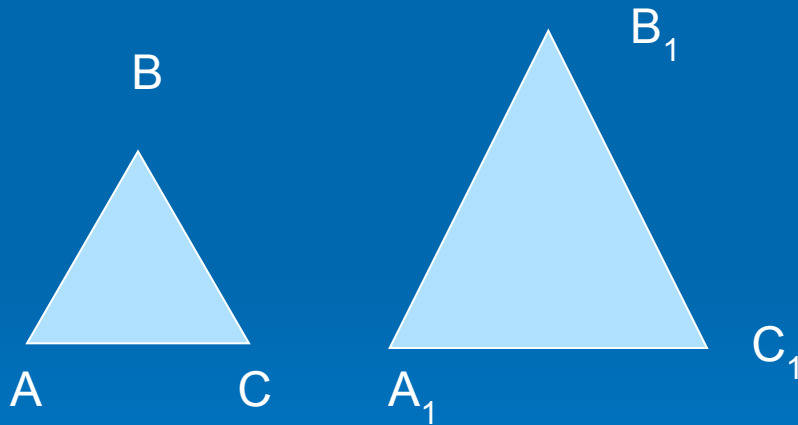


Первый признак подобия треугольников

Геометрия 8

A decorative graphic consisting of several sets of concentric circles in a lighter blue shade, scattered across the bottom half of the slide.

Два треугольника называются подобными, если их углы соответственно равны и стороны одного треугольника пропорциональны сходственным сторонам другого, т.е.



$$\angle A = \angle A_1; \angle B = \angle B_1; \angle C = \angle C_1.$$

$$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} = \frac{AC}{A_1C_1}$$

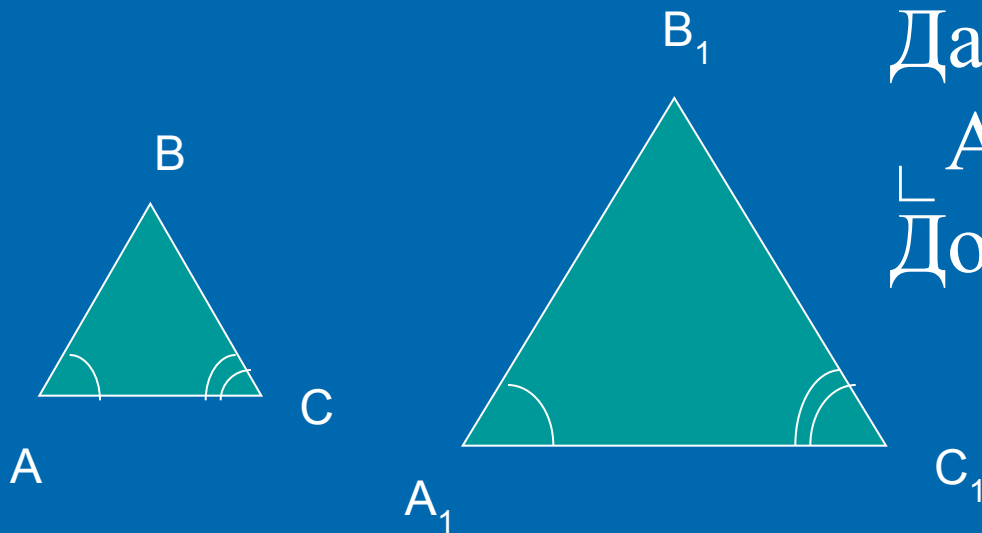
А нельзя ли проще проверить, являются ли треугольники подобными?

