

урок по теме.

# «Теорема Пифагора»





# Историческая справка

**Пифагор** – древнегреческий ученый, живший в VI веке до нашей эры.

Вообще надо заметить, что о жизни и деятельности Пифагора, который умер две с половиной тысячи лет тому назад, нет достоверных сведений. Биографию учёного и его труды приходится реконструировать по произведениям других античных авторов, а они часто противоречат друг другу.

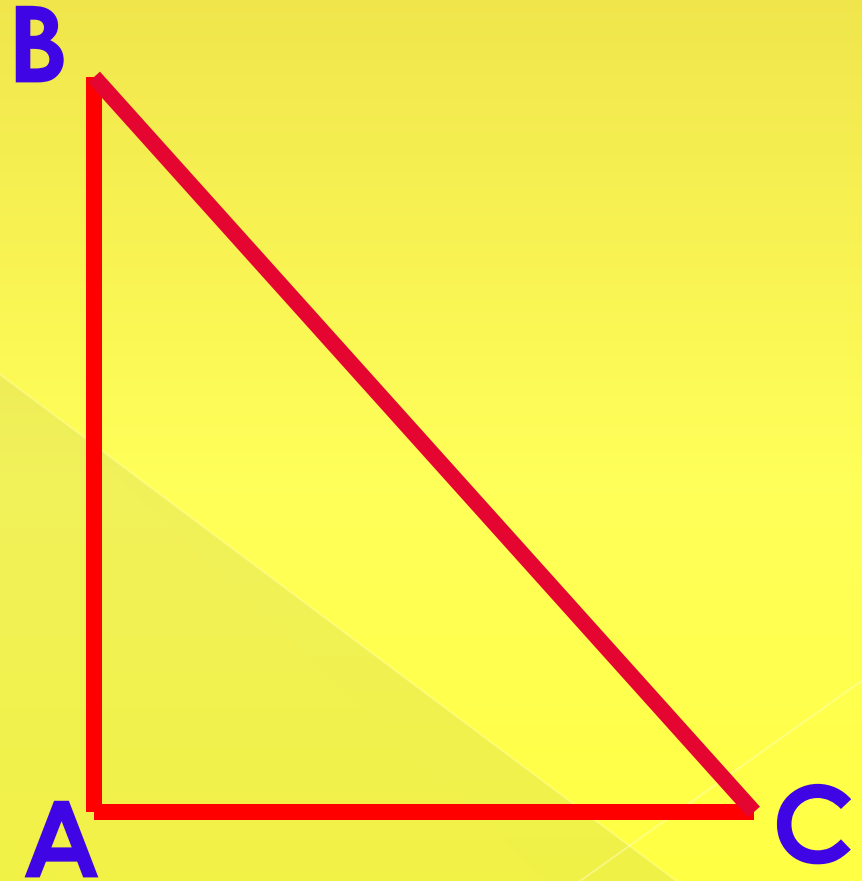
С именем Пифагора связано много важных научных открытий: **в географии и астрономии** – представление о том, что Земля – шар и что существуют другие, похожие на неё миры; **в музыке** – зависимость между длиной струны арфы и звуком, который она издаёт; **в геометрии** – построение правильных многоугольников (один из них пятиконечная звезда – стал символом пифагорейцев).

Венчала геометрию **теорема Пифагора**, которой посвящён сегодняшний урок.

