

# Новый предмет «Геометрия»: обзор изученного в 7 классе

Автор: ученица

7 «Б» класса МОУ «СОШ №57» г. Астрахань

Иримиа Регина.

Учитель: Переяслова Наталья Владимировна.

# Содержание

- Введение.
- Основная цель.
- Начальные геометрические сведения.
  - ✓ Точки, прямые, отрезки.
  - ✓ Луч и угол.
  - ✓ Градусная мера угла.
  - ✓ Смежные и вертикальные углы
  - ✓ Перпендикулярные прямые.
  - ✓ Вопросы.
- Треугольники.
  - ✓ Медианы, биссектрисы и высоты треугольника.
  - ✓ Первый признак равенства треугольников
  - ✓ Второй и третий признаки равенства
  - ✓ Задачи на построение.
  - ✓ Вопросы.
- Параллельные прямые.
  - ✓ Признаки параллельности прямых
  - ✓ Аксиома параллельных прямых.
  - ✓ Вопросы.
- Выводы.
- Литература.

# Введение:

- Геометрия-наука, занимающаяся изучением геометрических фигур. На уроках геометрии мы познакомились с новыми фигурами и со многими важными и интересными свойствами уже известных нам фигур.
- Мы узнали о том, как используются свойства геометрических фигур в практической деятельности.
- В представленных материалах обобщены основные геометрические понятия и наглядно представлены геометрические фигуры, их свойства.

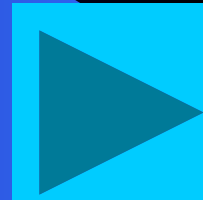
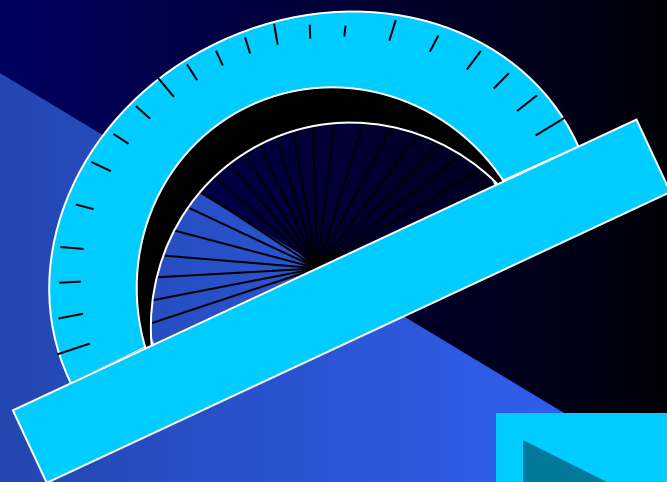
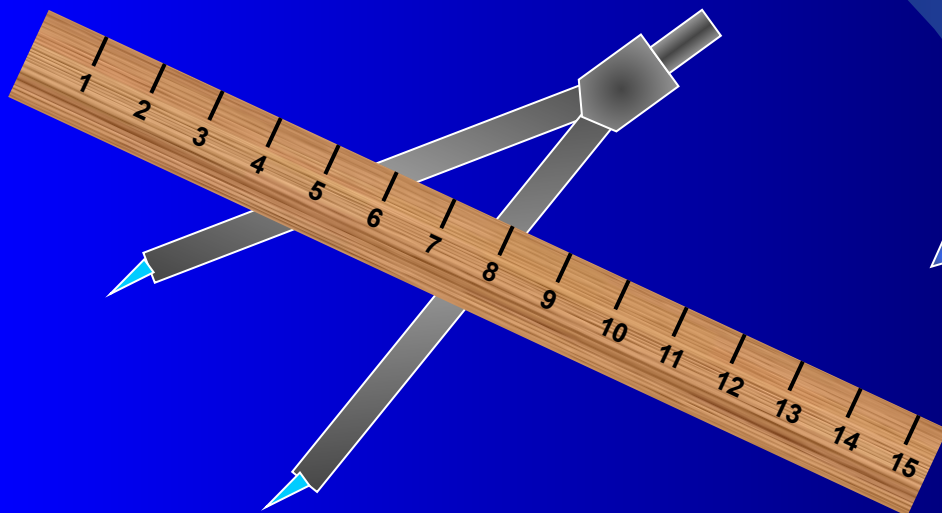
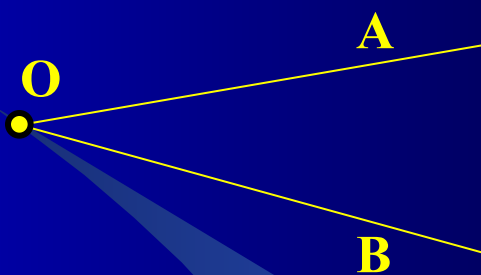
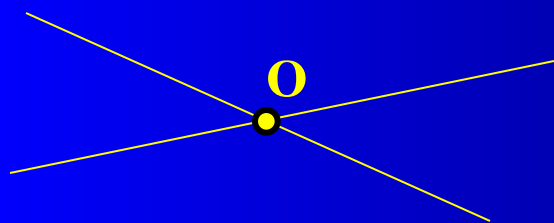
# Основная цель:

- Систематизировать знания об основных простейших геометрических фигурах.
- Распознавать на чертежах и моделях геометрические фигуры (отрезки, прямые, лучи, углы).
- Расширить знания о треугольнике.
- Дать систематические сведения о параллельности прямых, ввести аксиому параллельных прямых.
- Ввести терминологию. Наглядно изобразить геометрические конфигурации.

**«Я думаю, что никогда до  
настоящего времени  
мы не жили в такой  
геометрический период.  
Всё вокруг – геометрия»**

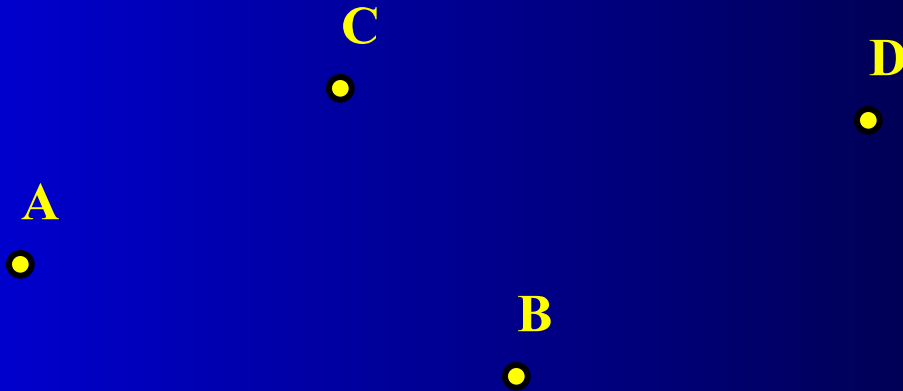
**Ле Корбюзье**

# Простейшие геометрические фигуры



# Точки, прямые, отрезки

«Точка» в русском языке – конец  
заточенного гусиного пера.



«Точка есть то,  
что не имеет частей»

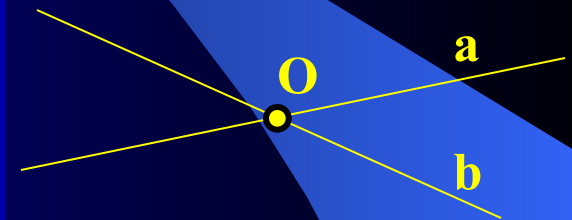
ЕВКЛИД

# Точки, прямые, отрезки



Прямая – множество точек, построенных с помощью линейки

Через любые две точки можно провести прямую, и притом только одну



Две прямые либо имеют только одну общую точку, либо не имеют общих точек

c \_\_\_\_\_

d \_\_\_\_\_





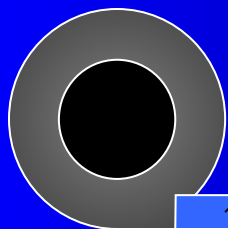
# Точки, прямые, отрезки

А

В

Отрезок – часть прямой, ограниченная двумя точками. Точки А и В – концы отрезка

Длину отрезка можно измерить с помощью:



РУЛЕТКА



ЛИНЕЙКА



ЦИРКУЛЬ



# Точки, прямые, отрезки ?

## Единицы измерения длины:

### СОВРЕМЕННЫЕ

### УСТАРЕВШИЕ

Миллиметр (мм)

Локоть

Сантиметр (см)

Вершок

Дециметр (дм)

Сажень

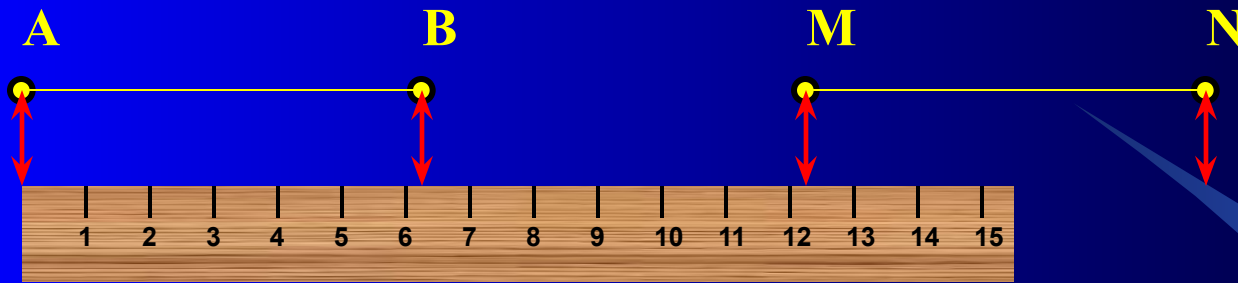
Метр (м)

Аршин

Километр (км)

Верста

# Точки, прямые, отрезки

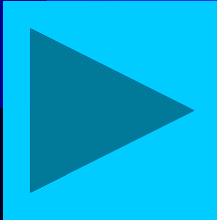


**Равные отрезки имеют равные длины**

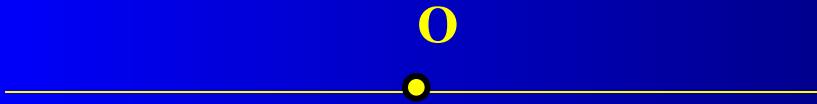


**Когда точка делит отрезок на два отрезка, длина всего отрезка равна сумме длин этих отрезков.**

$$\underline{AB=AD+DB}$$



# Луч и угол



Точка разделяет прямую на две части, каждая из которых называется лучом, исходящим из точки O



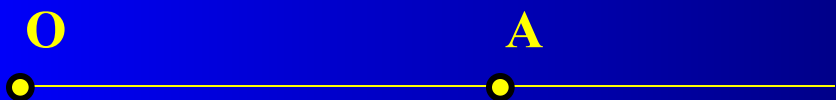
Точка O называется началом каждого из лучей

Луч обозначают либо малой латинской буквой...



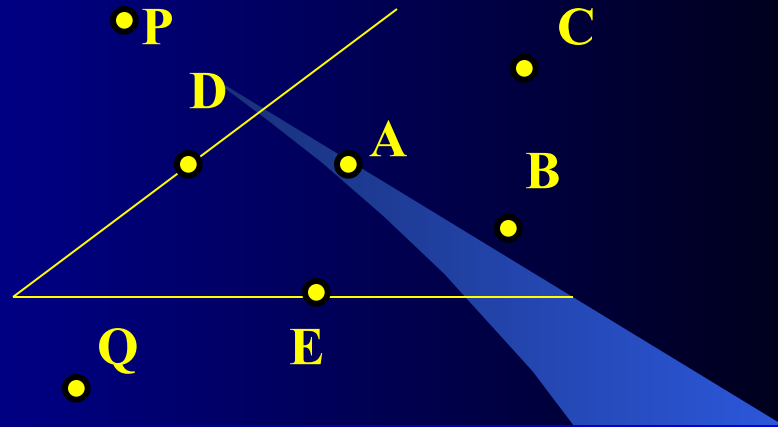
Луч h

...либо двумя большими латинскими буквами, первая из которых обозначает начало луча, а вторая – какую-нибудь точку на луче, например:

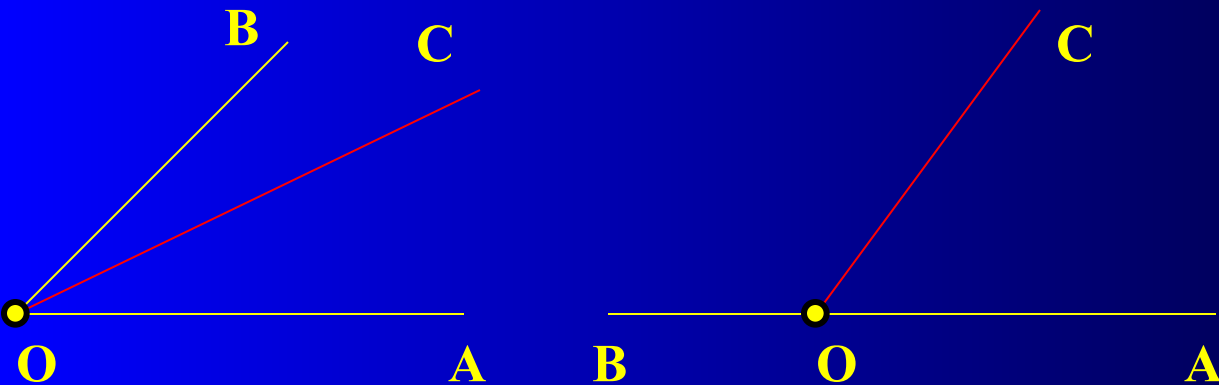


Луч OA

# Луч и угол

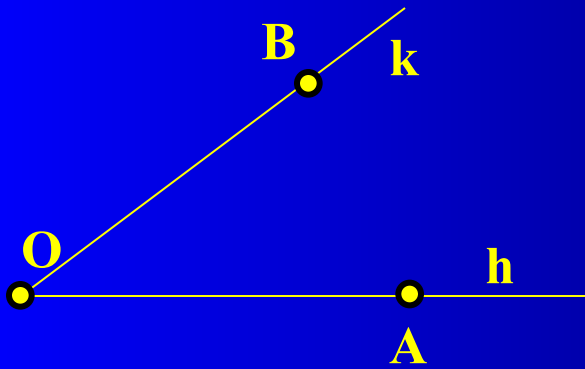


**Точки А, В и С лежат внутри этого угла, точки D и E – на сторонах угла, а точки P и Q – вне угла**



**Луч OC делит  
угол AOB на  
два угла:  
 $\angle AOC$  и  $\angle COB$**

# Луч и угол



Угол

Угол – это геометрическая фигура, которая состоит из точки и двух лучей, исходящих из этой точки.

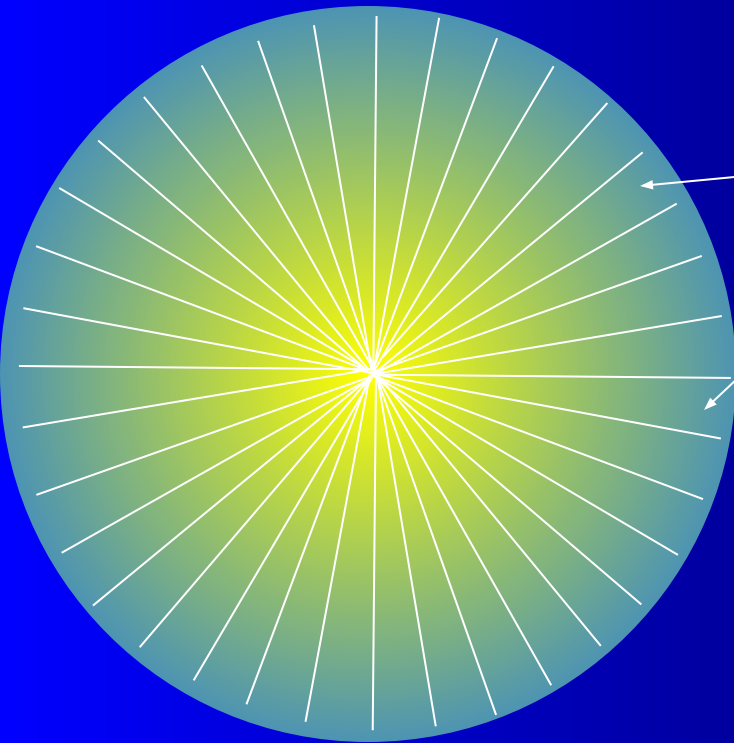
Угол называется *развернутым*, если обе его стороны лежат на одной прямой.



