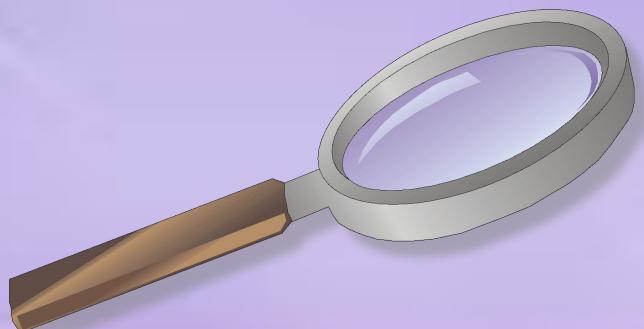


Линзы. Типы линз.

Изображение в тонких линзах.

Формула тонкой линзы.



Цель:

Познакомиться:

- с типами линз;
- с геометрическими характеристиками тонкой линзы.

Дать определение:

Фокусного расстояния, фокальной плоскости и оптической силы тонкой линзы.

Научиться строить изображение в тонких линзах и характеризовать их.

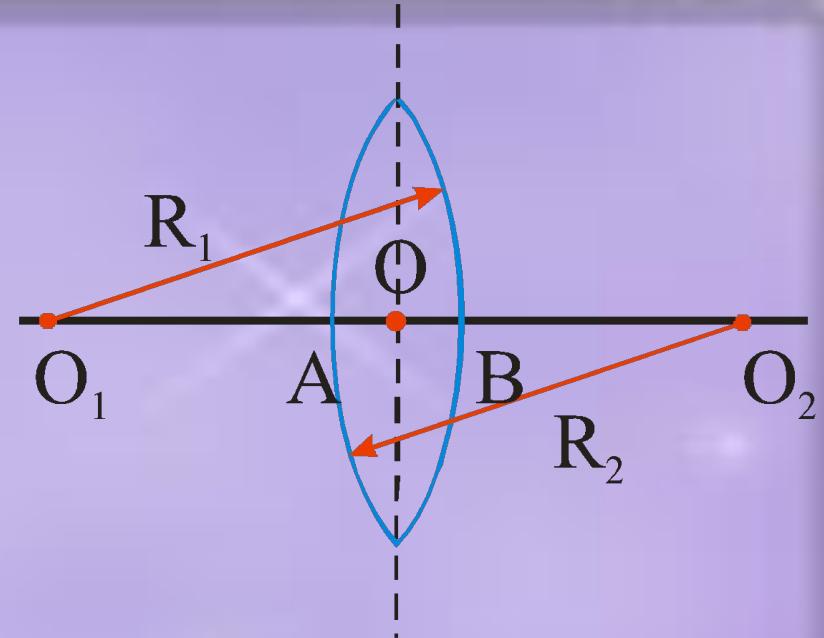
Вывести формулу тонкой собирающей и рассеивающей линз.

Применять полученные знания при решении задач на построение и расчет тонкой линзы (в том числе с помощью компьютера)

Линза – прозрачное тело (обычно стеклянное), ограниченное двумя сферическими поверхностями. Является одним из основных элементов оптических систем.

Линза, у которой толщина пренебрежимо мала по сравнению с радиусами кривизны ее поверхностей, называется **тонкой**. Главное свойство тонких линз заключается в том, что все приосевые лучи, вышедшие из какой-либо точки предмета и прошедшие сквозь тонкую линзу, собираются этой линзой снова в одной точке. Благодаря этому свойству с помощью линз можно получать изображения различных предметов.

Главная оптическая ось – прямая, на которой лежат центры обеих сферических поверхностей, ограничивающих линзу (O_1O_2) – является осью симметрии линзы.



Главная плоскость линзы – плоскость, проходящая через центр линзы (точку O) перпендикулярно главной оптической оси. O – оптический центр линзы (свет, проходящий через эту точку – не преломляется)



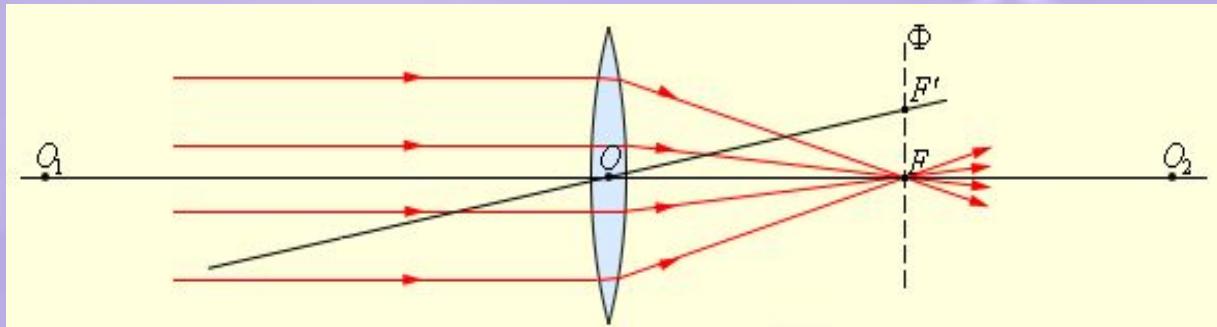
Любую прямую, проходящую через оптический центр линзы и не совпадающую с главной оптической осью

называют **побочной оптической осью**.

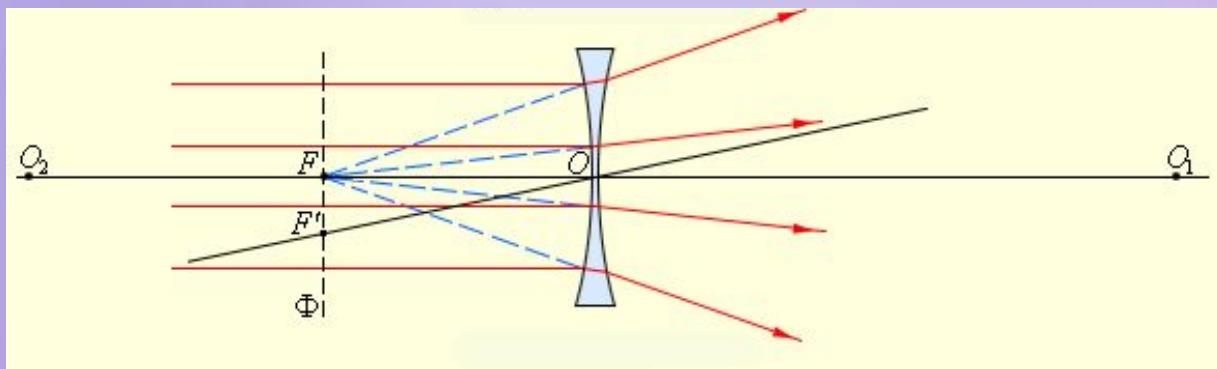
Луч света, распространяющийся по какой-либо из оптических осей, проходит сквозь линзу без преломления

Типы линз

Собирающие линзы – линзы, преобразующие параллельный пучок световых лучей в сходящийся.



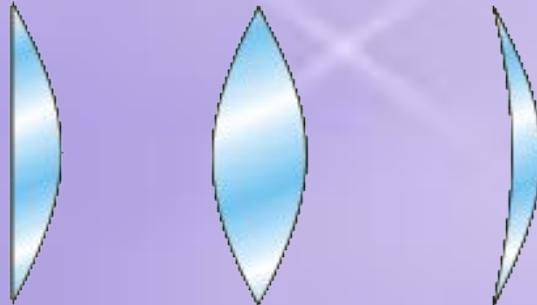
Рассеивающие линзы – линзы, преобразующие параллельный пучок световых лучей в расходящийся.



