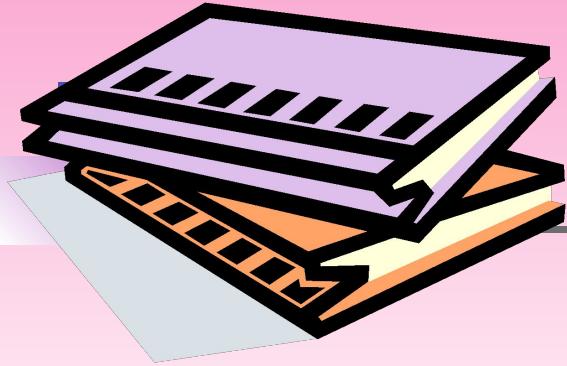


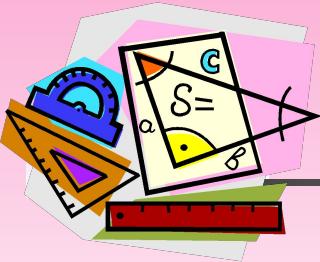
# Сумма углов треугольника

7 класс  
геометрия



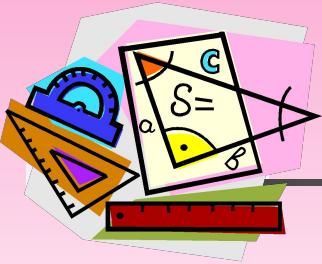


■ Да, путь познания не гладок,  
Но знаем мы со школьных  
лет,  
Загадок больше, чем  
отгадок,  
И поискам предела нет.



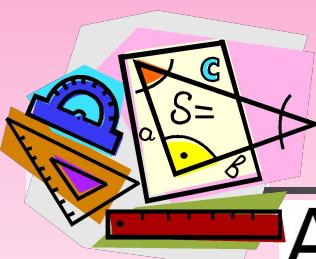
## Цели урока:

- Изучить утверждение о сумме углов треугольника и формировать навык его использования при нахождении неизвестных углов треугольника.

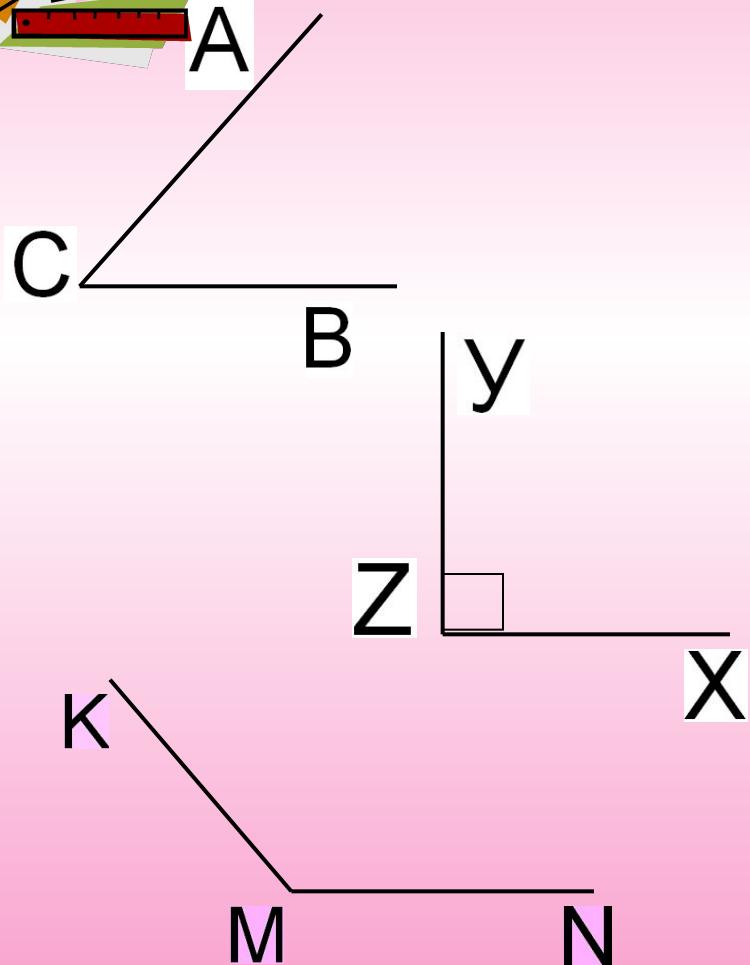


# Треугольник

три      угла



# Какие бывают углы?

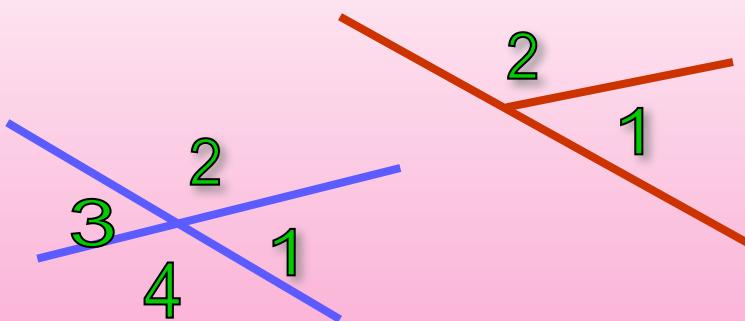
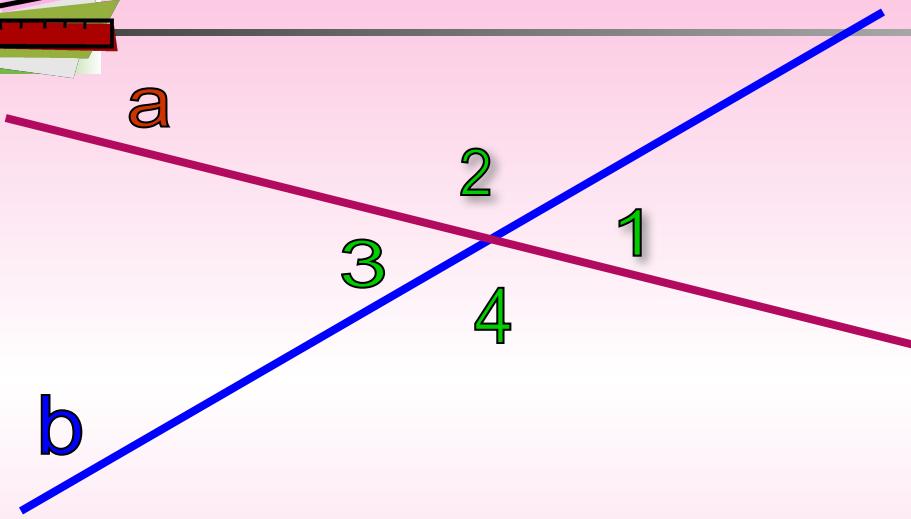
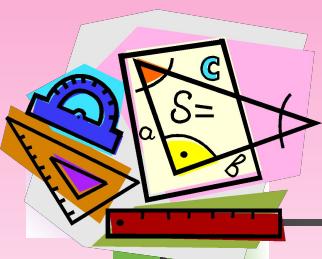