Развернутый угол



# Градусная мера угла



Всего 360 частей.  
1 часть – это 1 градус.

1/60 часть градуса  
называется минутой,  
обозначается знаком «'»

1/60 часть минуты  
называется секундой,  
обозначается знаком «"»



Равные углы имеют равные  
градусные меры



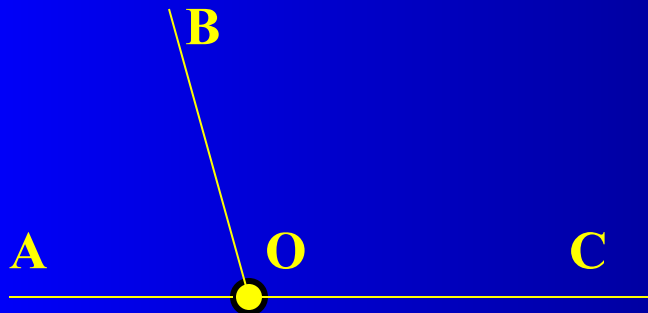
# Градусная мера угла



Название угла	Рисунок	Градусная мера
ОСТРЫЙ УГОЛ		менее $90^\circ$
ПРЯМОЙ УГОЛ		$90^\circ$
ТУПОЙ УГОЛ		$>90^\circ$ , но $<180^\circ$
РАЗВЕРНУТЫЙ		$180^\circ$

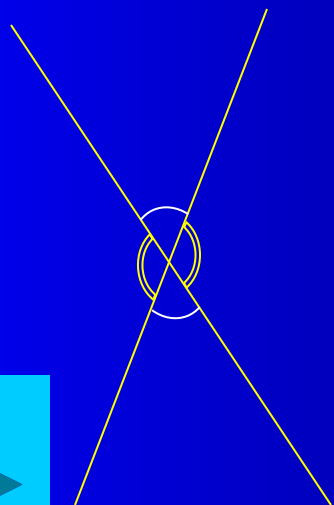


# Смежные и вертикальные углы



Два угла, у которых одна сторона общая, а две другие являются продолжениями одна другой, называются смежными

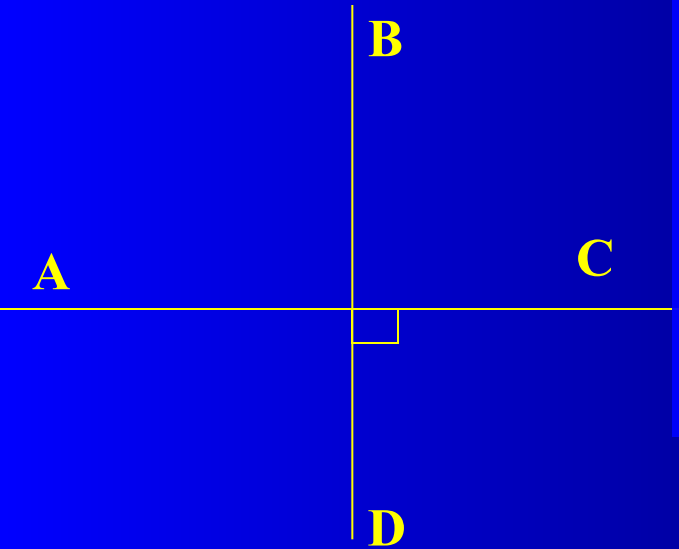
Сумма смежных углов  
равна **180°**



Два угла называются вертикальными, если стороны одного угла являются продолжениями сторон другого

