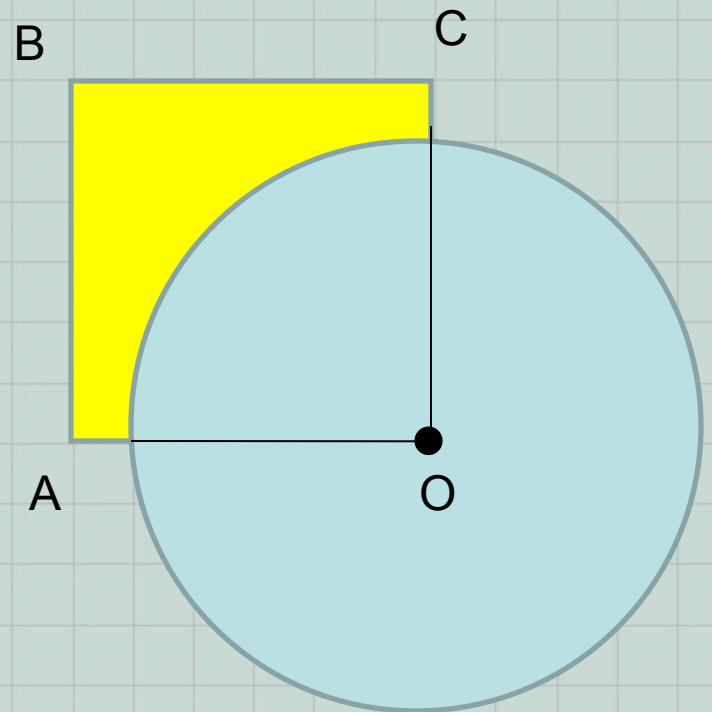


## Задача № 633

Даны квадрат  $OABC$ , сторона которого равна 6 см и окружность с центром в точке  $O$  и радиусом 5 см.

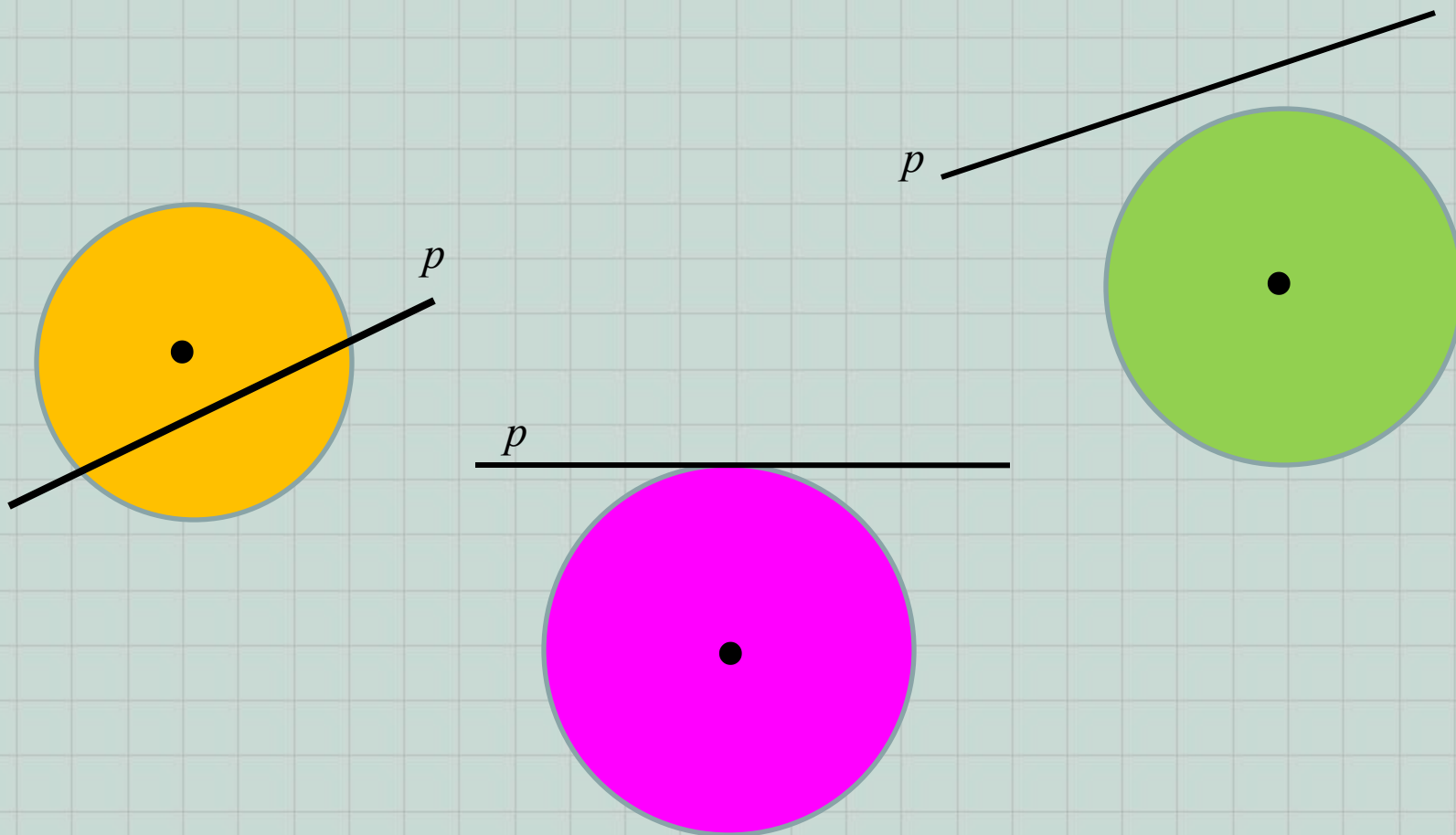
Какие из прямых  $OA$ ,  $AB$ ,  $BC$  и  $AC$  являются секущими по отношению к этой окружности?