По форме ограничивающих поверхностей:

- плоско-выпуклая
- двояковыпуклая
- вогнуто-выпуклая
- двояковогнутая
- выпукло-вогнутая
- плоско-вогнутая

Собирающие

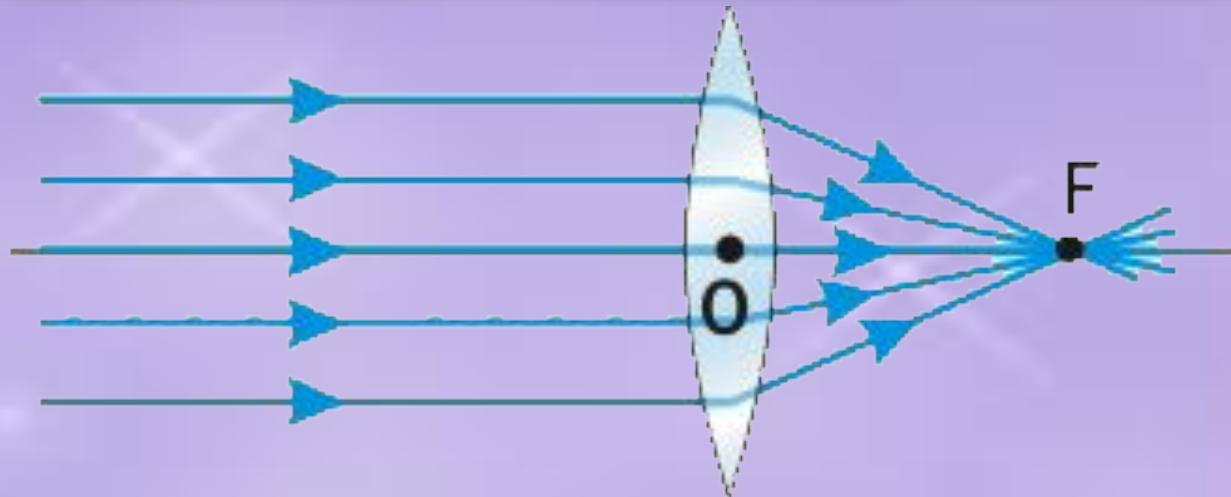


$$\begin{array}{lll} R_1 > 0 & R_1 > 0 & R_1 < 0 \\ R_2 \rightarrow \infty & R_2 > 0 & R_2 > 0 \\ |R_1| > |R_2| & & \end{array}$$

Рассеивающие



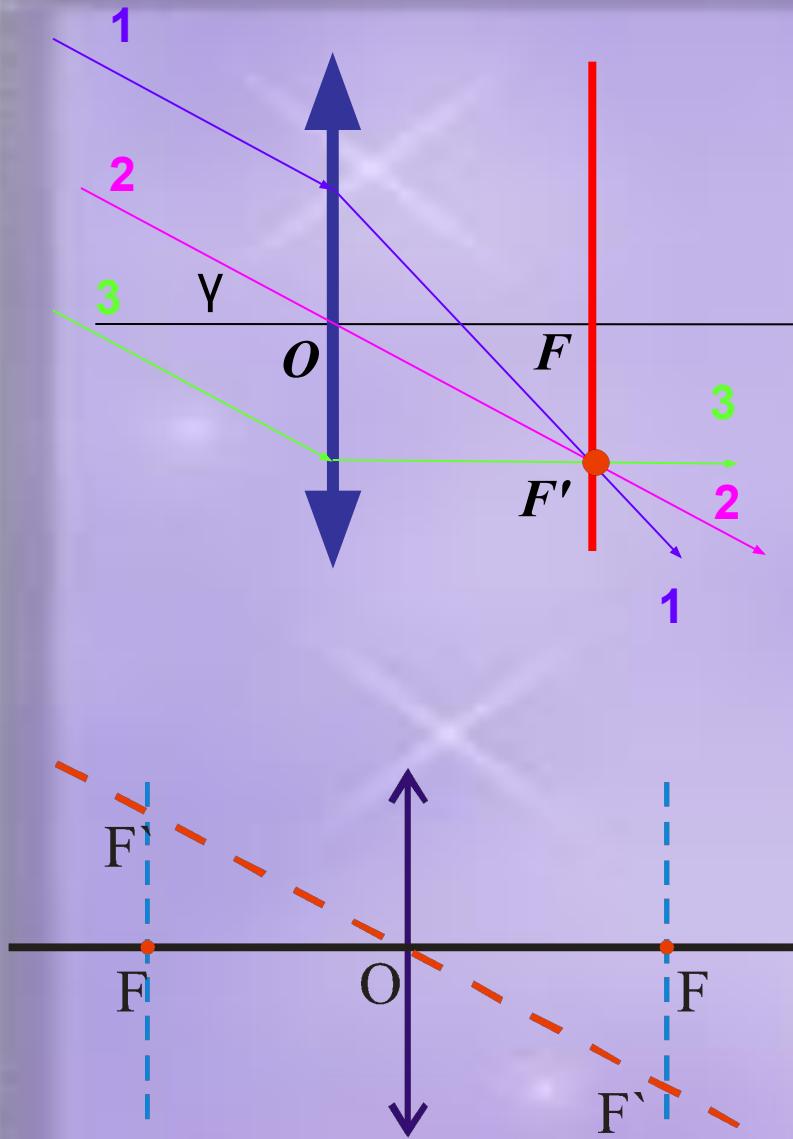
$$\begin{array}{lll} R_1 < 0 & R_1 > 0 & R_1 \rightarrow \infty \\ R_2 < 0 & R_2 < 0 & R_2 < 0 \\ |R_1| < |R_2| & & \end{array}$$



Главный фокус собирающей линзы (**F**) – точка на главной оптической оси, в которой собираются лучи, падающие параллельно главной оптической оси, после преломления их в линзе.

Фокусное расстояние (OF) – расстояние от главного фокуса до центра линзы (O). У собирающей линзы фокус действительный, потому – положительный.

$$СИ: [F]=м \text{ (метр)}$$



Фокальная плоскость линзы – плоскость, проходящая через главный фокус линзы перпендикулярно главной оптической оси. Точки пересечения побочных оптических плоскостей с фокальными плоскостями называются **побочным фокусом (F')**. В побочном фокусе сходятся все лучи, падающие на линзу параллельно побочной оптической оси.

$$\frac{1}{F} = (n - 1) \frac{1}{R}$$

Фокусное расстояние плоско-выпуклой линзы
в вакууме определяется радиусом кривизны ее поверхности и абсолютным показателем преломления материала линзы.

Фокусное расстояние двояковыпуклой линзы

$$\frac{1}{F} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{F} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