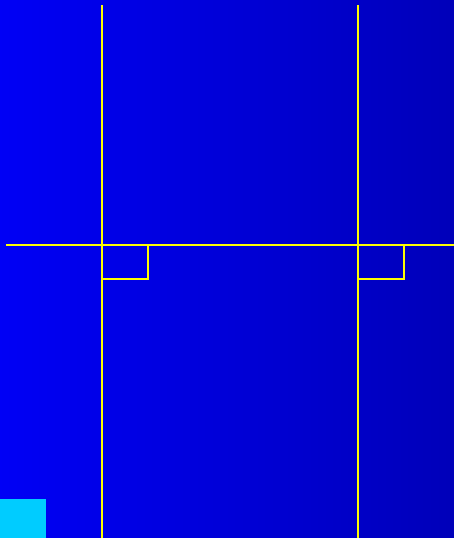
Вертикальные углы  
равны

# Перпендикулярные прямые.



Две пересекающиеся прямые называются перпендикулярными (или взаимно перпендикулярными), если они образуют четыре прямых угла.

Две прямые, перпендикулярные к третьей, не пересекаются.

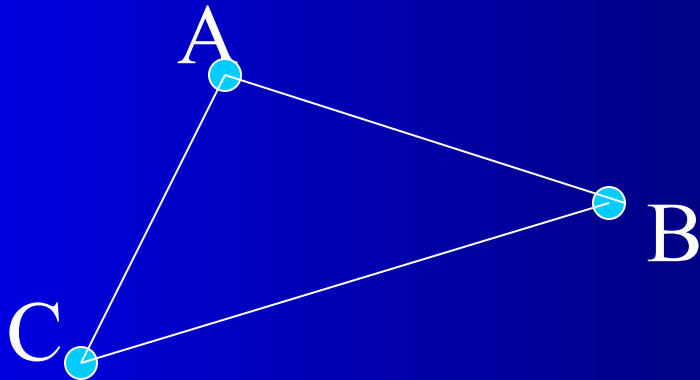


# Вопросы:

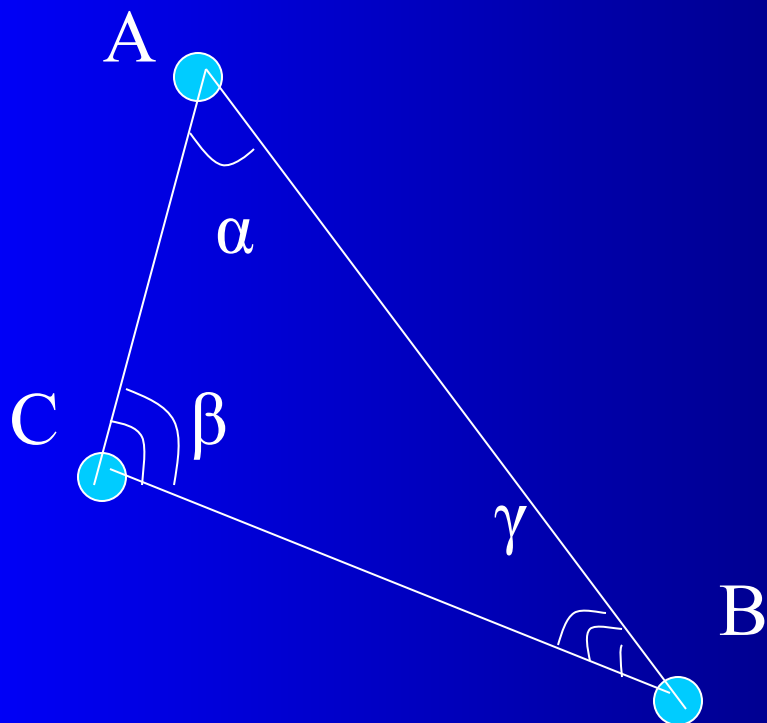
- Сколько прямых можно провести через две точки?
- Что такое отрезок?
- Какие вы знаете единицы измерения?
- Что такое луч?
- Какая фигура называется углом?
- Какой луч называется биссектрисой угла?
- Какие фигуры называются равными?
- Какими инструментами пользуются для измерения расстояния?
- Что такое градусная мера угла?
- Какой угол называется острым? Прямым? Тупым?
- Какие углы называются вертикальными? Смежными?
- Какие прямые называются перпендикулярными?