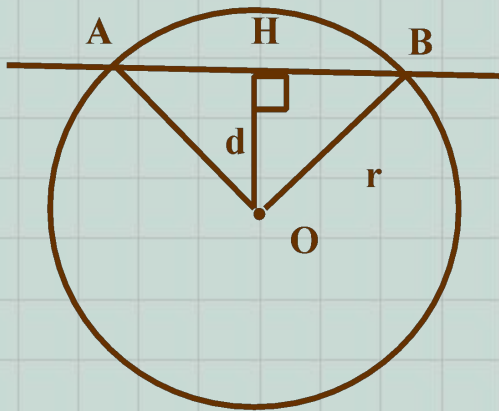
# Касательная к окружности

Учебная презентация  
по геометрии  
для 8 класса

# Три случая взаимного расположения на плоскости прямой и окружности

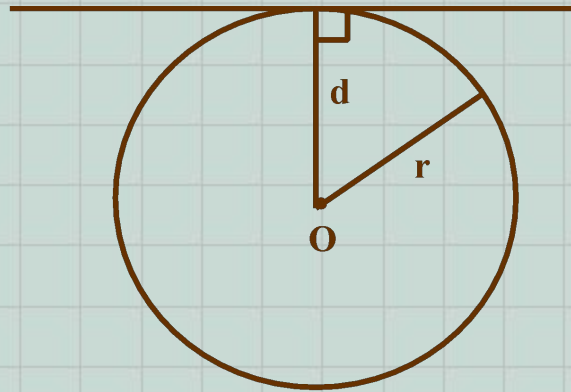


# Сколько общих точек могут иметь прямая и окружность?



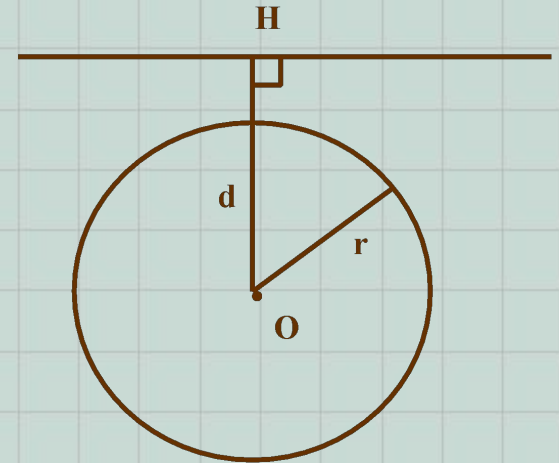
$$d < r$$

две общие  
точки



$$d = r$$

одна общая  
точка



$$d > r$$

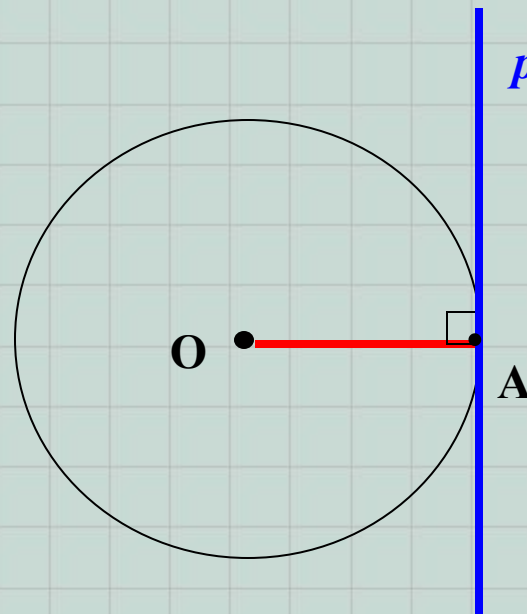
не имеют  
общих точек

# Определение

Прямая, имеющая с окружностью только одну общую точку, называется **касательной** к окружности, а их общая точка называется **точкой касания**

$p$  — касательная

$A$  — точка касания



# Теорема

## (свойство касательной)

Касательная к окружности **перпендикулярна к радиусу**, проведённому в точку касания.