$\angle ACB$  – острый ( $<90^\circ$ )  
( $\angle C$ ,  $\angle BCA$ )

$\angle XYZ$  – прямой ( $=90^\circ$ )

$\angle KNM$  – тупой ( $>90^\circ$  и  
 $<180^\circ$ )

# Что можно сказать об этих углах?



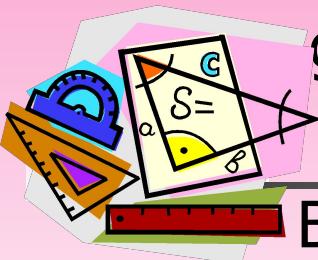
Смежные:

$\angle 1$  и  $\angle 2$ ;  $\angle 2$  и  $\angle 3$ ;  
 $\angle 3$  и  $\angle 4$ ;  $\angle 1$  и  $\angle 4$ .

Вертикальные:

$\angle 1$  и  $\angle 3$ ;  $\angle 2$  и  $\angle 4$ .

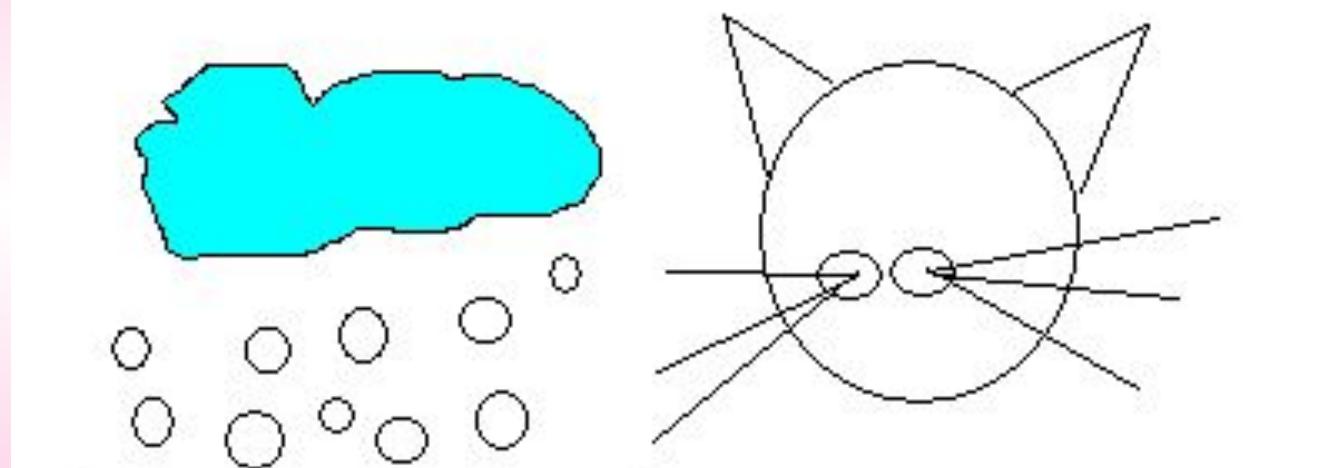
# Единицы измерения углов



gradus (лат.) – шаг

Вавилонские жрецы:

«Солнце делает 180 шагов». Тогда путь за сутки

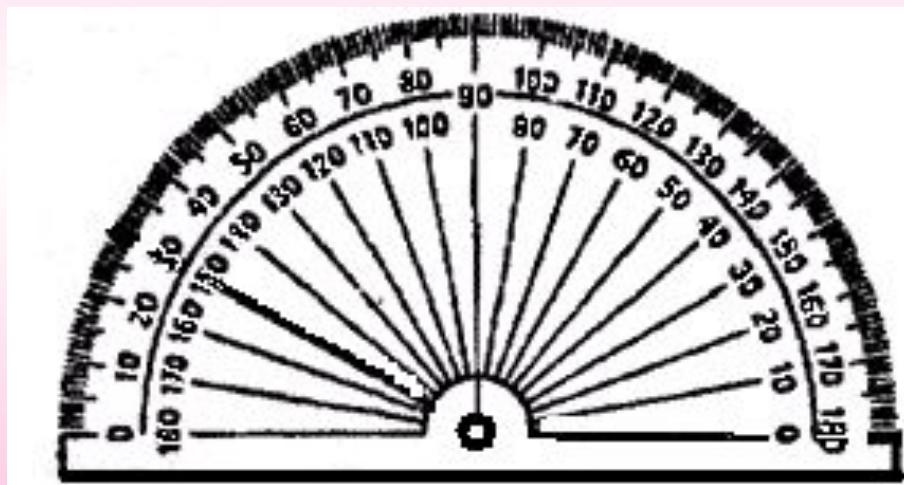
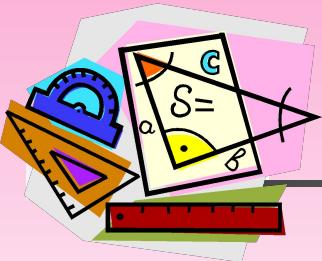


минуты - ' (1/60 градуса)

секунды - " (1/60 минуты или 1/3600 градуса)