Фокусное расстояние вогнуто-выпуклой линзы

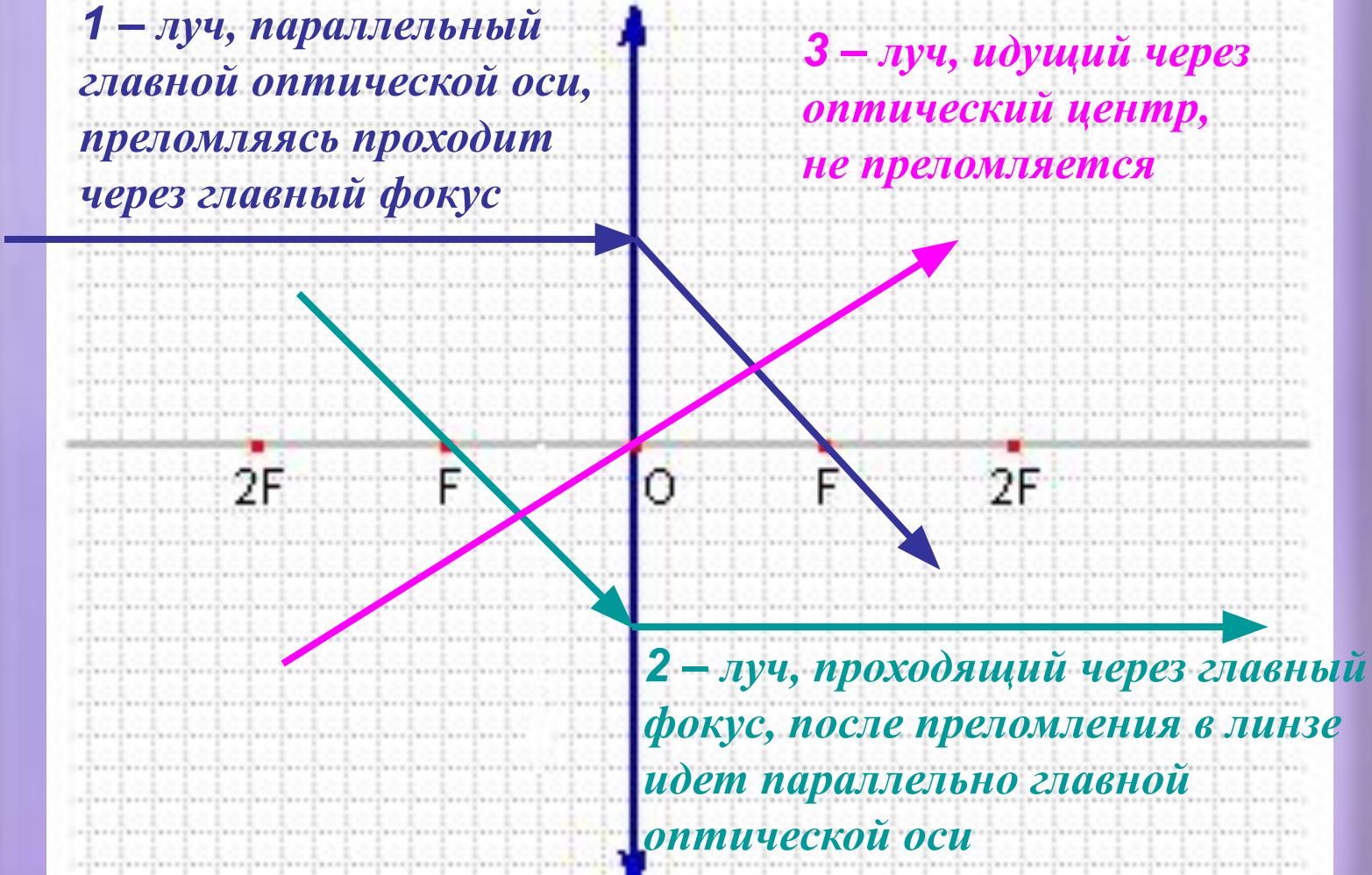
Оптическая сила – величина, обратная фокусному расстоянию линзы
СИ: $[D]=1/m=дptr$ (диоптрия)

$$D = \frac{1}{F}$$

Ход лучей в собирающей линзе:

1 – луч, параллельный главной оптической оси, преломляясь проходит через главный фокус

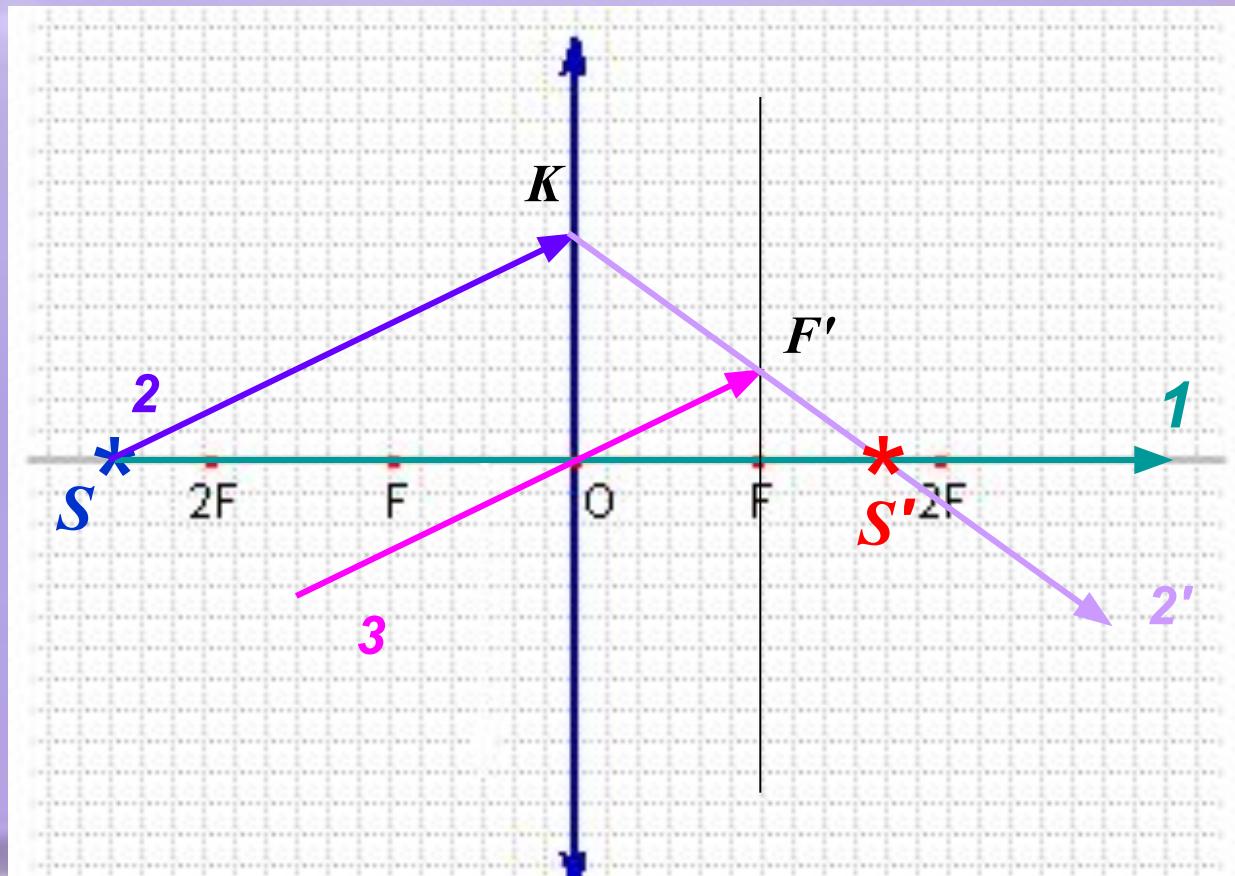
3 – луч, идущий через оптический центр, не преломляется



2 – луч, проходящий через главный фокус, после преломления в линзе идет параллельно главной оптической оси

Построение изображений в тонкой линзе.

1. Точечный источник света, находящийся на главной оптической оси.

