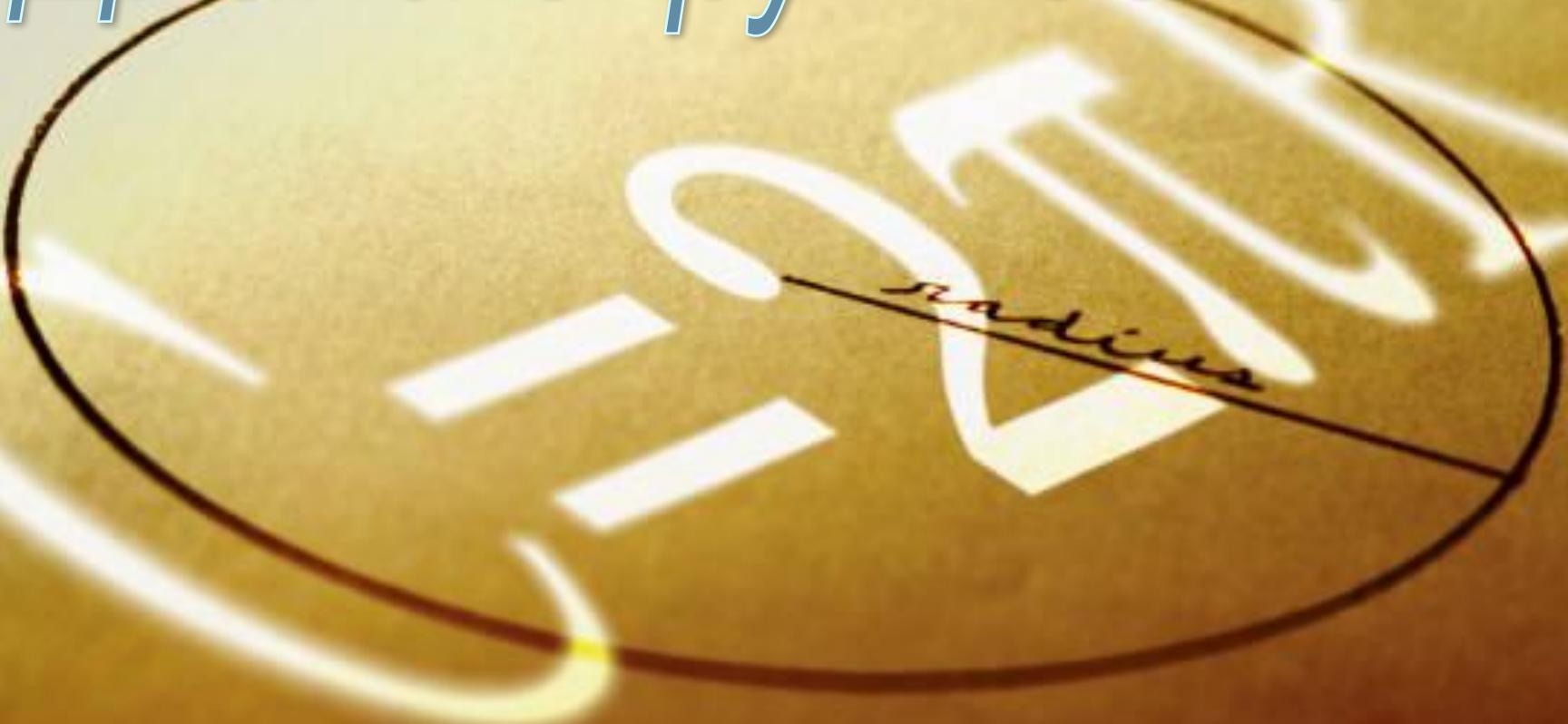
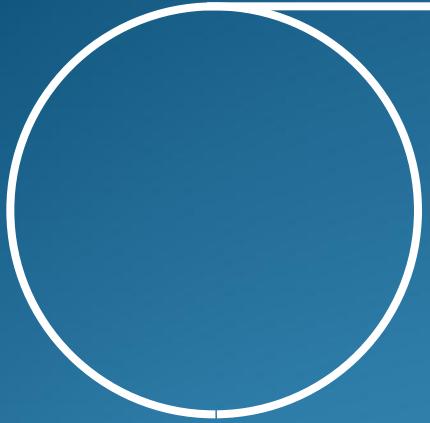


Длина окружности





Представим. Что мы разрезаем окружность и «распрямляем» ее в нить.