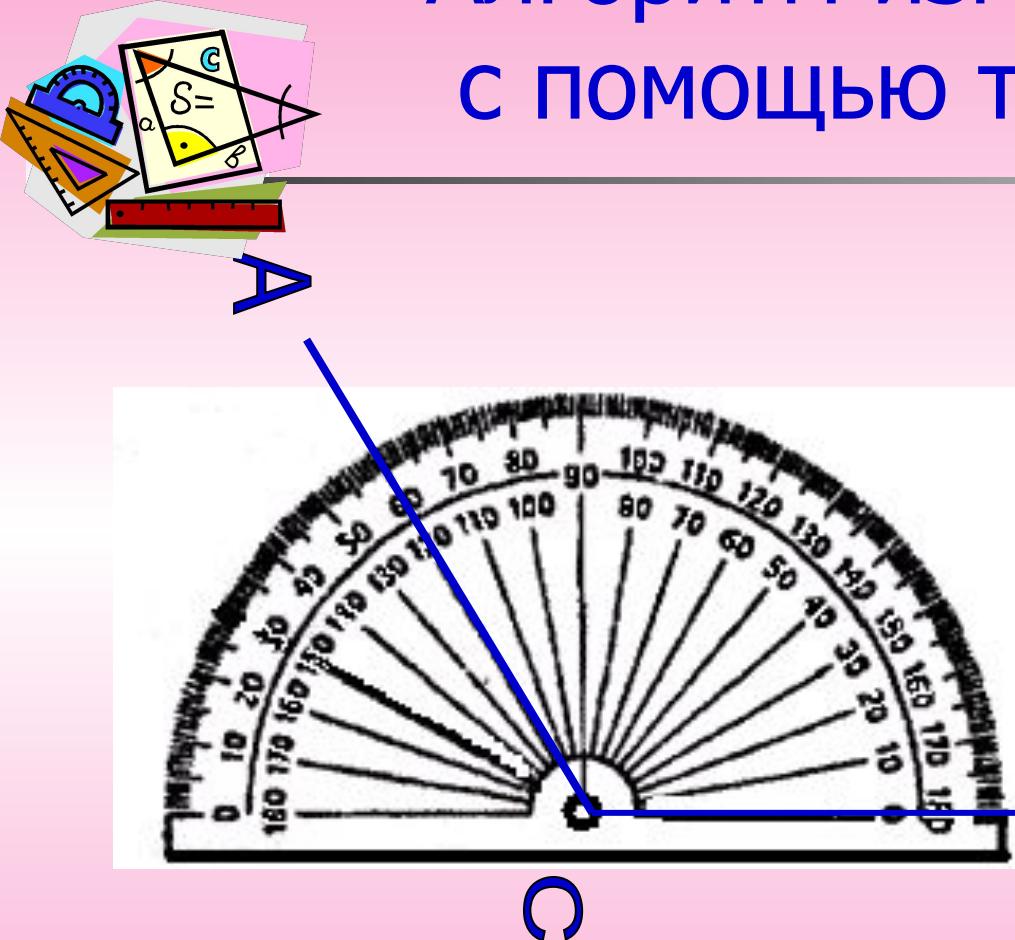
Пелетье (1558 г.): - °, ', ''.

# Транспортир – инструмент для построения и измерения углов



transporto (лат.)  
«переношу»

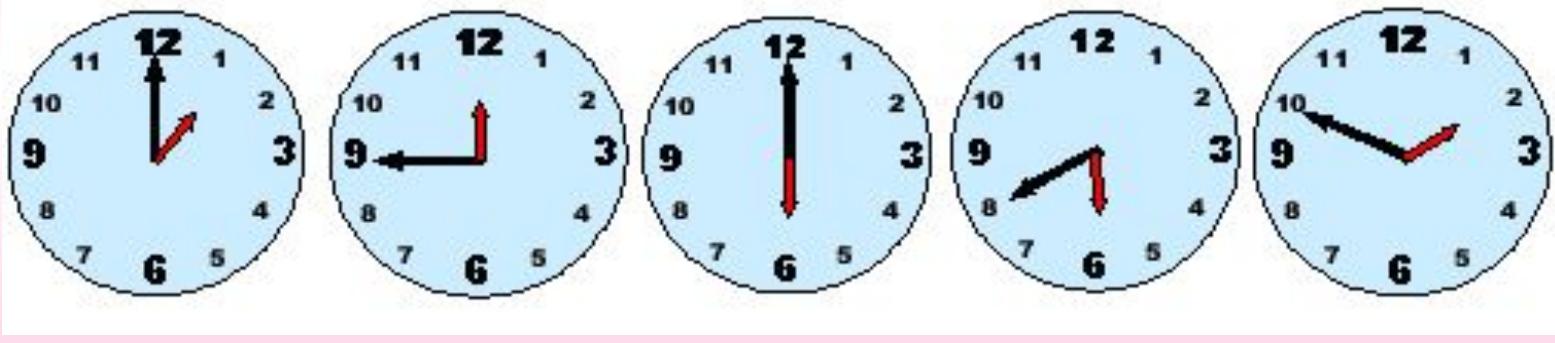
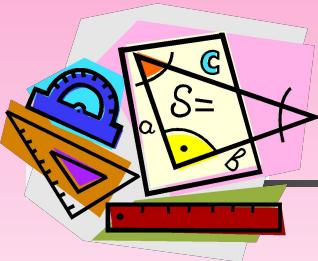
# Алгоритм измерения углов с помощью транспортира



$$\angle ACB = 120^\circ$$

- Совместите центр транспортира с вершиной угла и стороной угла так, чтобы луч прошел через метку на транспортире  $0^\circ$  ( $180^\circ$ ).
- Определите, через какую отметку на транспортире проходит второй луч. (Правильно выберите числовой ряд!)
- Измерьте угол. Если транспортир наложен на угол, то нужно воспользоваться рядом чисел, начинающихся с  $0^\circ$ .

