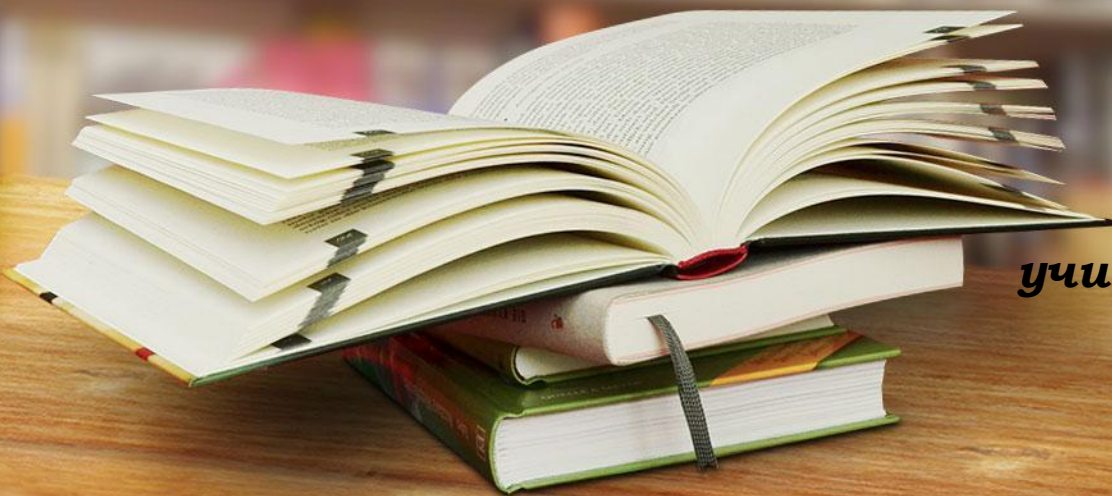


Урок геометрии в 10 классе



**Урок подготовила
учитель математики МБОУ
СШ № 10 г. Павлово
Леонтьева
Светлана Ивановна**

Урок вывешен на сайте: <http://pavls1954.wixsite.com/1712>

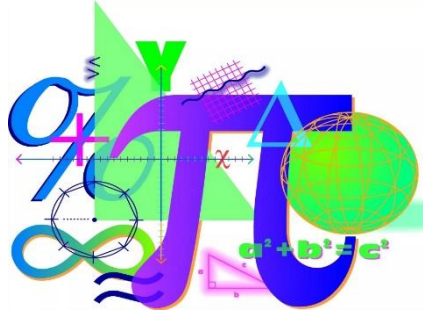
Приветствую вас на уроке
геометрии



***Ученье в молодости –
резьба на камне;
в старости - чертёж на песке.***

Талмуд.

Успешного усвоения учебного материала



07.09.17

KP

Тема урока:

***Углы и отрезки
в окружности.***

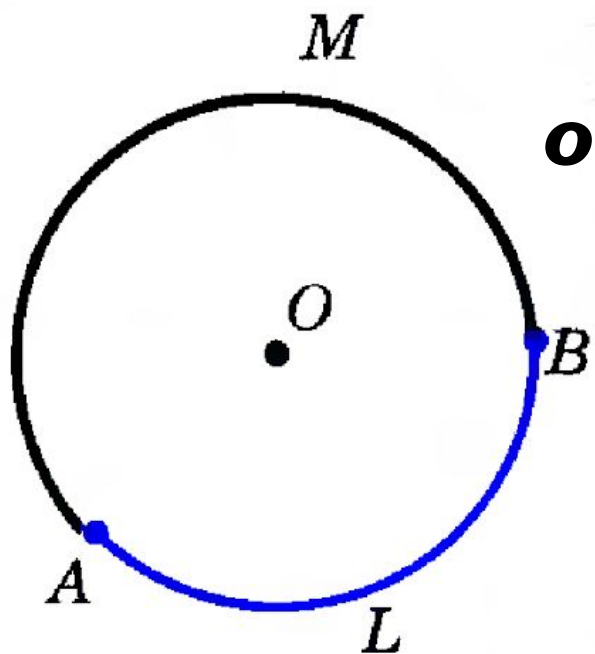
Цели урока:

- П**овторить все виды углов и отрезков в окружности.
- Р**ешать задачи по теме урока, используя теоремы и формулы.
- П**родолжить формирование культуры устной и письменной математической речи и культуры общения, умения работать в паре и группе.

Повторение изученного материала



1.



**Назовите дуги,
отмеченные на рис.214**

**Какая из этих дуг
является большей?**

Рис. 214

**Сумма градусных мер этих дуг
равна ...^o**

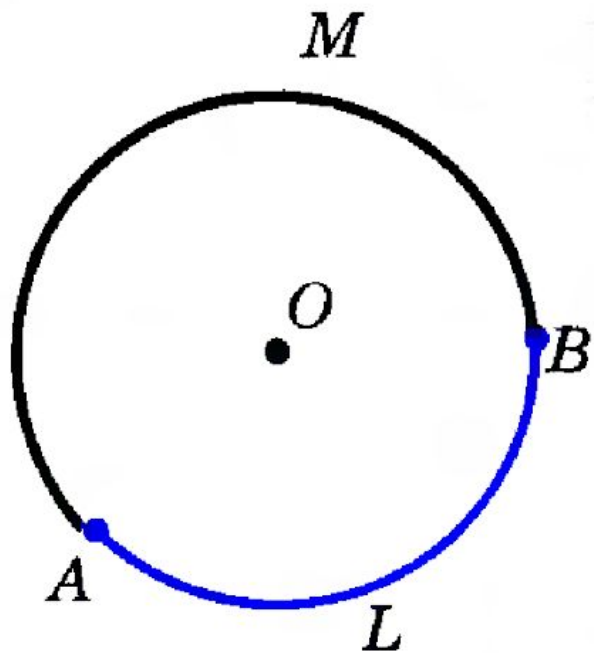


Рис. 214

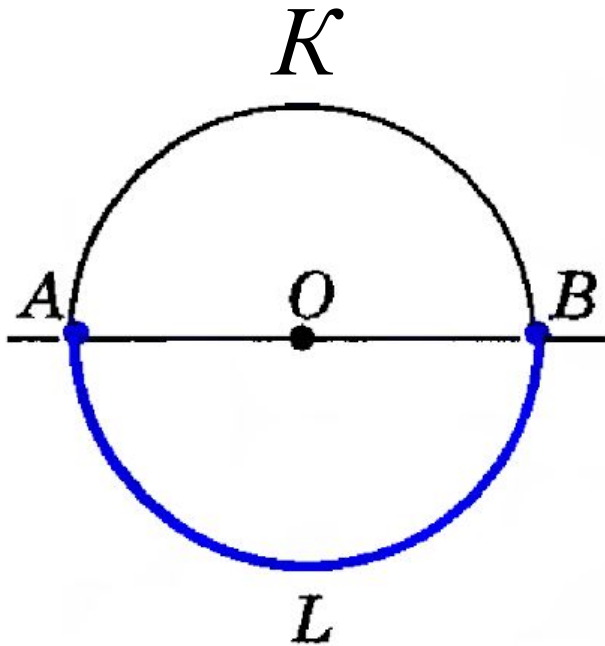
$$\cup AMB \text{ u } \cup ALB$$

$$\cup AMB \boxtimes \cup ALB$$

$$\cup AMB + \cup ALB = 360^{\boxtimes}$$

Заполните пропуски

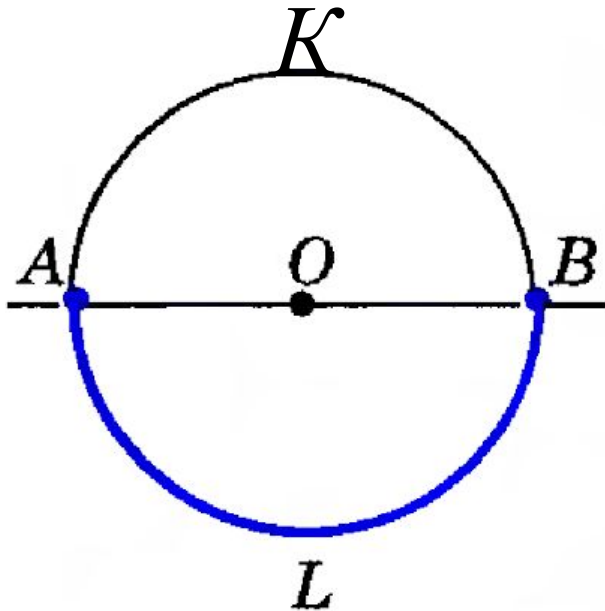
2.



...- **диаметр.**

Дуга называется **полуокружностью**, если отрезок, соединяющий её концы является ...

Назовите на чертеже **полуокружности.**



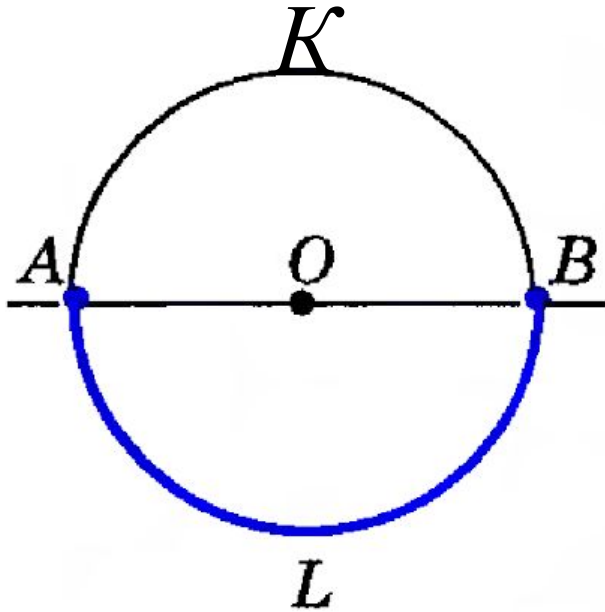
AB – диаметр.

Дуга называется **полуокружностью**, если отрезок, соединяющий её концы является **диаметром**

$\cup AKB$ и $\cup ALB$ – **полуокружности.**

Назовите вид угла и его градусную меру

$\angle AOB$ – ... $\angle AOB = \dots$ \boxtimes



AB – диаметр.

Дуга называется **полуокружностью**, если отрезок, соединяющий её концы является **диаметром**

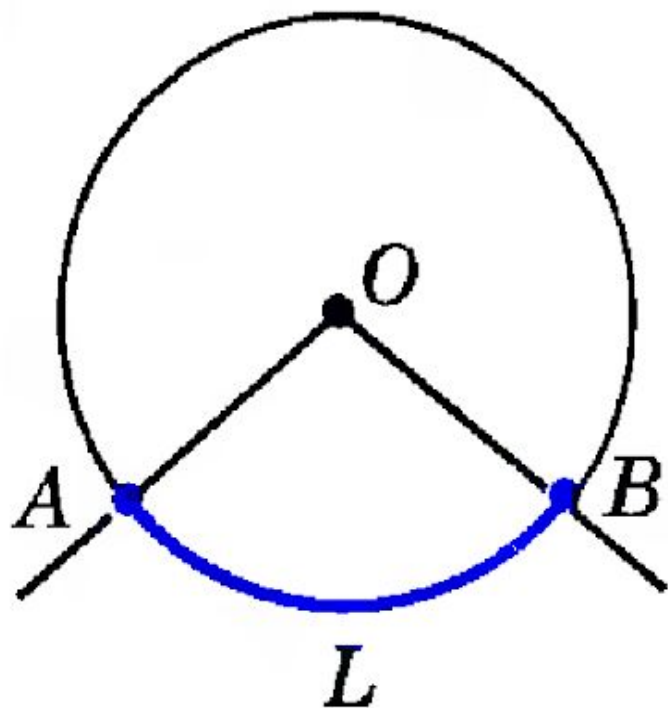
$\cup AKB$ и $\cup ALB$ – **полуокружности.**

$\angle AOB$ – развернутый

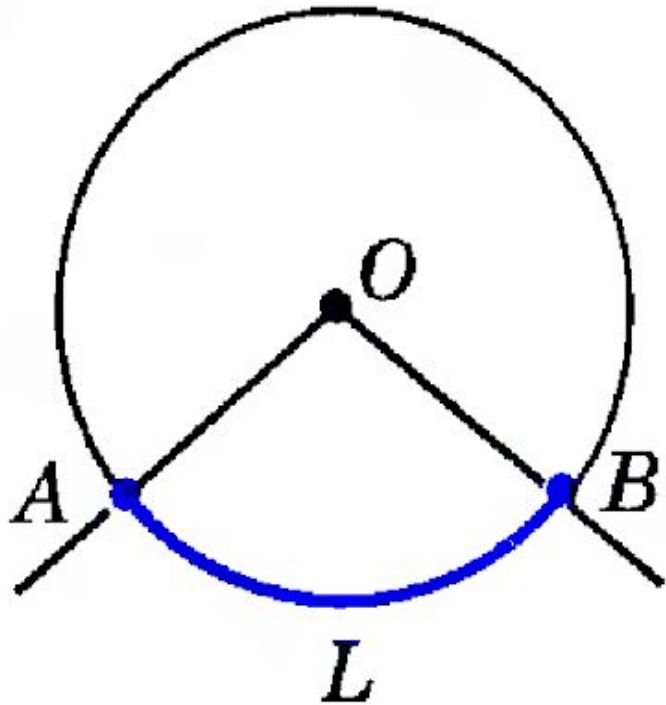
$$\angle AOB = 180^\circ$$

3.

Угол с вершиной в центре окружности называется её ...
углом

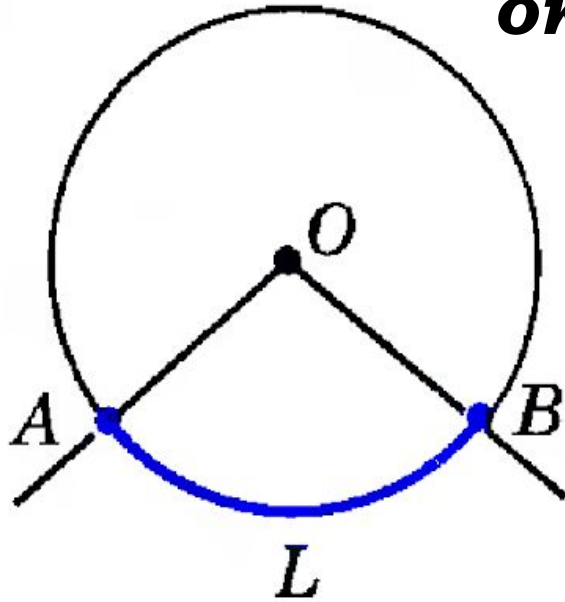


Угол с вершиной в центре окружности называется её **центральным углом**



$\angle AOB$ – ...

Угол с вершиной в центре окружности называется её **центральным углом**

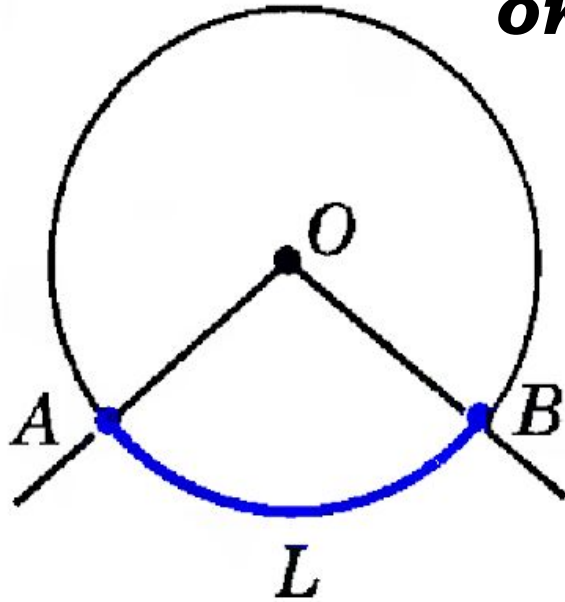


$\angle AOB$ – *центральный*

Градусная мера дуги, меньшей полуокружности, равна градусной мере ... угла.

$$\cup ALB = \dots$$

Угол с вершиной в центре окружности называется её **центральным углом**

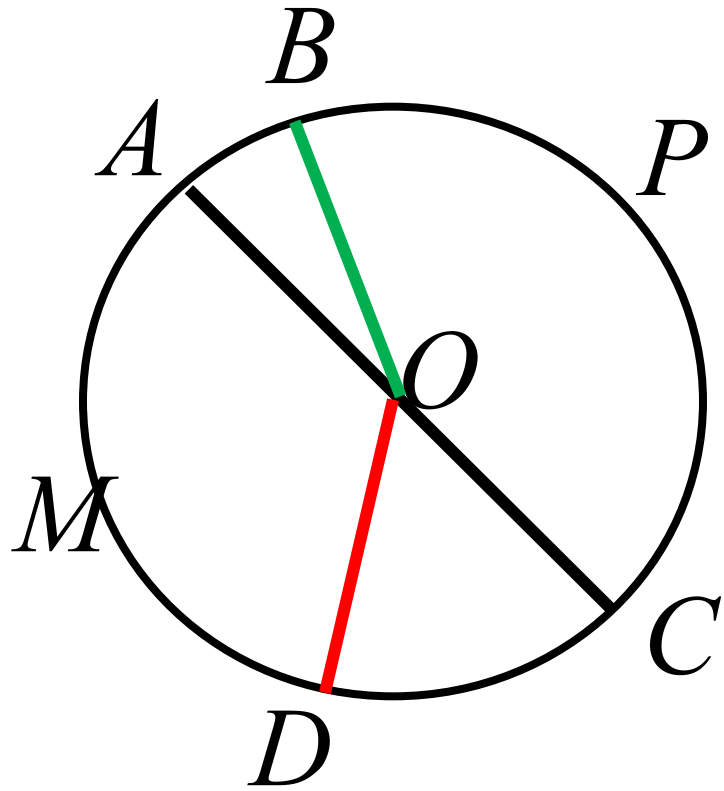


$\angle AOB$ – *центральный*

Градусная мера дуги, меньшей полуокружности, равна градусной мере **центрального** угла.