Дано:  $p$  – касательная;

Окружность  $(O; r)$ ;

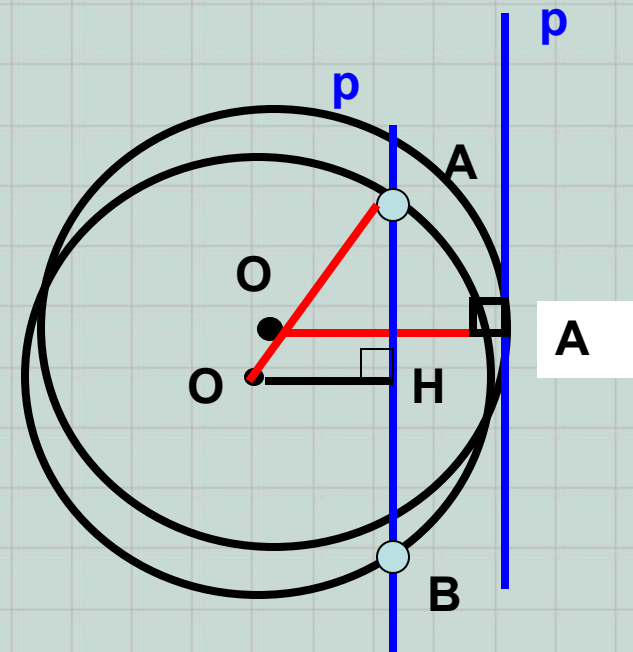
$A$  – точка касания.

Доказать:  $p \perp OA$ .

Доказательство:

Предположим, что это не так. То есть  $OA$  будет наклонной. Но любая наклонная, проведенная из той же точки, что и перпендикуляр, будет больше перпендикуляра.

$OH < OA$ , то  $OH < r \Rightarrow d < r$  Значит, прямая  $p$  и окружность имеют две общие точки, что неверно  $\Rightarrow p \perp OA$ .



# Обратная теорема (признак касательной)

Если прямая проходит через конец радиуса, лежащий на окружности, и перпендикулярна к этому радиусу, то она является касательной.

Дано: окружность  $(O; r)$ ;

луч  $p$ , перпендикуляр  $OA$ .