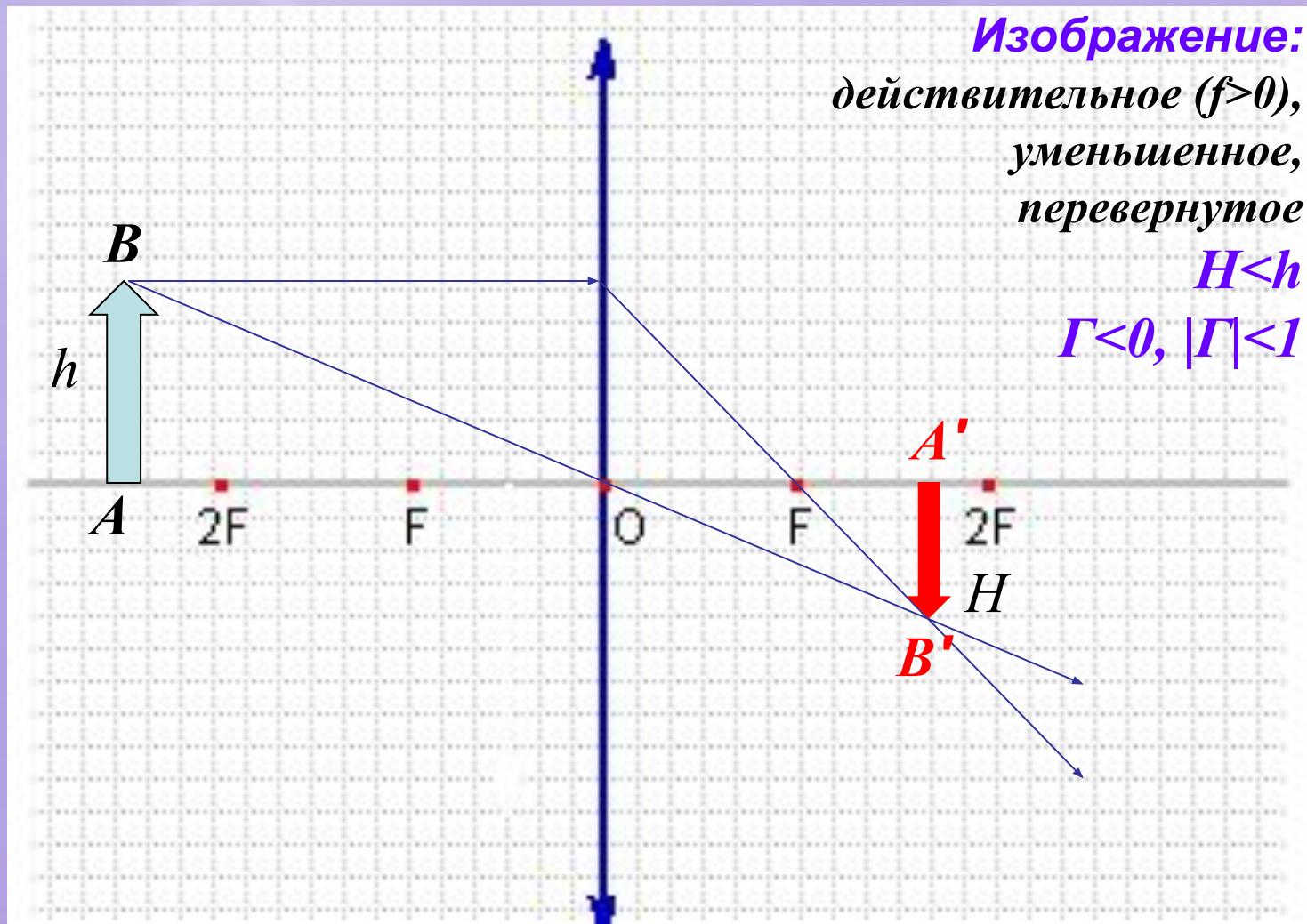


Увеличение линзы – отношение высоты изображения к высоте предмета.

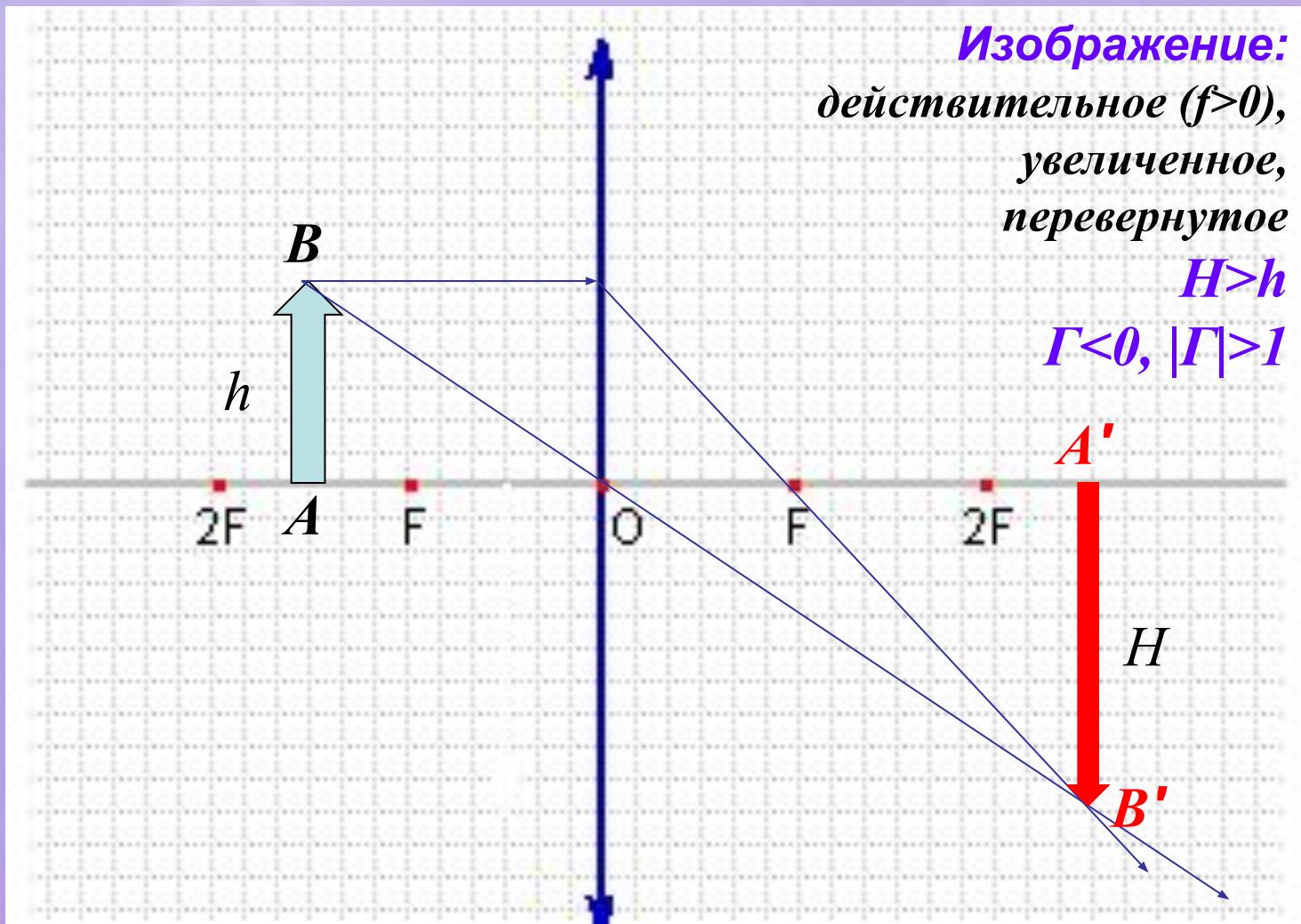
При прямом изображении предмета в линзе увеличение положительно ($\Gamma > 0$), а при перевернутом – отрицательно ($\Gamma < 0$). При увеличенном изображении предмета в линзе модуль увеличения больше единицы ($|\Gamma| > 1$), а при уменьшенном – меньше единицы ($|\Gamma| < 1$)

