

Понятие площади многоугольника

8 класс

Учитель математики МБОУ « Вознесенская
СОШ №^о

Ермакова Т.П.

Понятие площади

- В жизни часто приходится вычислять площади геометрических фигур.
- Например, приходится определять площадь поля, огорода, спортивной площадки или определять площадь пола в здании, площадь стен или окон в комнате.
- При всяком измерении необходимо заранее иметь меру, с которой сравнивается измеряемая величина. При взвешивании употребляются меры веса: килограмм, грамм, тонна, центнер. Время измеряется часами, минутами, секундами.
- При измерении длины отрезка MN сравниваем его с метром, сантиметром или с какой-нибудь другой мерой длины. При измерении углов пользуемся угловыми градусами, минутами.
- Точно так же при измерении площадей геометрических фигур пользуются особыми мерами, с которыми сравниваются эти фигуры.



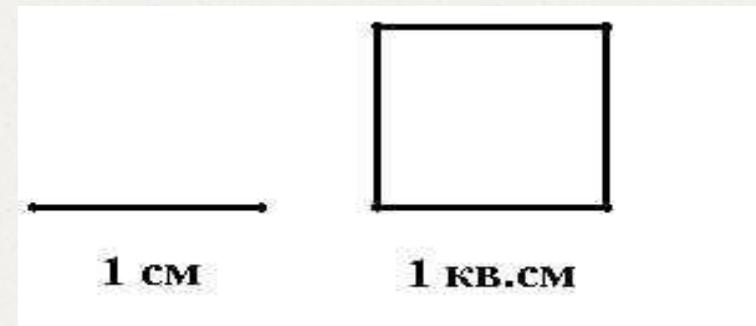
Единицы измерения площадей

Такими мерами являются квадраты, стороны которых равны какой-нибудь линейной мере: метру, дециметру, сантиметру, миллиметру.

При измерении площадей, имеющих большие размеры, за меру может быть принят квадрат, сторона которого равна километру.

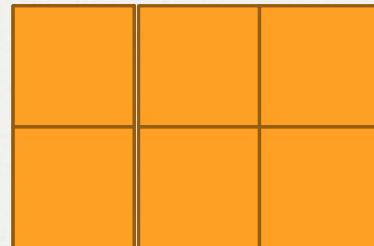
Квадрат, сторона которого равна какой-нибудь линейной единице, называется квадратной единицей: квадратным метром, квадратным сантиметром, квадратным километром и т. д.,

Измерить площадь какой-нибудь геометрической фигуры — значит узнать, сколько тех или иных квадратных единиц содержится в фигуре, площадь которой измеряется.



Площадь одного
квадрата – 1 см^2

Площадь всей
фигуры-?



Найди площади фигур

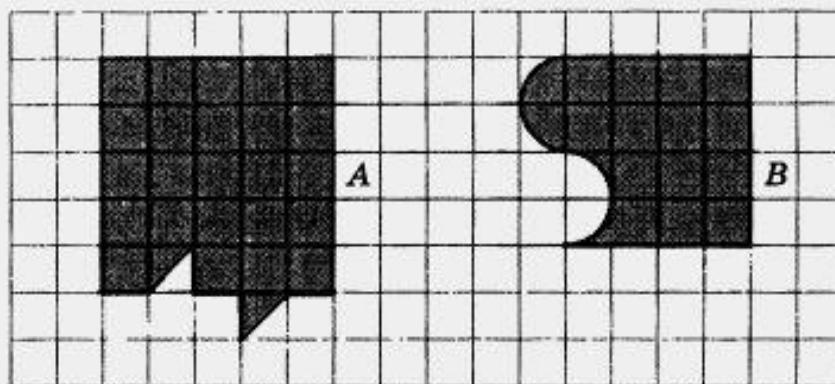
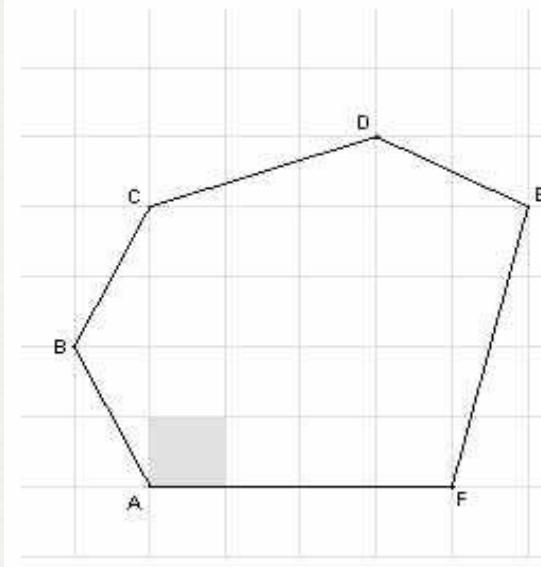


Рис. 70

Площадь многоугольника

Площадь многоугольника – это величина той части площади, которую занимает многоугольник.