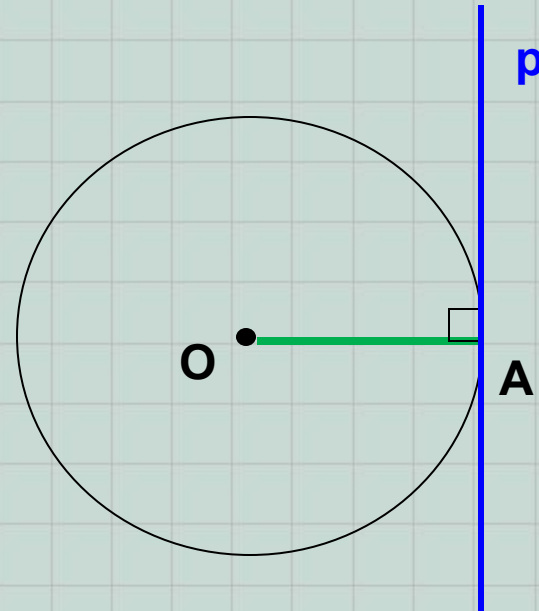
Доказать:  $p$  – касательная.

Доказательство:

$$r = OA; r = d$$

только 1 общая точка.

$p$  – касательная.



# Свойство отрезков касательных, проведенных из одной точки

Отрезки касательных к окружности, проведённые из одной точки, равны и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности.

Дано: окружность, АВ и АС – касательные;

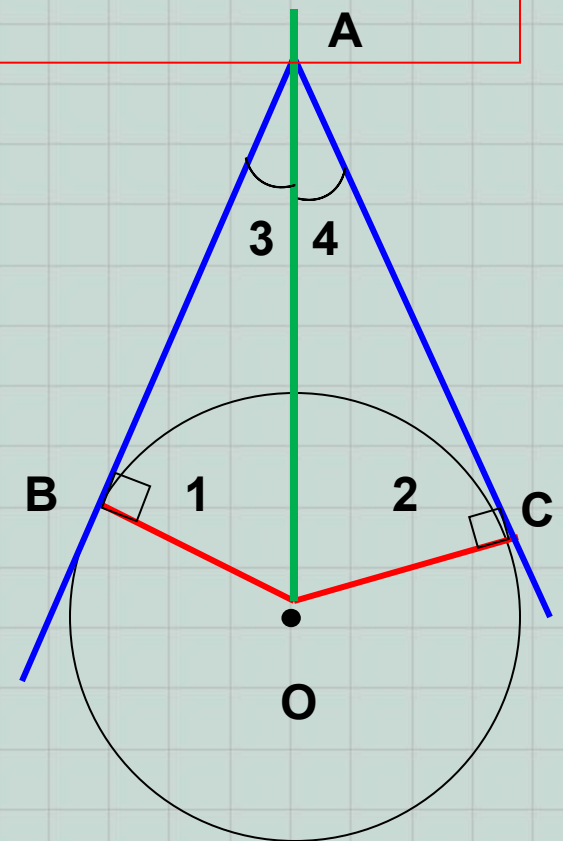
В и С – точки касания.

Доказать:  $AB = AC$ ;  $\angle 3 = \angle 4$ .

Доказательство:  $\angle 1 = \angle 2 = 90^\circ$ ;

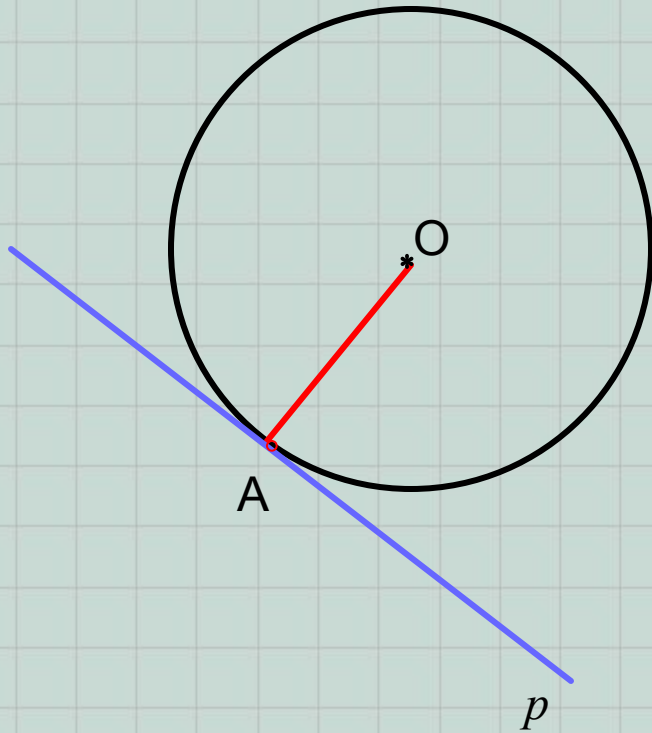
$\triangle ABO = \triangle ACO$  (ОА – общая;  $OB = OC = r$ ).