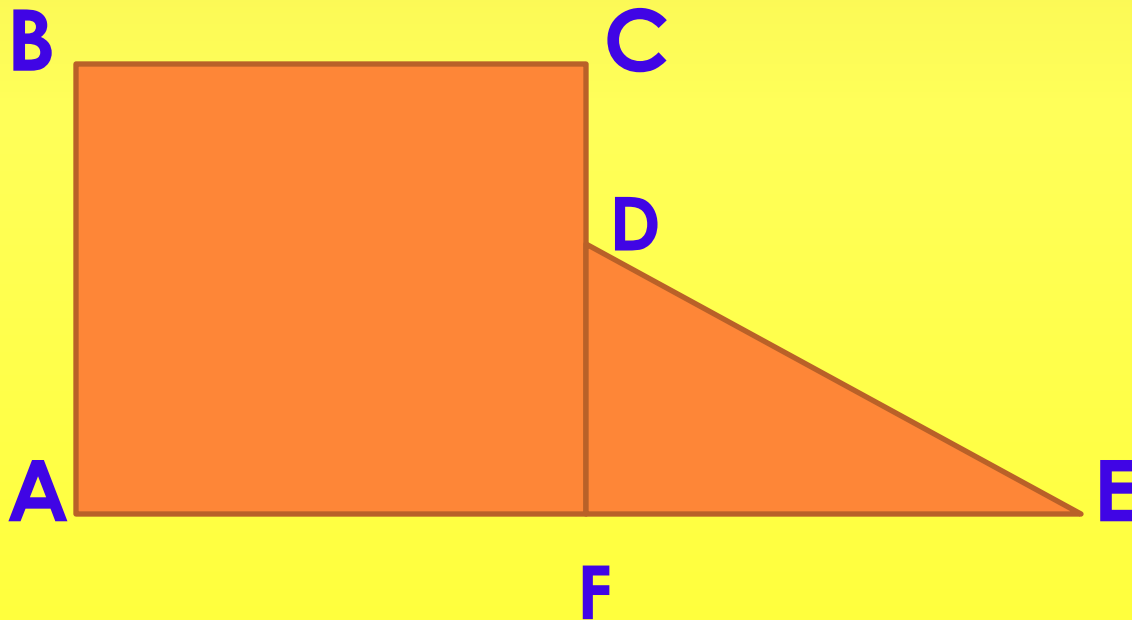
Но изучение вавилонских клинописных таблиц и древних китайских рукописей показало, что это утверждение было известно задолго до Пифагора. Заслуга же Пифагора состояла в том, что он открыл доказательство этой теоремы.

# Опорное повторение по ГОТОВЫМ ЧЕРТЕЖАМ

- ◆ Какой треугольник изображён?  
(Определите его вид)
- ◆ Назовите катеты и гипотенузу данного треугольника.
- ◆ Как найти площадь  $\triangle ABC$ ?



1. На какие два многоугольника разбит данный многоугольник ABCDE?
2. Каким свойством площадей необходимо воспользоваться, чтобы найти площадь многоугольника ABCDE?
3. С помощью каких формул можно найти площадь квадрата ABCF и площадь треугольника DFE?
4. Запишите формулой площадь многоугольника ABCDE.



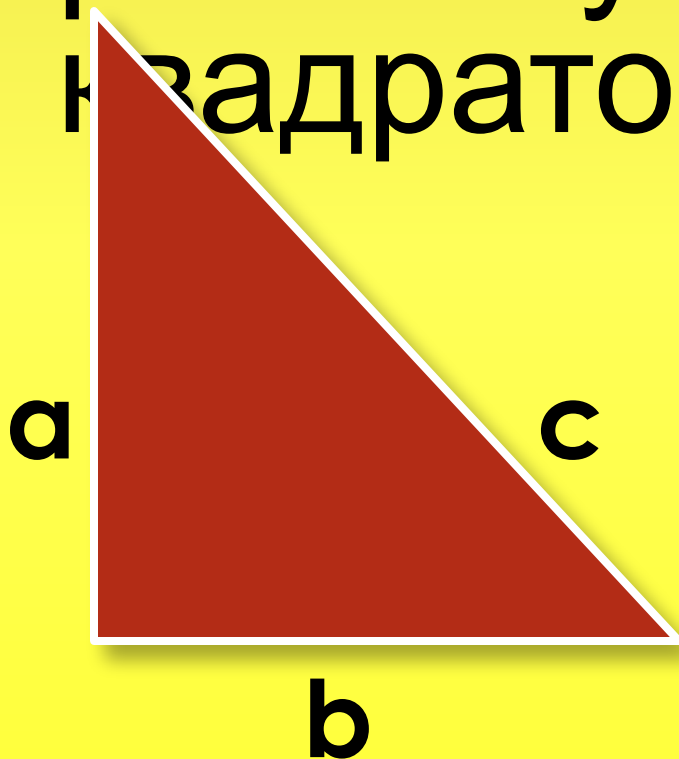
# Практическая работа

1. Постройте в тетрадах прямоугольный треугольник (с катетами, длина которых для удобства выражается целыми числами).
2. Измерьте катеты и гипотенузу. Результаты измерений запишите в тетрадах.
3. Возведите все результаты в квадрат, т. е. Узнайте величины  $a^2$ ;  $b^2$ ;  $c^2$ .
4. Сложите квадраты катетов ( $a^2 + b^2$ ) и сравните с квадратом гипотенузы.
5. У всех ли получилось, что  $a^2 + b^2 = c^2$ ?

