діятимуть різні обертальні моменти, проте відношення максимального обертального моменту до магнітного моменту рамок виявляється сталим, тому саме його використовують для характеристики магнітного поля.

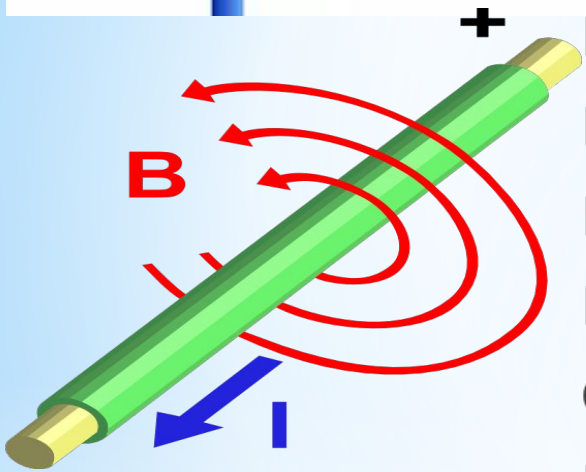
*Магнітна індукція* - це векторна величина, що дорівнює відношенню максимального обертального моменту, який діє на рамку із струмом в магнітному полі, до величини магнітного моменту рамки

$$B = \frac{M_{max}}{p_m}$$

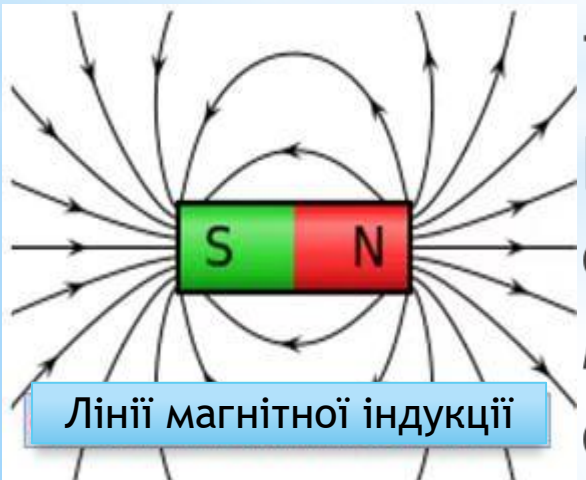
Одиниця виміру в системі в СІ  $[B] = 1 \frac{Н}{А \cdot м} = 1Тл.$