# Треугольник и его элементы.

Геометрическая фигура, которая состоит из трех точек не лежащих на одной прямой и отрезков их соединяющих называется треугольником (обозначается:  $\triangle ABC$ ).



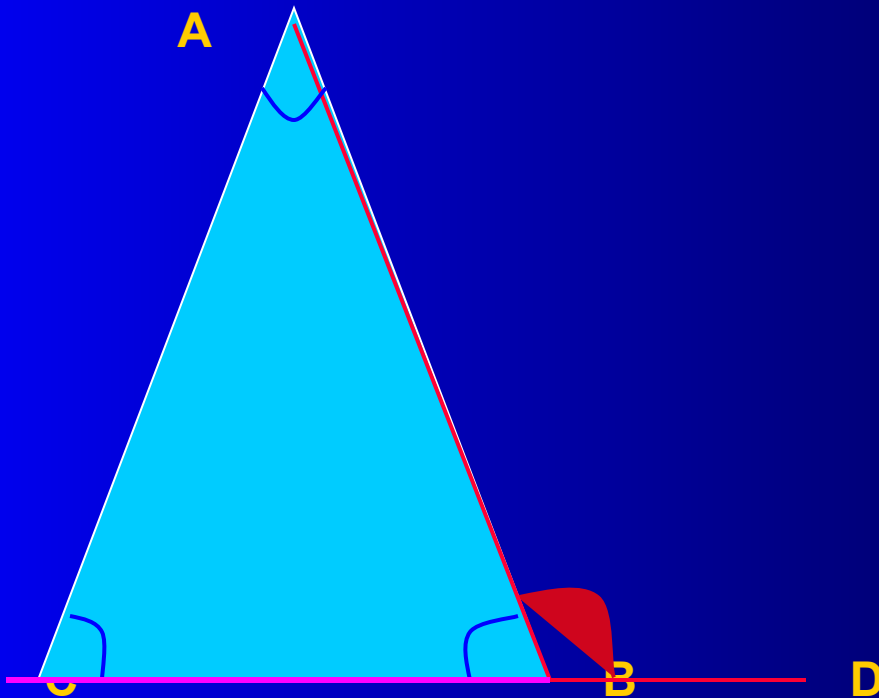
Треугольником также называется часть плоскости ограниченная отрезками АВ, ВС, АС.



- А, В, С – вершины.
- АВ, ВС, СА-стороны.
- $\angle ABC$ ,  $\angle BCA$ ,  $\angle CAB$ -углы треугольника, ( $\angle A$ ,  $\angle B$ ,  $\angle C$  или  $\angle \alpha$ ,  $\angle \beta$ ,  $\angle \gamma$ ).