$$\Gamma = H/h$$

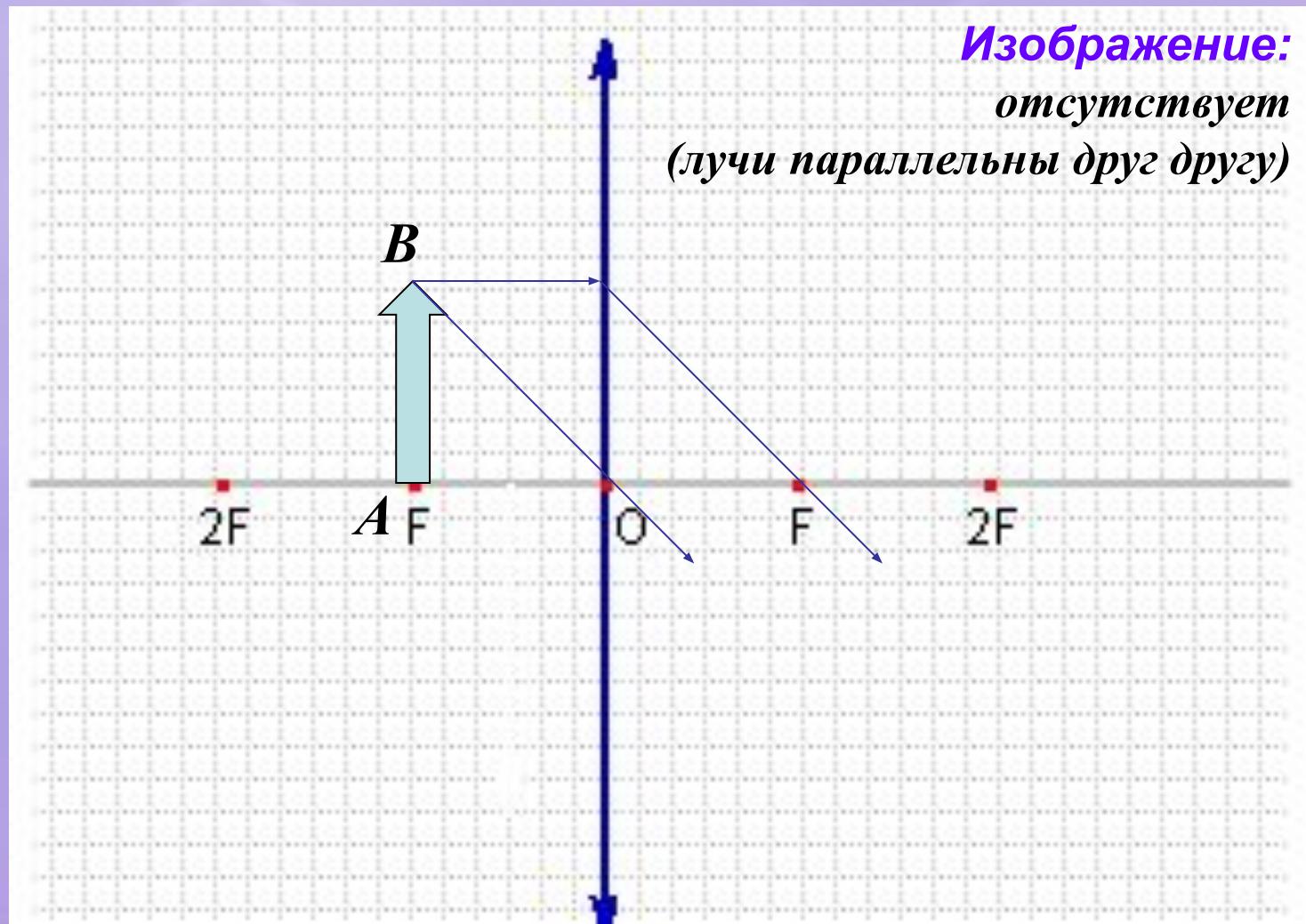
2. Предмет находится за двойным фокусом линзы ($d>2F$)



3. Предмет находится между двойным фокусом и фокусом линзы ($2F > d > F$)



3. Предмет находится на фокусном расстоянии от линзы ($d=F$)

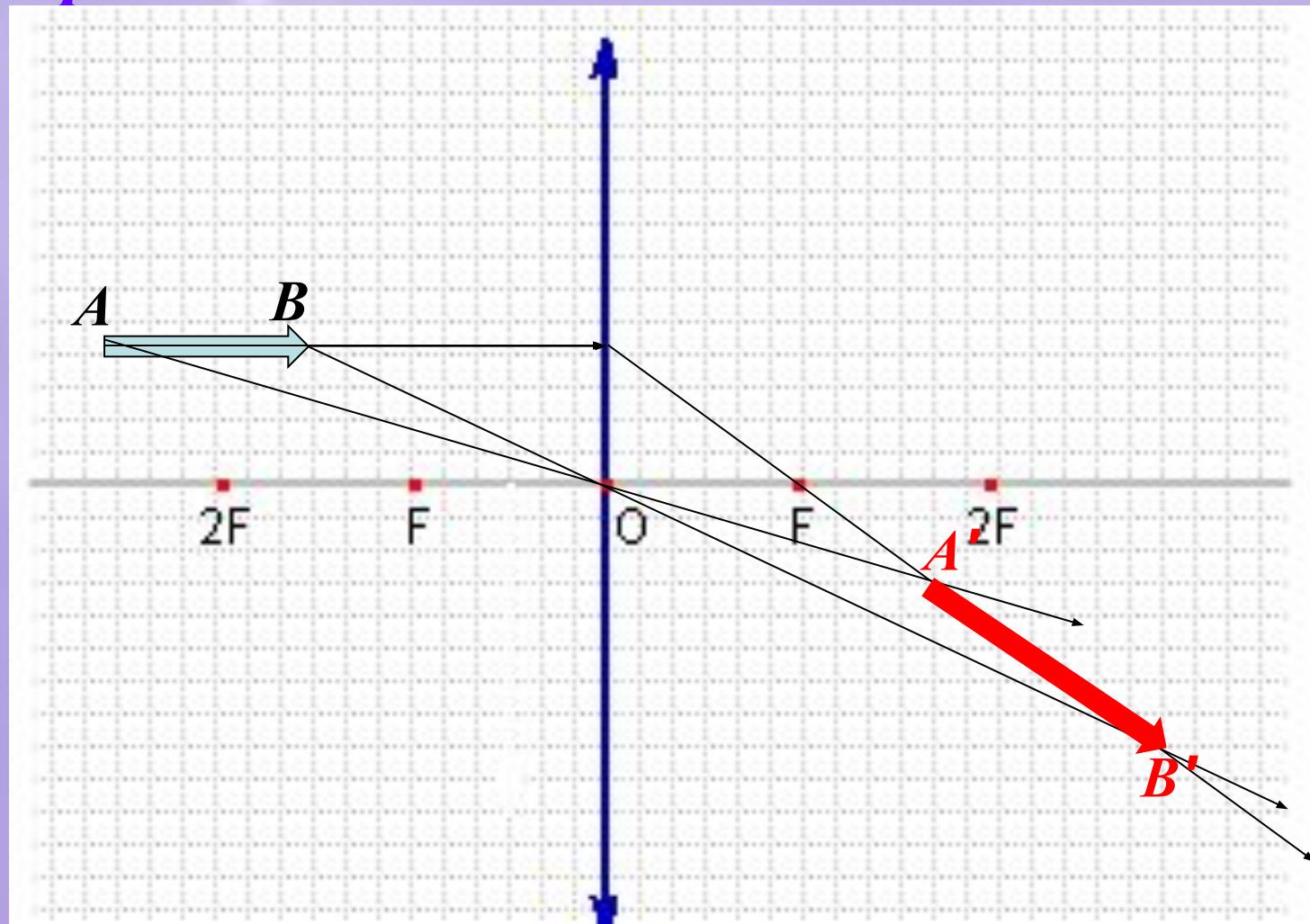


4. Предмет находится между главным фокусом и линзой ($d < F$) A ray diagram illustrating the formation of a real image when the object is placed between the focal point (F) and the lens. The horizontal axis represents the principal axis with the origin (O) at the lens. The focal points are marked at $-F$ and $+F$. A real object of height h is located at distance d from the lens, where $0 < d < F$. Two rays originate from the top of the object: one parallel to the principal axis, which refracts through the lens as if it originated from the focal point $-F$; and another ray passing directly through the lens without deviation, which refracts parallel to the principal axis. The two refracted rays intersect at a point behind the lens, forming a real image of height H . The image is inverted, real, and magnified ($H > h$). The magnification is given by the formula $\Gamma = -d/H$, where $\Gamma < 0$ and $|\Gamma| > 1$. Изображение: мнимое ($f < 0$), увеличенное, прямое $H > h$ $\Gamma < 0, |\Gamma| > 1$