Длина получившегося в этом случае отрезка и есть длина окружности.



Представим. Что мы разрезаем окружность и «распрямляем» ее в нить.

Длина получившегося в этом случае отрезка и есть длина окружности.

Длина окружности обозначается буквой С.

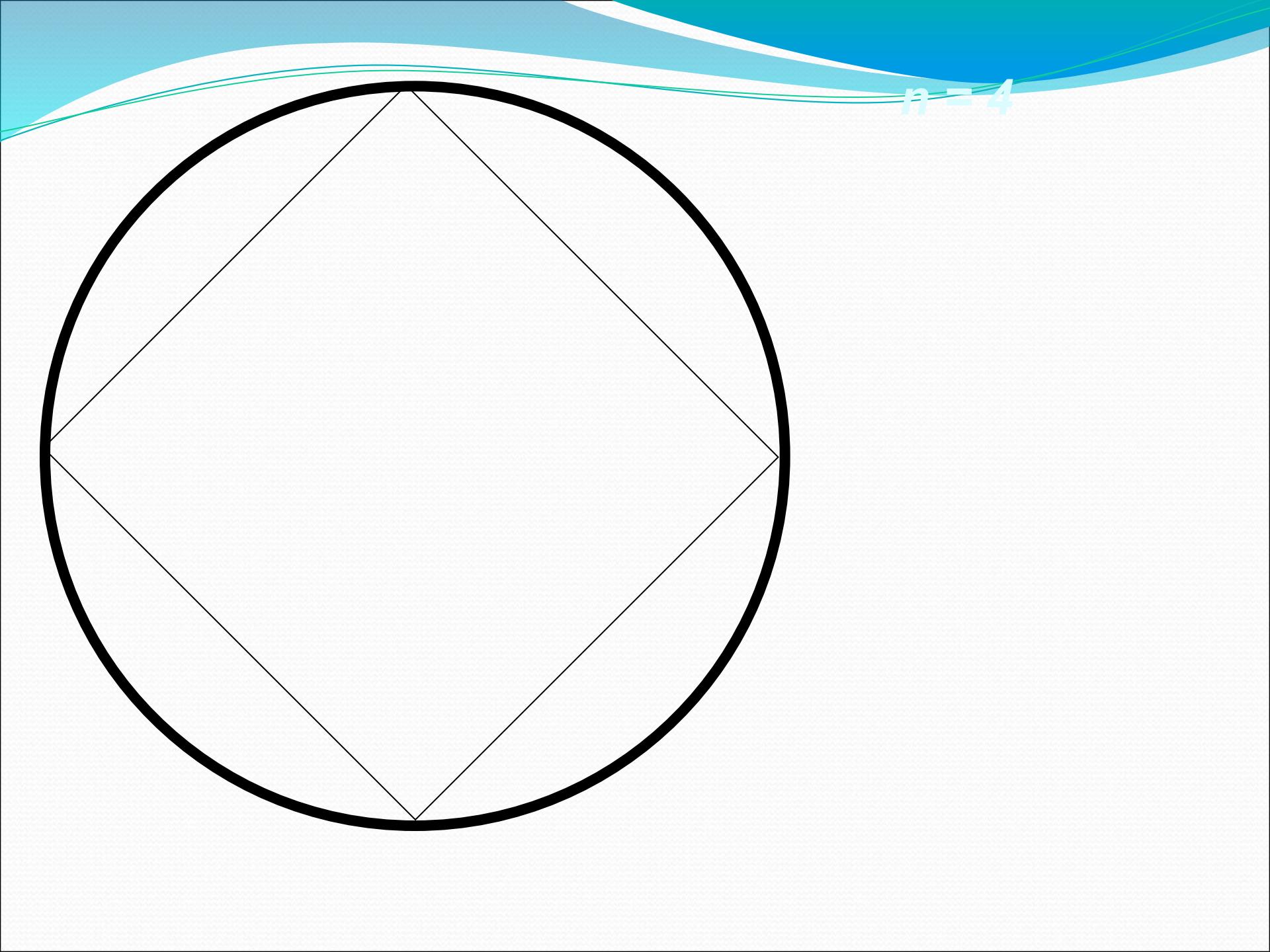
A diagram showing a regular octagon inscribed within a circle. The circle is drawn with a red outline, and the octagon is drawn with a black outline. The vertices of the octagon touch the circumference of the circle.