Оказывается можно! На последующих уроках рассмотрим три признака подобия треугольников. Сегодня на уроке сформулируем и докажем

Первый признак подобия треугольников:

Если два угла одного треугольника соответственно равны двум углам другого треугольника, то такие треугольники подобны

Первый признак подобия треугольников (доказательство)



Дано: $\triangle ABC, \triangle A_1B_1C_1$

$\sphericalangle A = \sphericalangle A_1, \sphericalangle B = \sphericalangle B_1$

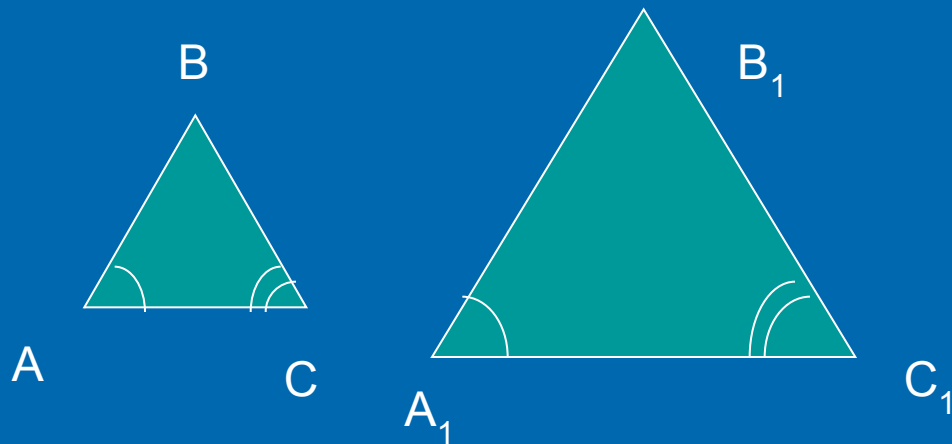
Доказать: $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$

Доказательство:

Используя определение подобных треугольников нужно

доказать: 1) $\sphericalangle A = \sphericalangle A_1; \sphericalangle B = \sphericalangle B_1; \sphericalangle C = \sphericalangle C_1$

$$2) \frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} = \frac{AC}{A_1C_1}$$



Доказательство:

1) $\sphericalangle A = \sphericalangle A_1$; $\sphericalangle B = \sphericalangle B_1$;
известно по условию.

$$\sphericalangle C = 180^\circ - (\sphericalangle A + \sphericalangle B)$$

$$\sphericalangle C_1 = 180^\circ - (\sphericalangle A_1 + \sphericalangle B_1), \text{ следовательно } \sphericalangle C = \sphericalangle C_1$$

2) Т.к. $\sphericalangle A = \sphericalangle A_1$, то

$$\frac{S_{\Delta ABC}}{S_{\Delta A_1 B_1 C_1}} = \frac{AB \cdot AC}{A_1 B_1 \cdot A_1 C_1}$$

$\sphericalangle B = \sphericalangle B_1$, то

$$\frac{S_{\Delta ABC}}{S_{\Delta A_1 B_1 C_1}} = \frac{AB \cdot BC}{A_1 B_1 \cdot B_1 C_1} \quad \frac{AC}{A_1 C_1} = \frac{BC}{B_1 C_1}$$

Т.к. $\sphericalangle C = \sphericalangle C_1$, то

$$\frac{S_{\Delta ABC}}{S_{\Delta A_1 B_1 C_1}} = \frac{BC \cdot AC}{B_1 C_1 \cdot A_1 C_1} \quad \frac{AB}{A_1 B_1} = \frac{BC}{B_1 C_1}$$