# Какой угол образуют стрелки часов?



$30^\circ$

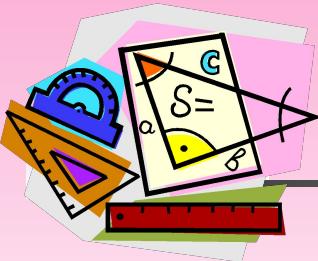
$90^\circ$

$180^\circ$

$60^\circ$

$120^\circ$

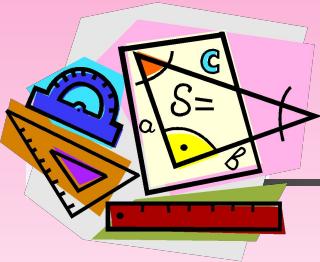
# Виды треугольников по величине углов



остроугольный

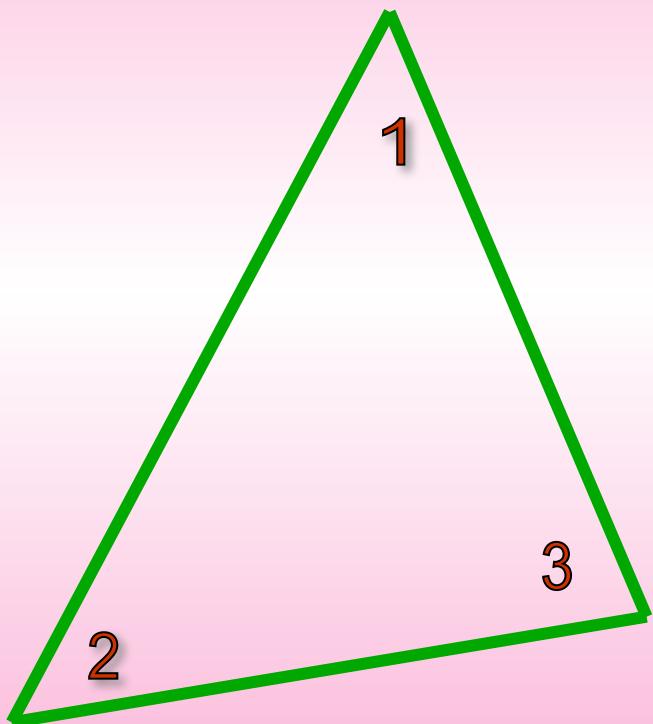
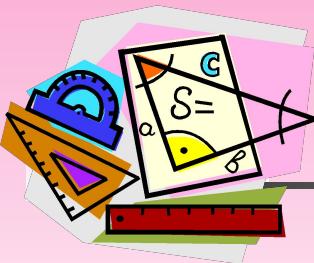
тупоугольный

прямоугольный



**Чему равна сумма углов  
треугольника?**

С помощью транспортира  
измерьте величину каждого угла и  
вычислите сумму всех углов треугольника



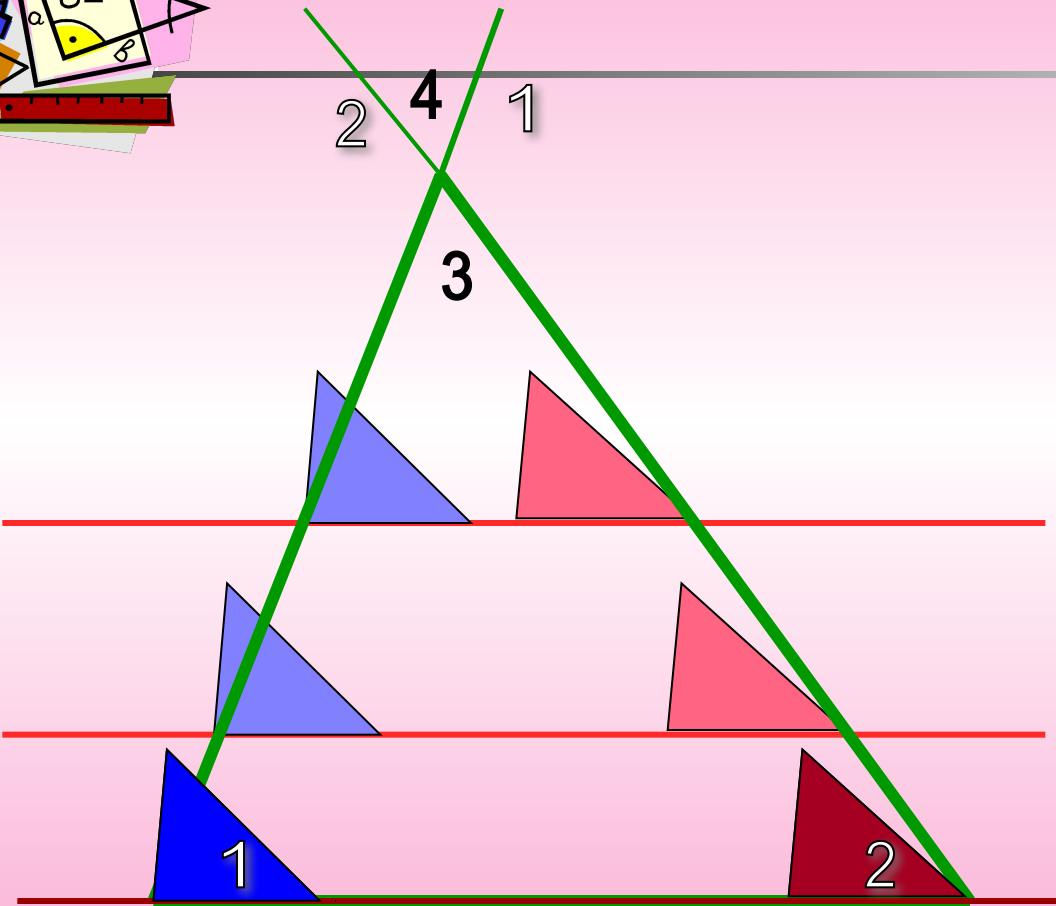
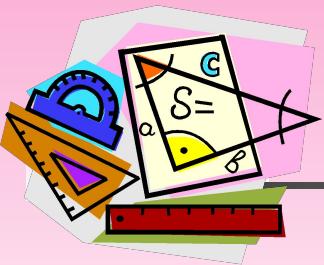
$$\angle 1 =$$

$$\angle 2 =$$

$$\angle 3 =$$

$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = \dots = 180^\circ$$

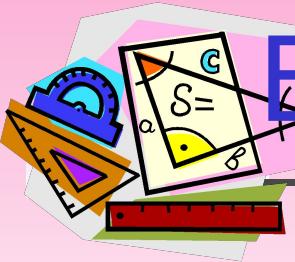
# Доказательство:



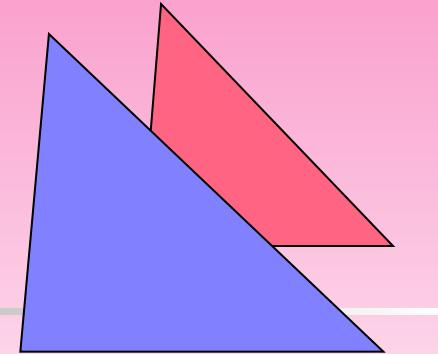
$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 4 = 180^\circ$$

$$\angle 3 = \angle 4$$

$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$$

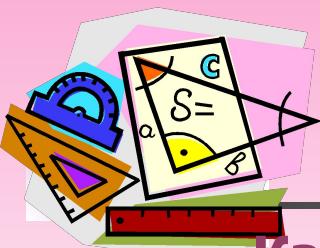


# Вывод:

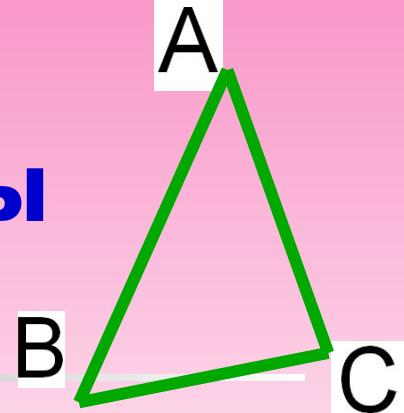


- Сумма углов треугольника равна  $180^\circ$





# Ответьте на вопросы



Как найти угол А, если известны углы В и С?