$$P_n' = n \cdot 2R \sin \frac{180^\circ}{n}$$

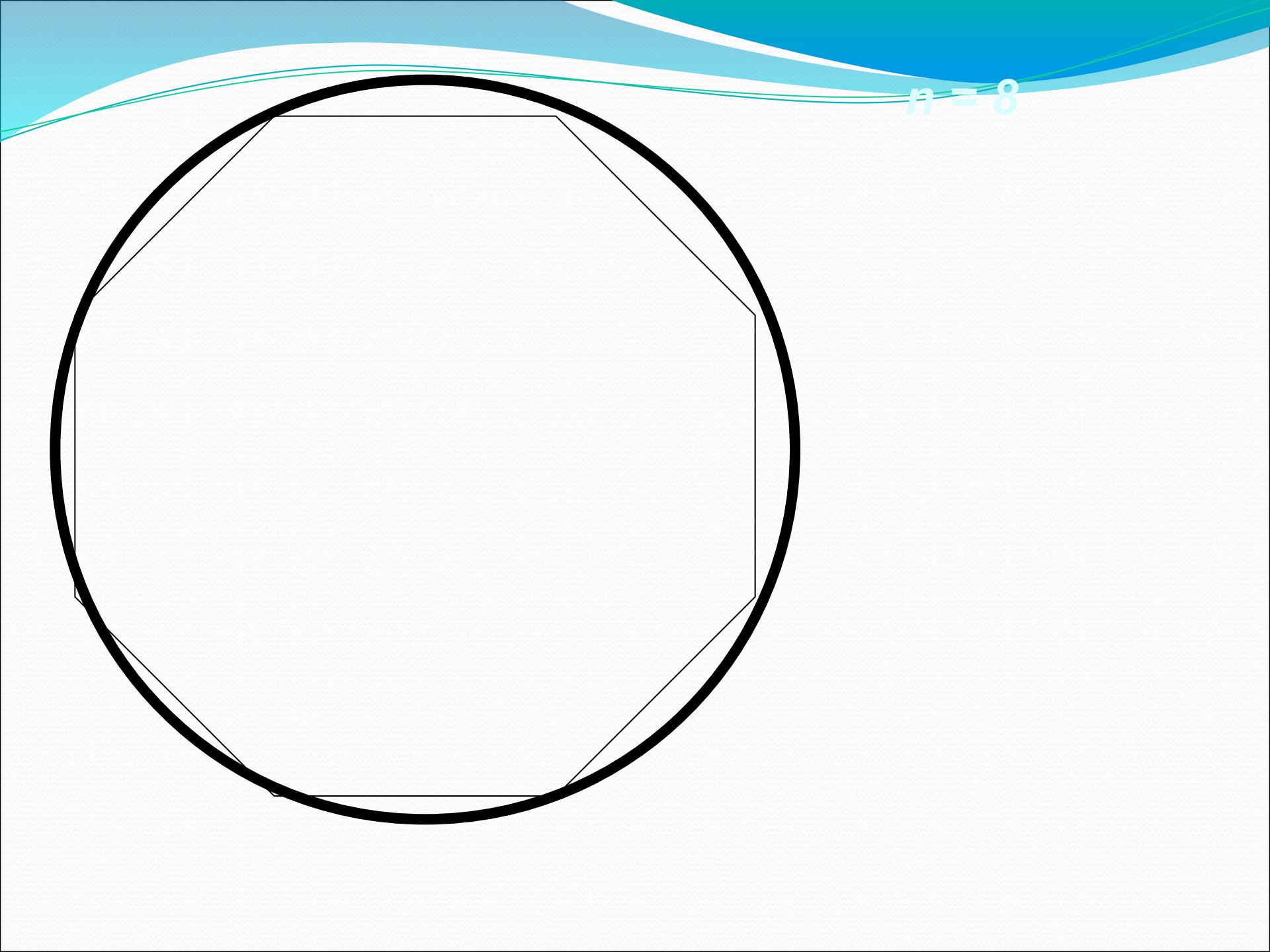
A diagram showing a regular octagon inscribed within a circle. The circle is drawn with a blue outline, and the octagon is drawn with a black outline. The vertices of the octagon touch the circumference of the circle.

