

№ 142

Равнобедренные треугольники ADC и BCD имеют общее основание DC .

Прямая AB пересекает отрезок CD в точке O .

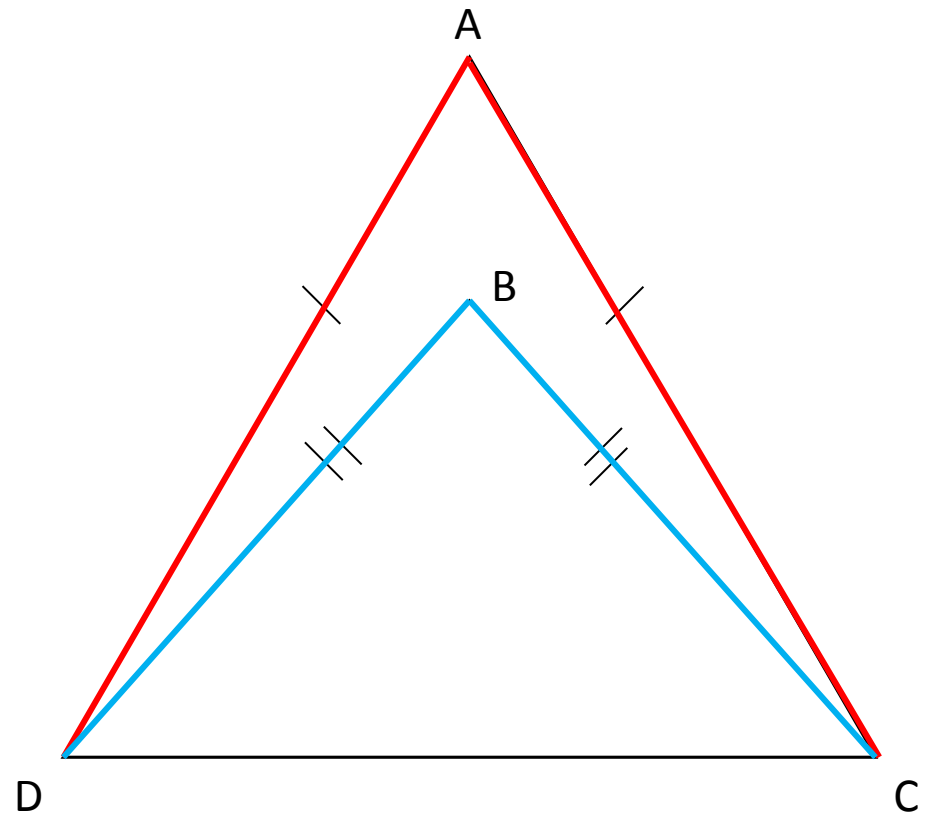
Докажите, что: а) $\angle ADB = \angle ACB$; б) $DO = OC$.

Дано:

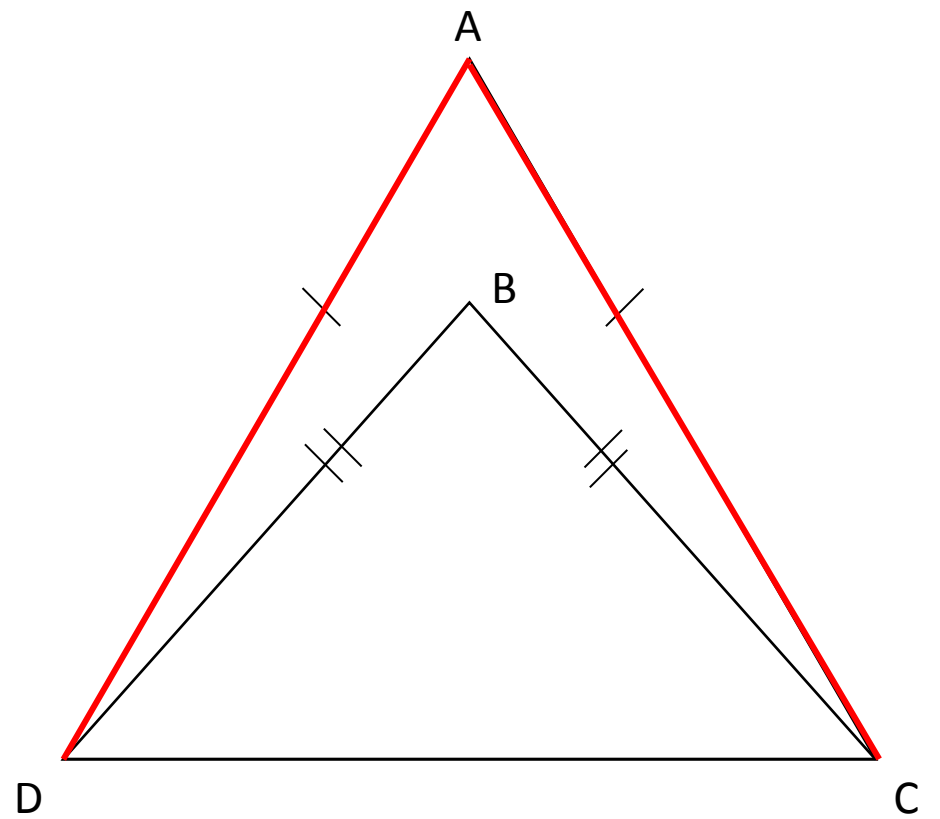
$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные

