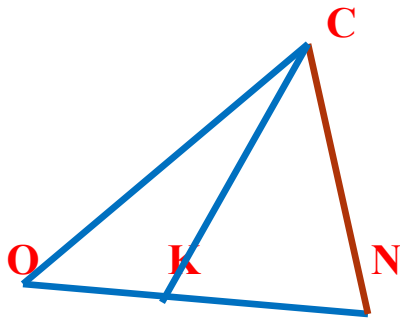
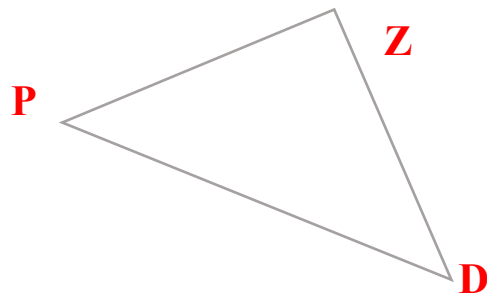
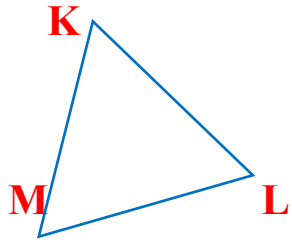


# ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

геометрия – 8 класс

Ионашку Ирина Владимировна  
МКОУ Кайгородская ООШ

# Дайте ответы на вопросы:



1. Что называют отношением отрезков АВ и CD?

2. При каком условии отрезки АВ, CD и  $A_1B_1$ ,  $C_1D_1$  называют пропорциональными?

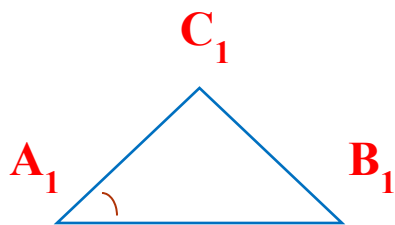
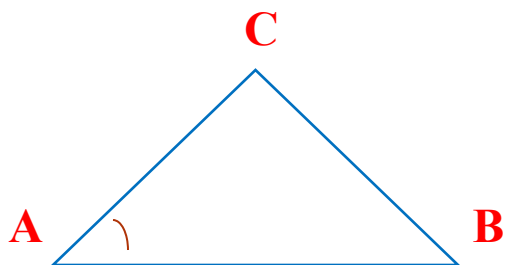
3. Назовите сходственные стороны треугольников  $\triangle MKL$  и  $\triangle PZD$ , если  $\angle M = \angle Z$ ,  $\angle K = \angle D$ ,  $\angle L = \angle P$ .

4. Используя свойство биссектрисы треугольника, найдите KN, если  $OC = 4$  см,  $CN = 3$  см,  $OK = 2$  см.

$$\frac{OK}{OC} = \frac{KN}{CN}, \quad KN = \frac{OK \cdot CN}{OC}$$
$$\frac{KN}{3} = \frac{2}{4}; \quad KN = \frac{2 \cdot 3}{4} = \frac{3}{2} = 1,5(\text{см})$$

**Теорема:** «Об отношении площадей подобных треугольников»

*Отношение площадей двух подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия.*



Дано:  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$

Доказать:  $\frac{S_{ABC}}{S_{A_1B_1C_1}} = k^2$

Доказательство:

1. Так как по условию  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ , то

$$\angle A = \angle A_1, \text{ значит } \frac{S_{ABC}}{S_{A_1B_1C_1}} = \frac{AC \cdot AB}{A_1C_1 \cdot A_1B_1}$$

2. Так как

$$\frac{AC}{A_1C_1} = k; \frac{AB}{A_1B_1} = k, \text{ то } \frac{S_{ABC}}{S_{A_1B_1C_1}} = k^2$$

ч.т.д.