$AB = AC$  и  $\angle 3 = \angle 4$ .





# Задача на построение касательной к окружности



Дано: окружность с центром в точке  $O$ .

Построить: касательную к окружности  
через точку  $A$ , лежащую на окружности.

Построение:

1. Провести радиус окружности  $OA$
2. Провести прямую  $p$ , проходящую через точку  $A$  и перпендикулярную  $OA$

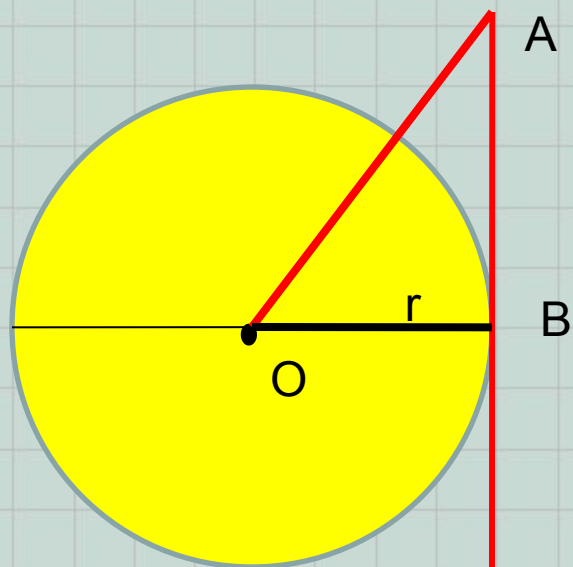
Ответ:  $p$  – искомая касательная

# Решение задач

## Задача № 638

Прямая АВ касается  
окружности с центром в  
точке О радиуса  $r$  в точке  
В.

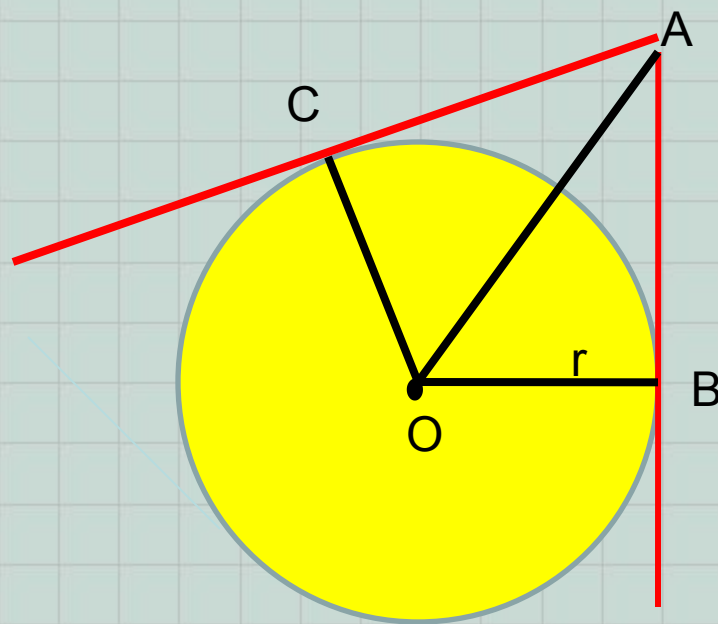
Найдите АВ, если  $ОА = 2$  см,  
а радиус окружности  
 $r = 1,5$  см



## Задача № 640

Даны окружность с центром  $O$  и радиусом  $4,5$  см и точка  $A$ . Через точку  $A$  проведены две касательные к окружности.