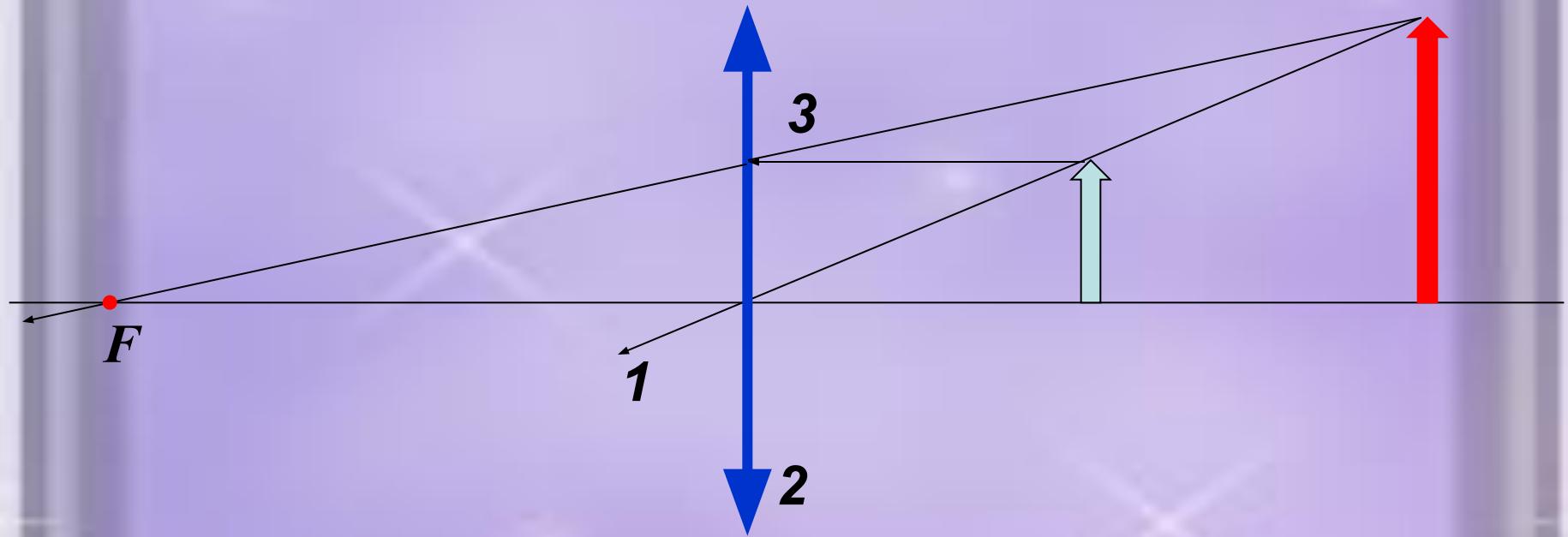
Заполните таблицу:

Предмет	Изображение			
	Расстояние от предмета до линзы (d)	Расстояние от линзы до изображения (f)	Тип	Ориентация
$d > 2F$	$F < f < 2F$	Действ.	Переверн. $(\Gamma < 0)$	Уменьш. $(\Gamma < 1)$
$d = 2F$				
$F < d < 2F$				
$d = F$				
$d < F$				

5. Линейный предмет, расположенный параллельно главной оптической оси.

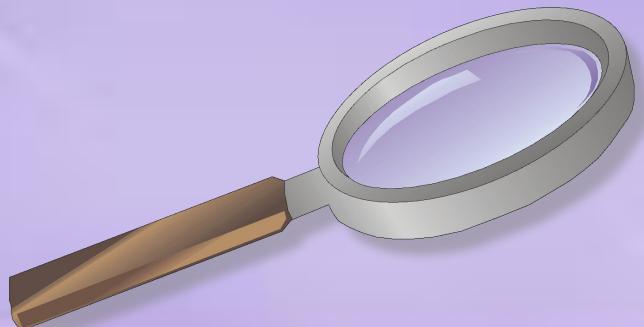


6. Графическое определение положения оптического центра и главного фокуса линзы.



Формула тонкой собирающей линзы The diagram illustrates the Rayleigh construction for a converging lens. An object of height h is located at distance d to the left of a lens at point O . The image of height H is formed at distance H to the right of the lens. The lens has a focal length f . The diagram shows two triangles: ΔAOB and $\Delta A'OB'$, which are similar. The distance from the lens to the object is $2F$, and the distance from the lens to the image is $2F$. The image is real and inverted. ΔAOB подобен $\Delta A'OB'$, поэтому $|\Gamma| = \frac{H}{h} = \frac{f}{d}$ ΔCFO подобен $\Delta A'FB'$, тогда $|\Gamma| = \frac{H}{h} = \frac{f - F}{F}$ $$\frac{f}{d} = \frac{f - F}{F} \quad \text{разделим обе части на } f$$ $$\frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f}$$ $$\boxed{\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}}$$ *Формула тонкой линзы (для $d > 2F$)*

Рассевающие
лизы.



Ход лучей в рассеивающей линзе

Рассеивающая линза **отклоняет** параллельно падающие на нее лучи от главной оптической оси .

Главный фокус рассеивающей линзы – точка на главной оптической оси, через которую проходят **продолжения** расходящегося пучка лучей, возникающего после преломления в линзе лучей, параллельных главной оптической оси.

Фокус рассеивающей линзы всегда мнимый.

$$\frac{1}{F} = (n - 1) \left(-\frac{1}{|R|} \right)$$

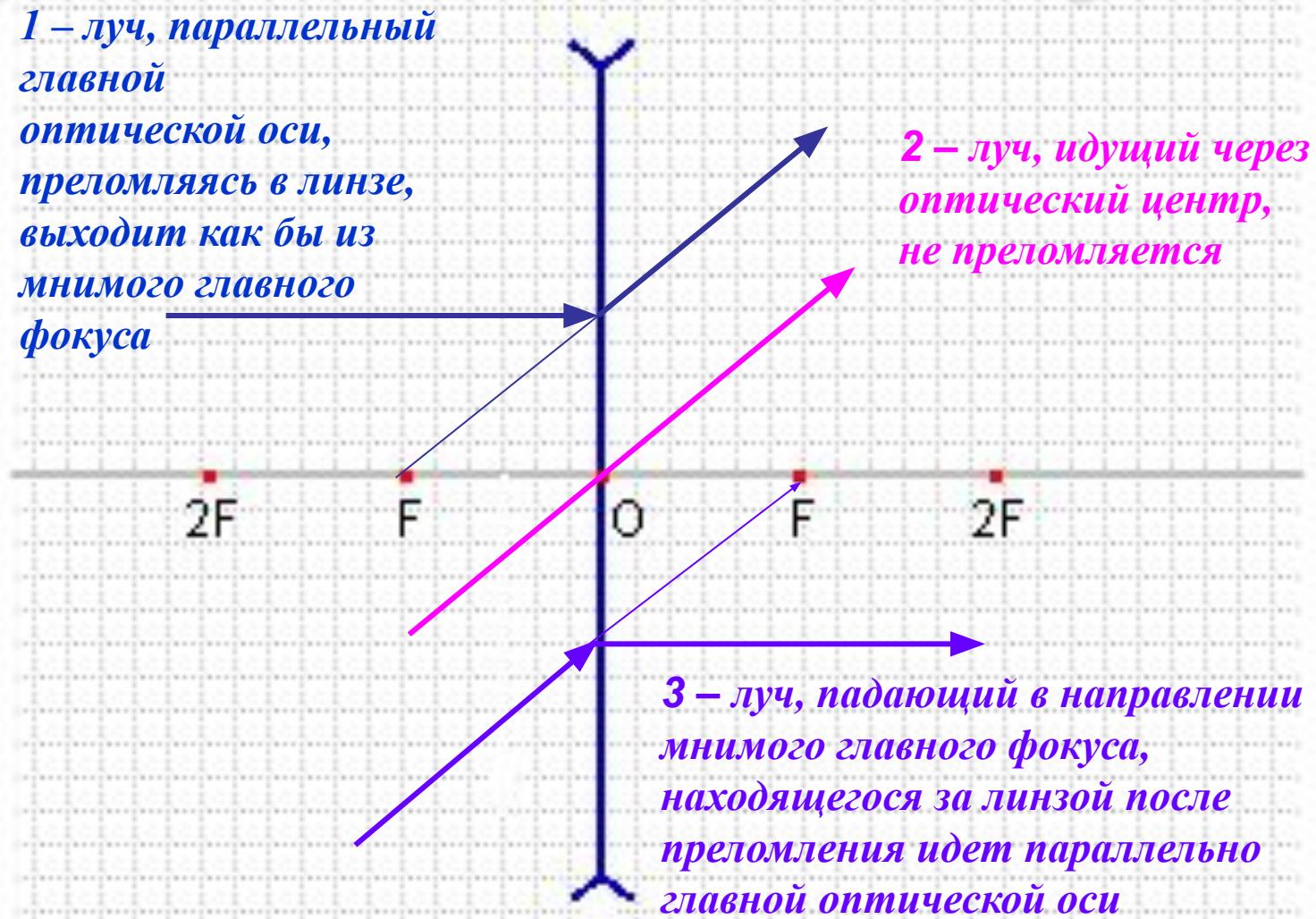
Формула связи фокуса рассеивающей линзы с ее радиусом кривизны