$$P_n = n \cdot 2R \sin \frac{180^\circ}{n}$$

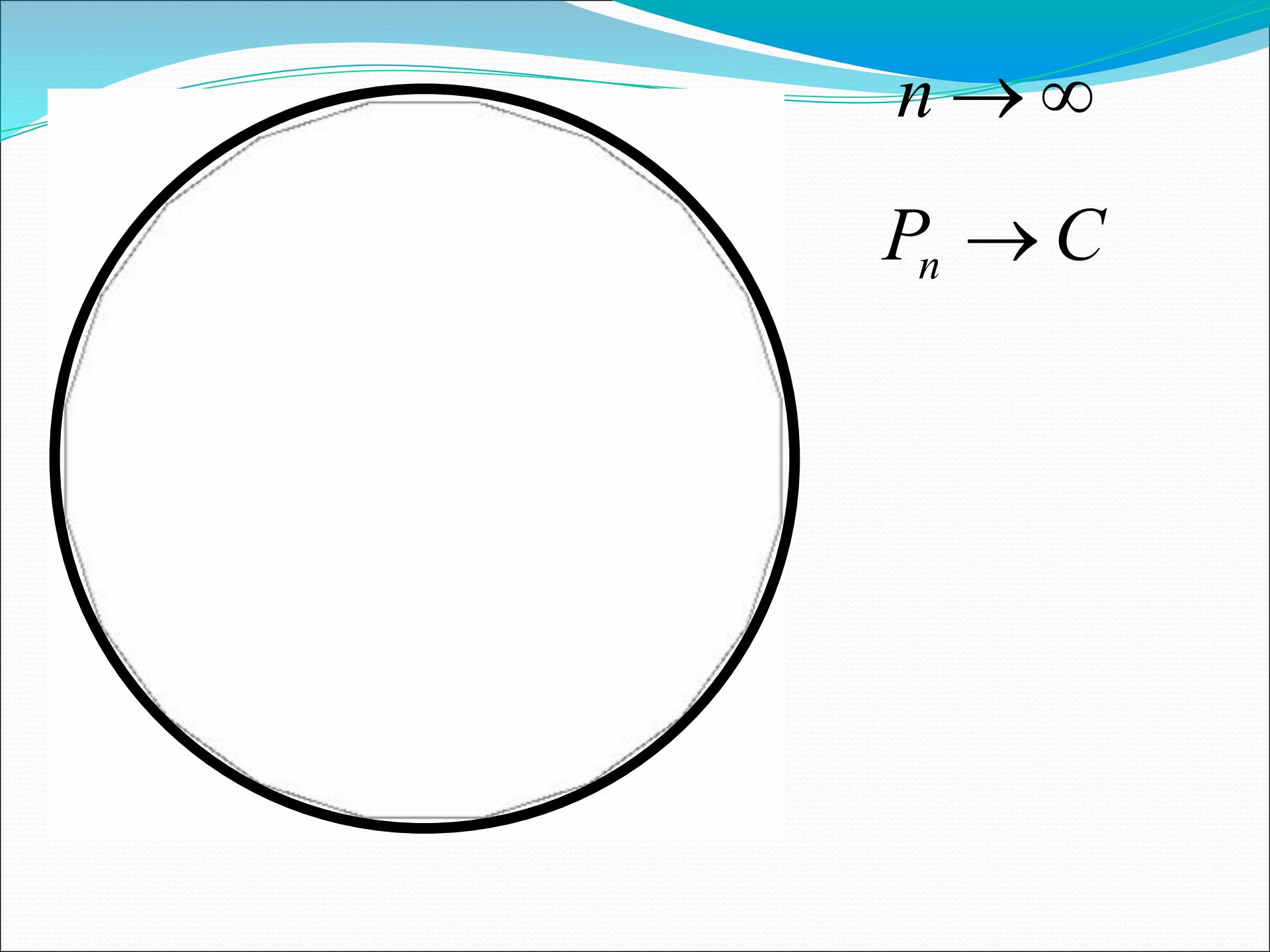
$$\frac{P_n}{P_n'} = \frac{2R}{2R'}$$

 $n = 4$

$n = 6$



$n = 8$

 $n \rightarrow \infty$ $P_n \rightarrow C$

$$\frac{P_n}{P'} = \frac{2R}{2R'}$$



$$\frac{C}{C'} = \frac{2R}{2R'}$$



$$\frac{C}{2R} = \frac{C'}{2R'}$$

$$\boxed{\frac{C}{2R} = \pi}$$

История числа пи началась в Древнем Египте. Площадь круга диаметром d египетские математики определяли как $(d-d/9)^2$, т.е. в древнем Египте $\pi \approx 3,160...$

В священной книге джайнизма (одной из древнейших религий, существовавших в Индии и возникшей в VI в. до н.э.) имеется указание, из которого следует, что число пи в то время принимали равным $\sqrt{10}$, что даёт дробь 3,162...

Архимед в III в. до н.э. обосновал в своей небольшой работе "Измерение круга" три положения:

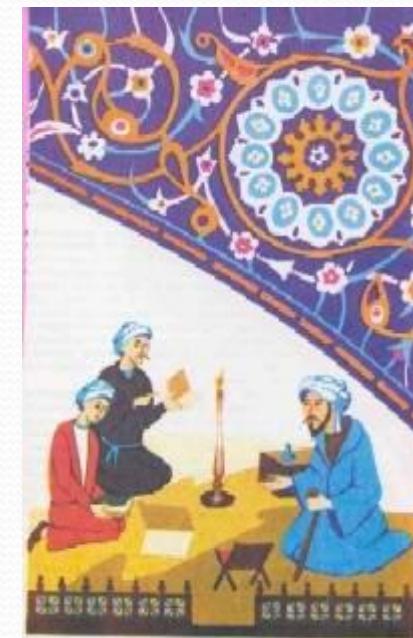
- всякий круг равновелик прямоугольному треугольнику, катеты которого соответственно равны длине окружности и её радиусу;