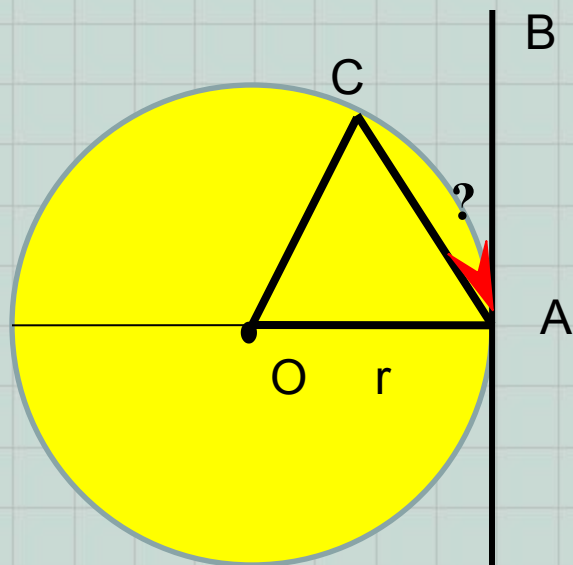
Найдите угол между ними, если  $OA = 9$  см.



## Задача № 635

Прямая АВ касается  
окружности с центром в  
точке О радиуса  $r$  в точке  
В.

Найдите АВ, если  $ОА = 2$  см,  
а радиус окружности  
 $r = 1,5$  см



# Задача № 637

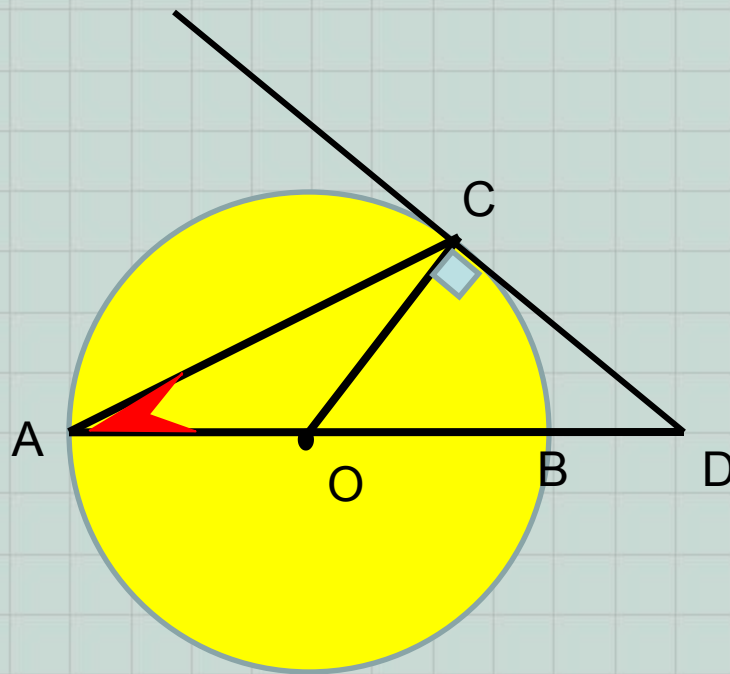
Угол между диаметром АВ и хордой АС равен  $30^\circ$ . Через точку С проведена касательная, пересекающая прямую АВ в точке D. Докажите, что треугольник АСD равнобедренный.

Доказательство:

$\triangle AOC$  = равнобедренный, его боковые стороны равны радиусу окружности, тогда  $\angle ACO = 30^\circ$ .

$\angle COD$  – внешний по отношению к  $\triangle AOC$ , значит он равен сумме двух внутренних углов этого треугольника, не смежного с ним, т.е.  $\angle COD = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$

$\angle OCD$  – прямой, тогда  $\angle CDO = 30^\circ$ . Получаем, в  $\triangle ACD$  два равных угла ( $\angle CAD = \angle CDA = 30^\circ$ ). Значит он – равнобедренный, Ч. Т. Д.



# Домашнее задание

- Читать пункт 69;
- Отвечать на вопросы 3-7;
- Решить № 634, 636, 639.