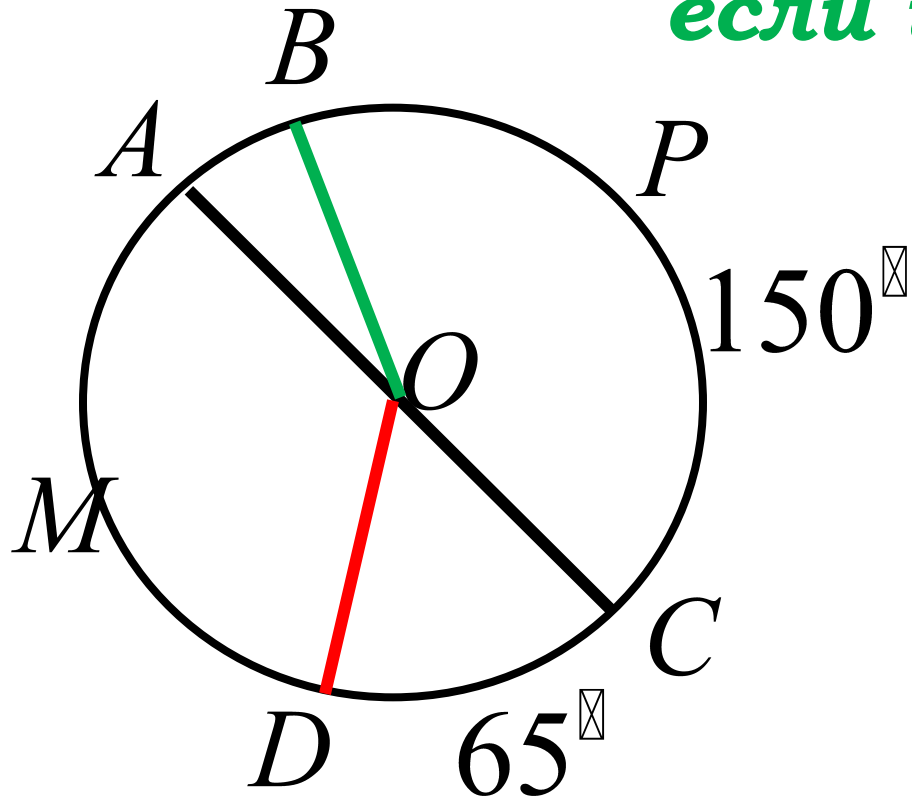
$$\cup ALB = \angle AOB$$

Назовите **центральные углы**



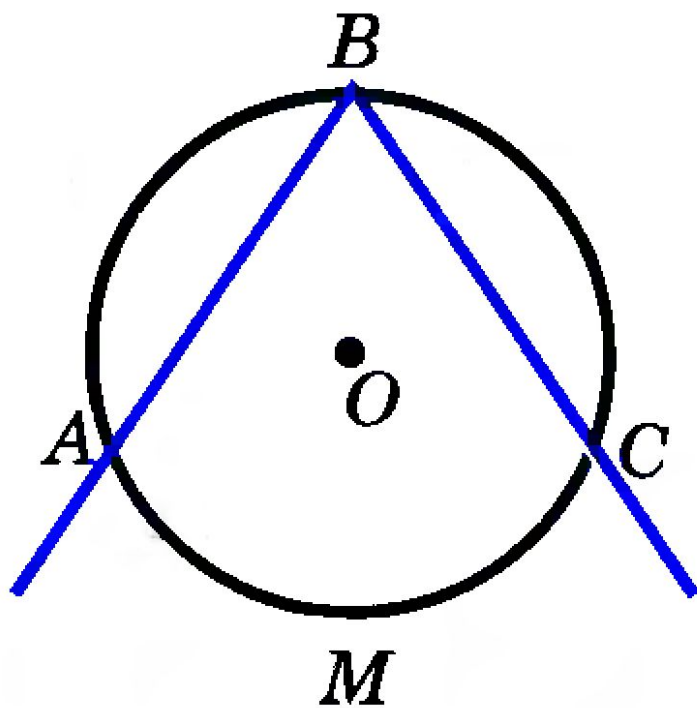
Назовите **дуги**, на которые
опираются эти **центральные углы**

Найдите центральные углы,
если известны дуги



4.

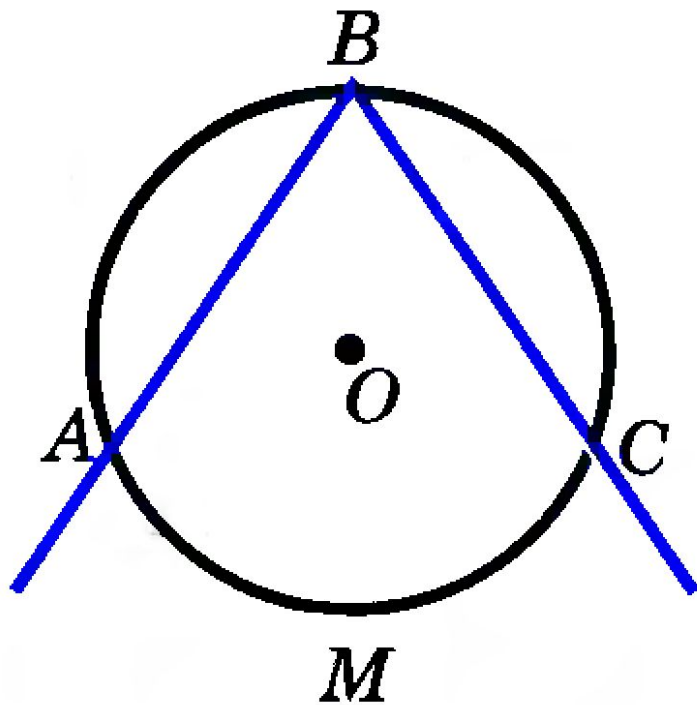
Угол, вершина которого лежит на ...,
а стороны пересекают окружность,
называется ... углом



$\angle \dots$ – вписанный

Рис. 217

Угол, вершина которого лежит на **окружности**, а стороны пересекают **окружность**, называется **вписанным** **углом**

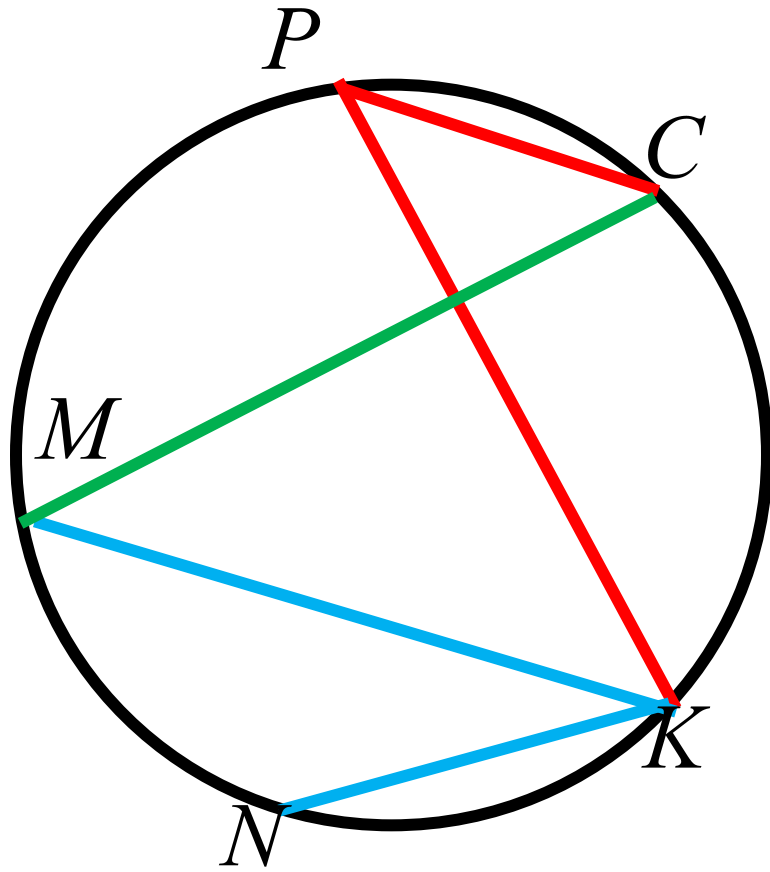


$\angle ABC$ – вписанный

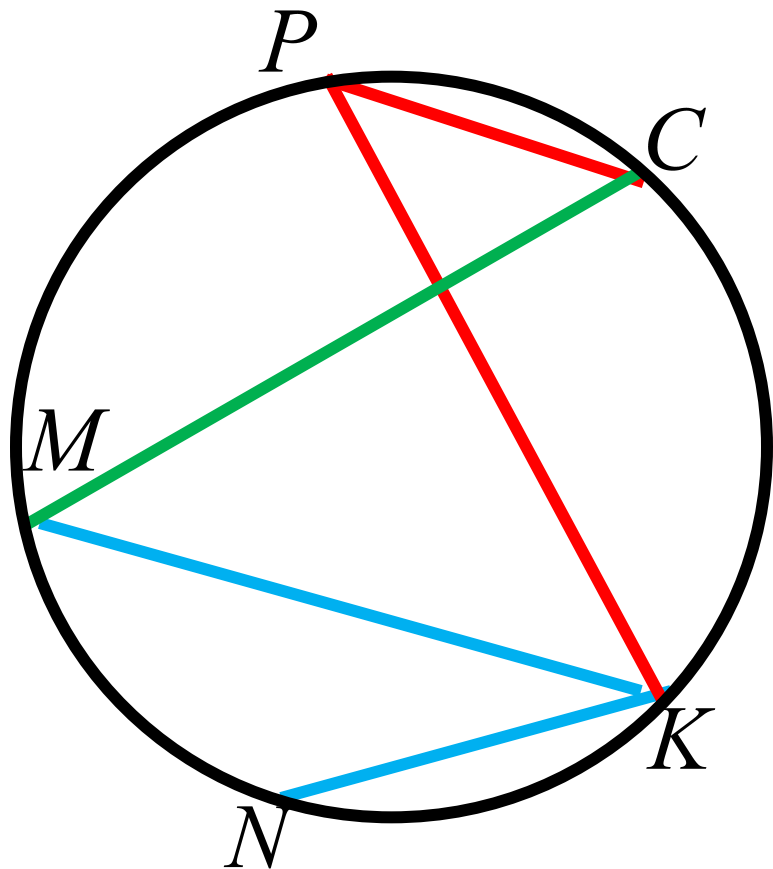
На какую дугу
опирается $\angle ABC$?

Рис. 217

**Назовите дуги, на которые
опираются эти **вписанные углы****



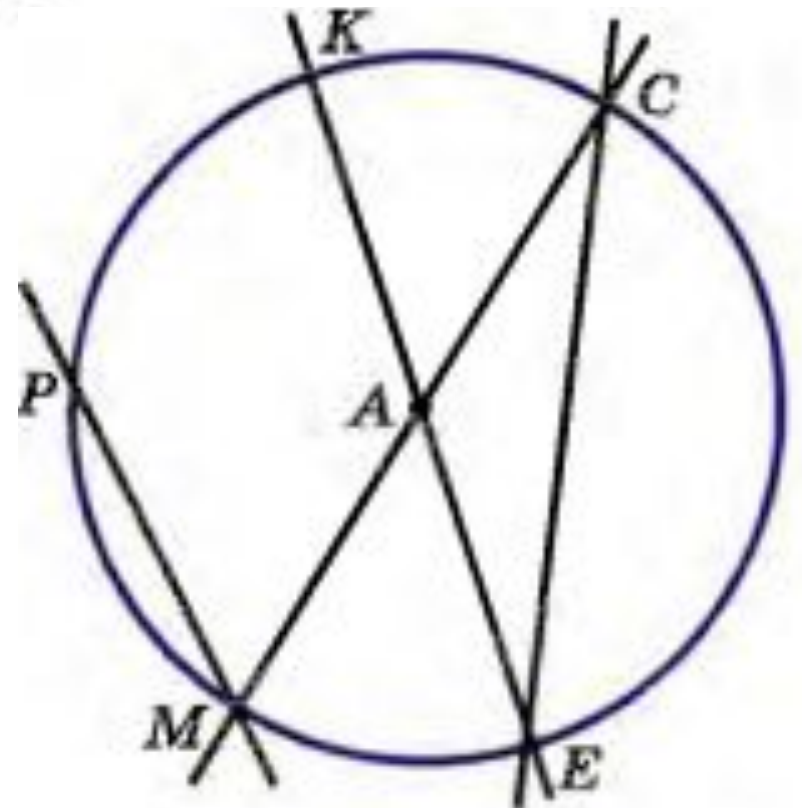
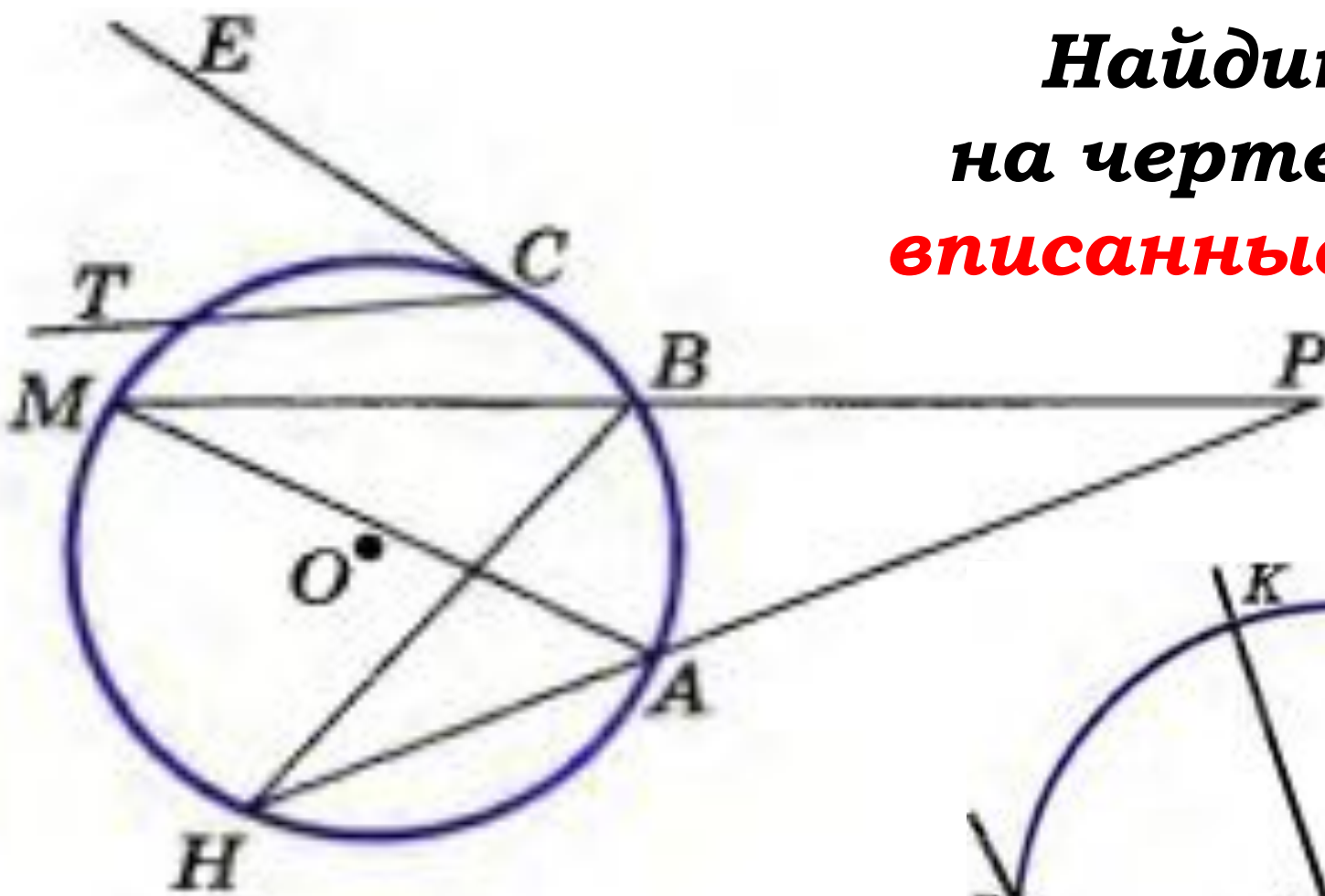
$\angle KPC$	
$\angle PCM$	
$\angle PKN$	
$\angle PKM$	
$\angle MKN$	
$\angle CMK$	



$\angle KPC$	$\cup KC$
$\angle PCM$	$\cup PM$
$\angle PKN$	$\cup PMN$
$\angle PKM$	$\cup PM$
$\angle MKN$	$\cup MN$
$\angle CMK$	$\cup KC$

**Назовите *вписанные углы*,
опирающиеся на одну и ту же дугу**

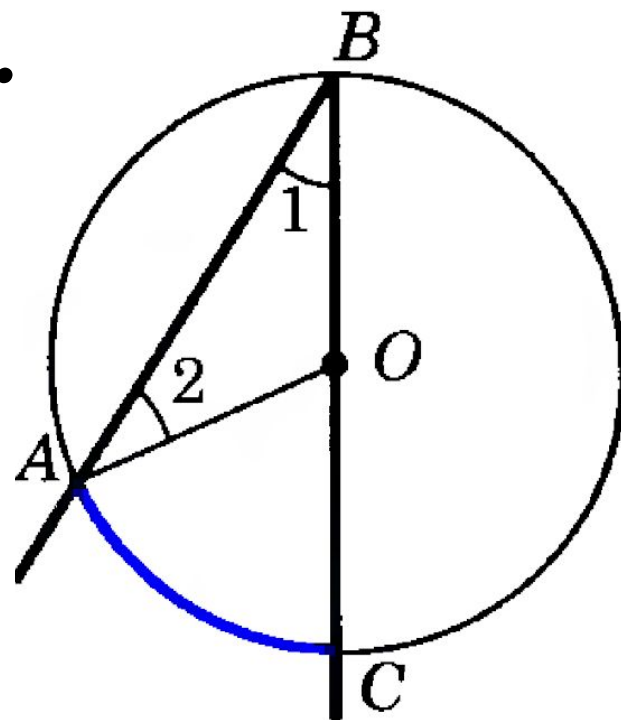
**Найдите
на чертежах
вписанные углы**



**5. Вывод 1. Центральный
угол равен ... , на
которую он опирается.**

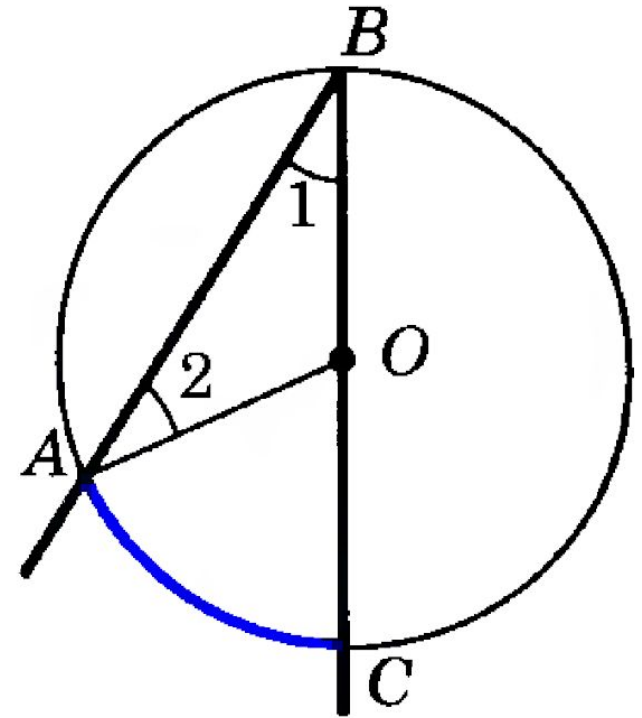
**Вывод 2. Вписанный
угол равен , на
которую он опирается.**

**Вывод 3. Вписанный угол
равен половине ... угла,
опирающегося на ту же дугу.**



Вывод 1. *Центральный угол* равен *дуге*, на которую он опирается.