- площади круга относятся к квадрату, построенному на диаметре, как 11 к 14;
- отношение любой окружности к её диаметру меньше $3 \frac{1}{7}$ и больше $3 \frac{10}{71}$.

$$\pi \approx 3,1419\dots$$



В первой половине XV в. обсерватории Улугбека, возле Самарканда, астроном и математик ал-Каши вычислил "пи" с 16 десятичными знаками. Он сделал 27 удвоений числа сторон многоугольников и дошёл до многоугольника, имеющего $3 \cdot 2^{28}$ углов. Ал-Каши произвёл уникальные расчёты, которые были нужны для составления таблицы синусов с шагом в $1'$. Эти таблицы сыграли важную роль в астрономии.

Только через 250 лет после ал-Каши его результат был превзойдён.

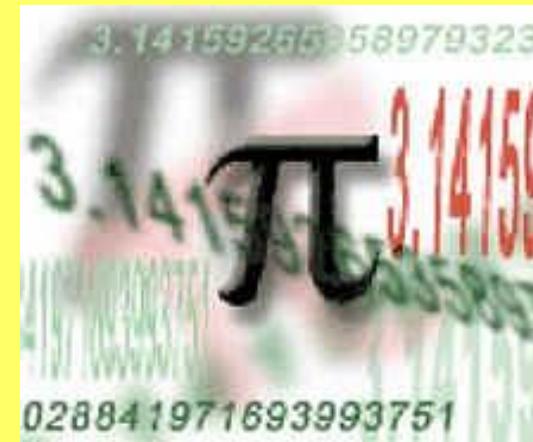


Первым ввёл обозначение отношения длины окружности к диаметру современным символом

 π

английский математик У.Джонсон в 1706 г. В качестве символа он взял первую букву греческого слова "periferia", что в переводе означает "окружность".