Как найти один из углов треугольника, если известны два других?

Можно ли найти неизвестный угол треугольника, если дан только один угол?

Могут ли в треугольнике быть два прямых угла?

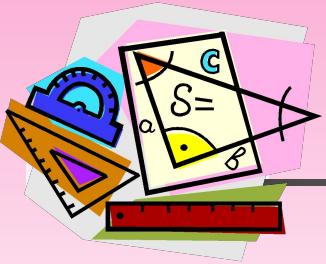
А два тупых угла?

Может ли угол при вершине равнобедренного треугольника быть тупым?

А углы при основании?

Как найти угол при основании равнобедренного треугольника, если известен угол при вершине?

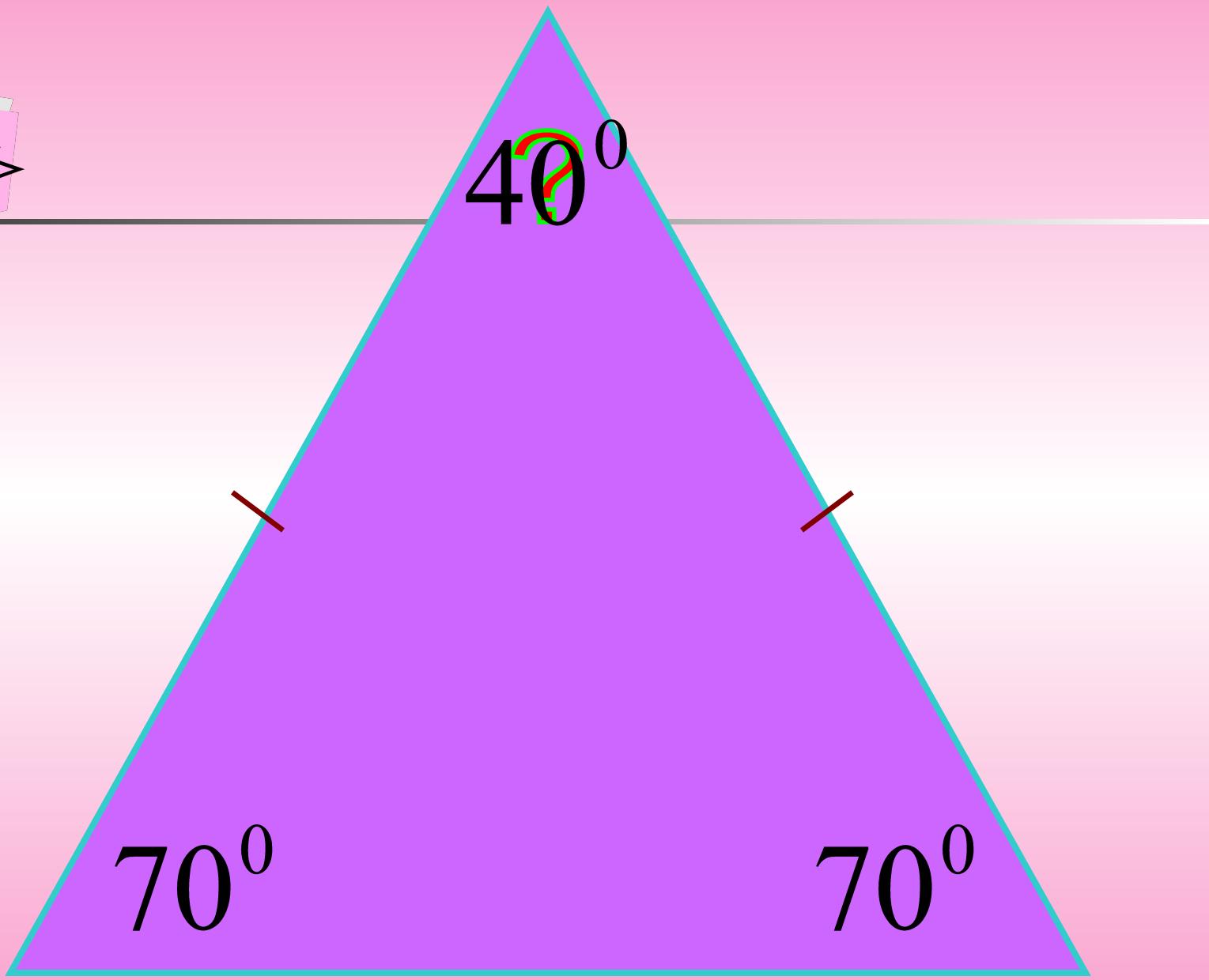
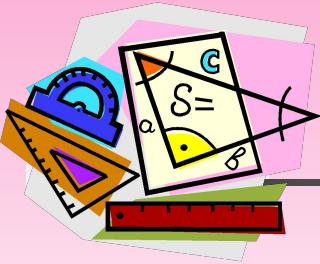
А как найти угол при вершине равнобедренного треугольника, если известен угол при основании?