## Лінії магнітної індукції -

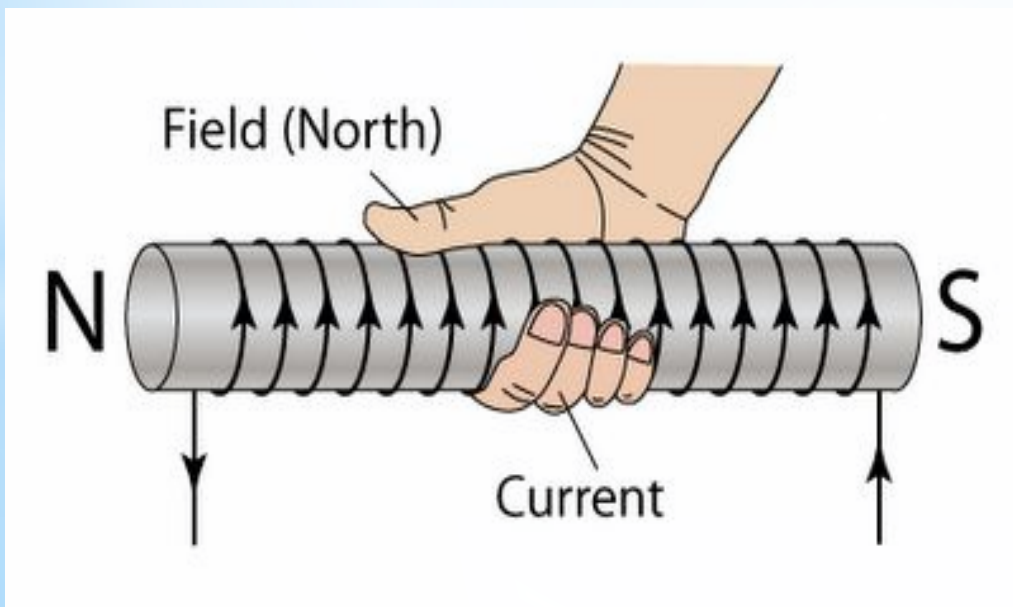
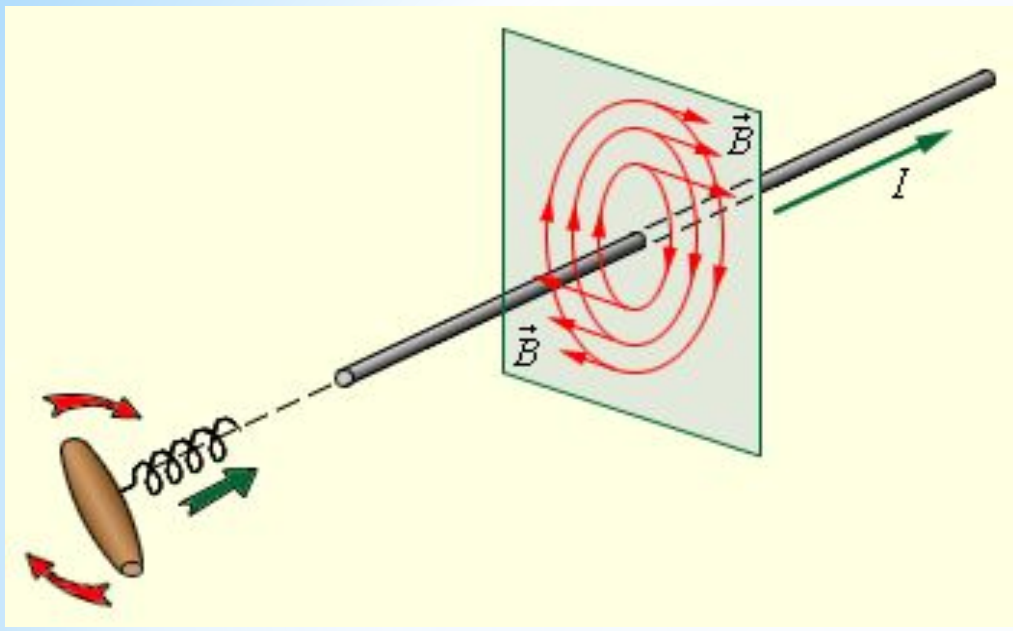


\*це лінії, дотичні до яких в кожній точці співпадають з напрямом вектора  $\vec{B}$ . Напрямок ліній визначається за правилом правого гвинта: якщо поступальний рух вістря гвинта співпадає з напрямом струму, то напрям обертання ручки гвинта вказує напрям ліній магнітної індукції.



На відміну від ліній напруженості електростатичного поля, лінії магнітної індукції завжди замкнені і охоплюють провідники із струмом.

Лінії магнітної індукції



# Напруженість магнітного поля

Якщо поблизу будь-якого тіла розташувати провідник із струмом (макрострум), то під дією його магнітного поля мікроструми у всіх атомах певним чином орієнтуються, створюючи у тілі додаткове магнітне поле. Вектор  $\vec{B}$  характеризує результуюче магнітне поле, створене всіма макро- і мікрострумами, тобто в різних середовищах матиме різне значення.