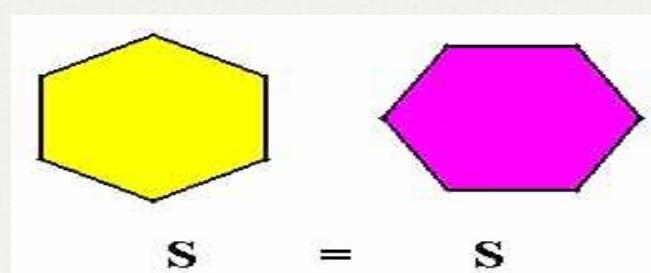
Площадь многоугольника – выражается положительным числом

Площадь многоугольника показывает сколько раз единица измерения или её части укладываются в данном многоугольнике.

Свойства площадей

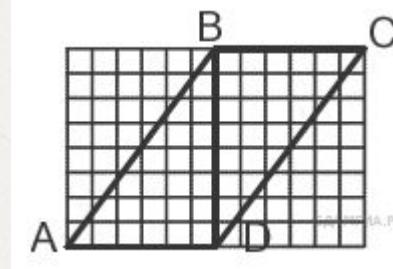
Свойство1.

Равные многоугольники
имеют равные площади



Задача

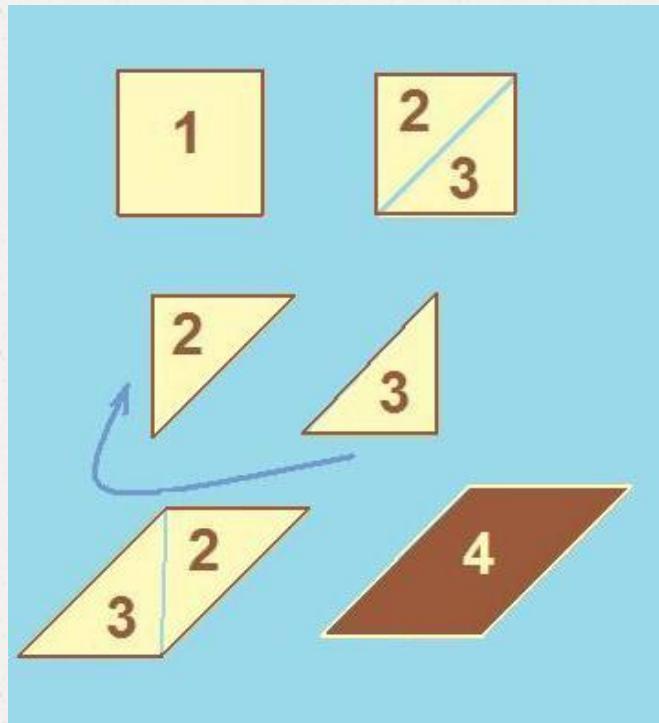
Площадь параллелограмма ABCD – 30 кв. см Чему равна площадь треугольника ABD?



Многоугольники, имеющие равные площади называются
равновеликими.

Свойство 2.

Если многоугольник составлен из нескольких многоугольников, то его площадь равна сумме площадей этих многоугольников.



$$S_1 = S_2 + S_3$$

Если многоугольник разрезан на несколько многоугольников и из него составлен другой многоугольник, то такие многоугольники называют **равносоставленными**.

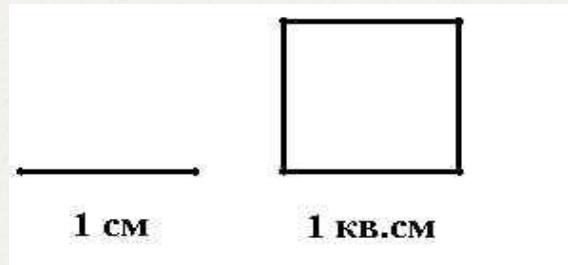
Верны ли утверждения?

1. Если два многоугольника равносоставленные, то они равновеликие?
2. Если два многоугольника равновеликие, то они равносоставленные?

(выяснить кто из известных математиков доказал это утверждение?)

Свойство 3

Площадь квадрата равна квадрату его стороны.