*Оптическая сила
рассеивающей линзы ($D < 0$)*

$$D = \frac{1}{F} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

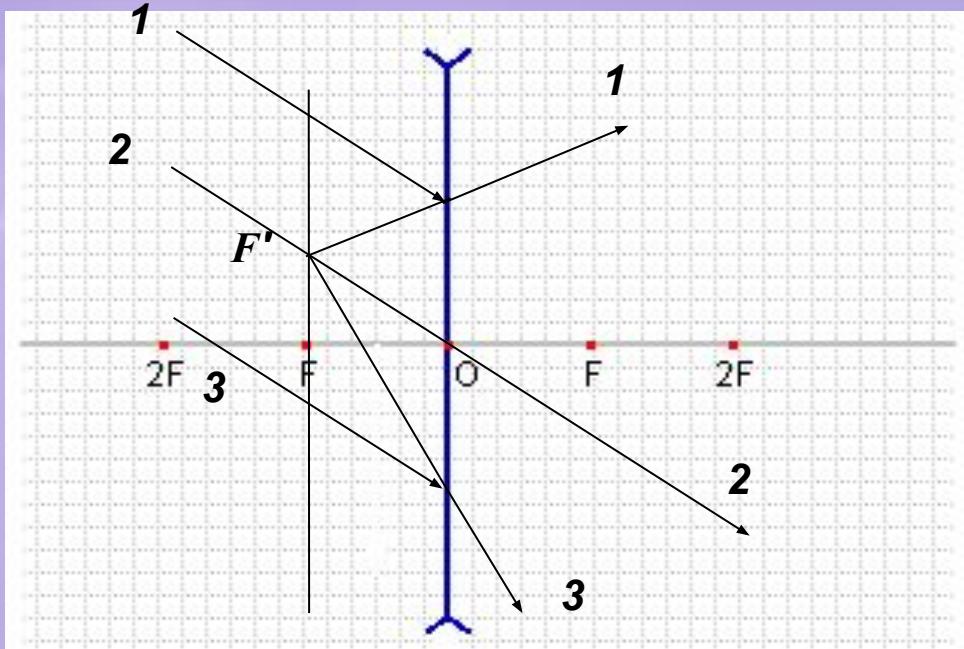
Основные лучи для рассеивающей линзы

1 – луч, параллельный главной оптической оси, преломляясь в линзе, выходит как бы из мнимого главного фокуса



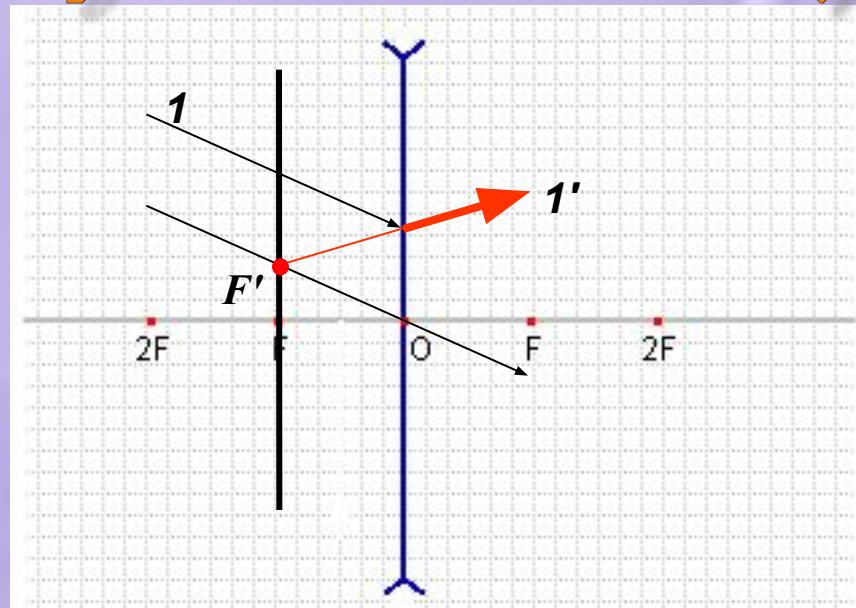
2 – луч, идущий через оптический центр, не преломляется

3 – луч, падающий в направлении мнимого главного фокуса, находящегося за линзой после преломления идет параллельно главной оптической оси



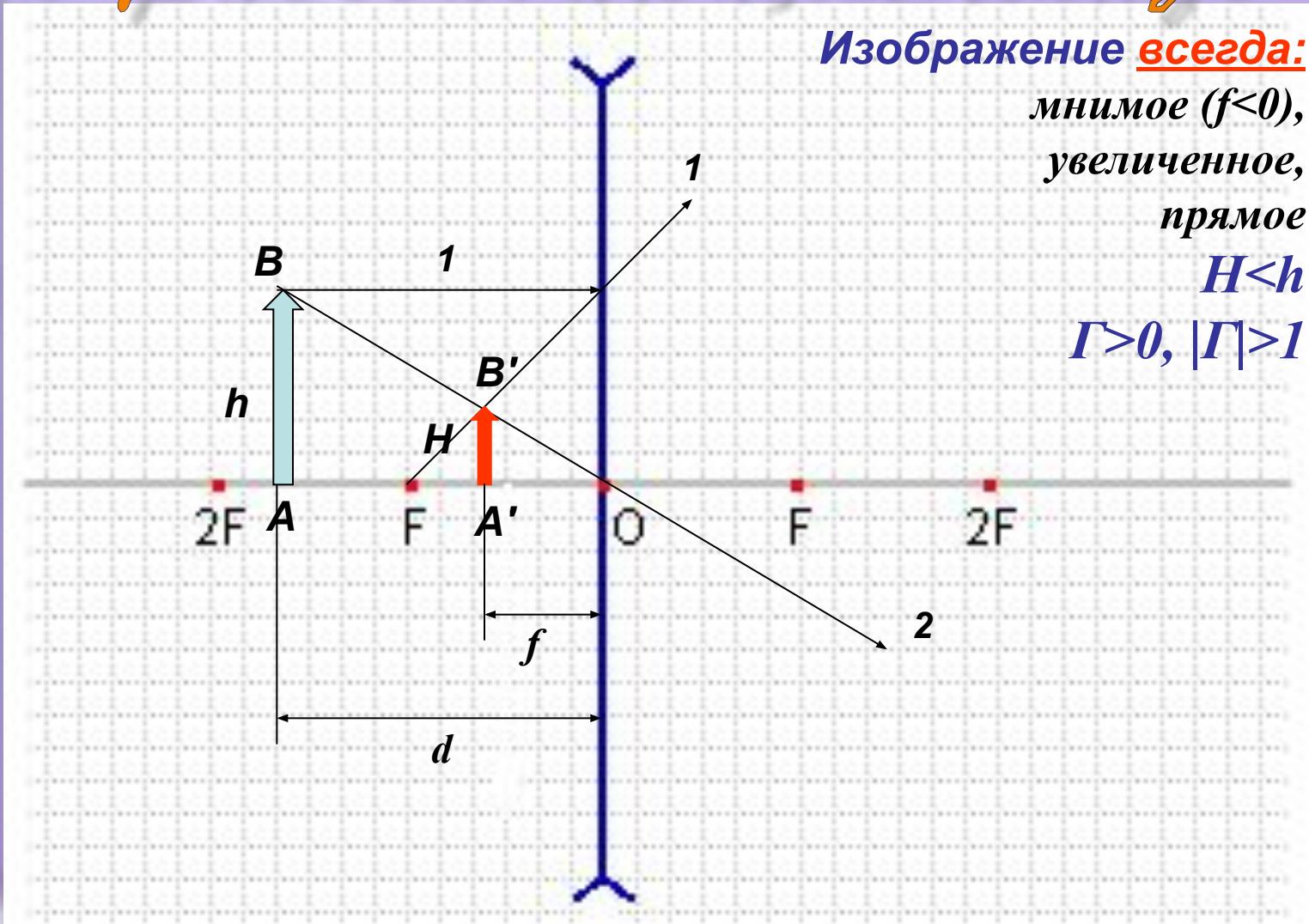
Если пучок параллельных лучей падает на тонкую рассеивающую линзу под небольшим углом к главной оптической оси, то продолжения преломленных лучей пересекаются в одной точке F' фокальной плоскости линзы – в ее **побочном фокусе**.