Магнітне поле макрострумів описується вектором напруженості  $\vec{H}$ . Для однорідного ізотропного середовища справедливе співвідношення:

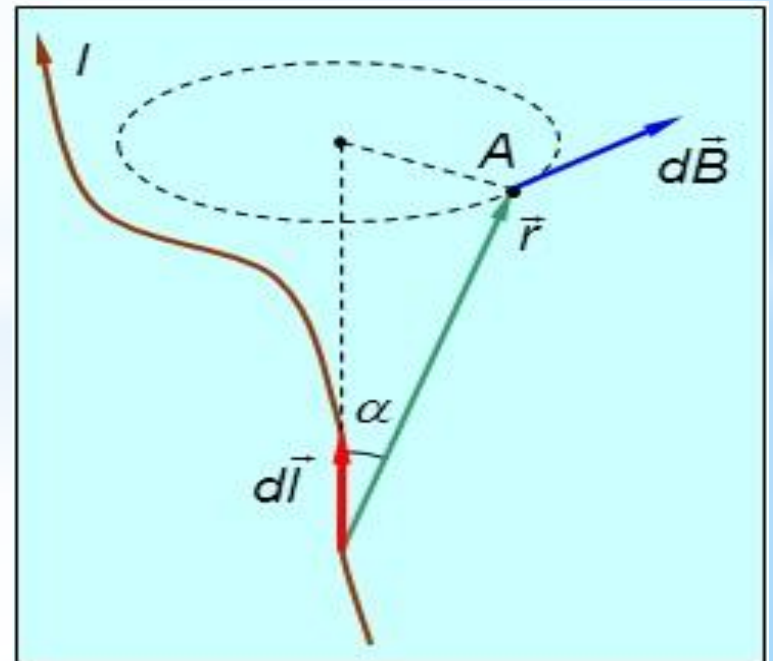
$$\vec{B} = \mu\mu_0\vec{H} \quad (\text{для ЕСП } \vec{D} = \epsilon\epsilon_0\vec{E})$$

# Закон Біо-Савара-Лапласа

\*Магнітне поле постійних струмів вивчалось французькими вченими Ж.Біо і Ф.Саваром, а результати проведених дослідів були узагальнені П.Лапласом та сформульовані наступним чином:

елемент магнітної індукції  $d\vec{B}$ , яка створюється елементом провідника  $d\vec{l}$  із струмом  $I$  в деякій точці, визначається

$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0 I d\vec{l} \times \vec{r}}{4\pi r^3}$$
$$dB = \frac{\mu\mu_0 I dl \sin\alpha}{4\pi r^2}$$



$$dB = \frac{\mu\mu_0 I dl \sin\alpha}{4\pi r^2}$$

## Закон Біо-Савара-Лапласа

$\mu$  - магнітна проникність середовища (показує у скільки разів магнітне поле макрострумів збільшується за рахунок поля мікрострумів середовища);

$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ Гн/м} = 1,26 \cdot 10^{-6} \text{ Гн/м}$  - магнітна стала;

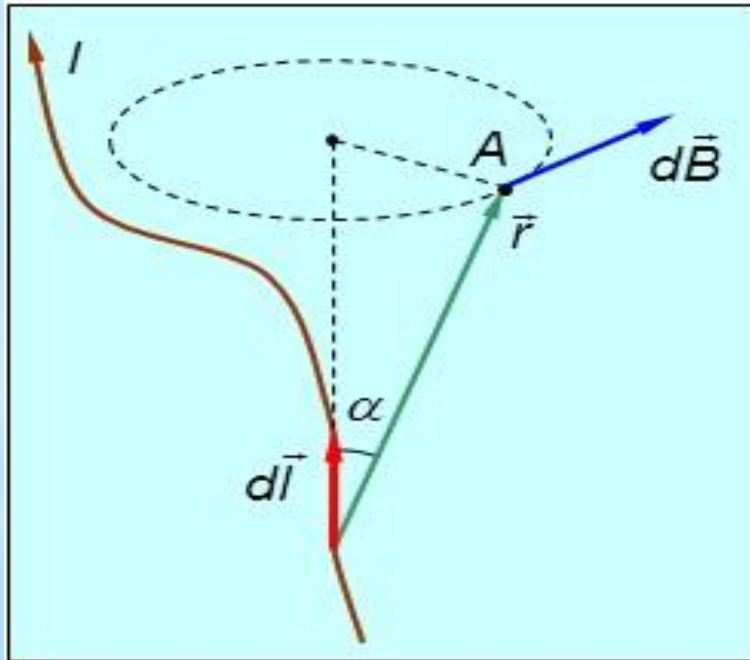
$I$  - сила струму у провіднику;

$r$  - відстань від елемента струму  $dl$  до точки, магнітну індукцію у якій визначаємо;

$\alpha$  - кут між векторами  $d\vec{l}$  і  $\vec{r}$ .