# Закрепление.

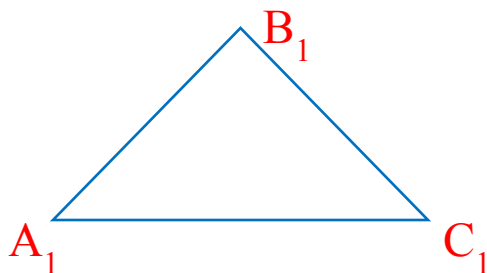
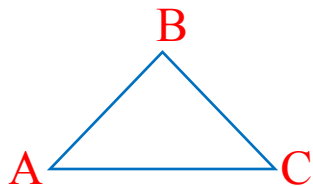
## № 544

Дано:  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ ,

$$S_{ABC} = 75\text{м}^2, S_{A_1B_1C_1} = 300\text{м}^2, A_1C_1 = 9\text{м}$$

Найти:  $AC$

Решение:



1. Так как по условию  $S_{ABC} = 75\text{м}^2, S_{A_1B_1C_1} = 300\text{м}^2$  то по т. «Об отношении площади подобных треугольников»:

2. Так как :  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ , а также

$$\frac{S_{A_1B_1C_1}}{S_{ABC}} = k^2 \quad \text{т.е.} \quad k^2 = \frac{300}{75} = 4, \text{ значит } k = 2$$

$$\frac{A_1C_1}{AC} = 2, \text{ значит } AC = \frac{9}{2} = 4,5(\text{м})$$

$AC$  и  $A_1C_1$  – сходственные стороны,  $k=2$ , то

Ответ:  $AC=4,5$  (м)

# Закрепление.

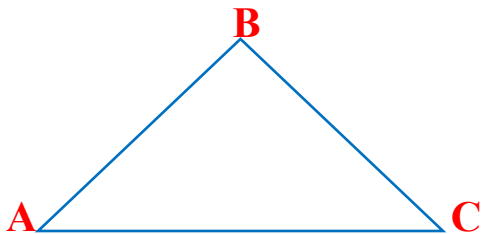
## № 545

Дано:  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ ,  $AC:A_1C_1=6:5$

$S_{ABC} > S_{A_1B_1C_1}$  на  $77\text{см}^2$

Найти:  $S_{ABC}$  и  $S_{A_1B_1C_1}$

Решение:



1. Пусть  $S_{A_1B_1C_1} = x \text{ см}^2$ ,  $S_{ABC} = (x+77) \text{ см}^2$

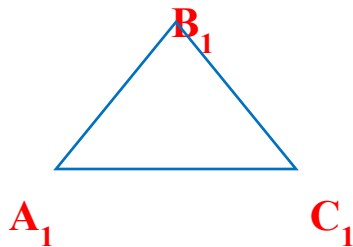
2. Так как  $AC:A_1C_1=6:5$ , то  $k = \frac{6}{5}$

3. По теореме об отношении площадей подобных треугольников:

$$\frac{S_{ABC}}{S_{A_1B_1C_1}} = k^2 \text{ т.е. } \frac{x+77}{x} = \frac{36}{25}, \text{ откуда } x = 175$$

Значит  $S_{A_1B_1C_1} = 175 \text{ см}^2$ ,  $S_{ABC} = 252 \text{ см}^2$

Ответ:  $S_{A_1B_1C_1} = 175 \text{ см}^2$ ,  $S_{ABC} = 252 \text{ см}^2$



## Закрепление.

№ 537

Дано:  $\triangle ABC$ ,  $AD$  – биссектриса  $\triangle ABC$ ,  $AB=14$ см,  
 $AC=21$ см,  $BC=20$ см

Найти:  $BD$ ,  $DC$

Решение:

1. Так как по условию  $BC=20$ см,  $BC=CD+DB$ , то пусть  
 $BD=x$ см,  $CD=(20-x)$ см.

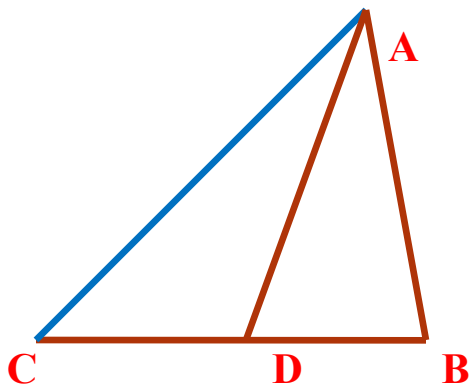
2. Так как по условию  $AD$  – биссектриса  $\triangle ABC$ , то по  
свойству биссектрисы треугольника  $BD:AB=CD:AC$   
(1).