Построение хода произвольного луча

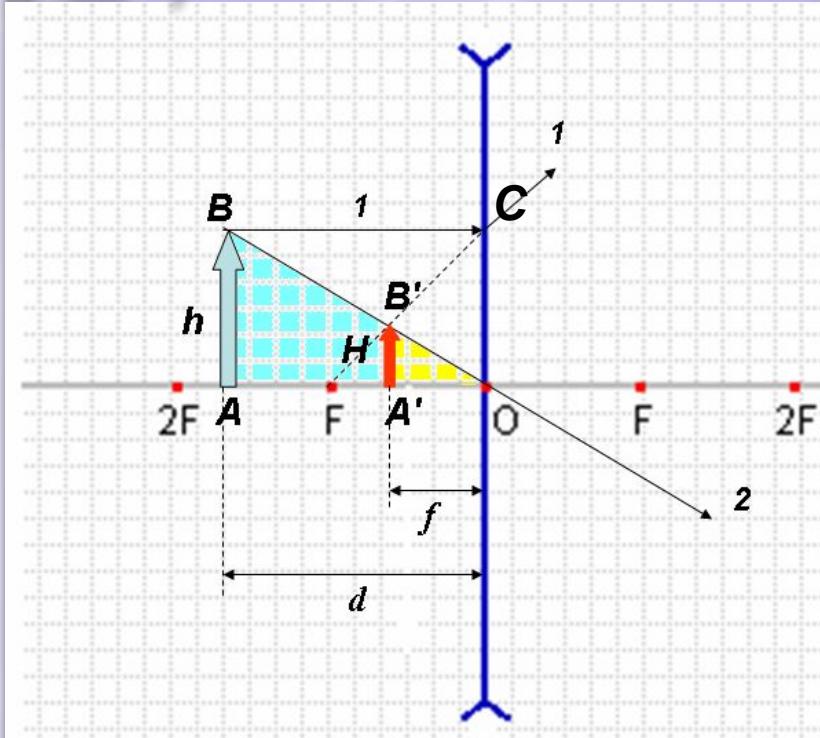


- 1). Построить фокальную плоскость
- 2). Построить произвольный луч 1 .
- 3). Построить $F'O \parallel 1$, $F'O \cap F'F = F'$
- 4). Из точки F' построить преломленный луч

Изображение предмета в рассеивающей линзе



Формула тонкой рассеивающей линзы



$\triangle AOB$ подобен $\triangle A'OB'$, поэтому $\Gamma = \frac{H}{h} = \frac{|f|}{d}$

(мы учли, что $f < 0$)

$\triangle CFO$ подобен $\triangle A'FB'$, тогда $\Gamma = \frac{H}{h} = \frac{|F| - |f|}{|F|}$,

для рассеивающей линзы $F < 0$

$\frac{|f|}{d} = \frac{|F| - |f|}{|F|}$. Разделим обе части уравнения на $|f|$.

$$\frac{1}{d} = \frac{1}{|F|} - \frac{1}{|f|}$$

$$-\frac{1}{|F|} = \frac{1}{d} - \frac{1}{|f|}$$

**Формула тонкой
рассеивающей линзы**

Недостатки линз.

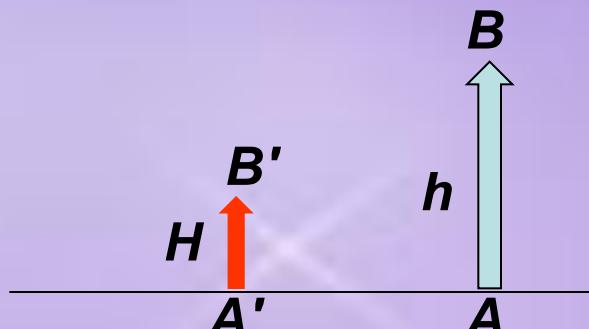
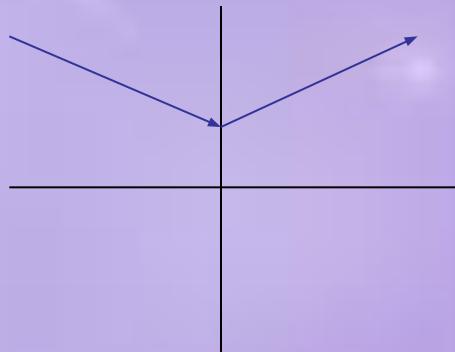
Реальным линзам свойственны некоторые дефекты. Один из них - сферическая аберрация. Она заключается в том, что выпуклая линза лучи, отстоящие далеко от главной оптической оси, собирает в точке (фокусе), расположенной ближе к линзе, чем близко прилегающие лучи: у вогнутой линзы — аналогичная картина.

Один из способов борьбы со сферической аберрацией — использование только параксиальных пучков, т. е. пучков, близких к главной оптической оси. Для этого линзу диафрагмируют, пропуская через нее более узкий пучок. Но этим уменьшается энергия пучка и освещенность изображения. Второй способ ослабления изображенный за линзой, увидит прямое мнимое увеличенное изображение.

Решите задачи:

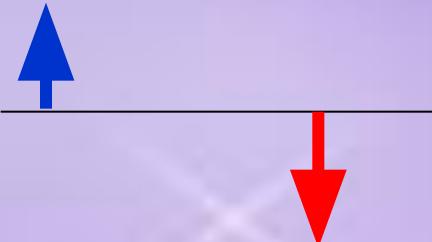
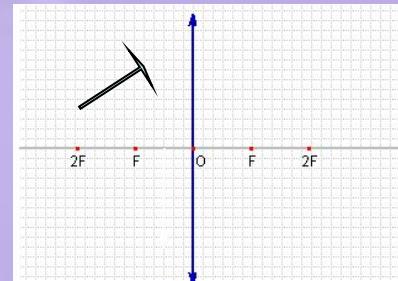
- Плоско-вогнутая линза имеет радиус кривизны 20 см. найдите фокусное расстояние и ее оптическую силу.
- Известен ход падающего и преломленного рассеивающей линзой лучей. Найдите построением главные фокусы линзы.
- Точечный источник света находится в главном фокусе рассеивающей линзы ($F=10$ см). На каком расстоянии будет находиться его изображение?
- Сформулируйте по рисунку условие задачи и решите ее.

Задачи на построение решите в любом графическом редакторе.



Решите задачи:

1. Двояковыпуклая линза сделана из стекла ($n=1,5$) с радиусами кривизны 9,2 м. Найдите ее оптическую силу.
2. Постройте изображение предмета (см.рис.).
3. Собирающая линза находится на расстоянии 1 м от лампы накаливания и дает изображение ее спирали на экране на расстоянии 0,25 м от линзы. Найдите фокусное расстояние линзы.
4. Сформулируйте по рисунку условие задачи и решите ее.



Задачи на построение решите в любом графическом редакторе.