Тогда

$$\frac{AB}{A_1 B_1} = \frac{BC}{B_1 C_1} = \frac{AC}{A_1 C_1}$$

Итак: мы доказали, что 1) соответственные углы равны

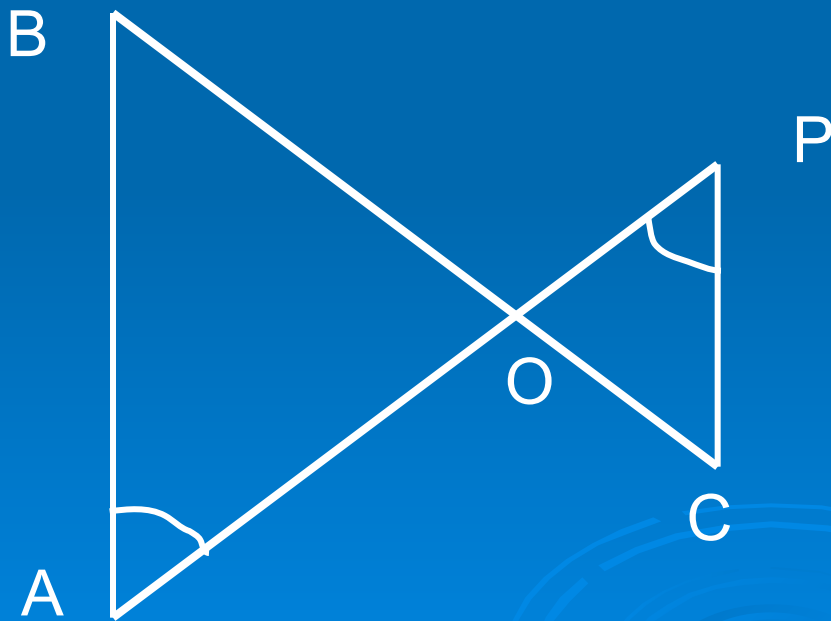
$$\angle A = \angle A_1; \angle B = \angle B_1; \angle C = \angle C_1$$

2) Стороны одного треугольника пропорциональны сходственным сторонам другого треугольника

$$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} = \frac{AC}{A_1C_1}$$

Первый признак подобия треугольников доказан

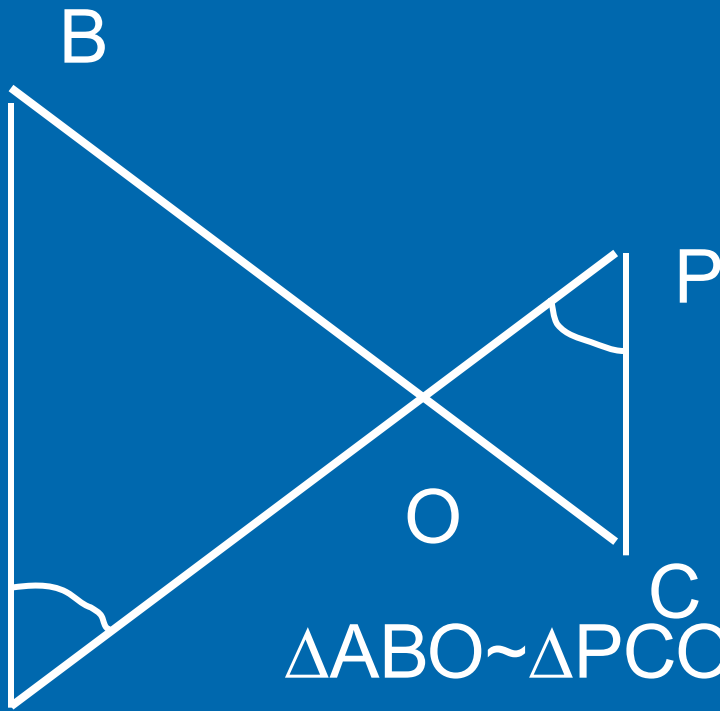
ЗАДАЧА 1



Дано: $\triangle ABO$, $\triangle PCO$

$\angle A = \angle P$, $BO = 18$, $AO = 16$,
 $CP = 9$, $AP = 28$.

Найти: AB , CO



Решение:

Докажем, что $\triangle ABO \sim \triangle PCO$

1) $\angle A = \angle P$ (по условию)

2) $\angle BOA = \angle POC$ (по свойству вертикальных углов)

$\triangle ABO \sim \triangle PCO$ (по первому признаку подобия треугольников).

Из подобия треугольников следует:

$$\frac{AB}{CP} = \frac{BO}{CO} = \frac{AO}{PO}; \quad PO = 28 - 16 = 12$$

$$\frac{AB}{9} = \frac{16}{12}; \quad AB = \frac{9 \cdot 16}{12} = 12$$

$$\frac{18}{CO} = \frac{16}{12}; \quad CO = \frac{18 \cdot 12}{16} = 13,5.$$

Ответ: $AB = 12$; $CO = 13,5$

Презентацию подготовила:
учитель математики МОУ « Средняя школа 27»
г.о. Саранск Свешникова Антонина Геннадьевна