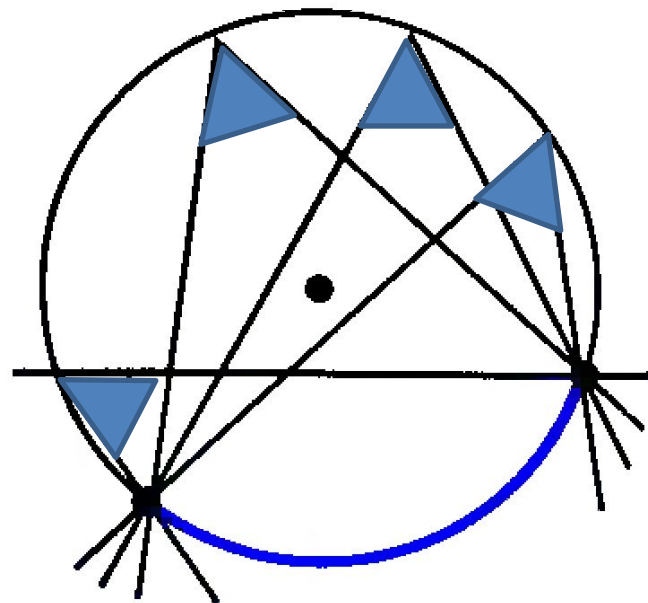
Вывод 2. *Вписанный угол* равен *половине дуги*, на которую он опирается.



Вывод 3. *Вписанный угол* равен *половине центрального угла*, опирающегося на ту же дугу.

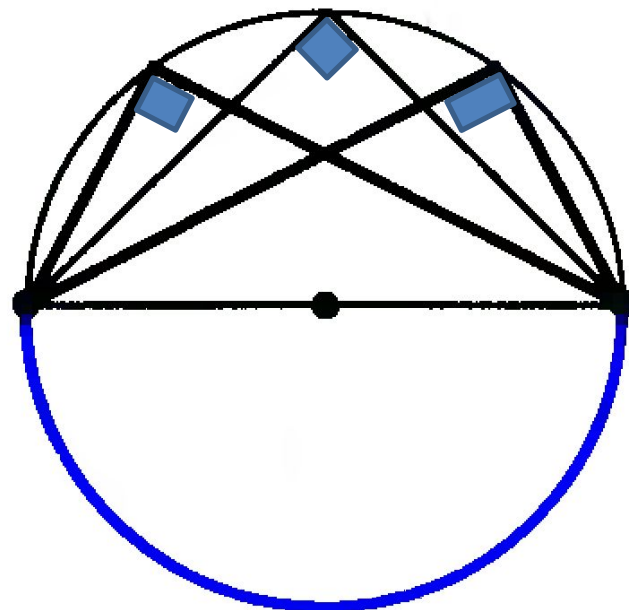
Вывод 4. Следствие 1.

Вписанные углы,
опирающиеся на одну
и ту же дугу, ...



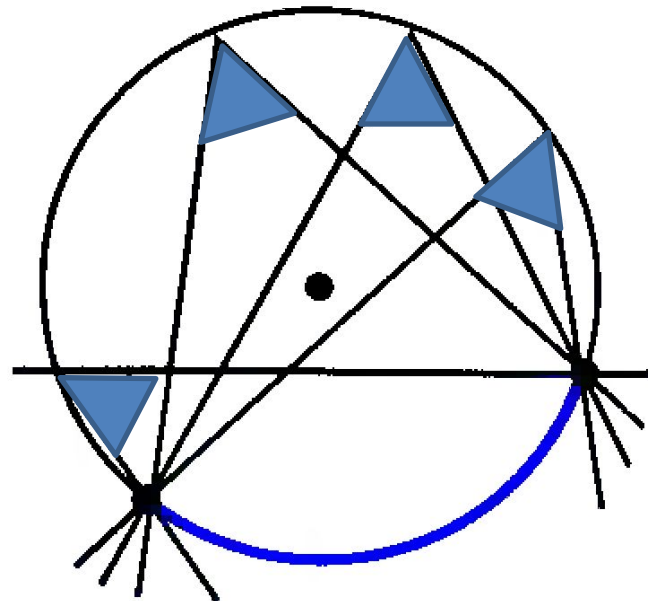
Вывод 5. Следствие 2.

Вписанный угол,
опирающийся на на
полуокружность - ...



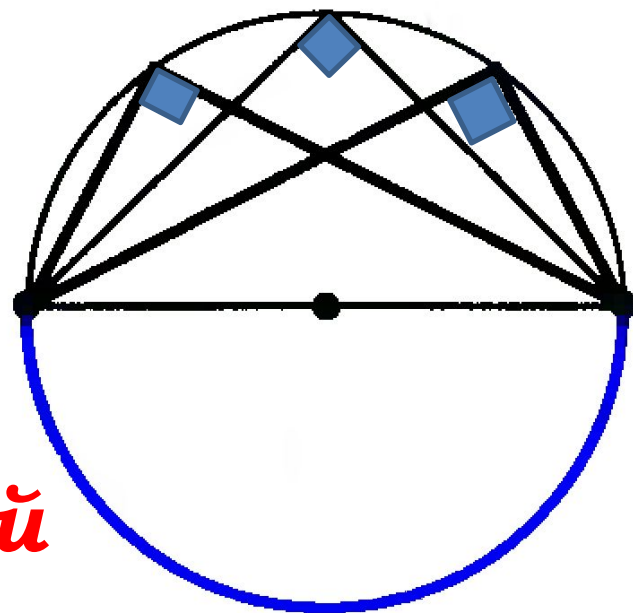
Вывод 4. Следствие 1.

Вписанные углы,
опирающиеся на одну
и ту же дугу, **равны**

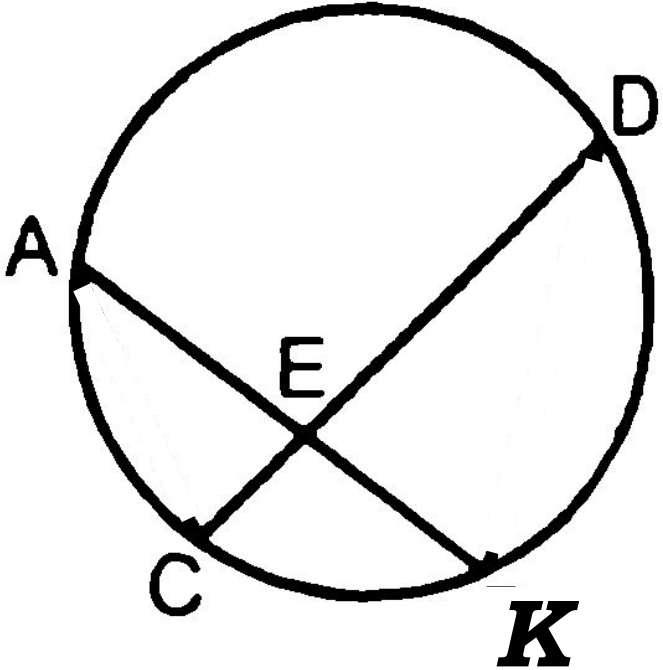


Вывод 5. Следствие 2.

Вписанный угол,
опирающийся на полуокружность - **прямой**

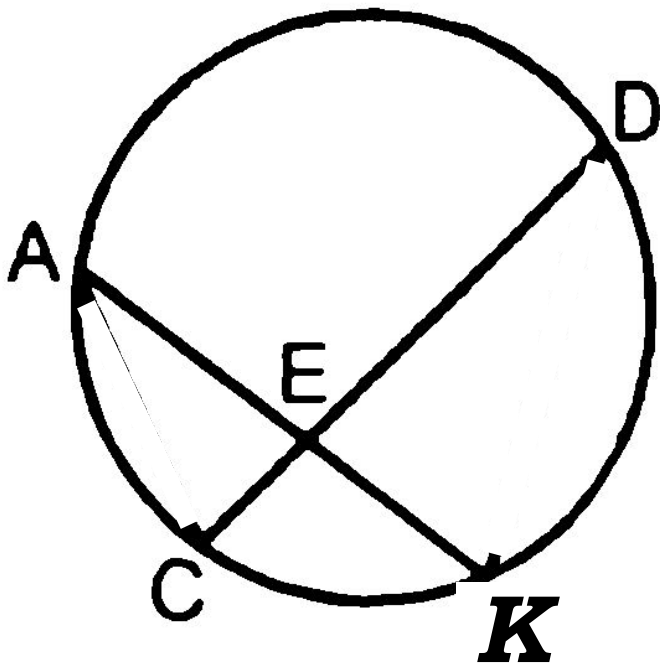


6. Если две ... окружности ..., то ... отрезков одной хорды равно произведению ... хорды



$$\dots \cdot \dots = \dots \cdot \dots$$

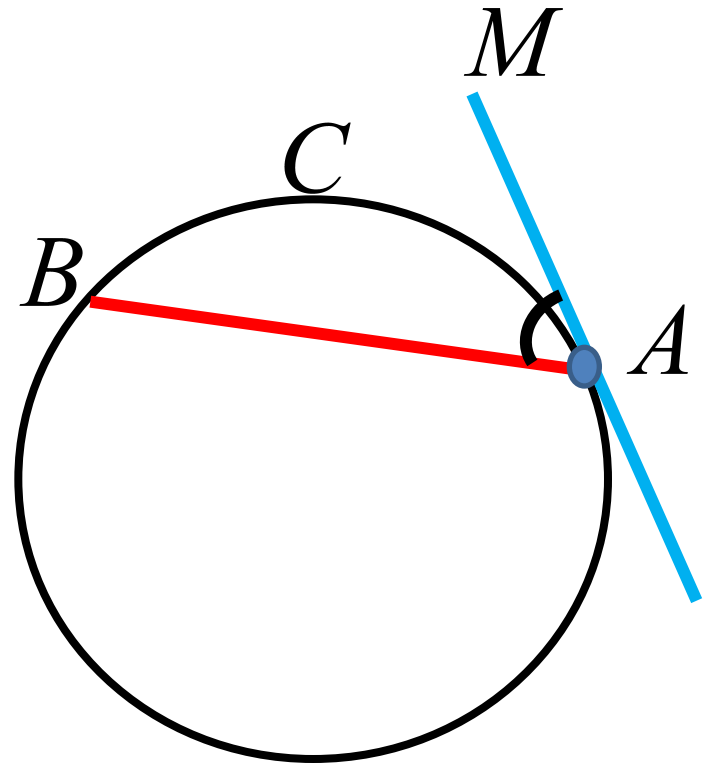
6. Если две хорды окружности пересекаются, то произведение отрезков одной хорды равно произведению отрезков другой хорды



$$AE \cdot EK = CE \cdot ED$$

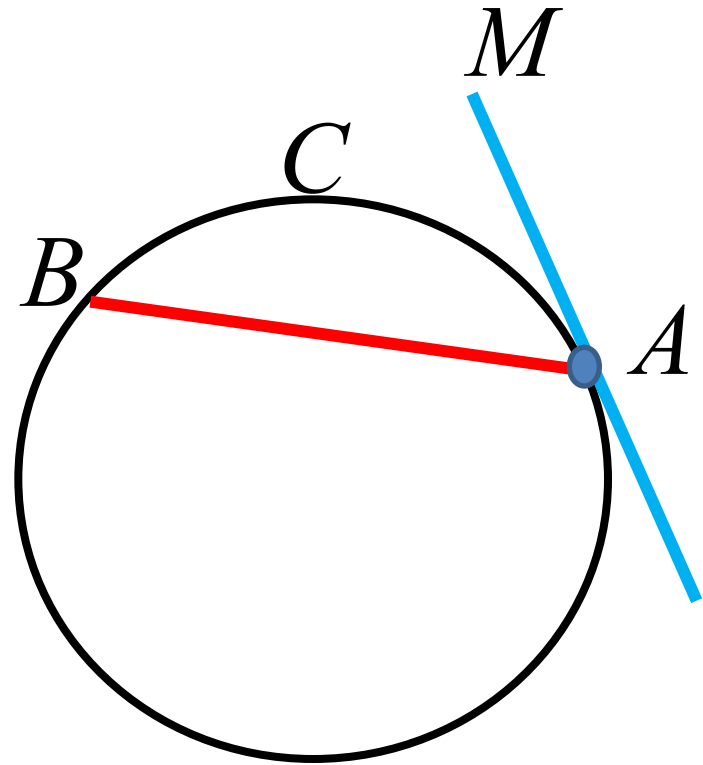
**7. Угол между ... и хордой,
проведенной из точки касания,
равен ... дуги, заключенной
между ними.**

$$\angle MAB = \dots$$



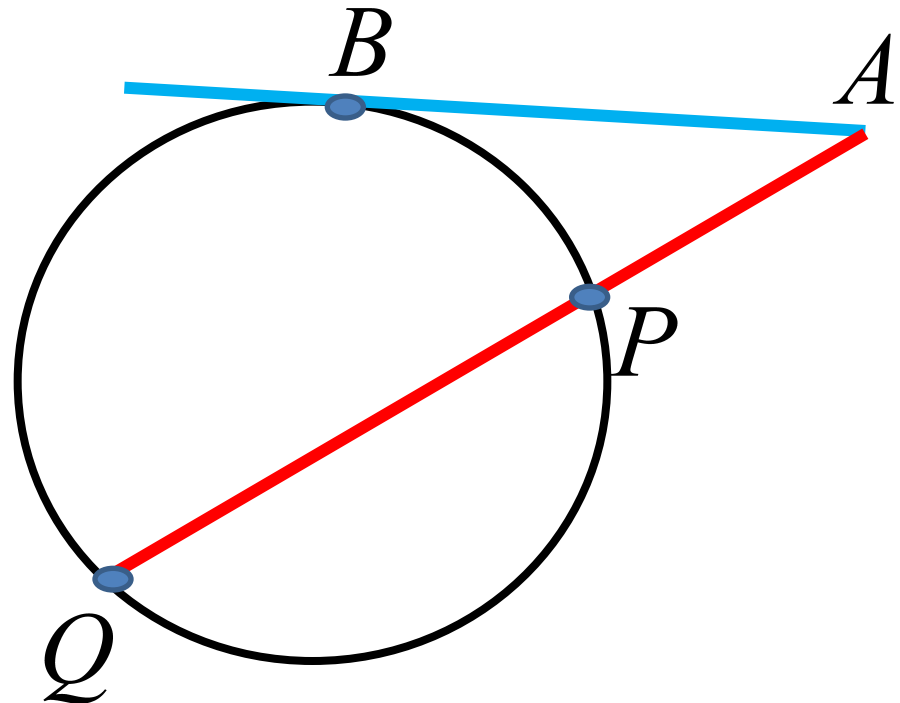
7. Угол между касательной и хордой, проведенной из точки касания, равен **половине** дуги, заключенной между ними.

$$\angle MAB = \frac{1}{2} \cup BSA$$



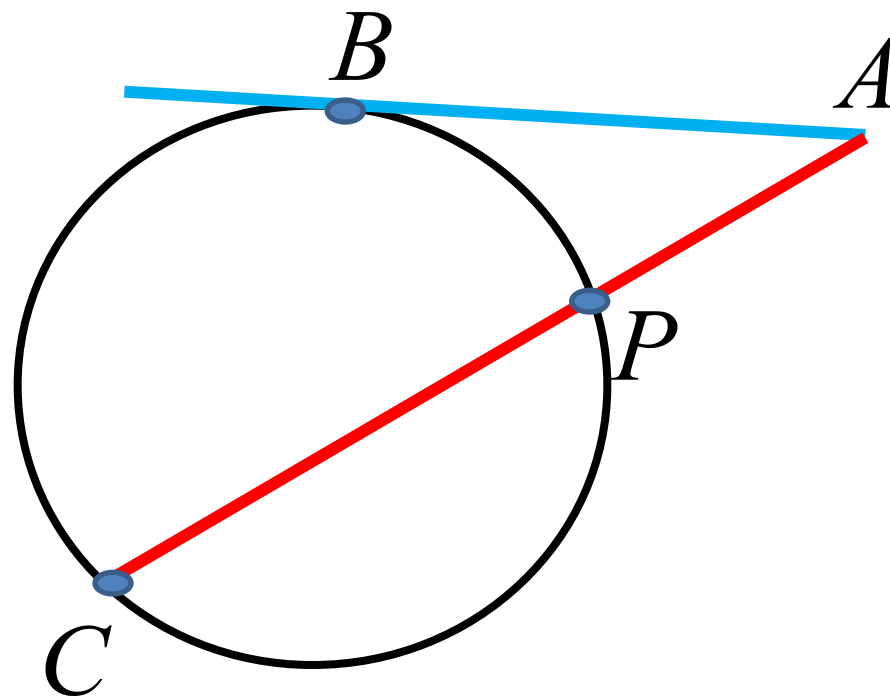
8. Квадрат касательной равен произведению ... секущей, проведенной из той же точки к окружности на её ... часть

$$AB^2 = \dots \cdot \dots$$

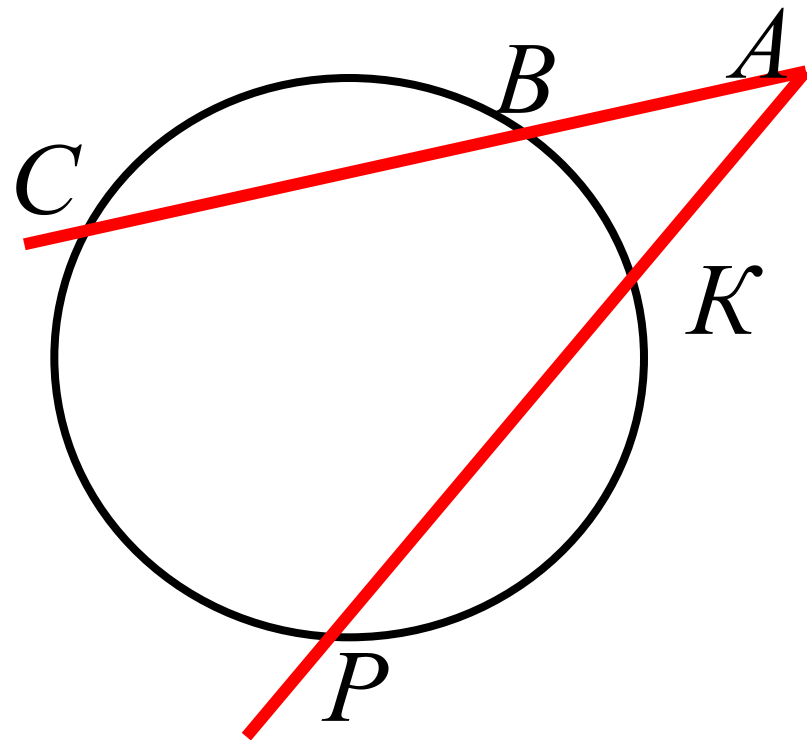


8. Квадрат касательной равен произведению **всей секущей, проведенной из той же точки к окружности, на её **внешнюю** часть.**