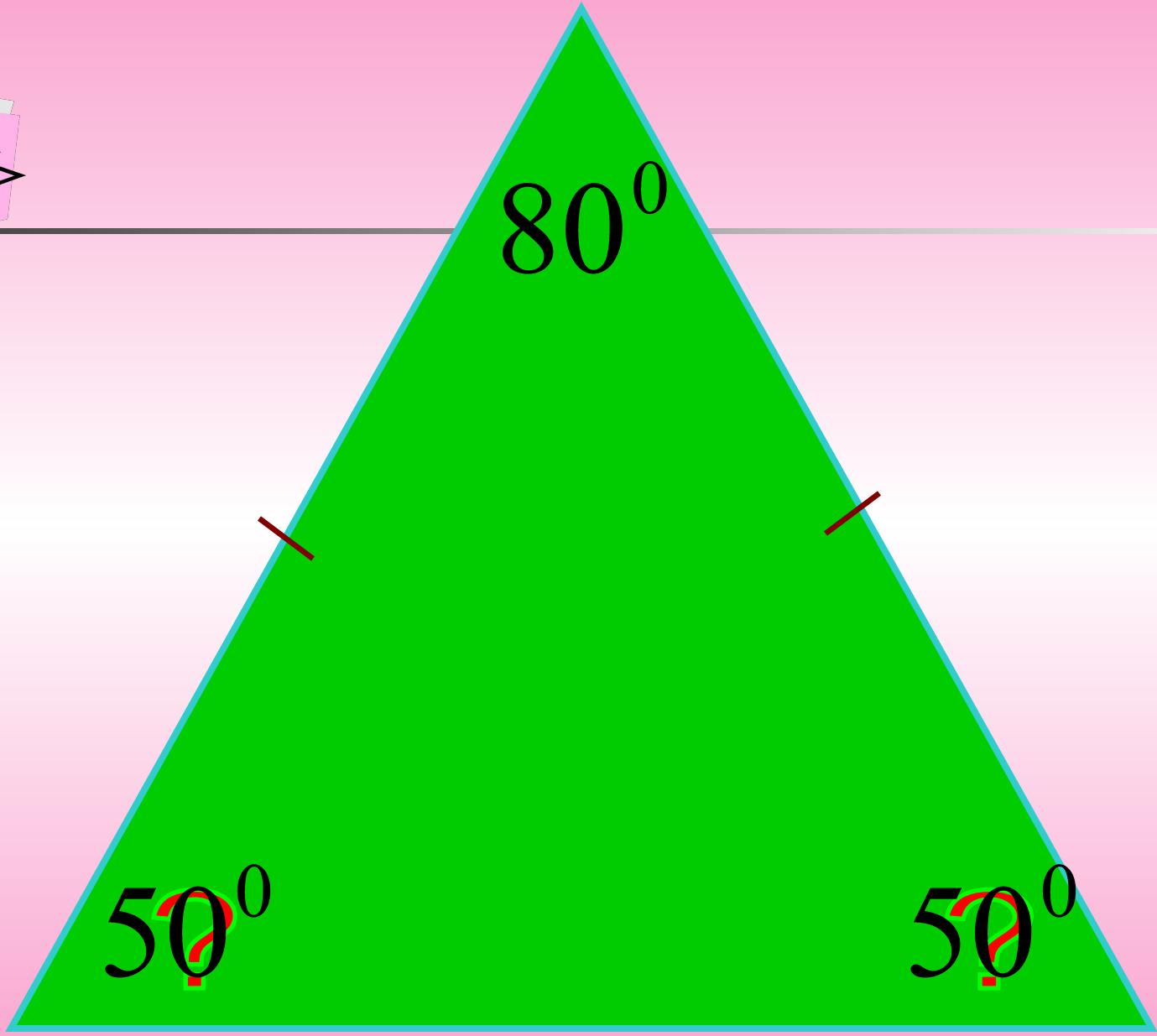
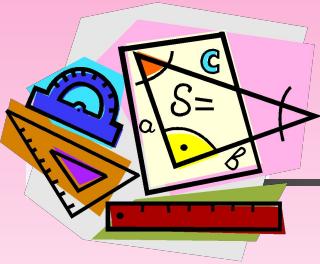


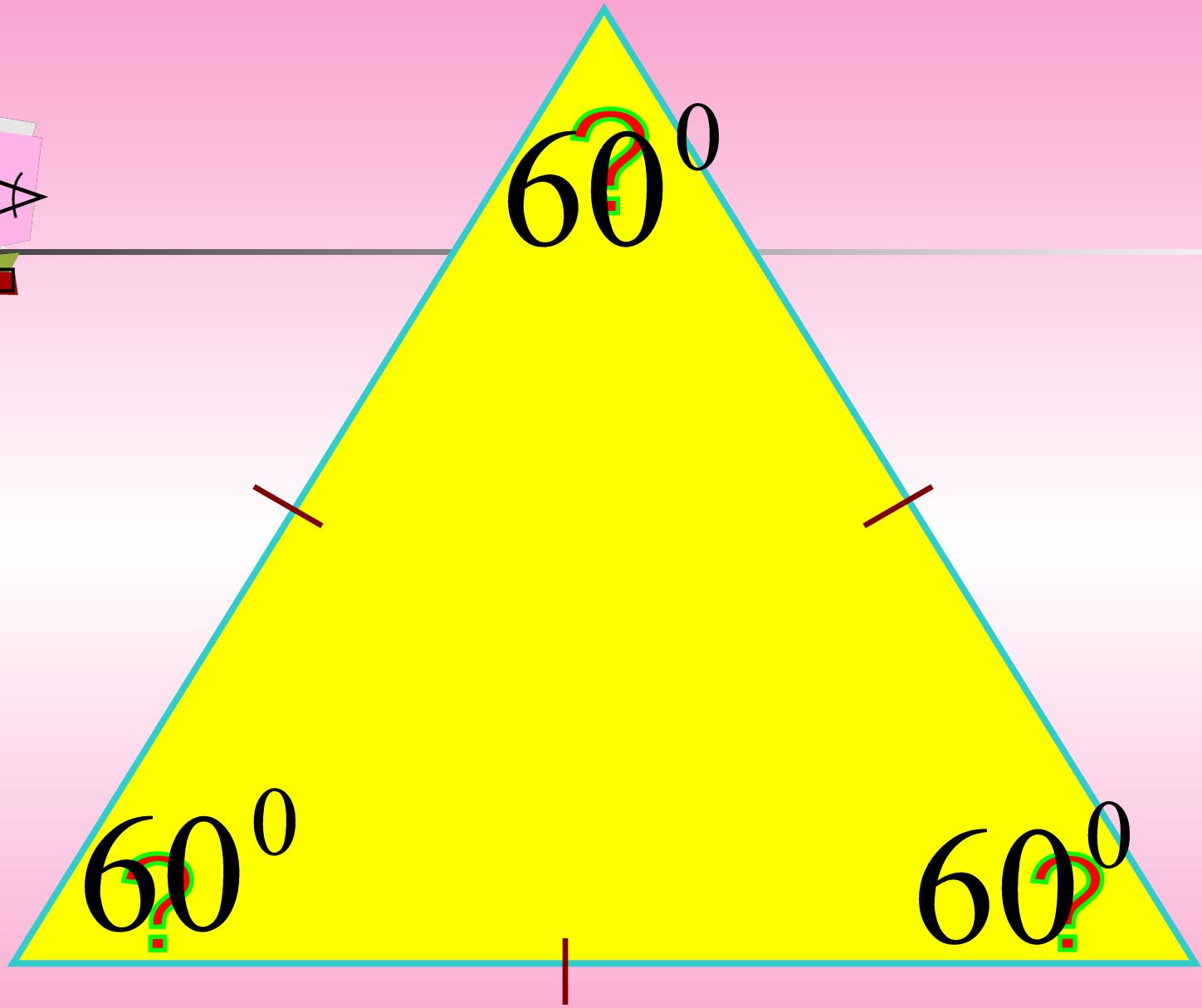
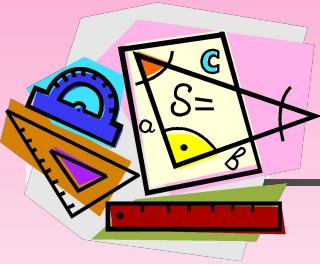
$60^{\circ}$