Определение:

Треугольник называется равнобедренным,
если две его стороны равны



Дано:
 $\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные
 $AD=AC$

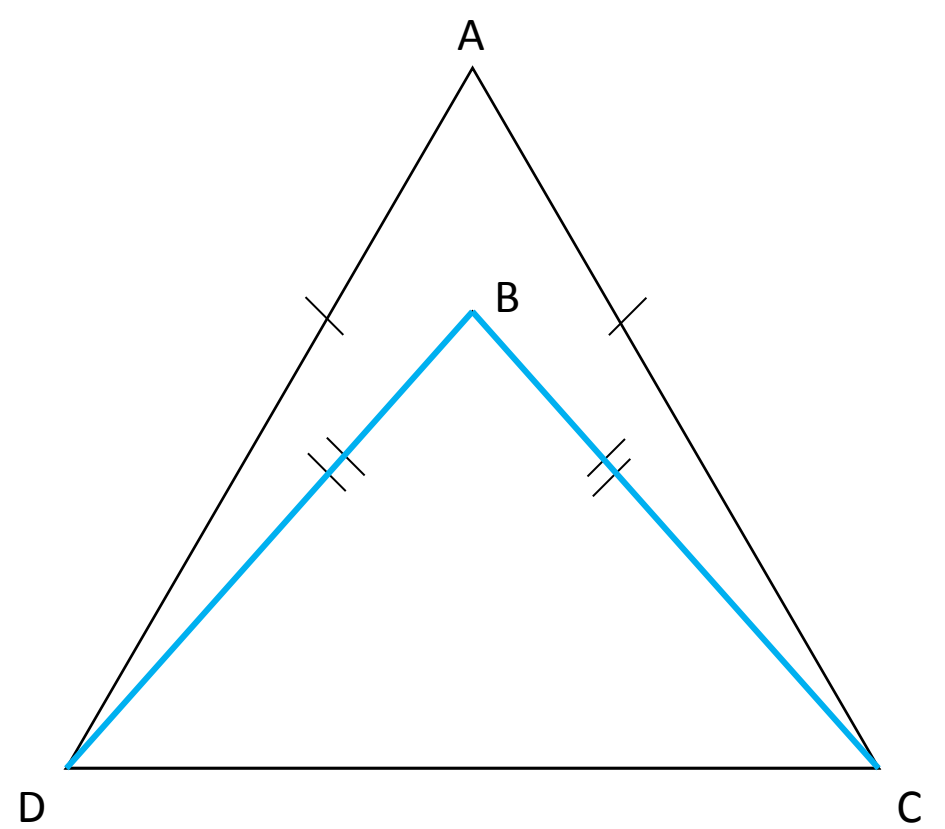


Дано:

$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные

$AD=AC$

$BD=BC$



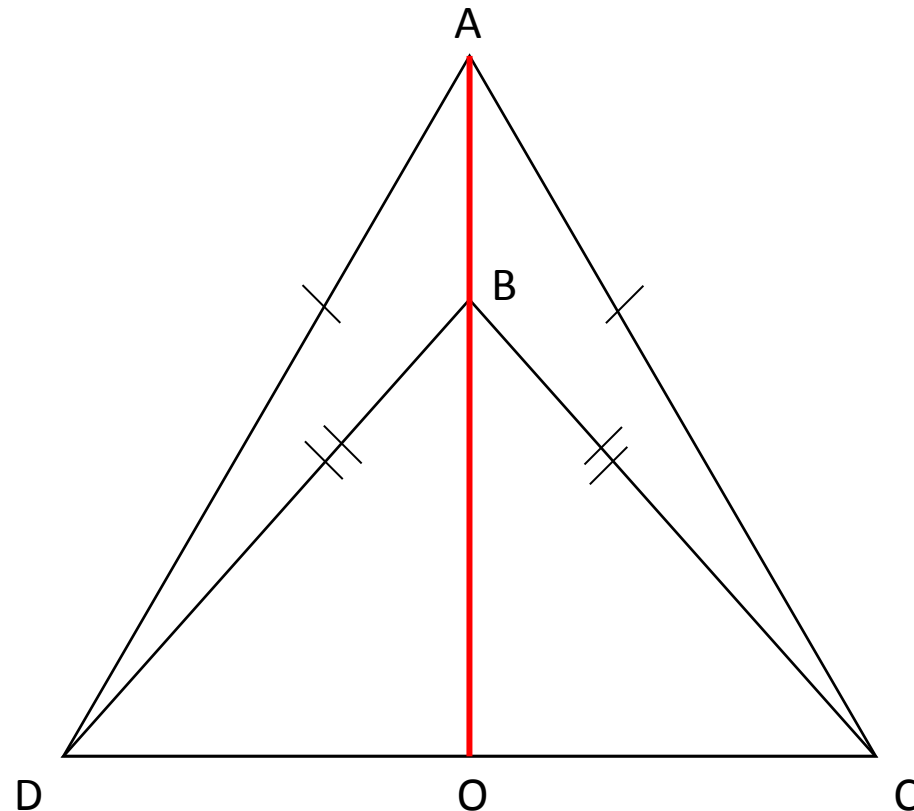
Дано:

$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные

$AD=AC$

$BD=BC$

$AB \cap DC = O$



Дано:

$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные

$$AD=AC$$

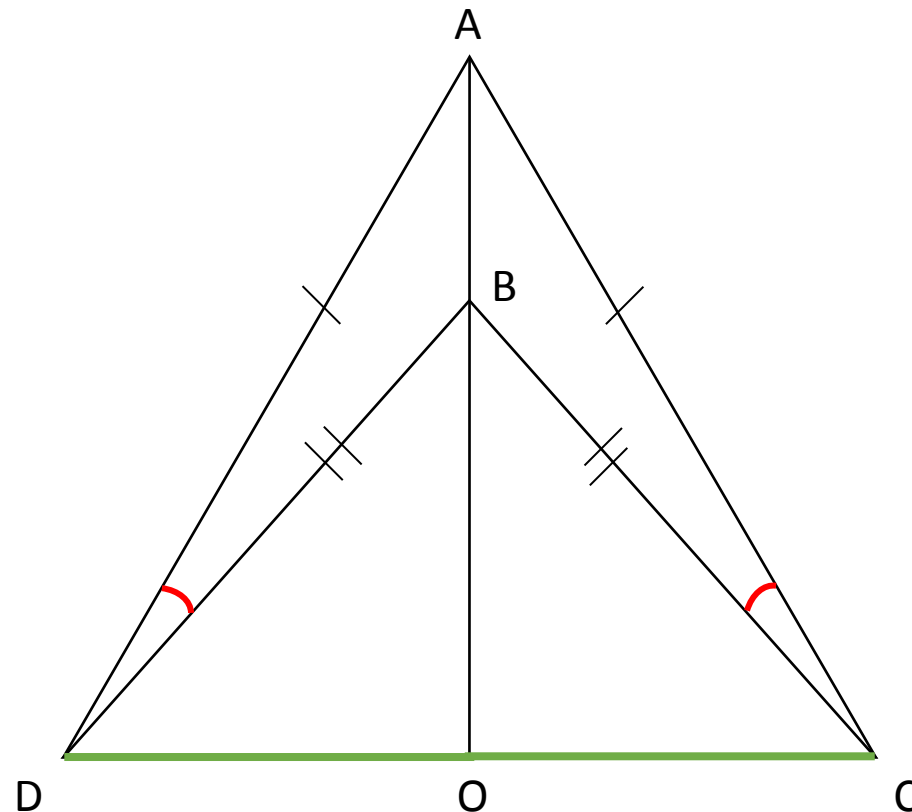
$$BD=BC$$

$$AB \cap DC = O$$

Доказать:

а) $\angle ADB = \angle ACB$

б) $DO = OC$



Дано:

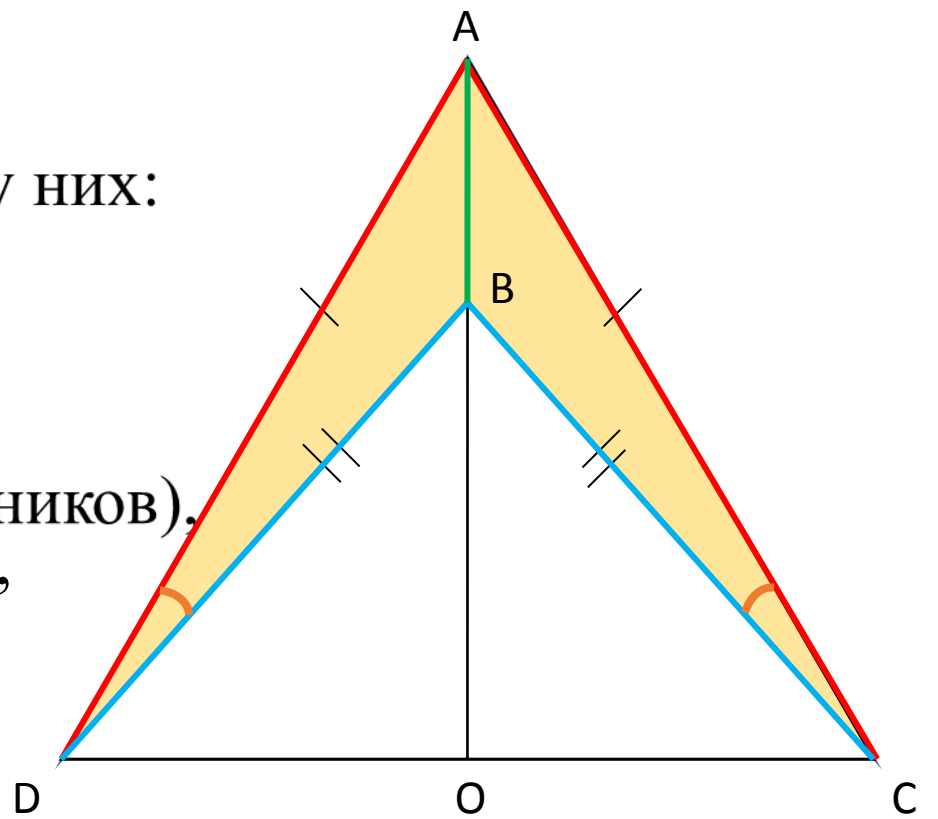
$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные
 $AD=AC$
 $BD=BC$
 $AB \cap DC = O$

Доказать:

- а) $\angle ADB = \angle ACB$
- б) $DO = OC$

Решение:

а) Рассмотрим $\triangle ADB = \triangle ACB$ у них:
 $AD=AC$, $BD=BC$ (по усл.),
 AB -общая сторона.
Значит $\triangle ADB = \triangle ACB$ (по III
признаку равенства треугольников),
следовательно $\angle ADB = \angle ACB$,
что и требовалось доказать.