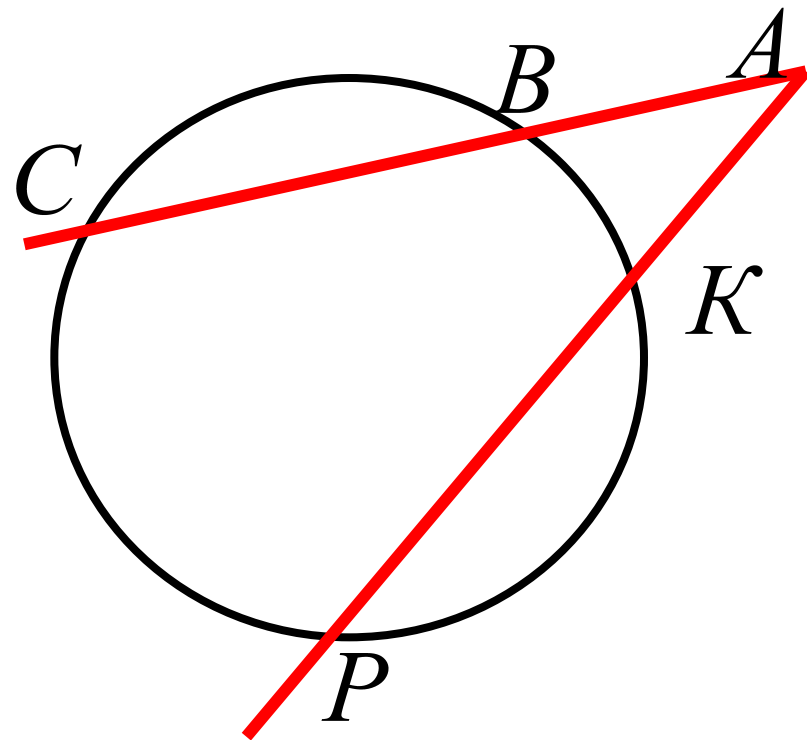
$$AB^2 = AC \cdot AP$$



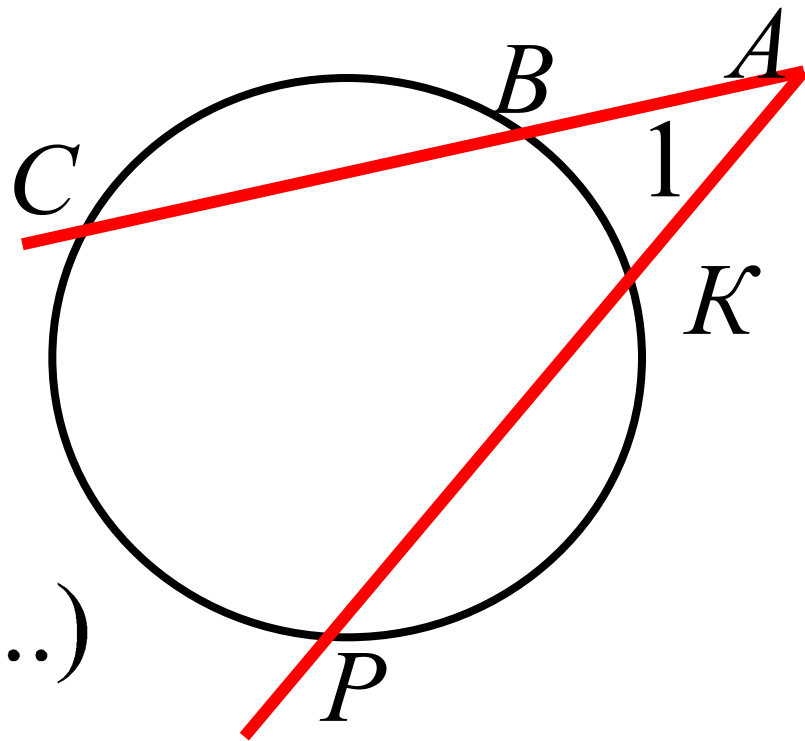
9. Если из точки к окружности проведены две секущие, то произведение $AC \cdot AB$ равно произведению $A... \cdot A...$



9. Если из точки к окружности проведены две секущие, то произведение $AC \cdot AB$ равно произведению $AP \cdot AK$

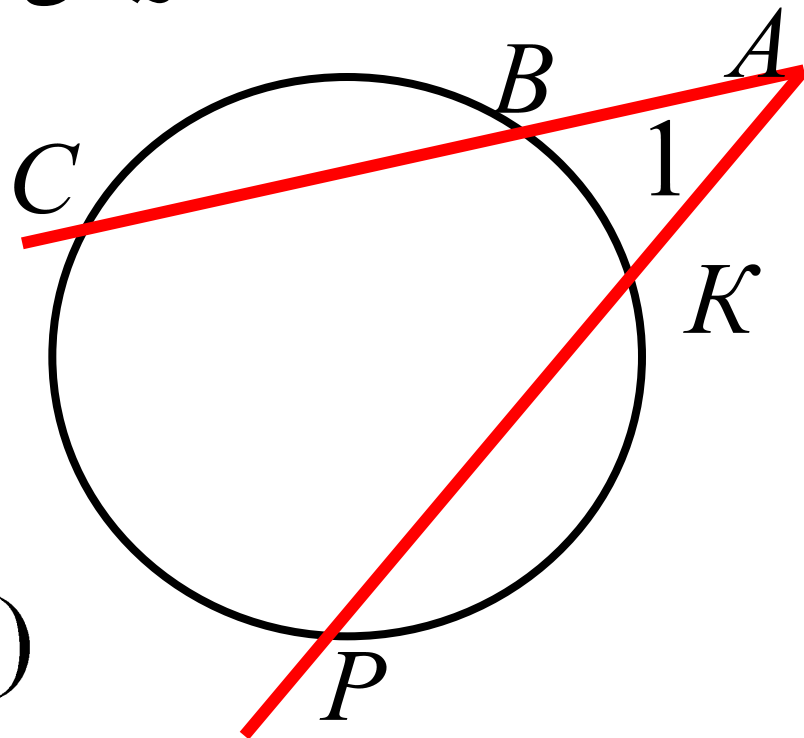


**10. Угол, с вершиной вне окружности, образованный ...
 ..., равен ... разности дуг,
 заключенных между этими секущими.**



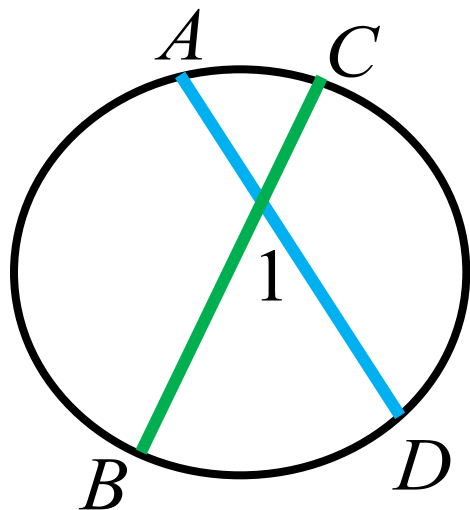
$$\angle 1 = \frac{1}{2} (\cup \dots - \cup \dots)$$

10. Угол, с вершиной вне окружности, образованный двумя секущими, равен половине разности дуг, заключенных между этими секущими.



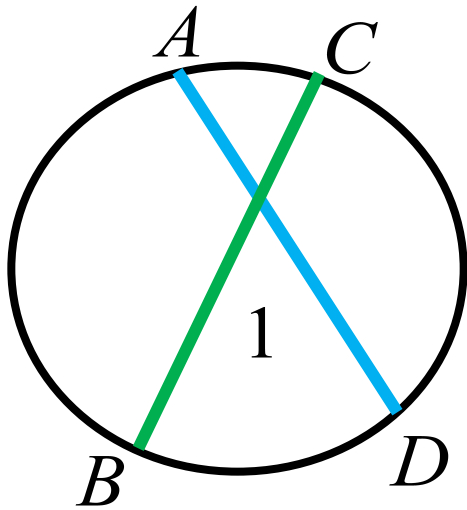
$$\angle 1 = \frac{1}{2} (\cup CP - \cup BK)$$

11. Если угол образован хордами, то он равен половине суммы дуг, заключенных между этими хордами



$$\angle 1 = \frac{1}{2} (\cup \dots + \cup \dots)$$

11. Если угол образован двумя пересекающимися хордами, то он равен половине суммы дуг, заключенных между этими хордами



$$\angle 1 = \frac{1}{2} (\cup AC + \cup BD)$$

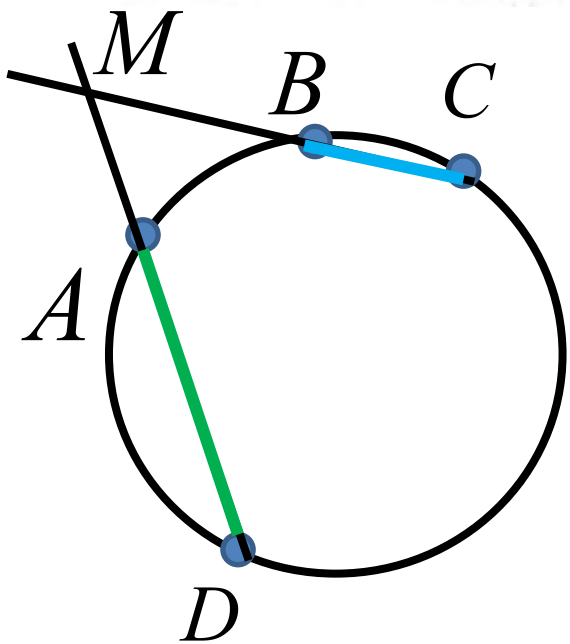
***Решение задач письменно
на использование
рассмотренного материала:***

- 1. Разбор задачи***
- 2. Решение задачи в паре***
- 3. Обсуждение решения***

Задача 1. Окружность разделена точками A, B, C, D так, что градусные меры дуг AB, BC, CD и DA относятся как $3:2:13:7$. Хорды AD и BC продолжены до пересечения в точке M . Найдите угол AMB .

- 1. Прочитайте задачу. Выполните чертёж окружности.**
- 2. Отметьте данные точки.**
- 3. Проведите хорды.**
- 4. Рассмотрите угол AMB , как угол, образованный ...**
(предложите вариант решения)

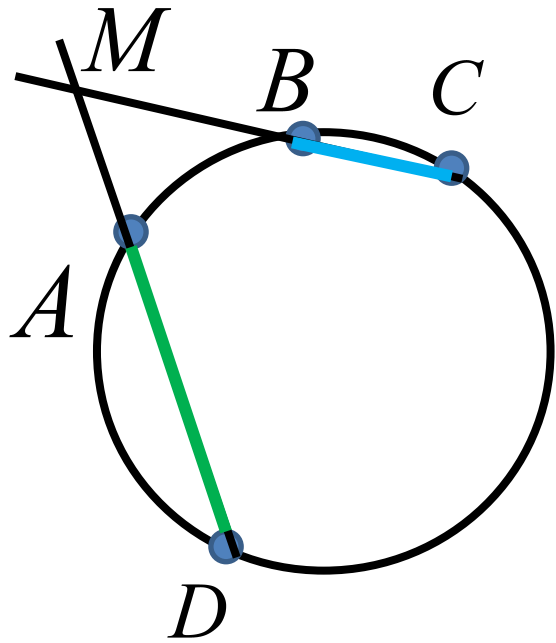
Задача 1. Окружность разделена точками A, B, C, D так, что градусные меры дуг AB, BC, CD и DA относятся как $3:2:13:7$. Хорды AD и BC продолжены до пересечения в точке M . Найдите угол AMB .



Решение:

Ответ: 72° .

Задача 1. Окружность разделена точками A, B, C, D так, что градусные меры дуг AB, BC, CD и DA относятся как $3:2:13:7$. Хорды AD и BC продолжены до пересечения в точке M . Найдите угол AMB .



Решение:

$$\angle AMB = \frac{1}{2} (\cup DC - \cup AB)$$

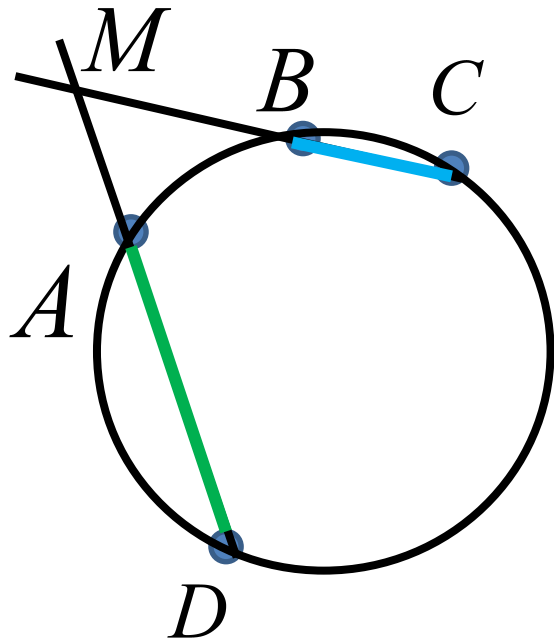
$$\cup AB = \frac{360^\circ}{3 + 2 + 13 + 7} \cdot 3 = 43,2^\circ$$

$$\cup CD = \frac{360^\circ}{25} \cdot 13 = 187,2^\circ$$

$$\angle AMB = \frac{1}{2} (187,2^\circ - 43,2^\circ) = \frac{1}{2} \cdot 144^\circ = 72^\circ$$

Ответ: 72° .

Задача 1. Окружность разделена точками A, B, C, D так, что градусные меры дуг AB, BC, CD и DA относятся как $3:2:13:7$. Хорды AD и BC продолжены до пересечения в точке M . Найдите угол AMB .



Решение:

$$\angle AMB = \frac{1}{2} (\cup DC - \cup AB)$$

$$\cup AB = \frac{360^\circ}{3+2+13+7} \cdot 3 = 43,2^\circ$$

$$\cup CD = \frac{360^\circ}{25} \cdot 13 = 187,2^\circ$$

$$\angle AMB = \frac{1}{2} (187,2^\circ - 43,2^\circ) = \frac{1}{2} \cdot 144^\circ = 72^\circ$$

Ответ: 72° .

Максимальный балл за решение - 4б:

- Верно выполнен чертёж-1б,
- Верно найдена нужная формула-1б
- Верно завершено решение-2б

Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание.

- 1. Выполните чертёж окружности.**
- 2. Отметьте точки.**
- 3. Проведите необходимые по условию отрезки.**
- 4. ...**

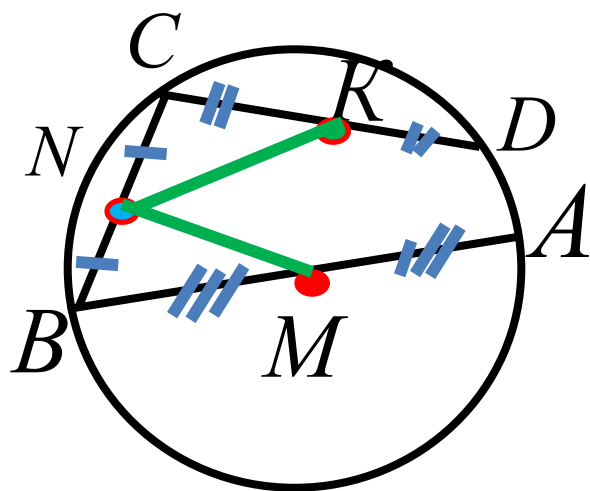
Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание. Рассмотрите MN и NK как средние линии треугольников ABC и BKD соответственно.

- 1. Выполните чертёж окружности.**
- 2. Отметьте точки.**
- 3. Проведите необходимые по условию отрезки.**
- 4. Познакомьтесь с указанием**
- 5. Решите задачу - докажьте требуемое**

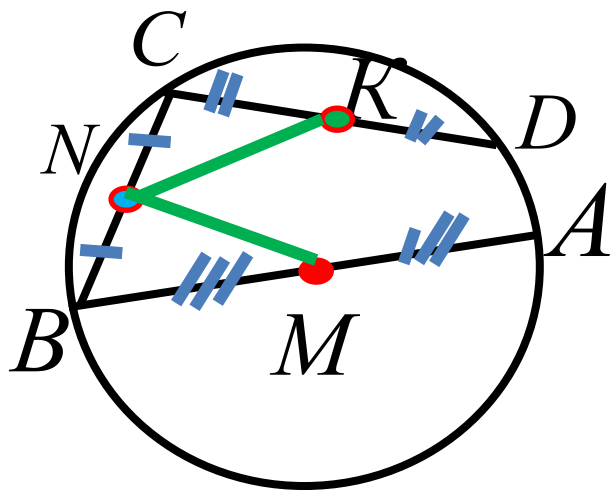
Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание. Рассмотрите MN и NK как средние линии треугольников ABC и BCD соответственно.



Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание. Рассмотрите MN и NK как средние линии треугольников ABC и BCD соответственно.



**Достройте вначале
только названный в указании
треугольник $\triangle ABC$
и укажите угол, равный
 $\angle BMN$
Дорешайте задачу.**

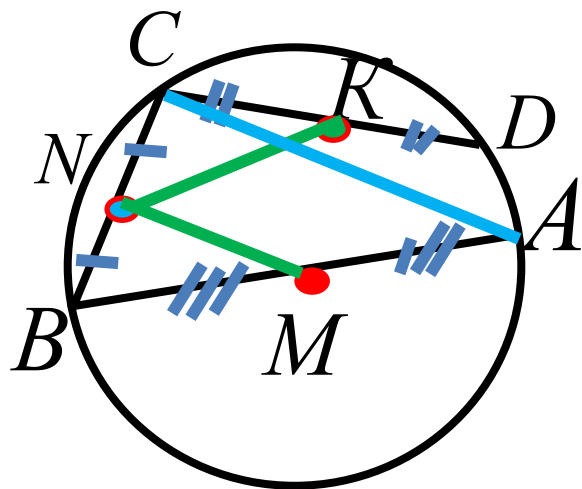
Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание. Рассмотрите MN и NK как средние линии треугольников ABC и BKD соответственно.

1. По свойству средней линии треугольника ABC : $MN \parallel AC$
2. $\angle BMN = \angle BAC$, как соответственные при параллельных MN и AC и секущей AB .

3. $\angle BAC$ — вписанный, сл-но,

$$\angle BAC = \frac{1}{2} \cup BC \quad \text{и} \quad \angle BMN = \frac{1}{2} \cup BC$$

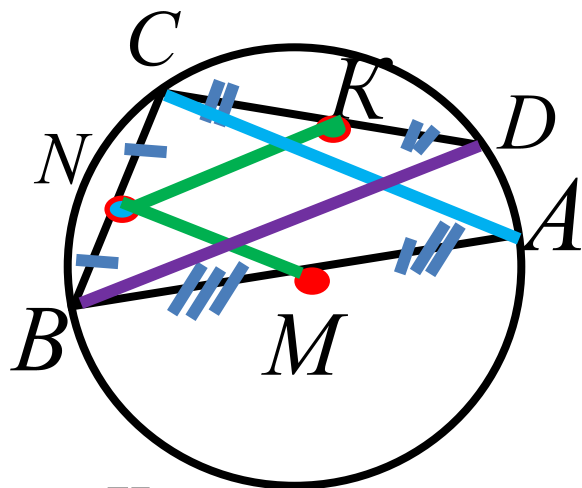


Проведите аналогичное рассуждение для $\angle NKС$

Задача 2. На окружности последовательно отмечены точки A, B, C, D . Точки M, N и K — середины хорд AB, BC и CD соответственно. Докажите, что углы BMN и NKC равны.