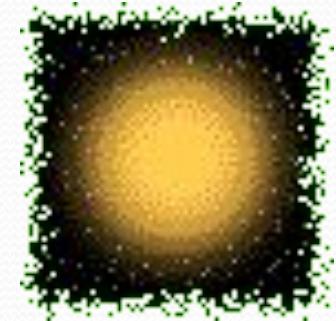
Гордый Рим трубил победу
Над твердыней Сиракуз;
Но трудами Архимеда
Много больше я горжусь.
Надо нынче нам заняться,
Оказать старинке честь,
Чтобы нам не ошибаться,
Чтоб окружность верно счесть,
Надо только постараться
И запомнить все как есть



Три — четырнадцать — пятнадцать — девяносто два и шесть!..

Историческая справка

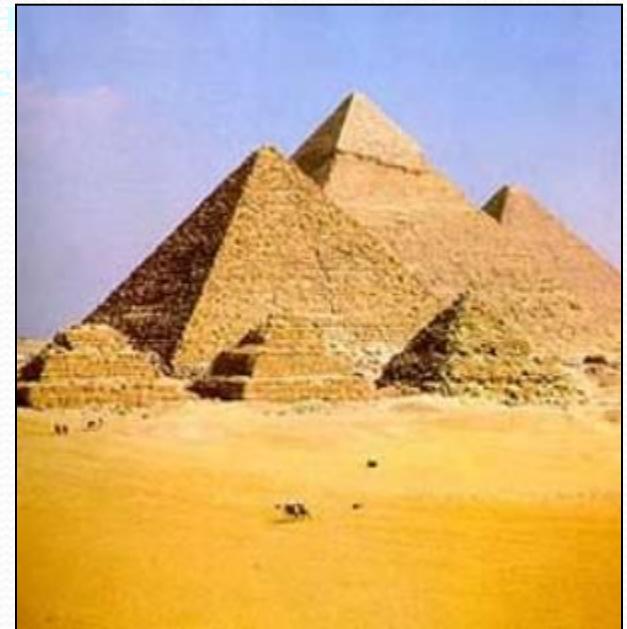
- Ещё древние греки знали одно замечательное свойство круга: из всех фигур имеющих одинаковую длину периметра, наибольшую площадь имеет **круг**.



Интересные факты

Отношение длины основания Великой Пирамиды к ее высоте, разделенное пополам, дает знаменитое число "пи".

Возможно, оно намеренно зашифровано в размерах Пирамиды Хеопса, причем с более точным значением, чем его знал великий Архимед, живший позже на 2000 лет!



Интересные факты



Лидером по тупым законам по праву может считаться Американский штат Индиана. Там на ряду с законами запрещающими носить усы людям часто прибегающим к поцелуям, продавать молоко в винных магазинах и перекрашивать в другой цвет птиц и животных, действует закон о том, что на территории штата число π. следует считать равным 4.

Интересные факты

Помните бородатый анекдот про школьного военрука: число π равно 3,14, но в военное время может достигать четырех



Интересные факты

Во времена развитого социализма цена продукта практически использовалась как его обозначение. Наиболее популярные сорта водки 1 р.49 коп.(чекушка) и 2 р.87 коп. (поллитра) знал каждый ребенок. Удивительной неожиданностью стало открытие, что первое число, возведенное в степень второго, дает число π

$$1,49^{2,87} \approx \pi$$

$$C = 2\pi R$$

$$l = \frac{\pi R}{180^0} \cdot \alpha$$

где α - градусная мера угла

$$l = R \cdot \alpha$$

где α - радианная мера угла

Работу выполнили:

- Наумкин Станислав
- Бушмакин Артем
- Ярковая Анжела
- Комарова Дарья