$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0 I d\vec{l} \sin\alpha}{4\pi r^2}$$

## Напрямок вектора магнітної індукції



\* Вектор магнітної індукції  $d\vec{B} \perp d\vec{l}$  ,  $d\vec{B} \perp \vec{r}$  і напрямлений вздовж дотичної до лінії магнітної індукції. Напрямок його визначають за **правилом правого гвинта**: напрям обертання головки гвинта задає напрям  $d\vec{B}$  , якщо поступальний рух гвинта відповідає напрямку струму в елементі.



$$dB = \frac{\mu\mu_0 I dl \sin\alpha}{4\pi r^2}$$

## Магнітне поле прямолінійного провідника зі струмом

\* Такий струм створюється нескінченно довгим тонким провідником.

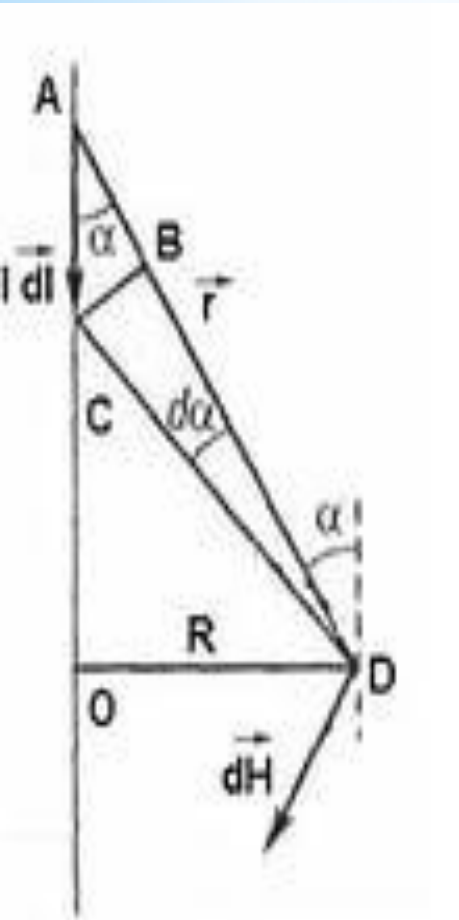
Оскільки для такого провідника

$$r = \frac{R}{\sin\alpha}, dl = \frac{r d\alpha}{\sin\alpha}$$

то підставивши ці залежності в закон Б-С-Л, отримаємо:

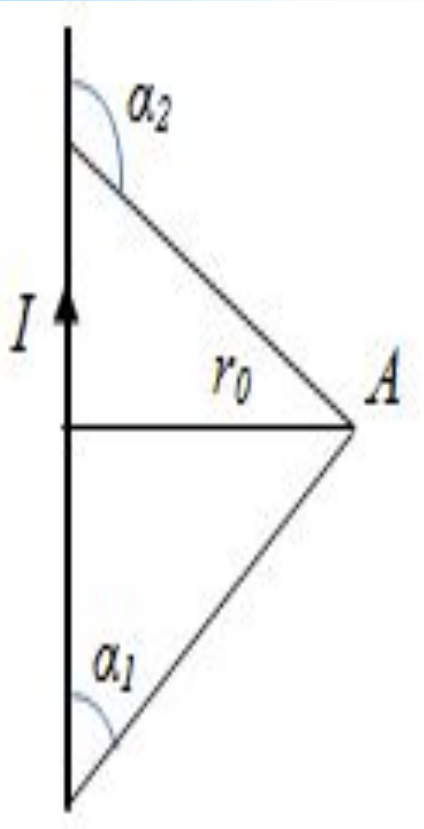
$$dB = \frac{\mu\mu_0 I}{4\pi R} \sin\alpha d\alpha$$