Указание. Рассмотрите MN и NK как средние линии треугольников ABC и BCD соответственно.

4. По свойству средней линии треугольника BCD : $NK \parallel BD$
 5. $\angle NKC = \angle BDC$, как соответственные при параллельных NK и BD и секущей CD .



6. $\angle BDC$ — вписанный, сл-но,
 $\angle BDC = \frac{1}{2} \cup BC$ и $\angle NKC = \frac{1}{2} \cup BC$

Учитывая выводы 3 и 6 имеем: $\angle BMN = \angle NKС$

Максимальный балл за решение - 4б:

Чтд.

- Верно выполнялись чертёжи-1б,
- Верно использовались свойства-1б
- Верно завершено решение-2б

12.а) Если расстояние от центра окружности до прямой **меньше радиуса окружности, то прямая и окружность имеют и прямая называется ...**

а) Если расстояние от центра окружности до прямой **меньше радиуса** окружности, то прямая и окружность имеют **две общие точки** и прямая называется **секущей**

б) Если расстояние от центра окружности до прямой **больше радиуса окружности, то прямая и окружность ...имеют**

б) Если расстояние от центра окружности до прямой **больше радиуса окружности, то прямая и окружность **не** имеют **общих точек****

в) Если расстояние от центра окружности до прямой **равно радиусу** окружности, то прямая и окружность имеют, **и** прямая называется ...

в) Если расстояние от центра окружности до прямой **равно радиусу** окружности, то прямая и окружность имеют **ровно одну общую точку**, и прямая называется **касательной к окружности**

13. а) Касательная к окружности

... к радиусу, проведённому в

... касания

**а) Касательная к
окружности
перпендикулярна к радиусу,
проведённому в точку
касания**

б) Если **прямая**, **проходит**
через **конец радиуса**, ... на
окружности **и ...** к этому
радиусу, то она является

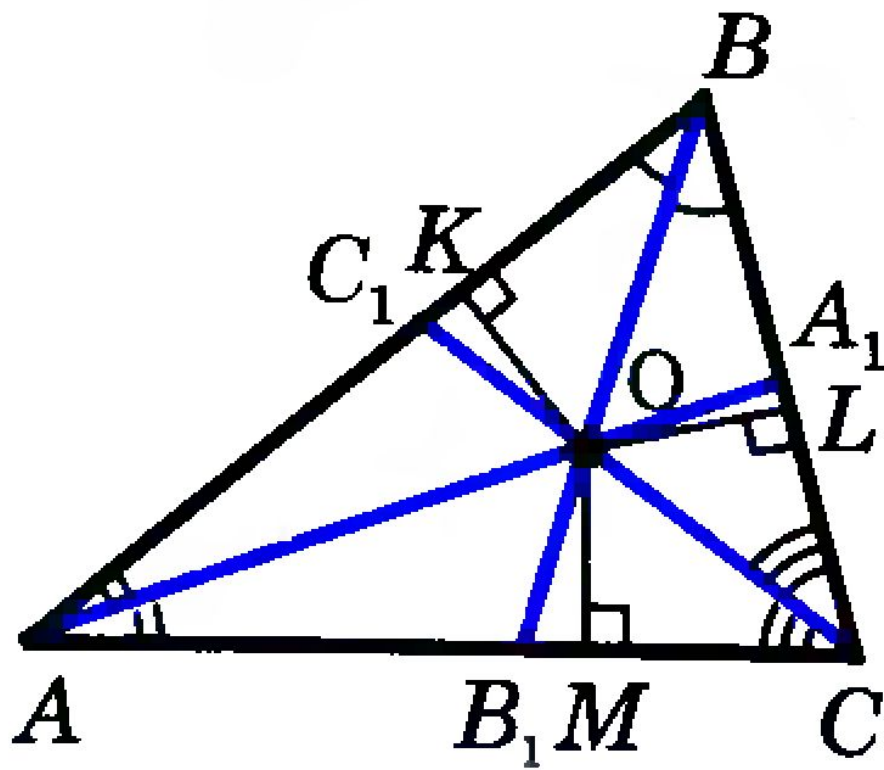
... ..

б) Если **прямая**, **проходит**
через конец радиуса, лежащий
на окружности и
перпендикулярна к этому
радиусу, то она является
касательной к этой
окружности

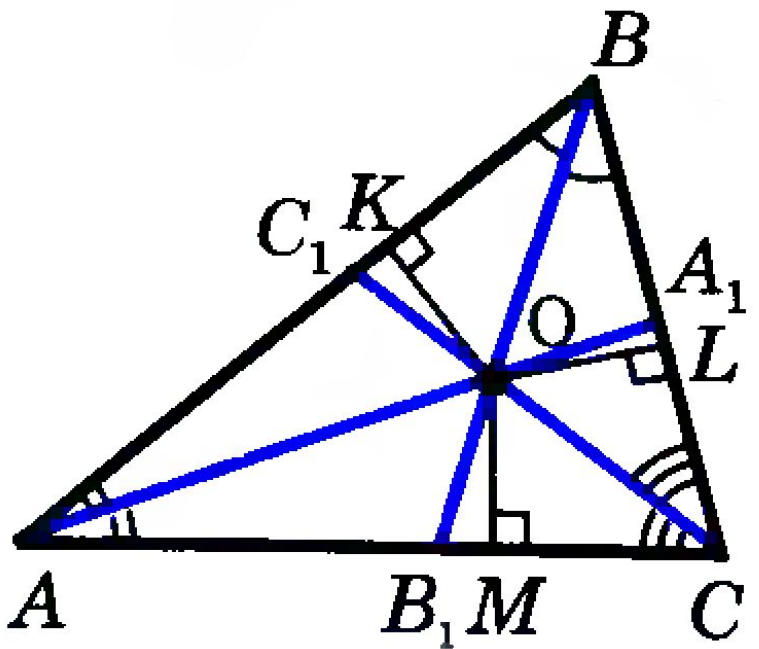
14. Отрезки касательных,
проведенных к окружности из
одной точки ... и составляют с
... углы с прямой, проходящей
через эту ... и ... окружности

Отрезки касательных,
проведенных к окружности из
одной точки *равны* и
составляют *равные* углы с
прямой, проходящей через эту
***точку* и *центр* окружности**

**15. Биссектрисы треугольника
... в ... точке**

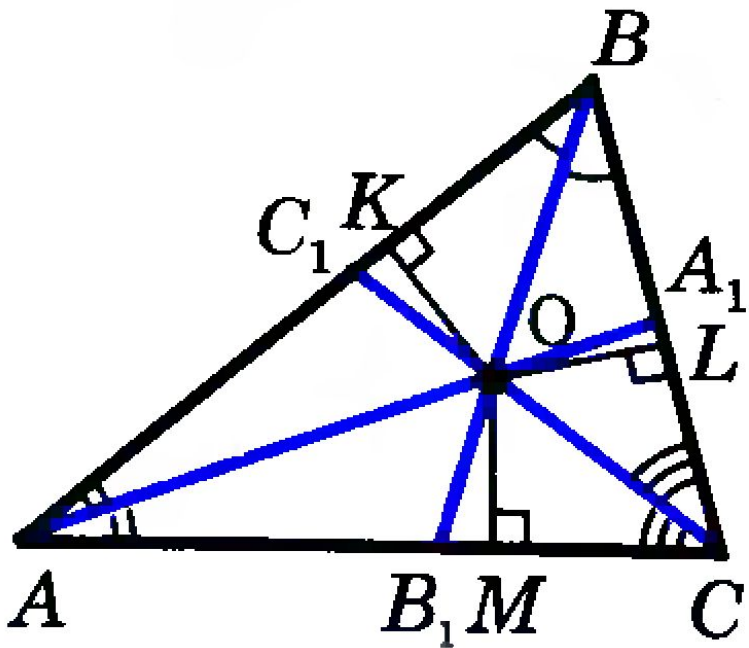


Биссектрисы треугольника пересекаются в одной точке



$OK = \dots = \dots$

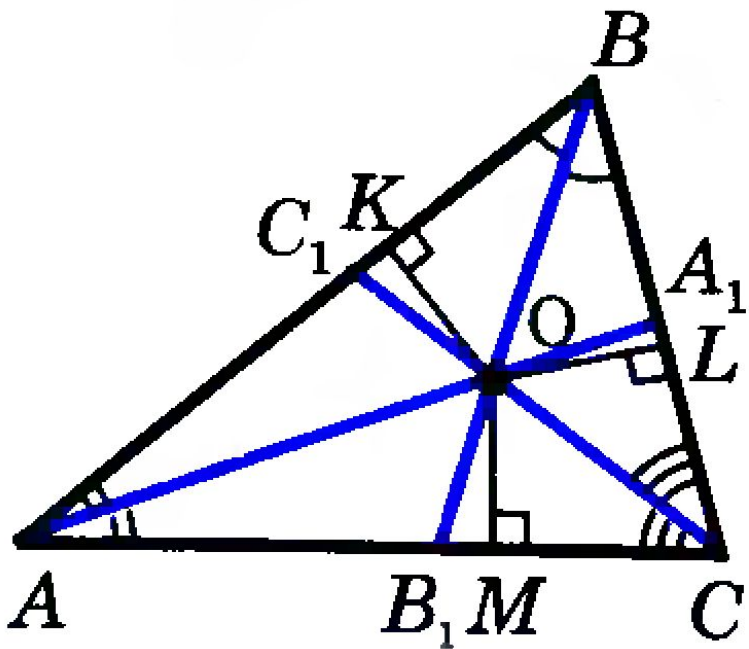
**Биссектрисы треугольника
пересекаются в одной точке**



$$OK=OL=OM$$

**Точка пересечения биссектрис
треугольника ... от его ...**

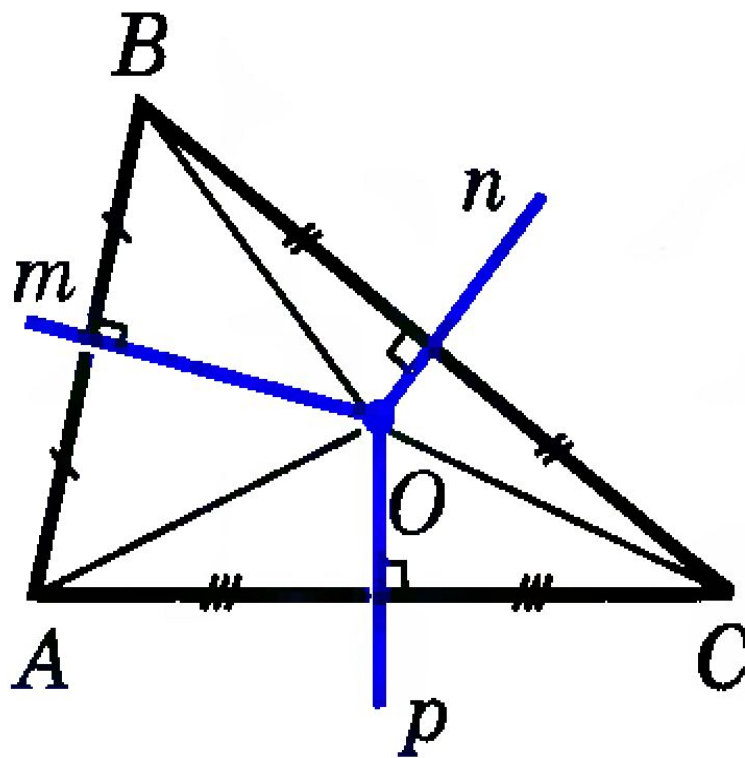
**Биссектрисы треугольника
пересекаются в одной точке**



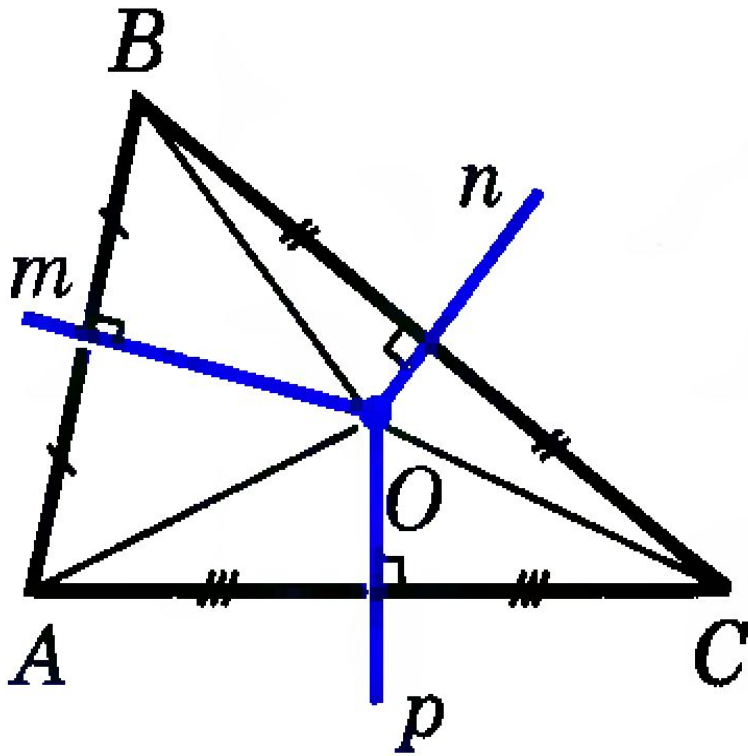
$$OK=OL=OM$$

**Точка пересечения биссектрис
треугольника
равноудалена от его сторон**

16. Середи́нные перпендикуляры к ... треугольника ... в одной точке.

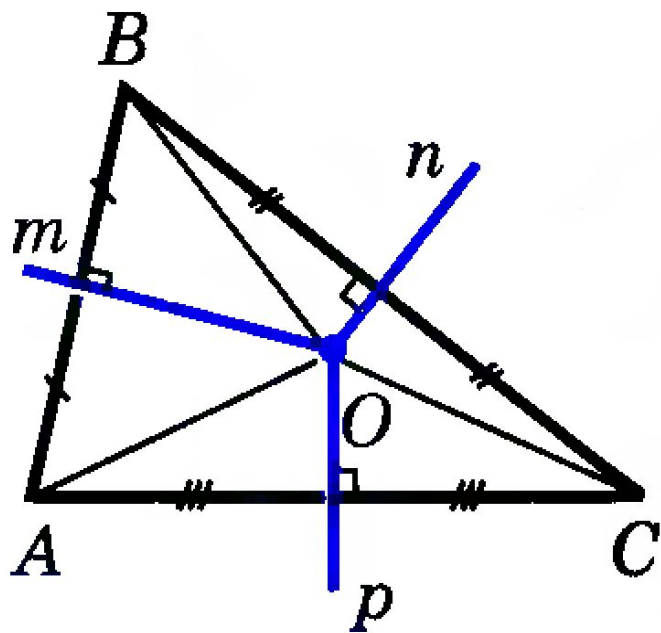


Серединные перпендикуляры к
сторонам треугольника
пересекаются в одной точке.



Какими
являются
отрезки
OA, OB, OC?

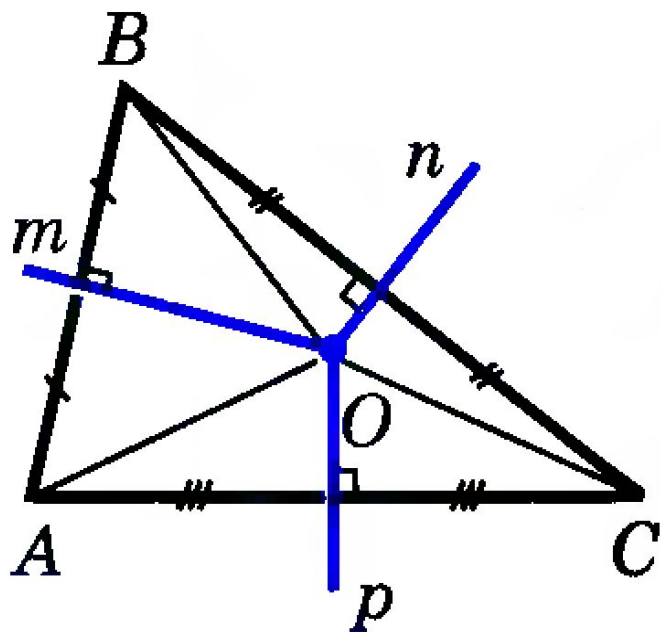
Серединные перпендикуляры к
сторонам треугольника
пересекаются в одной точке.



$$OA=OB=OC$$

Точка пересечения серединных
перпендикуляров к сторонам
треугольника ... от его ...

Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника **пересекаются** в одной точке.