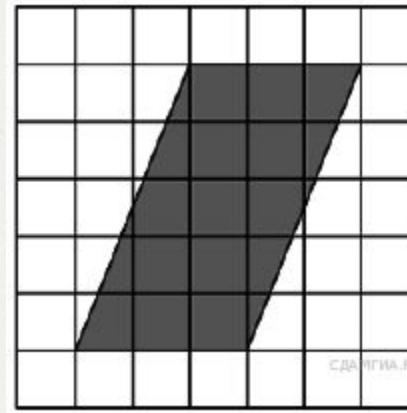
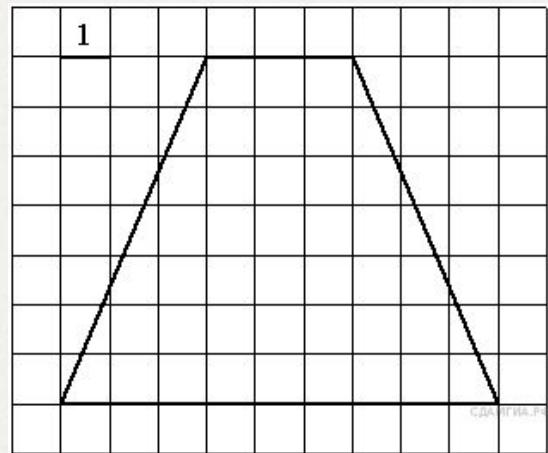
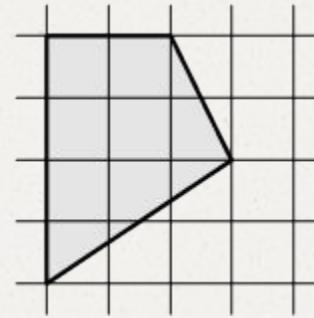
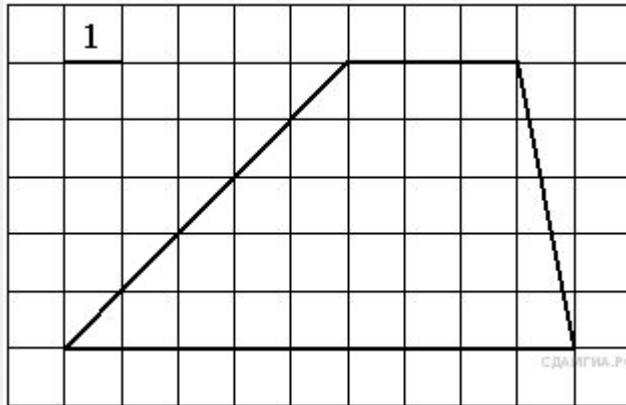


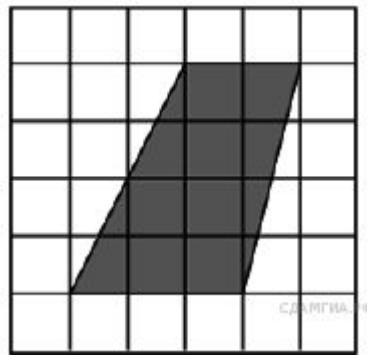
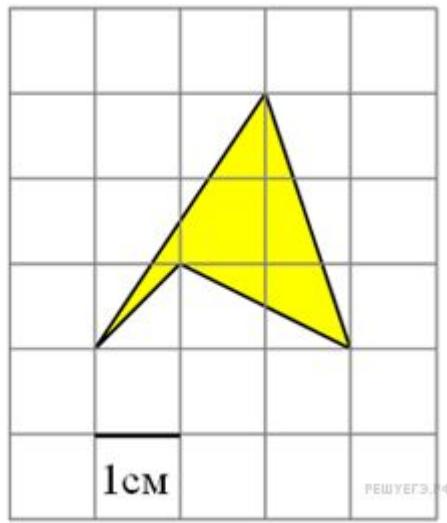
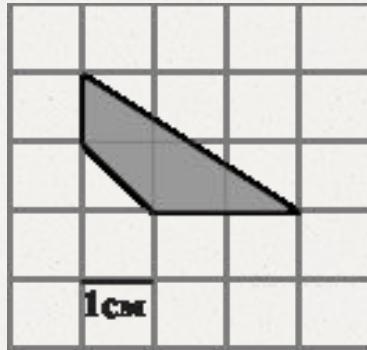
Продолжи цепочку:

$$1 \text{ км}^2 = 1 \boxed{} \text{ м}^2 = \boxed{} \text{ дм}^2 = \boxed{} \text{ см}^2 = \boxed{}$$