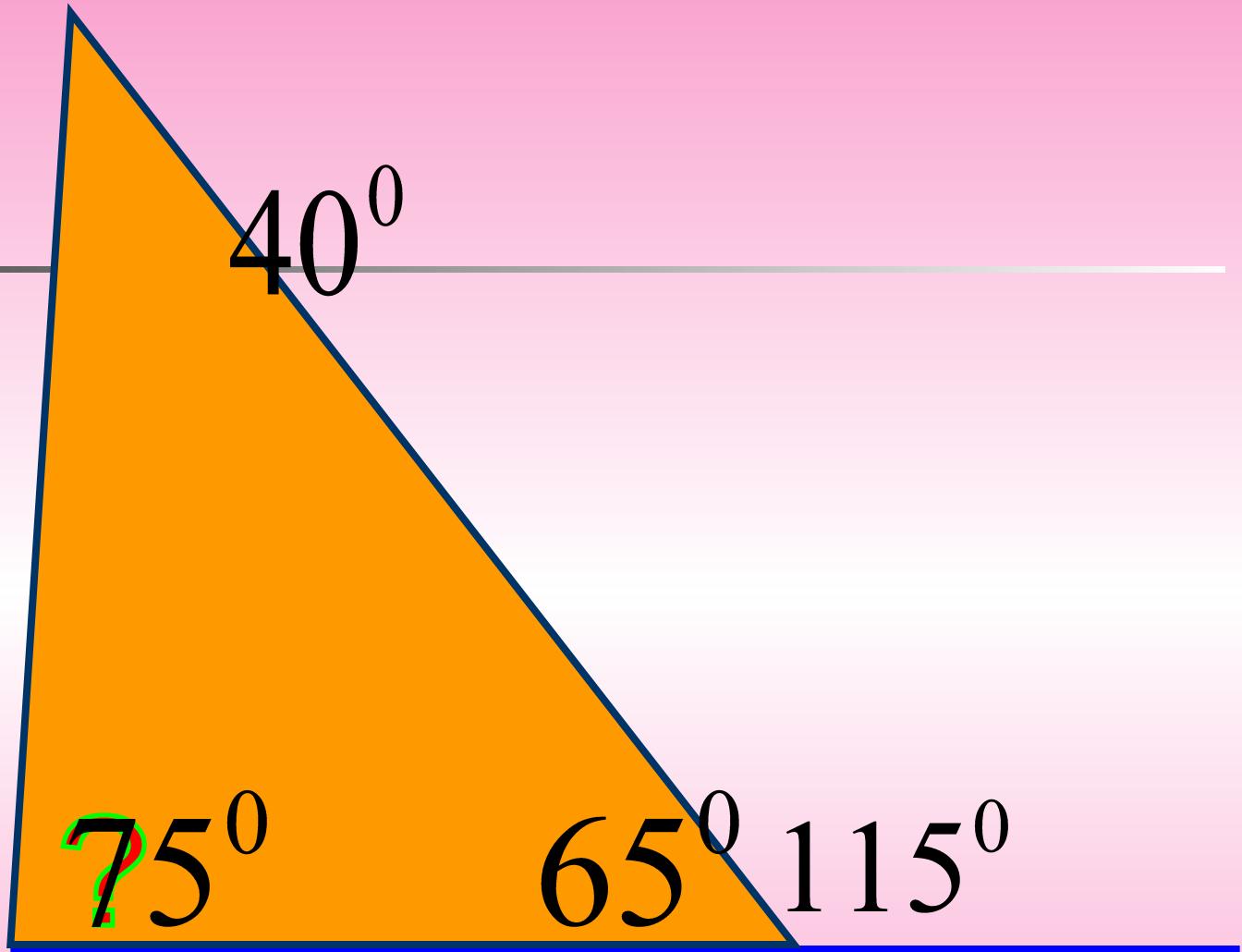
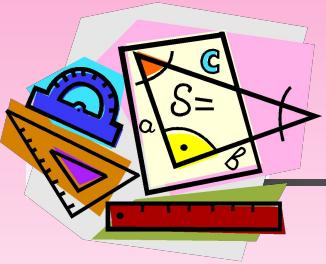
$75^{\circ}$   
?

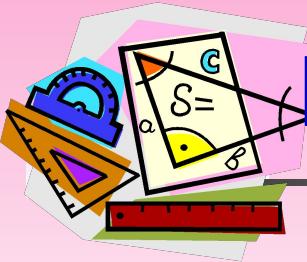
$45^{\circ}$



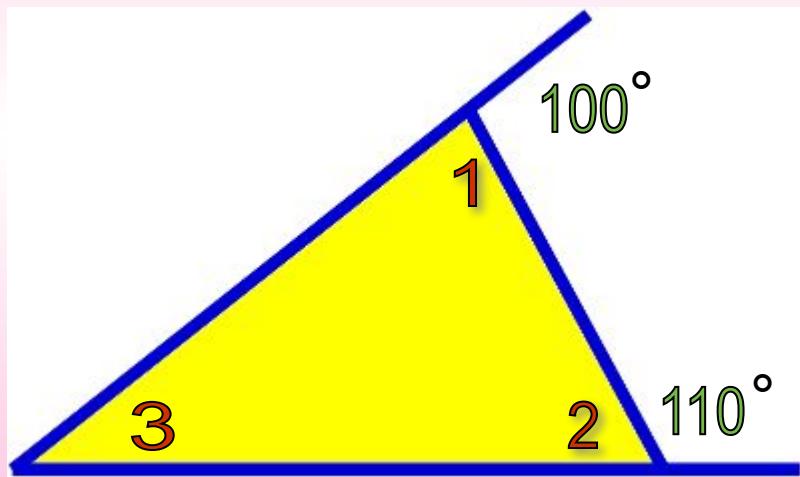








# Найдите углы треугольника



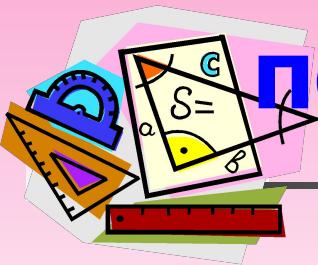
$$\angle 1 = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

$$\angle 2 = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$\begin{aligned}\angle 3 &= 180^\circ - (80^\circ + 70^\circ) = \\ &= 30^\circ\end{aligned}$$