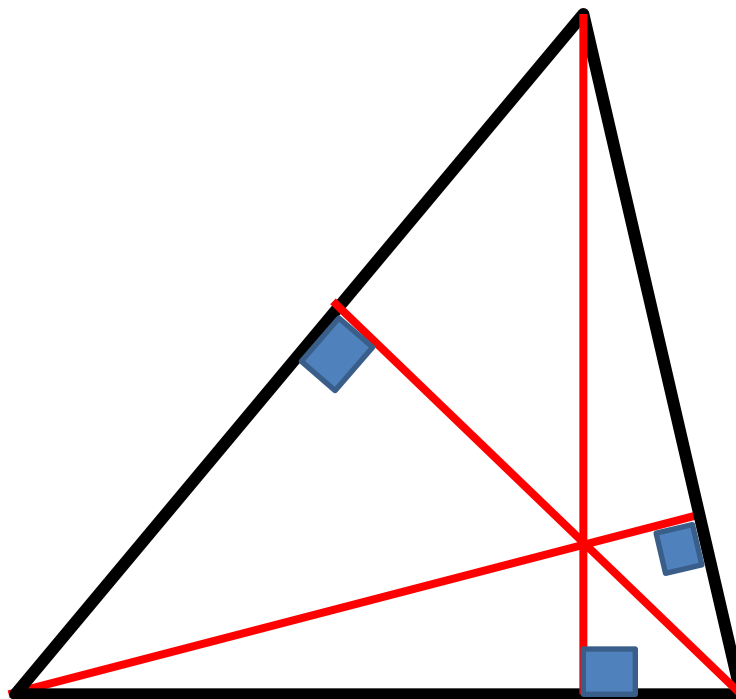


$$OA=OB=OC$$

Точка пересечения серединных перпендикуляров к сторонам треугольника **равноудалена** от его **вершин**

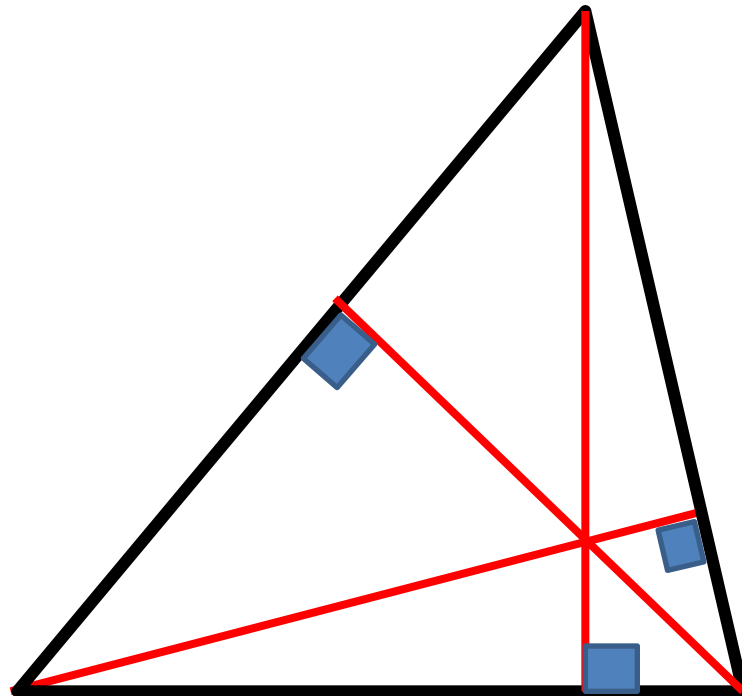
17. Высоты треугольника

(или их ...) пересекаются в



Высоты треугольника

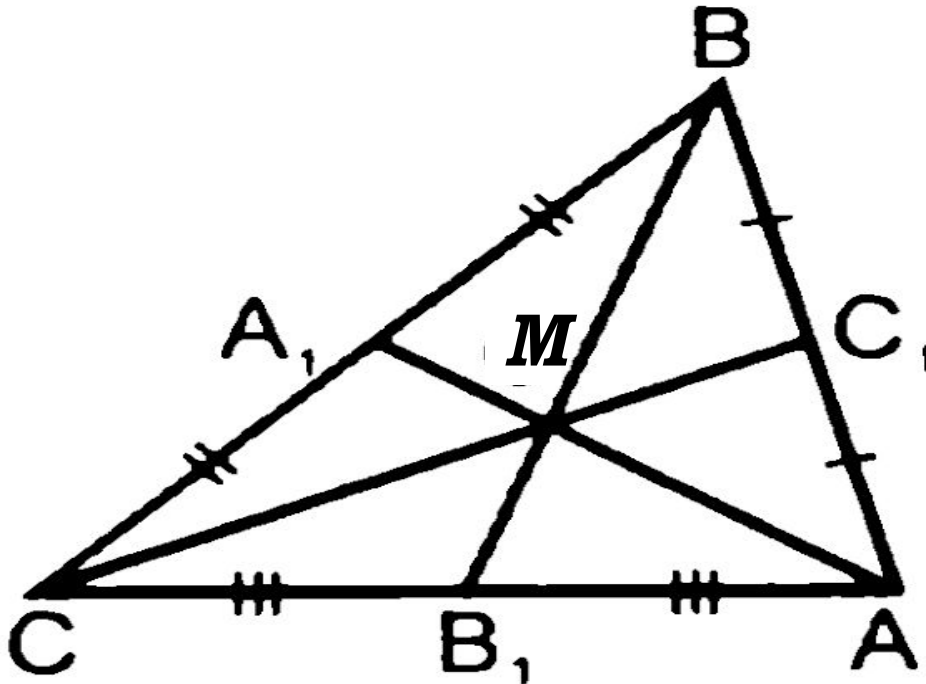
(или их **продолжения**) пересекаются
в **одной точке**



18. Замечательные точки треугольника

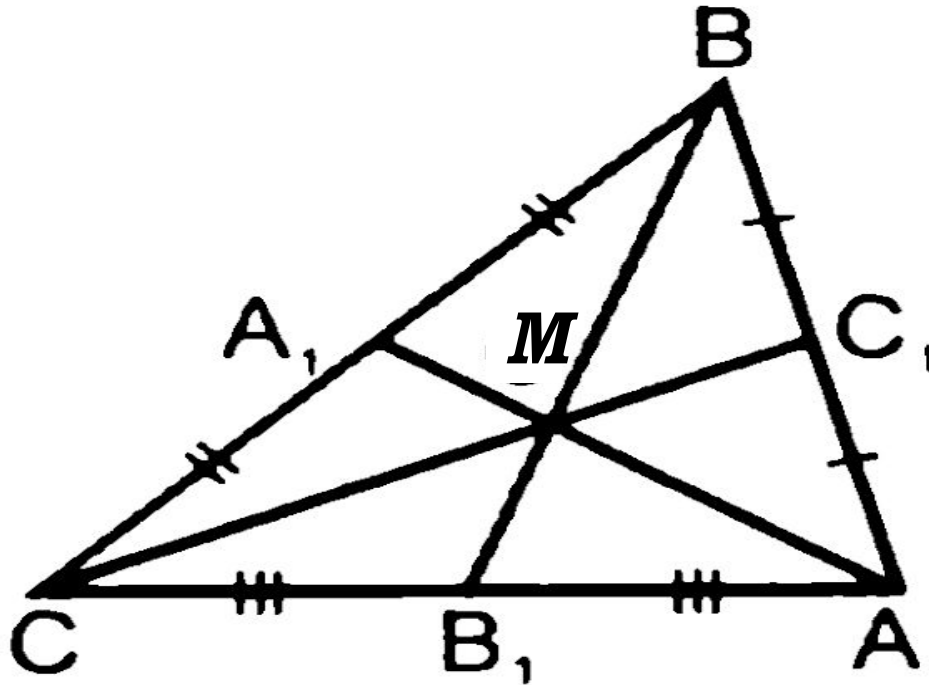
1. Точка пересечения ...

$$\frac{AM}{\dots} = \frac{BM}{\dots} = \frac{CM}{\dots} = \dots$$



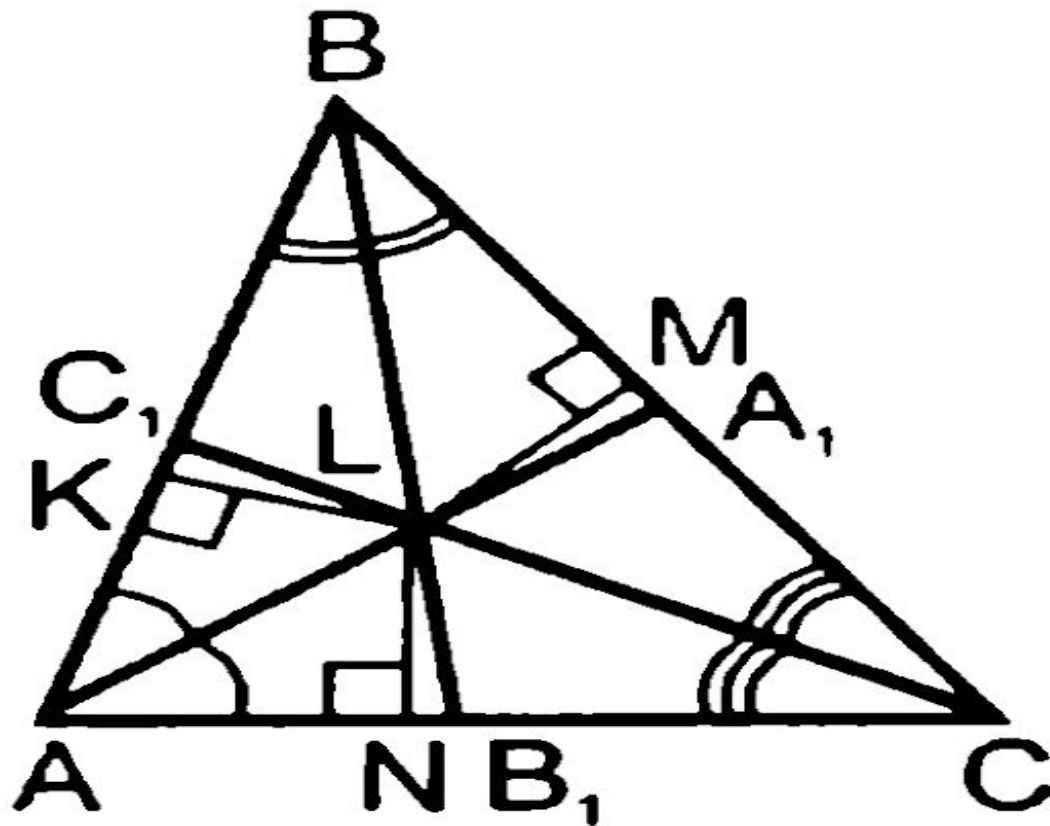
1. Точка пересечения медиан

$$\frac{AM}{A_1M} = \frac{BM}{B_1M} = \frac{CM}{C_1M} = \frac{2}{1}.$$

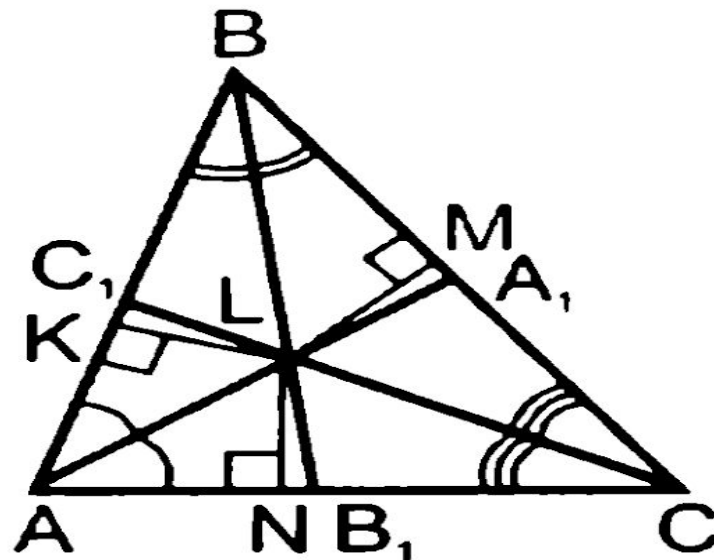


2. Точка пересечения ...

... = ... = ...

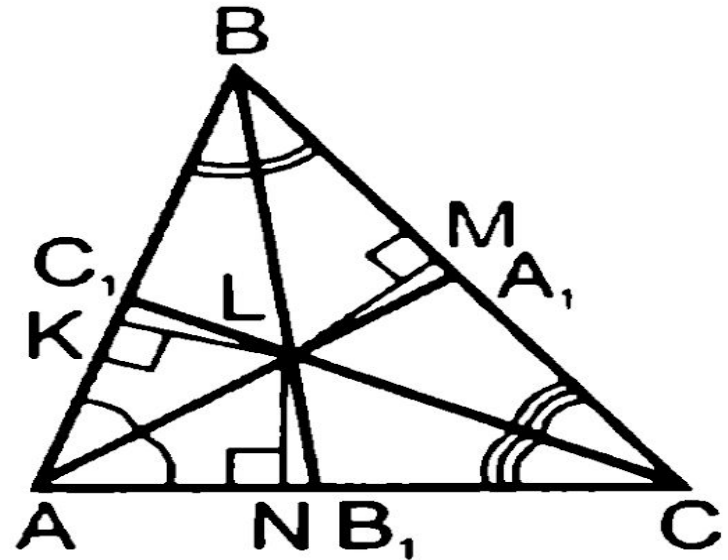


2. Точка пересечения биссектрис
 $KL = NL = ML$



Точка пересечения биссектрис
треугольника
... от его ...

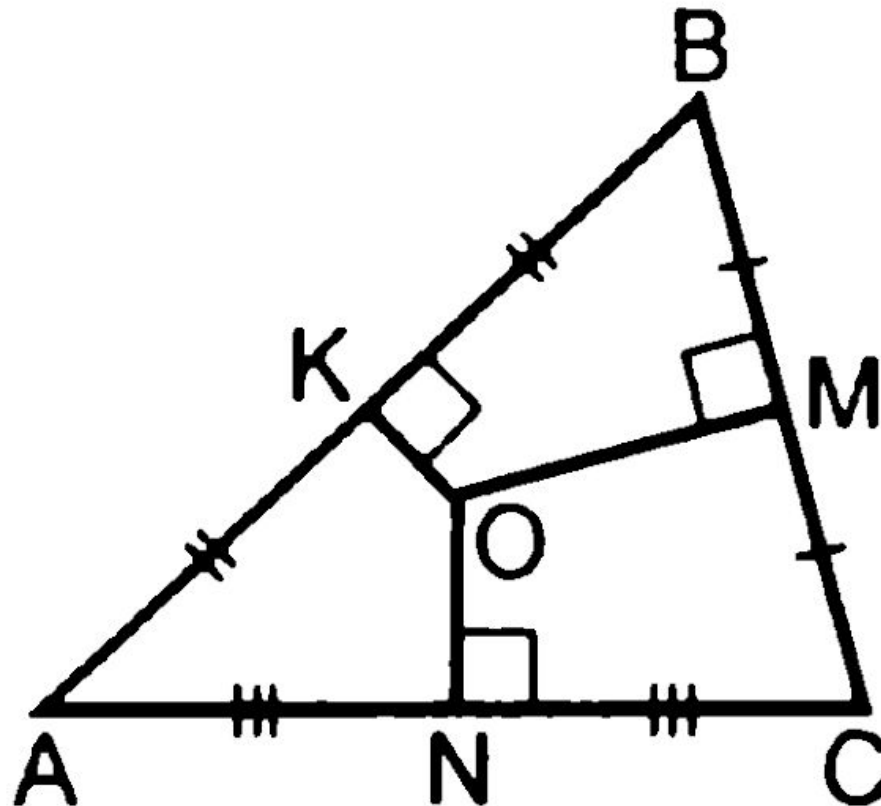
2. Точка пересечения биссектрис
 $KL = NL = ML$



Точка пересечения биссектрис
треугольника
равноудалена от его сторон

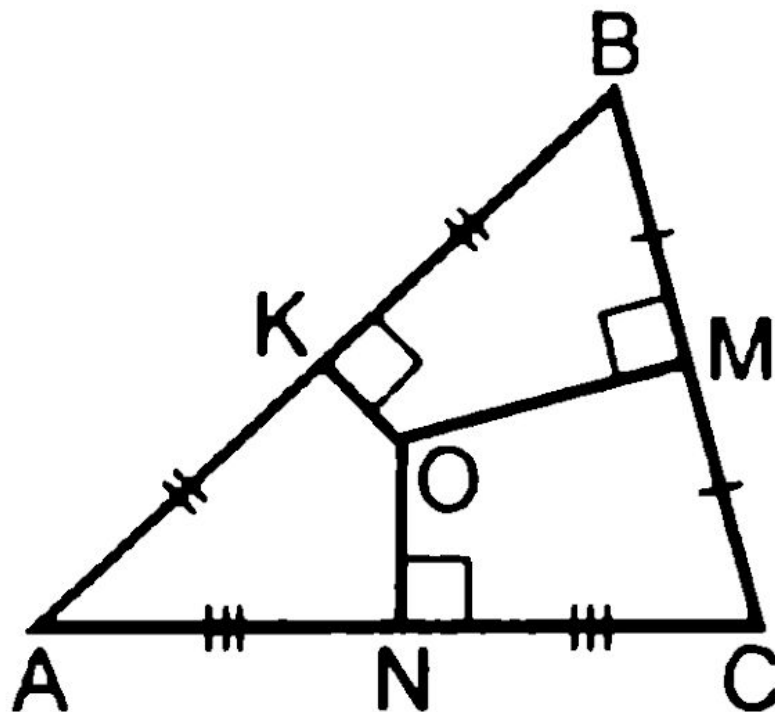
3. Точка пересечения ...

... = ... = | ...



3. Точка пересечения серединных перпендикуляров

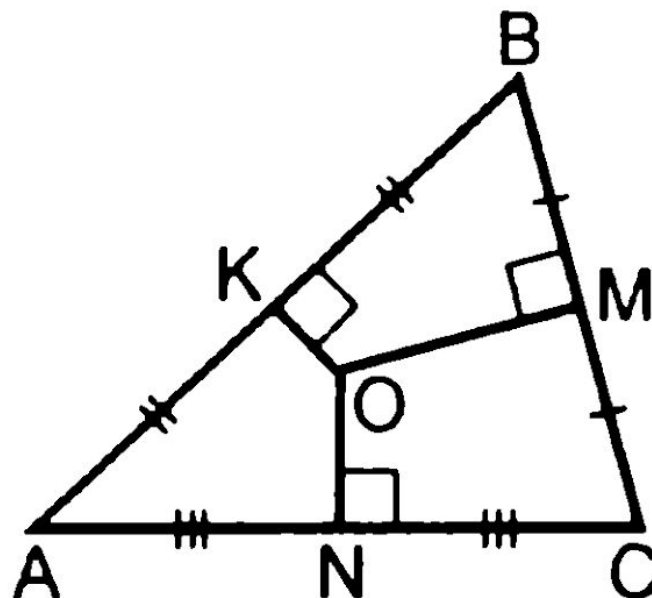
$$AO = BO = CO.$$



Точка пересечения серединных перпендикуляров к сторонам треугольника ... от его ...