Враховавши, що кут для всіх елементів прямого проводу змінюється від 0 до  $\pi$ , інтегруємо даний вираз



$$dB = \frac{\mu\mu_0 I}{4\pi R} \sin\alpha d\alpha$$

$$B = \frac{\mu\mu_0 I}{4\pi R} \int_0^{\pi} \sin\alpha d\alpha = \frac{\mu\mu_0 2I}{4\pi R}$$



## Магнітне поле короткого провідника зі струмом

Якщо прямий провідник із струмом має скінченні розміри (короткий провідник), то потрібно ввести інші межі інтегрування -  $\alpha_1$  та  $\alpha_2$ :

$$B = \frac{\mu\mu_0 I}{4\pi R} \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \sin\alpha d\alpha$$

$$B = \frac{\mu\mu_0 I}{4\pi R} (\cos\alpha_1 - \cos\alpha_2)$$

# Циркуляція вектора магнітної індукції

\*Циркуляцією вектора  $\vec{B}$  по замкненому контуру називається інтеграл

$$\oint_L (\vec{B}, d\vec{l}) = \oint_L B_l dl$$

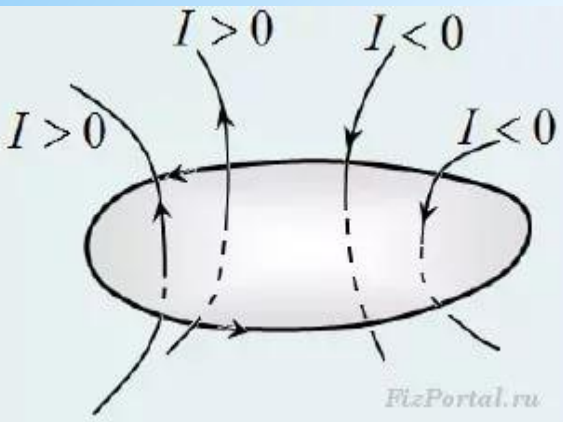
де  $d\vec{l}$  - вектор елемента довжини контура, напрямлений вздовж обходу контура,  $B_l = B \cos \alpha$  - проекція  $\vec{B}$  на дотичну до контура,  $\alpha$  - кут між  $\vec{B}$  і  $d\vec{l}$ .

# Закон повного струму (теорема про циркуляцію вектора магнітної індукції)

циркуляція вектора магнітної індукції по довільному замкненому контуру дорівнює добутку магнітної сталої на алгебраїчну суму струмів, які охоплюються цим контуром

$$\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_L B_{\parallel} dl = \mu_0 \sum_{k=1}^n I_k$$

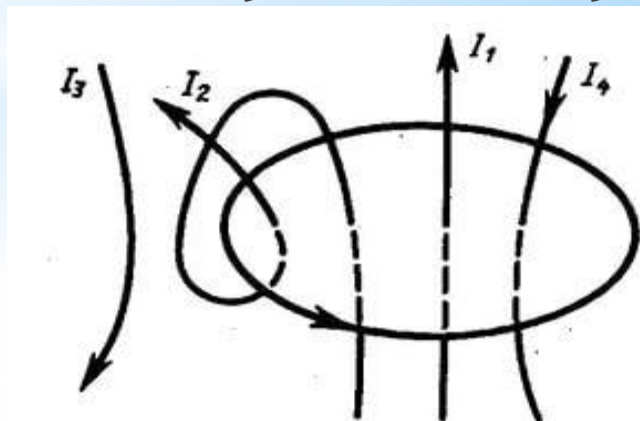
де  $N$  кількість провідників із струмами, які охоплює довільний замкнений контур.