# Пифагора

В прямоугольном  
треугольнике  
квадрат гипотенузы  
равен сумме  
квадратов катетов

$$c^2 = a^2 + b^2$$



# Стихотворение о теореме Пифагора

**Если дан нам треугольник,  
И притом с прямым углом.**

**То квадрат гипотенузы**

**Мы всегда легко найдём:**

**Катеты в квадрат возводим,**

**Сумму степеней находим –**

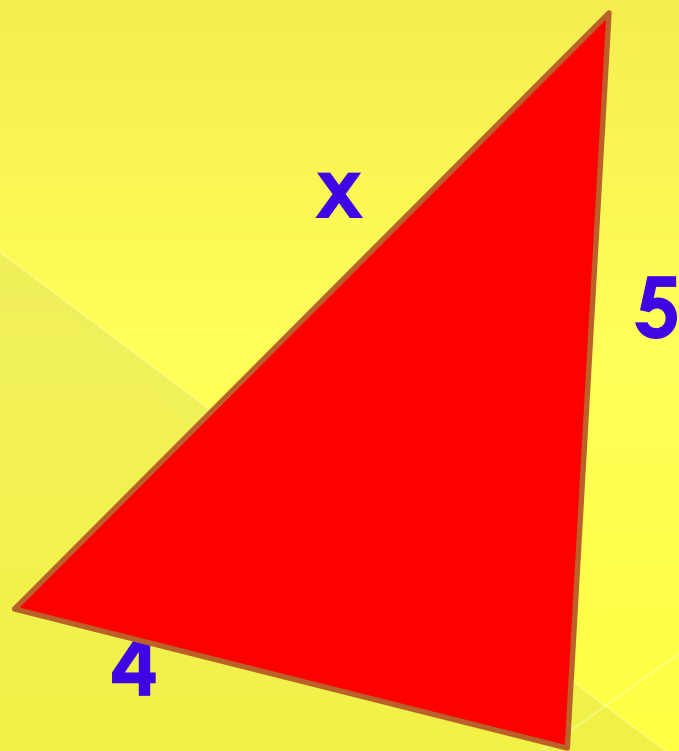
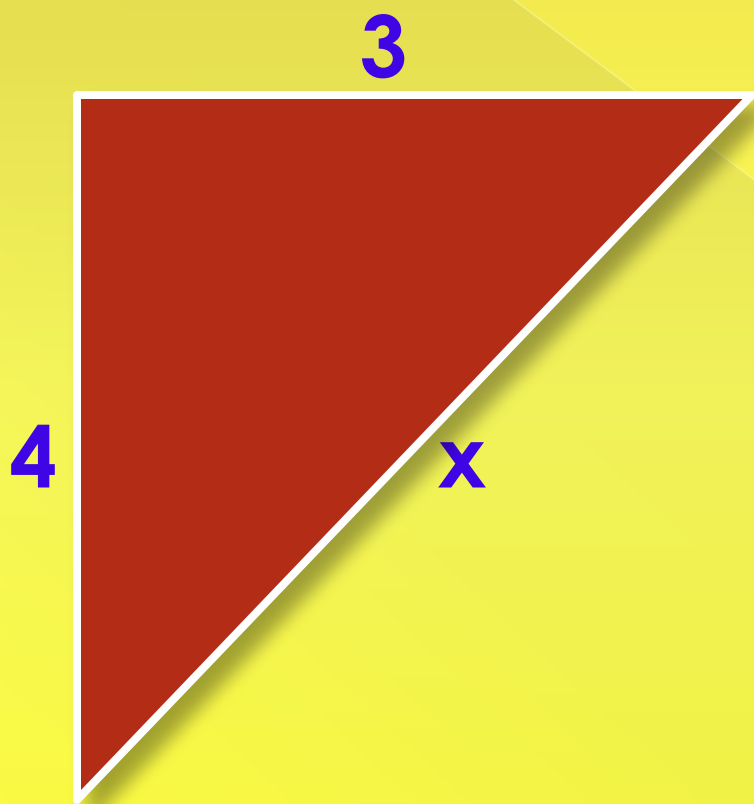
**И таким простым путём**

**К результату мы придём.**

**(И. Дырченко)**



Составьте по готовым  
чертежам, если это возможно,  
верное равенство.