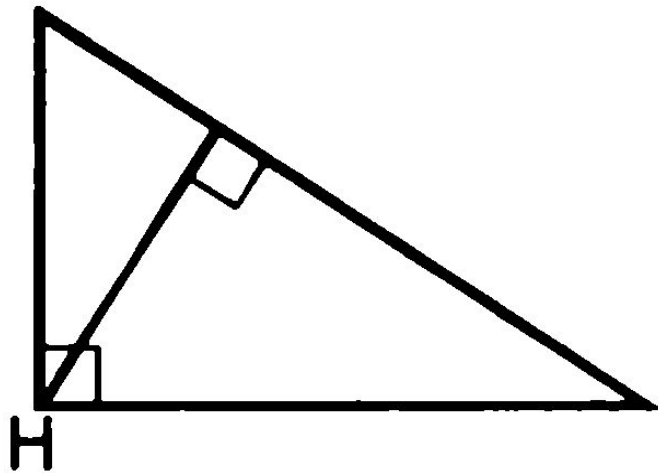
3. Точка пересечения серединных перпендикуляров

$$AO = BO = CO.$$

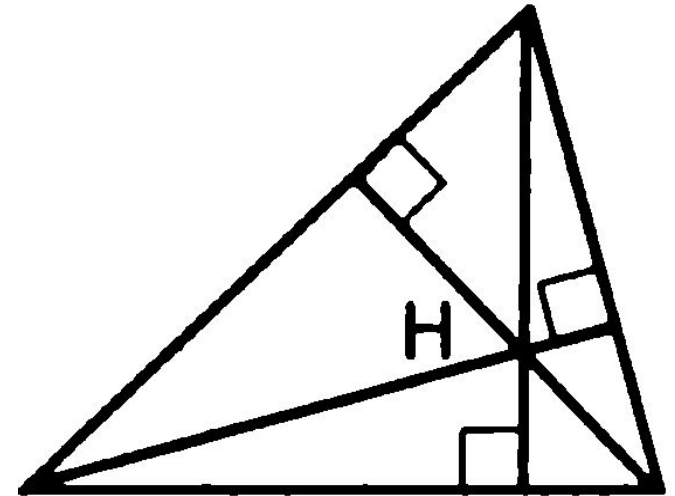


Точка пересечения серединных перпендикуляров к сторонам
треугольника **равноудалена** от его
вершин

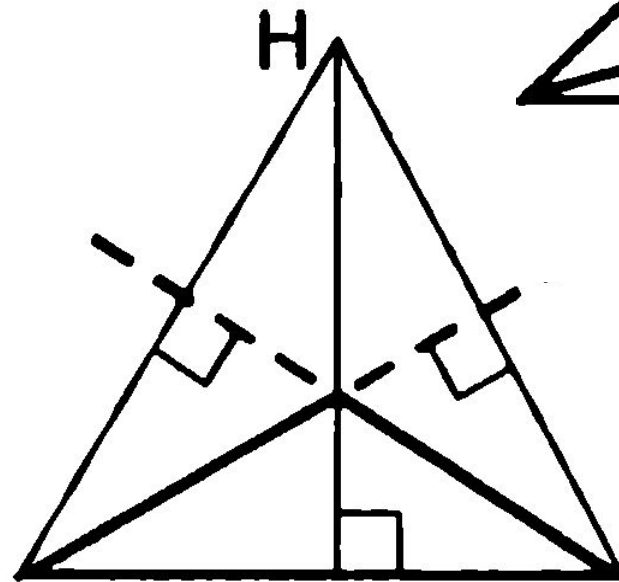
4. Точка пересечения ... – H



a)



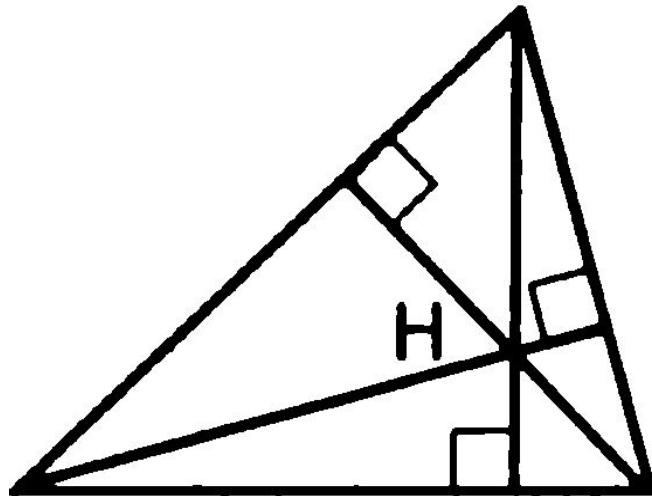
б)



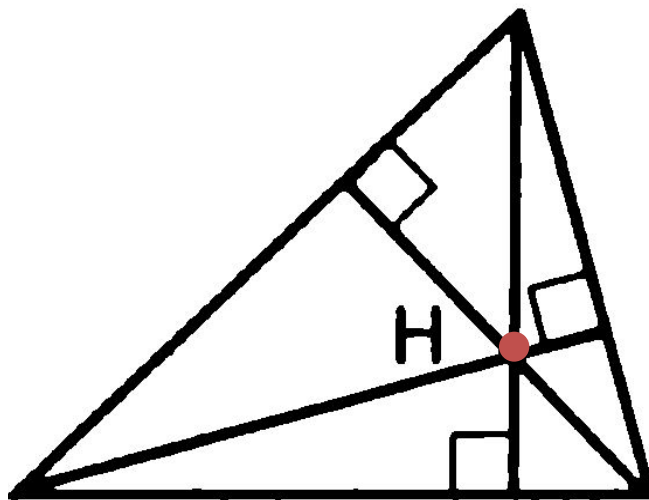
в)

19. Точка пересечения высот

а) остроугольного треугольника
располагается ... треугольника;

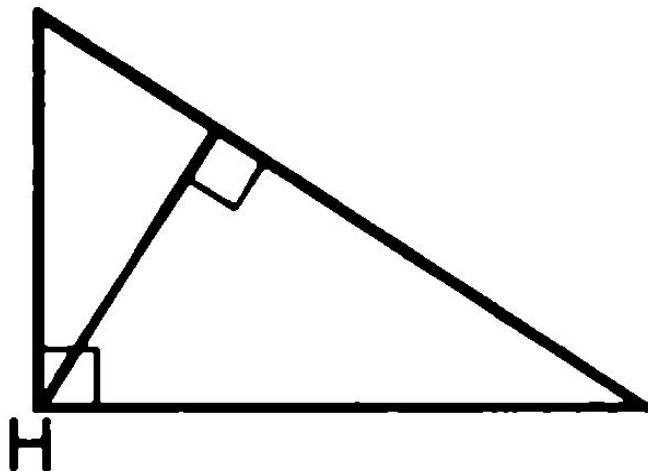


Точка пересечения высот
а) остроугольного треугольника
располагается **внутри**
треугольника;



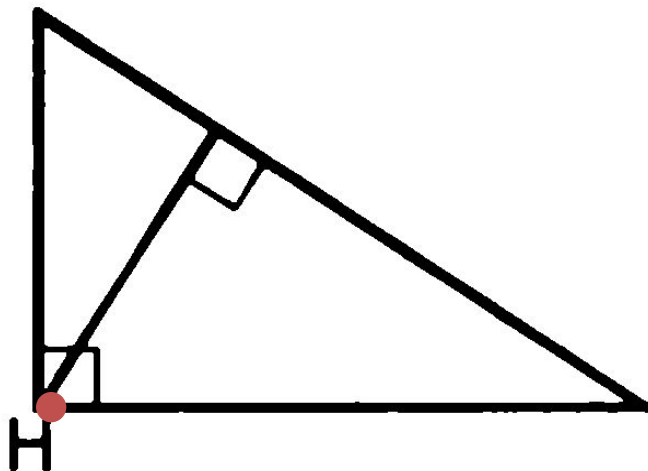
Точка пересечения высот

**б) прямоугольного треугольника
располагается в угла;**



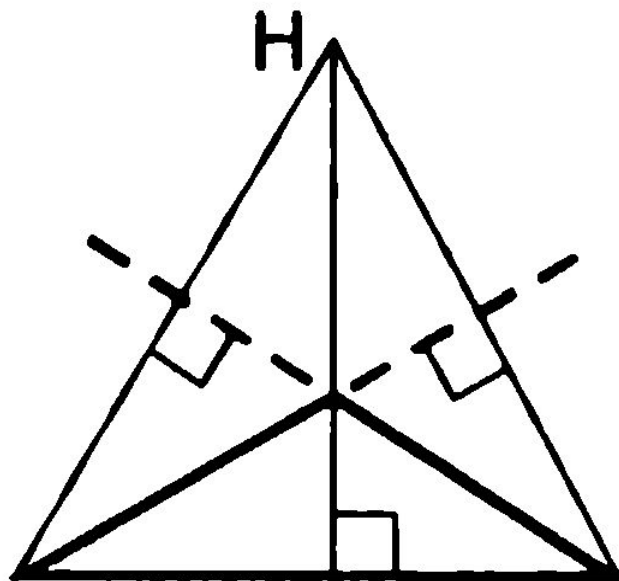
Точка пересечения высот

**б) прямоугольного треугольника
располагается в вершине
прямого угла;**



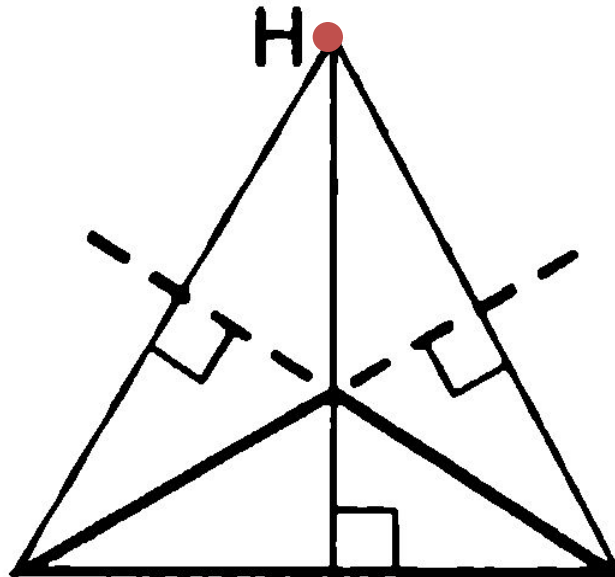
Точка пересечения высот

**в) тупоугольного треугольника
располагается ... треугольника**



Точка пересечения высот

в) **тупоугольного треугольника**
располагается **вне**
треугольника



20. Центр окружности,
описанной около треугольника,
находится в точке пересечения...

21. Центр окружности,
вписанной в треугольник,
находится в точке пересечения...

20. Центр окружности,
описанной около треугольника,
находится в точке пересечения
серединных перпендикуляров

21. Центр окружности,
вписанной в треугольник,
находится в точке пересечения
биссектрис

22. Центр окружности,

описанной около

-остроугольного треугольника

находится;

-прямоугольного треугольника

находится;

-тупоугольного треугольника

находится

Центр окружности,
описанной около
-остроугольного треугольника
находится **внутри** треугольника;
-прямоугольного треугольника
находится **в середине** гипотенузы;
-тупоугольного треугольника
находится **вне** треугольника

Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

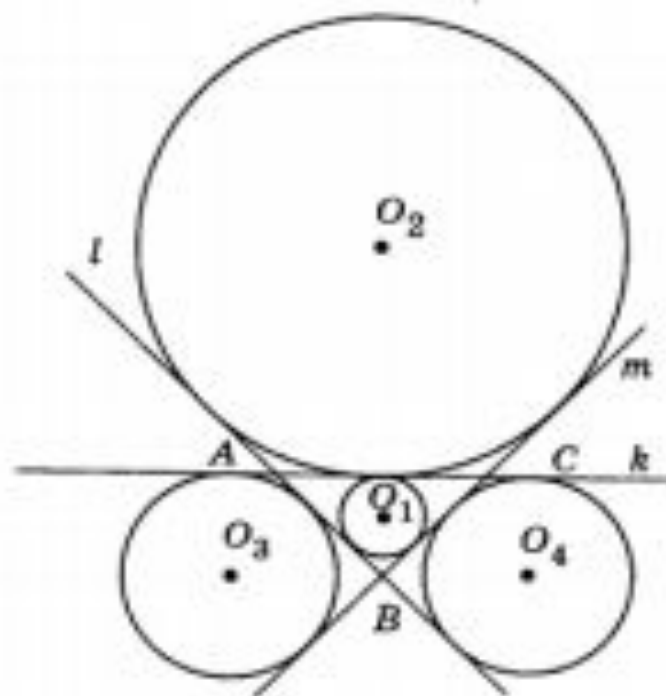
1. Даны три прямые k , l и m . Прямые k и l пересекаются в точке A , прямые l и m пересекаются в точке B , а прямые k и m — в точке C . Определите, сколько существует окружностей, одновременно касающихся каждой из трех прямых k , l и m .

1. Ни одной; 2. одна; 2. три; 4. четыре.

1. Даны три прямые k , l и m . Прямые k и l пересекаются в точке A , прямые l и m пересекаются в точке B , а прямые k и m — в точке C . Определите, сколько существует окружностей, одновременно касающихся каждой из трех прямых k , l и m .

1. Ни одной; 2. одна; 2. три; 4. четыре.

1. Ответ: 4.



Решение. Три попарно пересекающиеся прямые делят плоскость на семь частей. Четыре из них ограничены тремя данными прямыми: треугольник ABC и три части, определяемые одной из сторон треугольника, и двумя другими прямыми. Три другие части ограничены двумя лучами, являющимися продолжением сторон каждого из углов треугольника. Значит, только в четыре части плоскости можно вписать окружность так, чтобы она одновременно касалась каждой из трех прямых k , l и m .

Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

2. Радиусы двух окружностей равны 6 см и 9 см, а расстояние между их центрами равно 9 см. Определите, сколько общих точек имеют эти окружности.

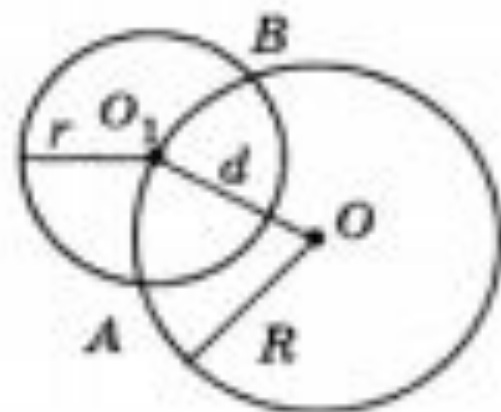
1. Ни одной; 2. одна; 3. две; 4. три.

2. Радиусы двух окружностей равны 6 см и 9 см, а расстояние между их центрами равно 9 см. Определите, сколько общих точек имеют эти окружности.

1. Ни одной; 2. одна; 3. две; 4. три.

2. Ответ: 3.

Решение. Так как расстояние между центрами окружностей $d = 9$ см меньше суммы длин радиусов $R + r = 9 + 6 = 15$ (см), то окружности имеют две общие точки A и B . Заметим, поскольку расстояние между центрами окружностей $d = 9$ см равно радиусу большей окружности R , то центр меньшей окружности лежит на большей окружности.



Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

3. Определите вид треугольника, если точка пересечения серединных перпендикуляров к его сторонам лежит на одной из сторон треугольника.

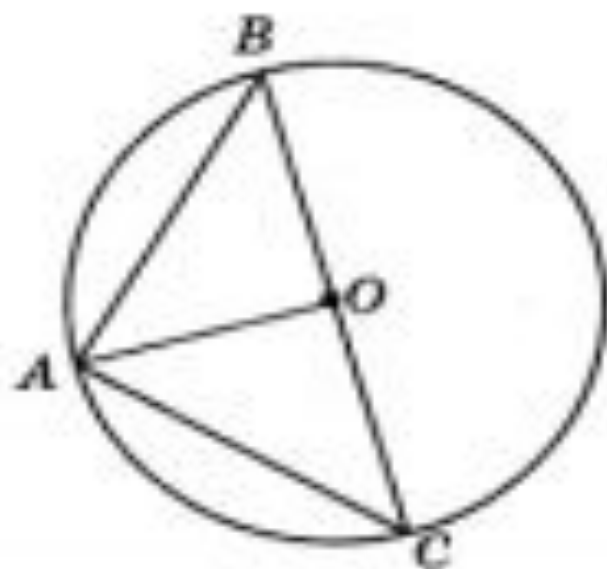
1. Прямоугольный;
2. остроугольный;
3. тупоугольный;
4. определить невозможно.

3. Определите вид треугольника, если точка пересечения средних перпендикуляров к его сторонам лежит на одной из сторон треугольника.

1. Прямоугольный;
2. остроугольный;
3. тупоугольный;
4. определить невозможно.

3. Ответ: 1.

Решение. Точка O пересечения средних перпендикуляров к сторонам треугольника ABC является центром окружности, описанной около этого треугольника. Значит, вписанный угол BAC — прямой. Следовательно, треугольник ABC — прямоугольный.



Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

4. Углы треугольника относятся, как $3 : 12 : 5$. Определите, как расположен центр описанной около этого треугольника окружности.

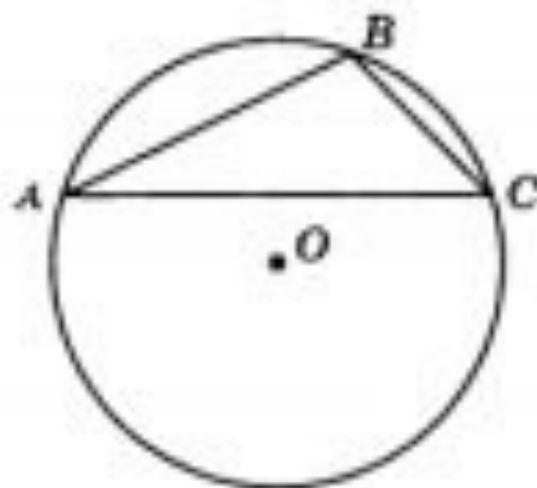
1. Внутри треугольника;
2. на одной из сторон треугольника;
3. вне треугольника;
4. определить невозможно.

4. Углы треугольника относятся, как $3 : 12 : 5$. Определите, как расположен центр описанной около этого треугольника окружности.

1. Внутри треугольника;
2. на одной из сторон треугольника;
3. вне треугольника;
4. определить невозможно.

4. Ответ: 3.

Решение. По условию углы треугольника ABC равны 27° , 108° и 45° . Значит, треугольник ABC — тупоугольный. Угол ABC — тупой, следовательно, дуга ADC больше полуокружности, отсюда точки B и O лежат в разных полуплоскостях относительно прямой AC . Следовательно, центр окружности, описанной около треугольника ABC , лежит вне треугольника.



Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

5. Центры вписанной и описанной окружностей треугольника лежат на одной из его высот и не совпадают. Определите вид треугольника.

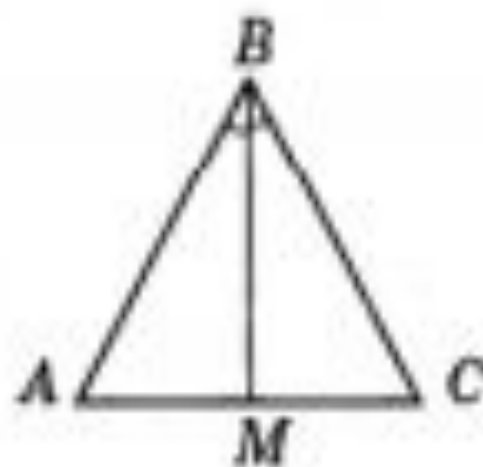
1. Равнобедренный;
2. равносторонний;
3. разносторонний;
4. определить невозможно.

5. Центры вписанной и описанной окружностей треугольника лежат на одной из его высот и не совпадают. Определите вид треугольника.

1. Равнобедренный;
2. равносторонний;
3. разносторонний;
4. определить невозможно.

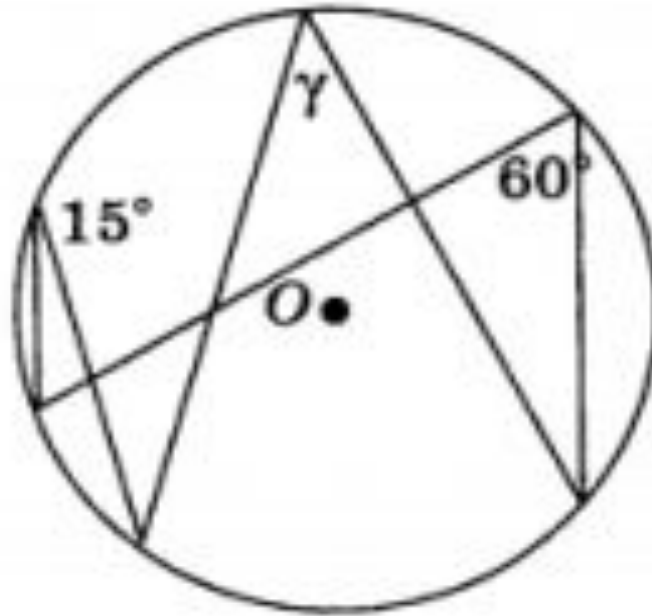
5. Ответ: 1.