Дано:

$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные
 $AD=AC$
 $BD=BC$
 $AB \cap DC = O$

Доказать:

а) $\angle ADB = \angle ACB$

б) $DO = OC$

Решение:

а) Рассмотрим $\triangle ADB = \triangle ACB$ у них:

$AD = AC$, $DB = BC$,

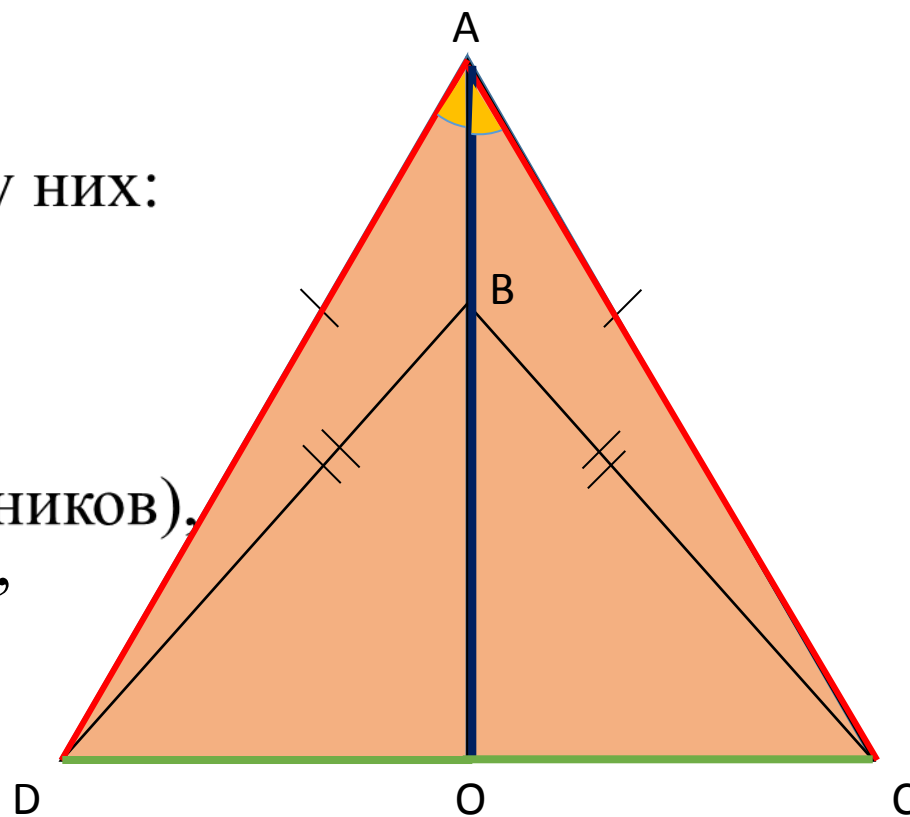
AB -общая сторона.

Значит $\triangle ADB = \triangle ACB$ (по III признаку равенства треугольников), следовательно $\angle ADB = \angle ACB$, что и требовалось доказать.

б) Рассмотрим $\triangle AOD = \triangle AOC$ у них:

$AD = AC$ (по усл.), AO -общая, $\angle DAO = \angle CAO$ (т.к. $\triangle ADB = \triangle ACB$),

Значит $\triangle AOD = \triangle AOC$ (по I признаку равенства треугольников) следовательно $DO = OC$, что и требовалось доказать.



Дано:

$\triangle ADC$ и $\triangle BCD$ –
равнобедренные

$$AD=AC$$

$$BD=BC$$

$$AB \cap DC = O$$

Доказать:

$$а) \angle ADB = \angle ACB$$

$$б) DO = OC$$

Решение:

а) Рассмотрим $\triangle ADB = \triangle ACB$ у них:

$$AD=AC, DB=BC,$$

AB -общая сторона.

Значит $\triangle ADB = \triangle ACB$ (по III

признаку равенства треугольников),

следовательно $\angle ADB = \angle ACB$,

что и требовалось доказать.

б) Рассмотрим $\triangle AOD = \triangle AOC$ у них:

$AD=AC$ (по усл.), AO -общая, $\angle DAO = \angle CAO$ (т.к. $\triangle ADB = \triangle ACB$),

Значит $\triangle AOD = \triangle AOC$ (по I признаку равенства треугольников)

следовательно $DO=OC$, что и требовалось доказать.