**Ответ:  $80^\circ, 70^\circ, 30^\circ$ .**

# Самостоятельная работа по карточкам (№121, стр 52)



1)  $\angle CBA = 36^\circ$

2)  $\angle CBA = 40^\circ$

$\angle ACB = 78^\circ$

3)  $\angle CAB = 24^\circ$

$\angle CBA = 43^\circ$

$\angle ACB = 113^\circ$

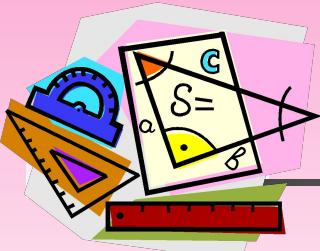
Отметки:

6 – «5»

5 – «4»

3,4 – «3»

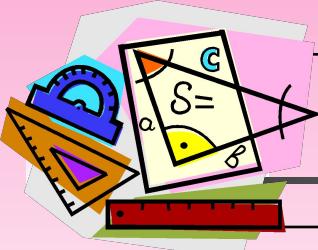
0,1,2 – «2»



## Заполните таблицу, получите имя древнегреческого ученого

	1	2	3	4	5	6
$\angle A$	$25^\circ$	$35^\circ$		$135^\circ$		$90^\circ$
$\angle B$	$75^\circ$		$57^\circ$		$60^\circ$	$60^\circ$
$\angle C$		$35^\circ$	$33^\circ$	$90^\circ$	$60^\circ$	

# Таблица возможных ответов



E 80°	P 60°	T 100°
P 40°	V 110°	M 70°
K 50°	D 30°	K 35°
H 45°	L -	B 35°
I 60°	C 0°	G 85°

Е В К Л И Д

# **Евклид** (3 в. до н. э) – древнегреческий математик

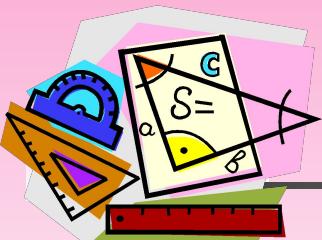


**«К геометрии нет  
царской дороги»**

Главный труд - «Начала»  
(15 книг)



# Найди ошибку, предложи правильные варианты



I вариант

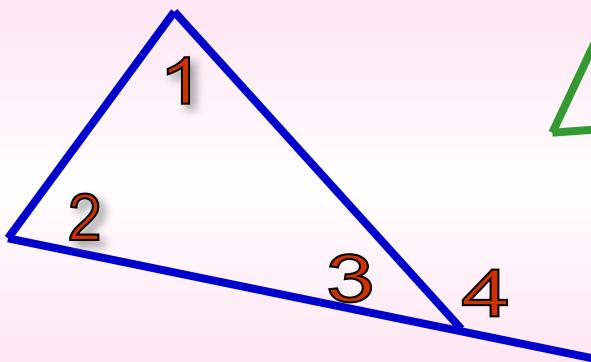


$$\angle 2=40^\circ$$

$$\angle 3=40^\circ$$

$$\angle 4=40^\circ$$

II вариант

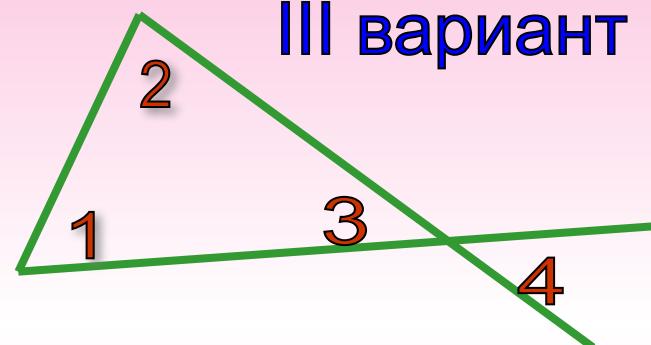


$$\angle 1=100^\circ$$

$$\angle 2=60^\circ$$

$$\angle 4=120^\circ$$

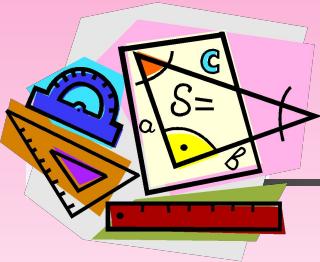
III вариант



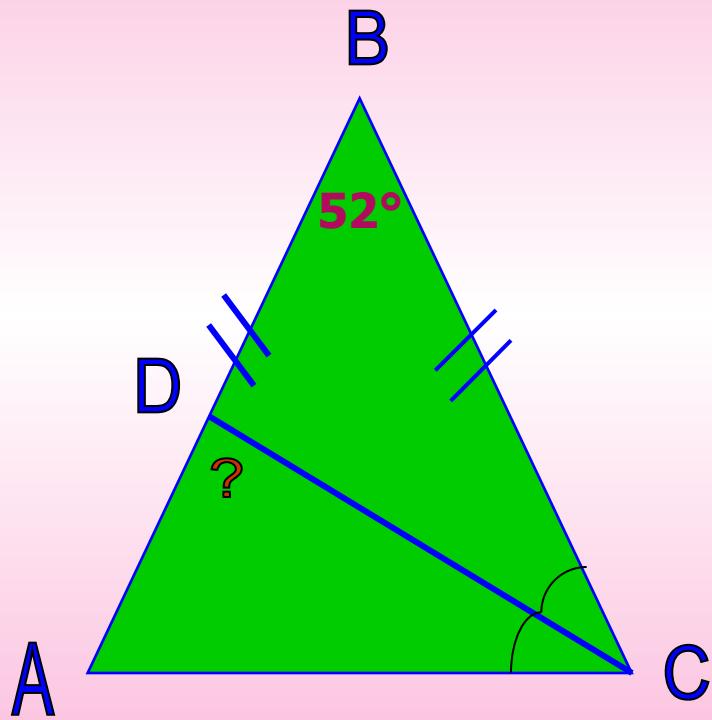
$$\angle 1=65^\circ$$

$$\angle 2=75^\circ$$

$$\angle 4=50^\circ$$



Найдите  $\angle ACD$  (№66, стр 82)

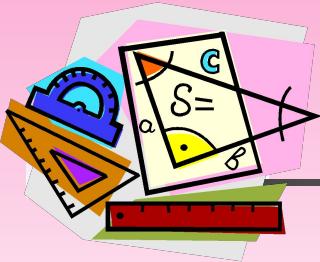


$$\angle A =$$

$$\angle BCA =$$

$$\angle DCA =$$

$$\angle CDA =$$



# Домашнее задание

- Учебник: №№ 1198, 1200



Путь познания  
увлекателен,  
но не усыпан розами.