Решение. Центр вписанной окружности треугольника лежит на биссектрисе угла, а центр описанной окружности треугольника лежит на серединном перпендикуляре. По условию центры вписанной и описанной окружностей треугольника лежат на одной из его высот, следовательно, в данном треугольнике биссектриса, высота и серединный перпендикуляр совпадают. Значит, треугольник — равнобедренный.

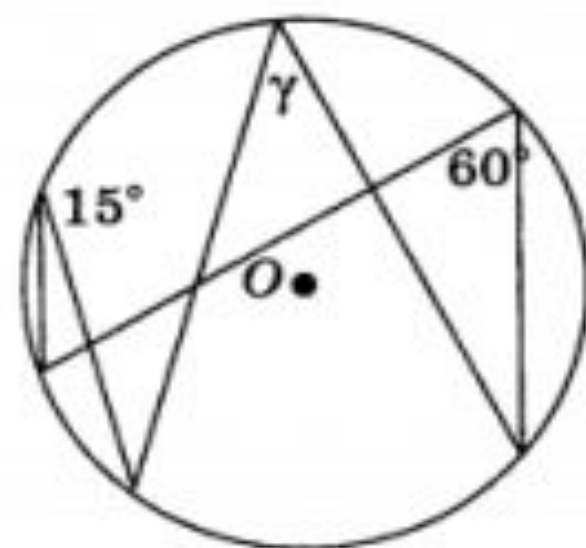


Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

6. По данным рисунка найдите градусную меру угла γ .



6. По данным рисунка найдите градусную меру угла γ .

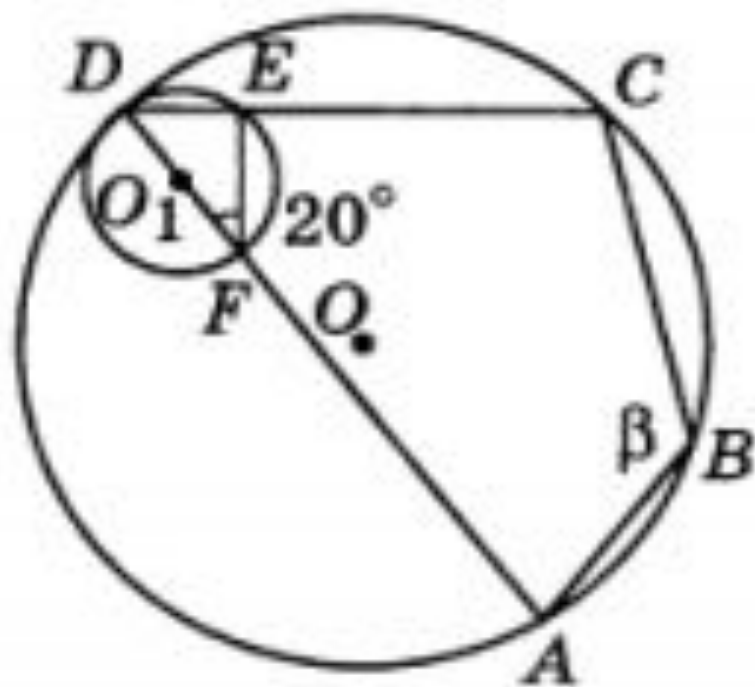


6. Ответ: 45.

Решение. Угол γ является вписанным углом GDB , который опирается на дугу GB . Дуга GB равна разности дуг окружности BC и CG . Так как углы BAC и CFG — вписанные, то дуги BC и CG соответственно равны 120° и 30° . Следовательно, дуга GB равна 90° , а угол GDB — 45° .

Мозговой штурм. Решаем задачи вместе

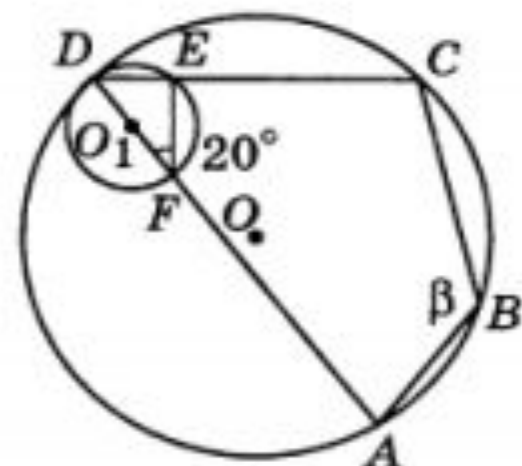
7. Две окружности касаются в точке D . Угол между диаметром FD и хордой FE меньшей окружности равен 20° . Найдите градусную меру угла β .



7. Две окружности касаются в точке D . Угол между диаметром FD и хордой FE меньшей окружности равен 20° . Найдите градусную меру угла β .

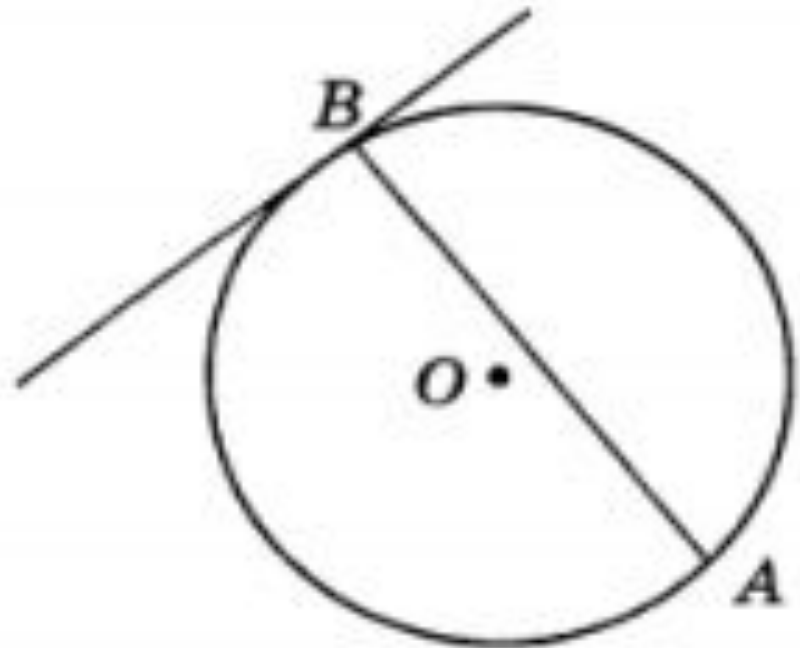
7. Ответ: 110.

Решение. Треугольник FDE — вписанный в окружность с центром O_1 , причем центр O_1 лежит на стороне DF треугольника FDE . Отсюда $\triangle FDE$ — прямоугольный, в котором вписанный $\angle FDE = 70^\circ$. Точка D — общая для обеих окружностей, значит, $\angle ADC$ — вписанный в окружность с центром в точке O . Так как четырехугольник $ABCD$ вписанный, то угол ABC дополняет угол ADC до 180° . Значит, $\angle ABC = \beta = 110^\circ$.



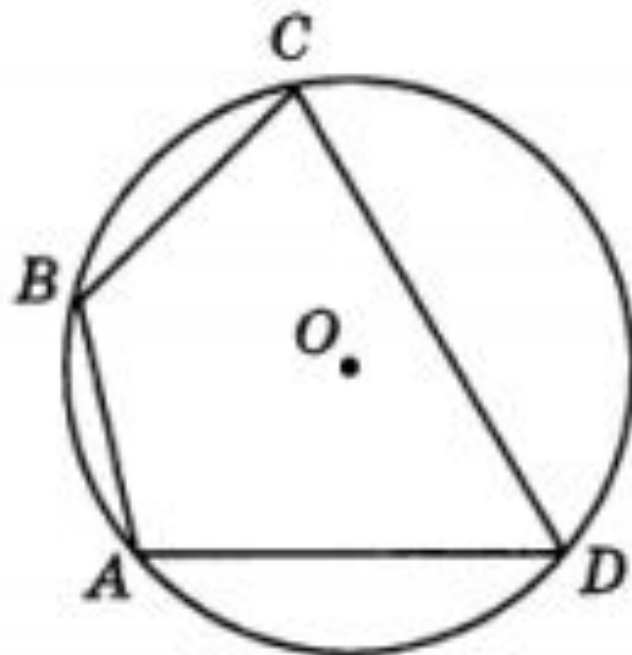
***** Мозговой штурм.**

8. Хорда стягивает дугу окружности, градусная мера которой 40° . Найдите градусную меру угла, который образует эта хорда с касательной к окружности, проходящей через ее конец.



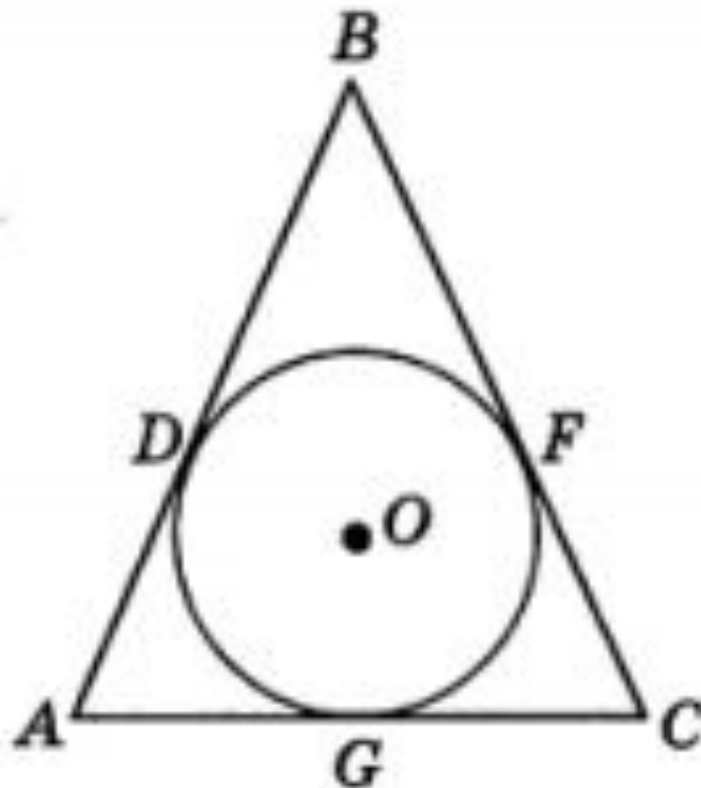
***Мозговой штурм.

9. Вершины четырехугольника $ABCD$ лежат на окружности и разбивают ее на четыре дуги, градусные меры которых последовательно равны 56° , 74° , 97° и 133° . Найдите градусную меру меньшего угла четырехугольника.



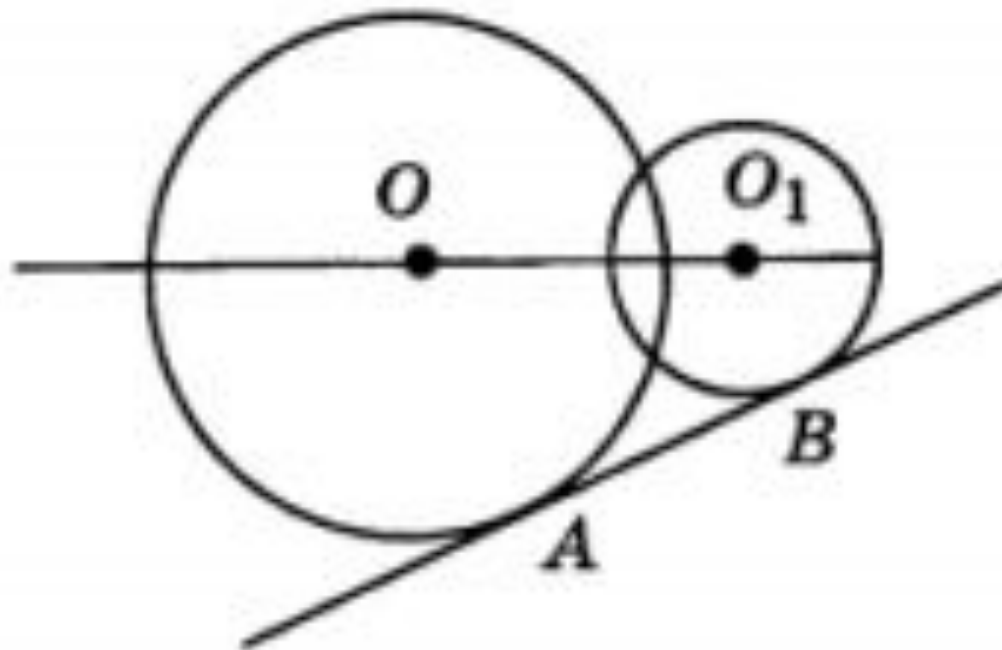
***Мозговой штурм.

10. В равнобедренный треугольник ABC вписана окружность, которая касается основания AC в точке G , а боковых сторон — в точках D и F . Найдите периметр треугольника ABC , если $FB = 4$ см, $AG = 2$ см.



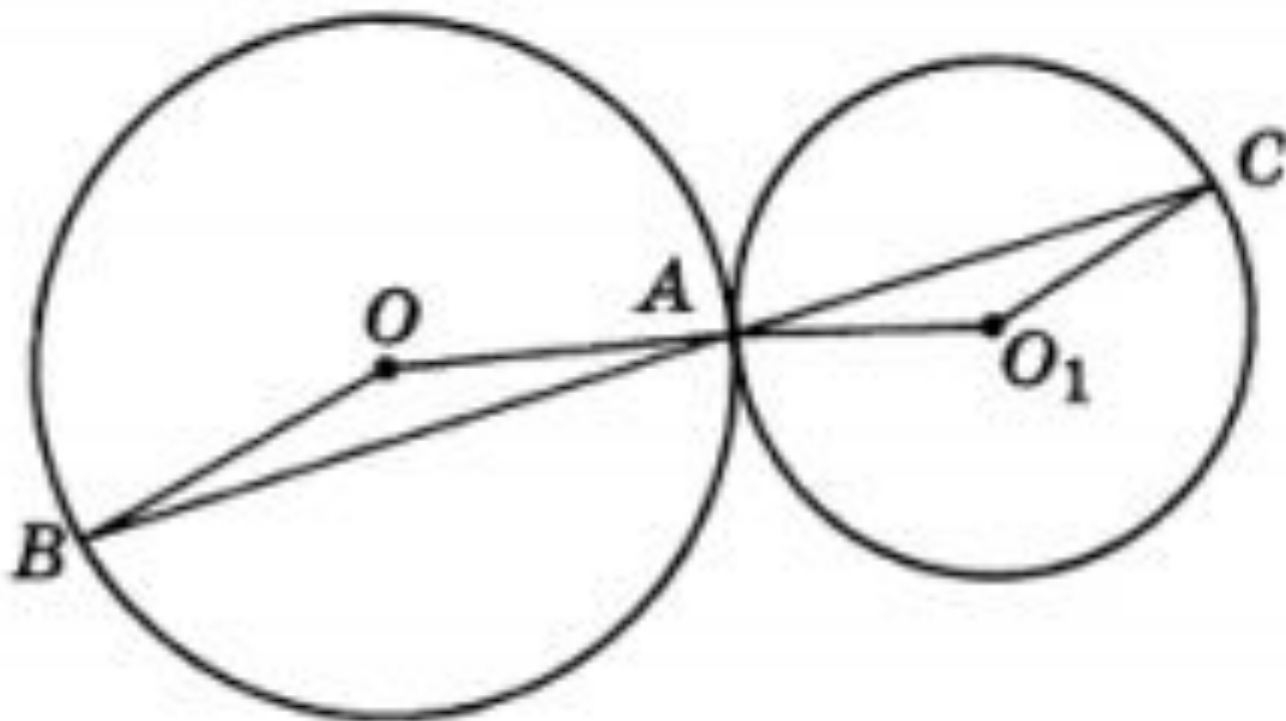
***Мозговой штурм.

11. К двум окружностям с центрами в точках O и O_1 и радиусами, равными 12 см и 4 см, проведена касательная AB . Найдите расстояние между центрами окружностей, если отрезок касательной AB равен 15 см.



***Мозговой штурм.

12. Две окружности с радиусами 9 см и 3 см касаются внешним образом в точке A , через которую проходит их общая секущая BC . Найдите длину отрезка AB , если AC равен 5 см.



Оцените урок и результат своей деятельности

Выберите один из вариантов.

На уроке я работал
Своей работой на уроке я
Урок для меня показал
За урок я

активно / пассивно
доволен / не доволен
коротким / длинным
устал / не устал

Материал урока мне был

понятен / не понятен
интересен / скучен

За урок я ставлю себе
оценку

Оценки зафиксировать
в журнале



**Назовите ученика, который
по вашему мнению был сегодня
на уроке *лучшим***



ДР№1 на 14.09.17

1. Теория. Повторить теорию (если есть необходимость выучить заново).

Разобрать задачи, решенные в классе.

2. Практика. Решить задачи: **№№8 – 12
(из КР)**

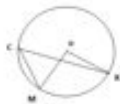
Выполнить тест.



Тест

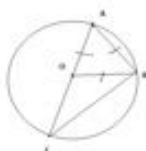
Вариант 2

1. Угол $\angle MCK$ на 34° меньше угла $\angle MOK$.
Найдите сумму углов $\angle MCK$ и $\angle MOK$.



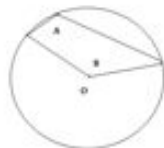
- А) 112°
Б) 96°
В) 68°
Г) 102°

2. AC – диаметр окружности, O – её центр.
 $OC=OB=OA$. Найдите угол $\angle OSB$.



- А) 50° В) 30°
Г) 45° Б) 60°

3. O – центр окружности. Угол $\angle B = 136^\circ$. Найдите α .



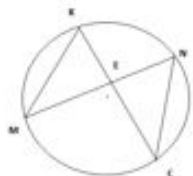
- А) 108° В) 118°
Г) 124° Б) 112°

4. AC и BD – хорды одной окружности, причём E – точка их пересечения. Угол $\angle CED$ в 9 раз больше угла $\angle BEC$, а угол $\angle DAE$ на 61° больше угла $\angle BEC$. Найдите угол $\angle CBE$.

- А) 76° В) 81°
Г) 84° Б) 79°

5. $MK=16$, $NC=24$, $P_{MKE}=28$.

Найти: P_{NCE}

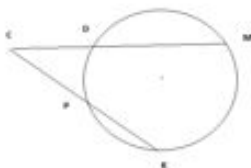


- А) 54 В) 42
Г) 48 Б) 36

6. BD и CE – хорды одной окружности, A – точка их пересечения, $AC=6$ дм, $AE=12$ дм, AB на 1 дм меньше AD . Найдите BD .

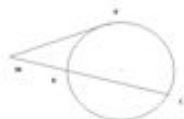
- А) 21 дм В) 16 дм
Г) 17 дм Б) 20 дм

7. $CK=16$, $CP=6$, $CM=24$. Найдите DM .



- А) 20 В) 16
Г) 15 Б) 18

8. MK – касательная к окружности. Найдите BM , если $MK=8$ см, $BC=12$ см.



- А) 16 см В) 6 см
Г) 10 см Б) 4 см

Ответы к тесту:

1	2	3	4	5	6	7	8
Г	В	Б	Б	В	Г	А	Б