3. Так как по условию  $AB=14$ см,  $AC=21$ см, то (1) –  
примет вид:

$$\frac{x}{14} = \frac{20-x}{21}, \text{ отсюда } x = 8$$

Значит  $BD=8$ см,  $DC=12$ см.

Ответ:  $BD=8$ см,  $DC=12$ см.



**Домашнее задание:**

Глава VII, § 1, п56-п58;

вопросы 1-4 (стр 160);

№ 538 – «3»

№ 538, № 547 – «4»

№ 538, № 547, №548 – «5»

# Самопроверка домашнего задания по образцу

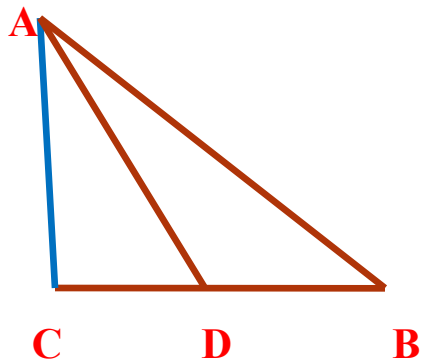
## № 538

Дано:  $\triangle ABC$ ,  $AD$  – биссектриса  $\triangle ABC$ ,  $CD=4,5\text{ см}$ ,  $BD=13,5\text{ см}$ ,

$P_{\triangle ABC}=42\text{ см}$ .

Найти:  $AB$  и  $AC$

Решение:



1. Так как  $CB=CD+DB$ ,  $CD=4,5\text{ см}$ ,  $BD=13,5\text{ см}$ , то  $CB=18\text{ см}$ .

2. Пусть  $AB = x$ . Так как  $P_{\triangle ABC}=42\text{ см}$ ,  $CB=18\text{ см}$ , то  $AC = 42-(18+x) = 24-x$  (см).

3. По свойству биссектрисы треугольника:  $\frac{CD}{AC} = \frac{DB}{AB}$

т.е.  $\frac{4,5}{24-x} = \frac{13,5}{x}$ , отсюда  $x = 18$ .

Значит  $AB=18\text{ см}$  и  $AC = 6\text{ см}$ .

Ответ:  $AB=18\text{ см}$  и  $AC = 6\text{ см}$ .



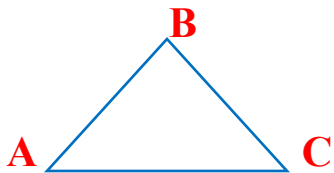
# Самопроверка домашнего задания по образцу

## № 547

Дано:  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$

Доказать:  $\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = k$

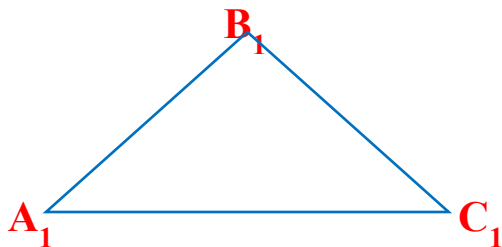
Доказательство:



1. Так как по условию  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ , то

$$AB = k \cdot A_1B_1; \quad BC = k \cdot B_1C_1; \quad AC = k \cdot A_1C_1$$

2. 
$$\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = \frac{AB + BC + AC}{A_1B_1 + B_1C_1 + A_1C_1} = \frac{k \cdot A_1B_1 + k \cdot B_1C_1 + k \cdot A_1C_1}{A_1B_1 + B_1C_1 + A_1C_1} =$$
$$= \frac{k \cdot (A_1B_1 + B_1C_1 + A_1C_1)}{A_1B_1 + B_1C_1 + A_1C_1} = k$$



**Ч.т.д.**

Итак если  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ , то

$$(1) \frac{S_{ABC}}{S_{A_1B_1C_1}} = k^2 \quad \text{и} \quad (2) \frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = k$$

**Самопроверка домашнего задания по образцу  
№ 548**

Дано:  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ ,

$BC$  и  $B_1C_1$  – сходственные стороны,

$BC = 1,4\text{м} = 140\text{см}$ ,  $B_1C_1 = 56\text{см}$ .

Найти:  $\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}}$

Решение: так как  $\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = k$  и  $\frac{BC}{B_1C_1} = k$ , то  $k = \frac{140}{56} = 2,5$

Ответ:  $\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = 2,5$