мм²

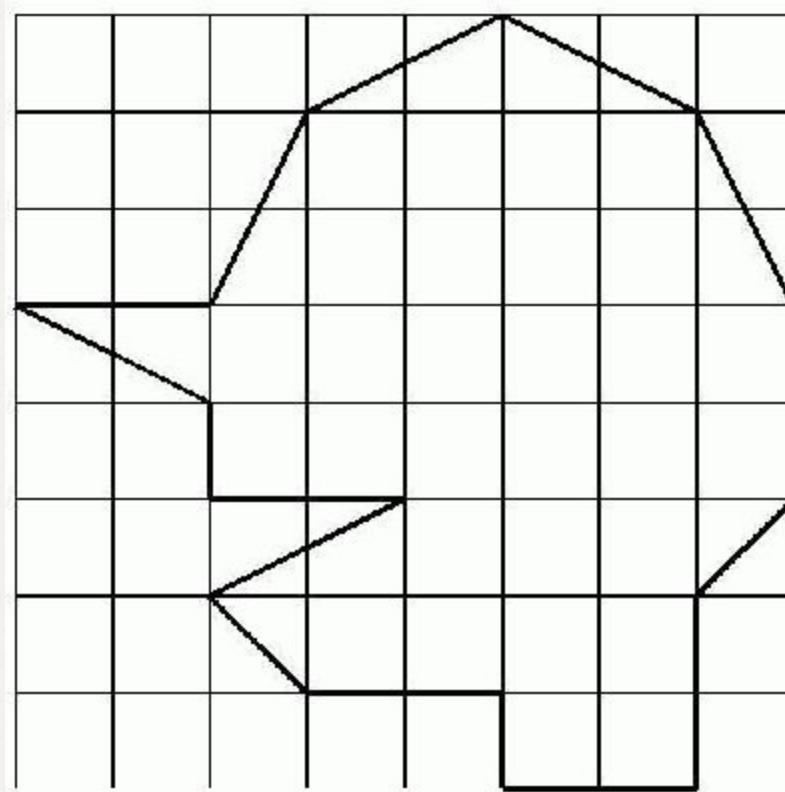
Найдите площади фигур





Творческое задание:

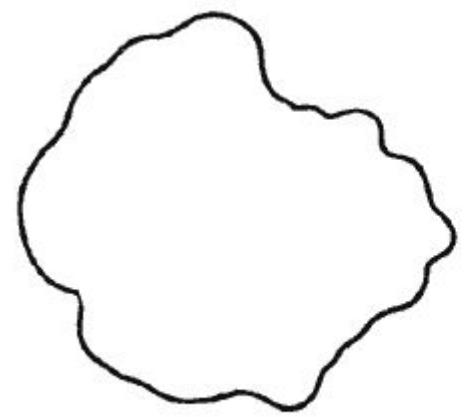
Найти площадь фигуры:



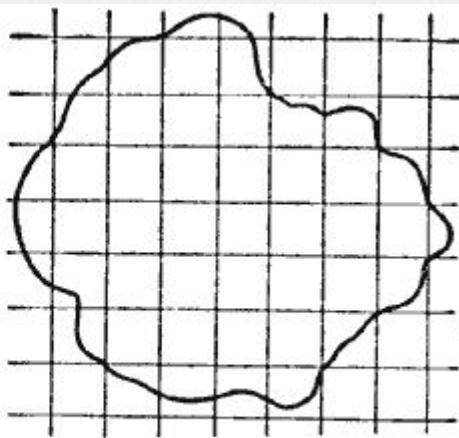
Палетка.

В тех случаях, когда измерение площади какой-нибудь фигуры не требует большой точности, а также, когда фигура, площадь которой требуется измерить, ограничена криволинейным контуром , для измерения площади употребляется особый прибор, называемый палеткой.

Палетка представляет собой прозрачную пластинку, на которую наносится масштабная квадратная сетка, например, со стороной квадрата, равной 1 см.



Черт. 257.



Черт. 258.

Эта пластиинка накладывается на фигуру, площадь которой требуется измерить

Сначала подсчитывается число квадратов, полностью укладывающихся в данной фигуре; на чертеже их 26.

Затем подсчитывается число квадратов, пересекаемых контуром фигуры; на чертеже их 21.

Каждый из неполных квадратов принимается за половину квадрата, таким образом, их общая площадь приближённо составит $21 : 2 = 10,5$ квадрата.

Общее число квадратов, заключающихся в измеряемой фигуре, таким образом, составит $26 + 10,5 = 36,5$ квадрата. Если, например, каждый квадрат в действительности соответствует 1 кв. м, то измеряемая площадь составит 36,5 кв. м.