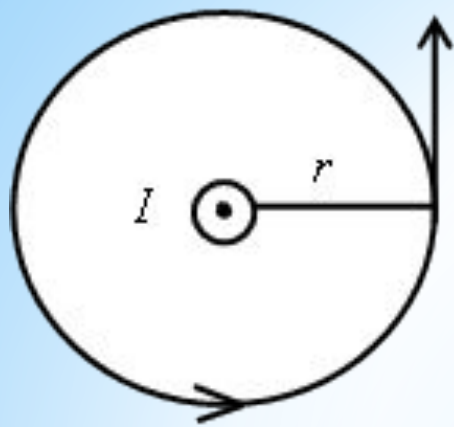


# Закон повного струму (теорема про циркуляцію вектора магнітної індукції)

Кожен струм враховується стільки разів, скільки він охоплюється контуром. Додатним приймається струм, напрям якого зв'язаний з вибраним напрямом обходу контуру правилом правого гвинта, струм протилежного напрямку - від'ємний. Наприклад, для малюнку у нижньому куті слайда, ця сума набуває вигляду:

$$\sum_{k=1}^N I_k = I_1 + 2I_2 - 0 \cdot I_3 - I_4$$





## Магнітна індукція прямого струму на відстані $r$ від провідника

✳ Вибираємо контур у вигляді кола радіусом  $r$ . В кожній точці цього контуру вектор  $\vec{B}$  однаковий за модулем і напрямлений по дотичній до кола. Тоді циркуляція вектору  $\vec{B}$

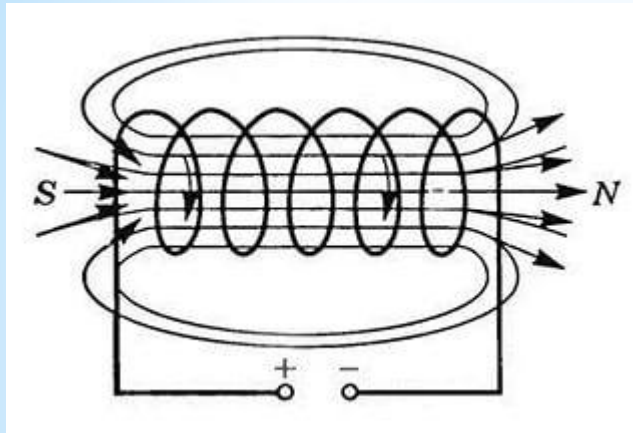
$$\oint_L (\vec{B}, d\vec{l}) = \oint_L B dl = B \oint_L dl = B \cdot 2\pi r$$

За законом повного струму  $B \cdot 2\pi r = \mu_0 I$ , тоді

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

Такий самий вираз отримується і за законом Б-С-Л!