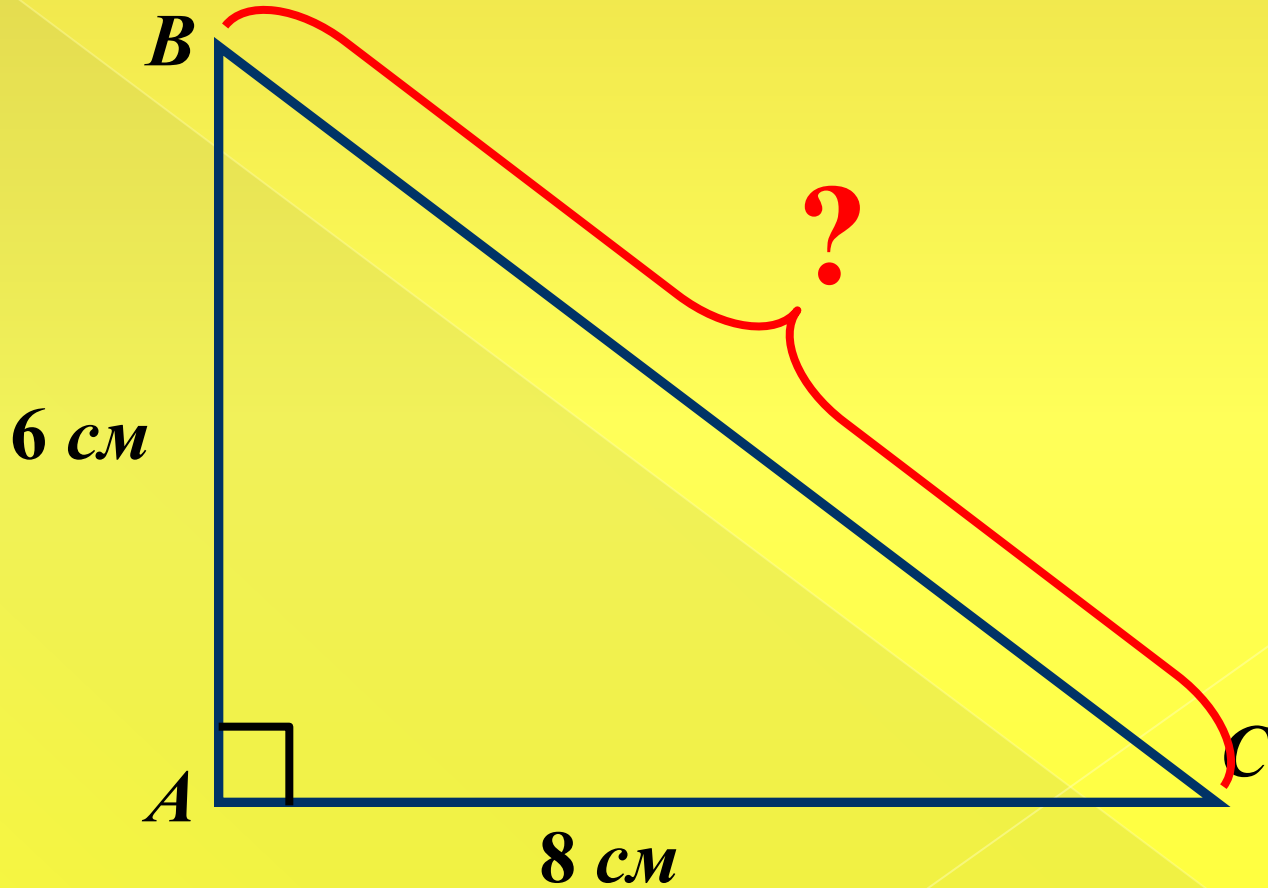
# РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ ПО ГОТОВЫМ ЧЕРТЕЖАМ

1.

Дано:  $\triangle ABC$

Найти:

$BC$

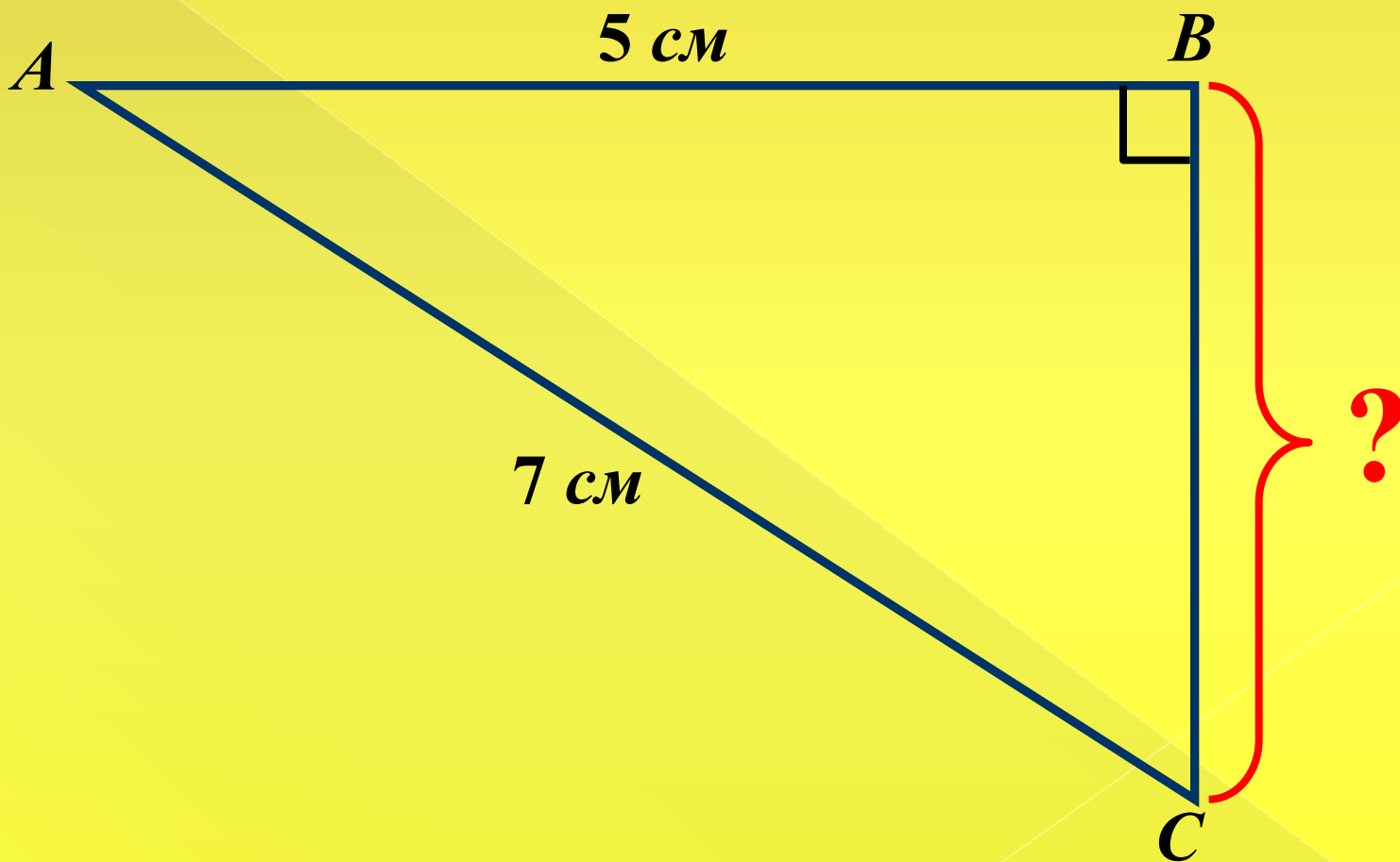


2.

Дано:  $\triangle ABC$

Найти:

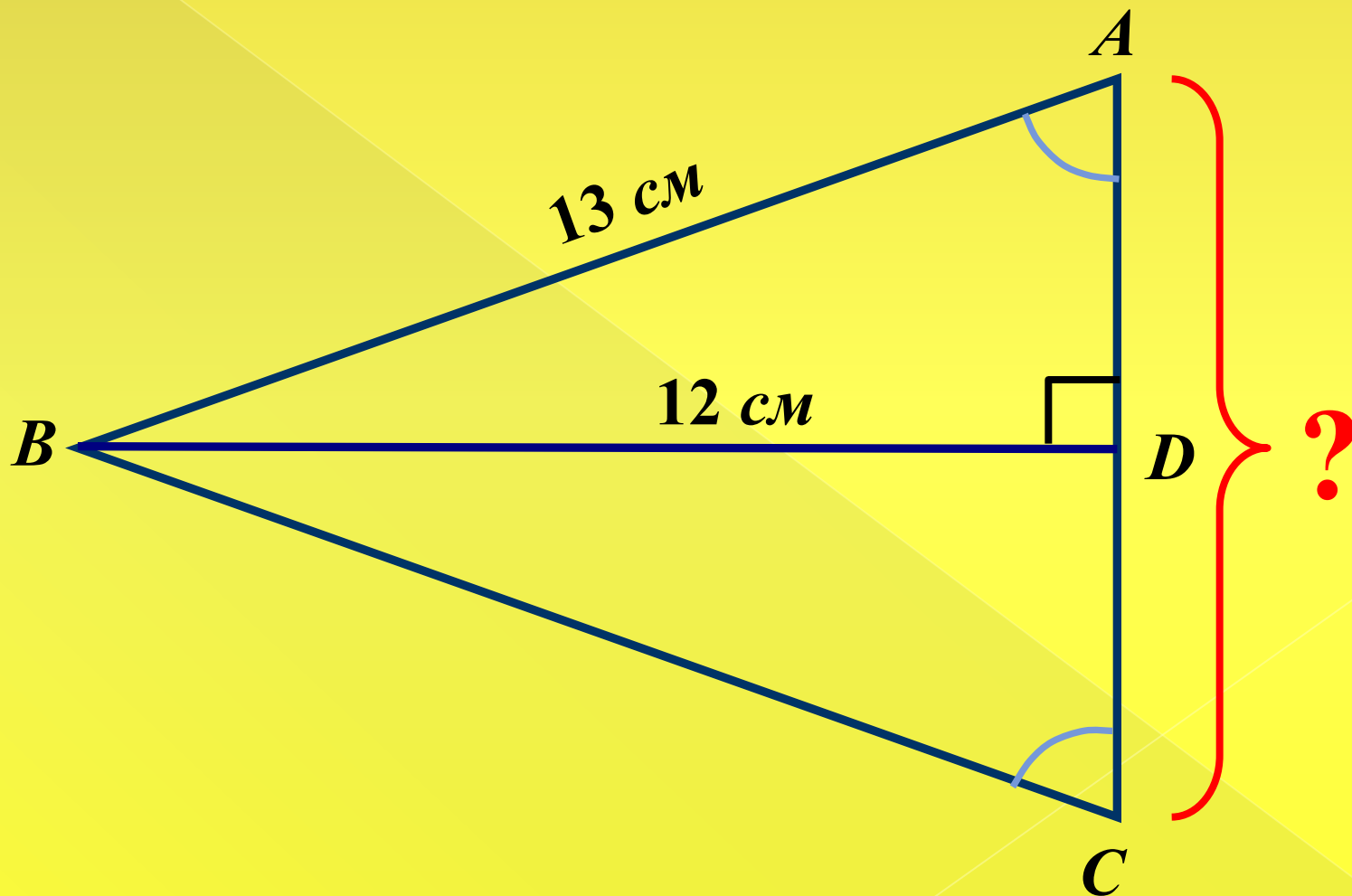
$BC$



3.

Дано:  $\triangle ABC$

Найти:  $AC$



# Подведение итогов

- 1. Возможно ли было решение задач данного типа без применения теоремы Пифагора?**
- 2. В чём суть теоремы Пифагора?**
- 3. Для любых ли треугольников можно применить данную теорему?**

4. В Древнем Египте был известен треугольник со сторонами 3, 4, 5; его использовали при разметке прямоугольных земельных участков после ежегодного уничтожения их границ разлившимся Нилом. Для построения прямых углов египтяне поступали так: на веревке делали метки, делящие ее на 12 равных частей, связывали концы веревки и растягивали на земле с помощью кольев в виде треугольника со сторонами 3, 4 и 5. Тогда угол между сторонами, равными 3 и 4, оказывался прямым.
5. Занимаясь поисками треугольников, стороны которых  $a$ ,  $b$ ,  $c$  удовлетворяли бы условию  $a^2 + b^2 = c^2$ , Пифагор нашел формулы, которые в современной символике могут быть записаны так:  
$$a = 2n + 1, b = 2n(n + 1), c = 2n^2 + 2n + 1, n \in \mathbb{Z}.$$
6. Треугольник с такими сторонами является прямоугольным:  
 $n = 1: a = 3, b = 4, c = 5$  (приведите примеры самостоятельно).
7. Где применяется, по вашему, сейчас теорема Пифагора?

# Домашнее задание

**П. 54. № 483 (б,в);**

**№ 484 (а,б,в)**