# Магнітне поле нескінченно довгого соленоїда і тороїда

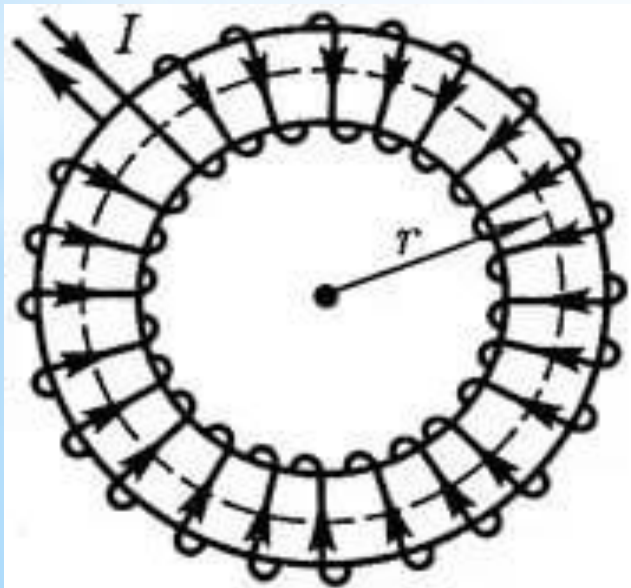


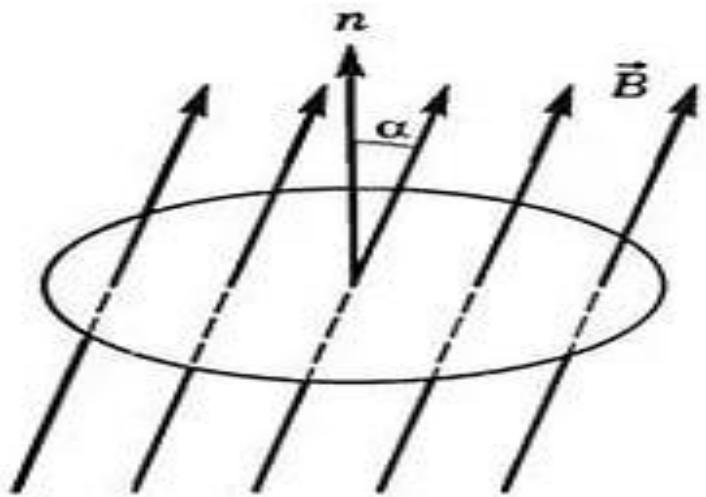
За допомогою закону повного струму також можна отримати формули для магнітного поля соленоїда:

$$B = \frac{\mu_0 N I}{l}$$

Та тороїда:

$$B = \frac{\mu_0 N I}{2\pi r}$$





## Потік вектора магнітної індукції (магнітний потік)

\* Означення потоку вектора магнітної індукції дається аналогічно до означення вектора напруженості магнітного поля:

*Потік вектора магнітної індукції (магнітний потік) крізь площадку  $dS$  - це фізична величина, рівна скалярному добутку векторів магнітної індукції  $\vec{B}$  та елементарної площадки  $d\vec{S} = dS \cdot \vec{n}$*

$$d\Phi_B = \vec{B} \cdot d\vec{S} = B dS \cos \alpha = B_n dS$$



$$d\Phi_B = \vec{B} \cdot d\vec{S} = B dS \cos \alpha$$

## Магнітний потік

Знак потоку залежить від  $\cos \alpha$ . Потік вектора пов'язують з контуром, по якому протікає струм. Додатний напрям нормалі пов'язано зі струмом **правилом правого гвинта**. Магнітний потік, створюваний контуром через поверхню, обмежену ним самим, **завжди додатний**.

Магнітний потік через довільну поверхню визначається інтегралом

$$\Phi_B = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \int_S B dS \cos \alpha = \int_S B_n dS$$

А у випадку однорідного поля

$$\Phi_B = B S \cos \alpha$$

# Магнітний потік соленоїда

Всередині соленоїда магнітне поле однорідне, а магнітна індукція соленоїда

$$B = \frac{\mu_0 N I}{l}$$

Магнітний потік через один виток соленоїда визначається формулою

$$\Phi_1 = B S = \mu_0 \frac{N I}{l} S$$

Магнітний потік, утворений усіма витками соленоїда називають потокозчепленням  $\Psi$  і знаходять:

$$\Psi = \Phi_1 \cdot N = N B S = \mu_0 \frac{N^2 I}{l} S$$

# Теорема Гаусса для магнітного поля:

потік вектора магнітної індукції через будь-яку замкнену поверхню дорівнює нулю.

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \oint_S B_n dS = 0.$$

Ця теорема відображає той факт, що магнітних зарядів, подібних до електричних, не існує! Внаслідок цього лінії магнітної індукції не мають ні початку, ні кінця. Вони є замкненими, а МП - вихрове.

Характер електростатичного і магнітного полів - різний!

# Вихровий характер магнітного поля

\*Якщо порівняти вирази для циркуляції векторів  $\vec{E}$  та  $\vec{B}$ , то видно, що між ними є принципова різниця. Циркуляція вектора  $\vec{E}$  дорівнює нулю, а циркуляція вектора  $\vec{B}$  відмінна від нуля. Рівність нулю циркуляції вектора  $\vec{E}$  означає, що електростатичне поле - потенціальне, а магнітне поле є вихровим. Теорема про циркуляцію вектора  $\vec{B}$  у вченні про магнітне поле має таке ж значення, як теорема Остроградського - Гаусса в електростатиці, оскільки дозволяє визначати магнітну індукцію без застосування закону Б-С-Л.