# Углы треугольника.



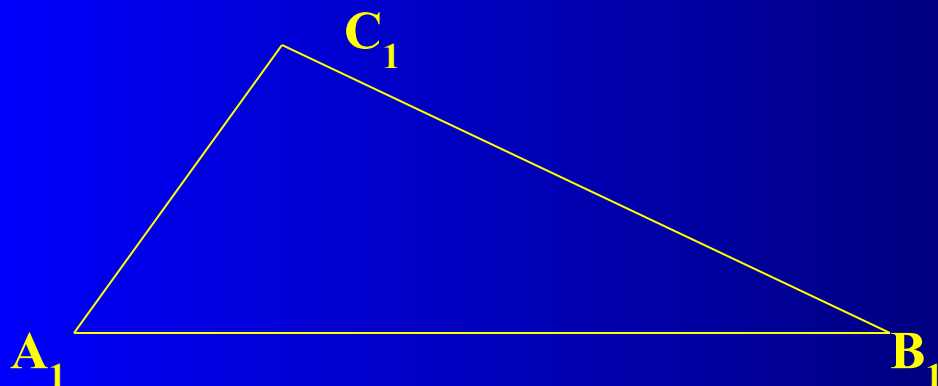
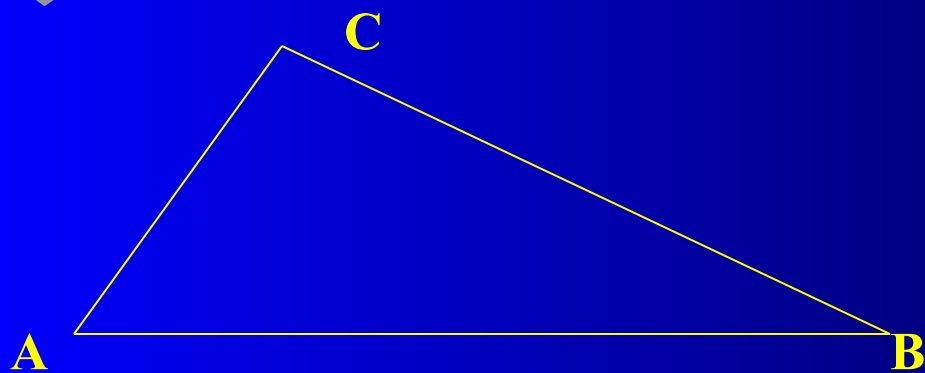
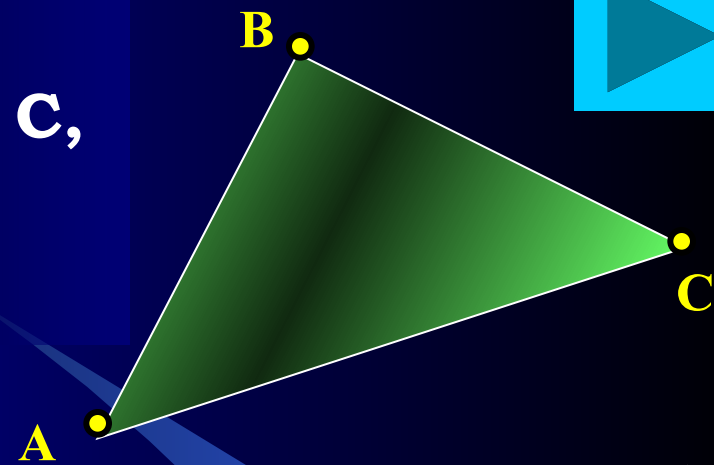
$\angle A$ ,  $\angle B$ ,  $\angle C$  - внутренние углы

$\angle A$  противолежит стороне  $CB$ ...

$\angle ABD$  - внешний угол;

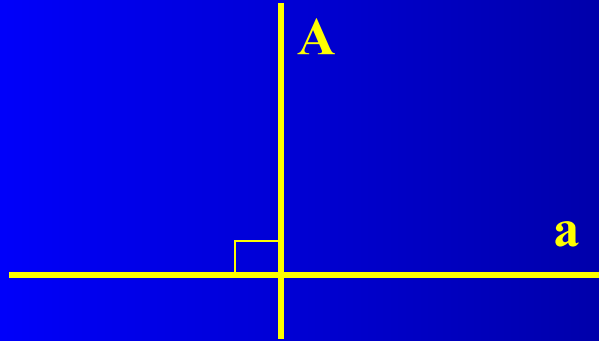
**Теорема:** внешний угол равен  
сумме внутренних углов не  
смежных с ним.

**Треугольник с вершинами А, В, С,  
и сторонами АВ, ВС, СА**



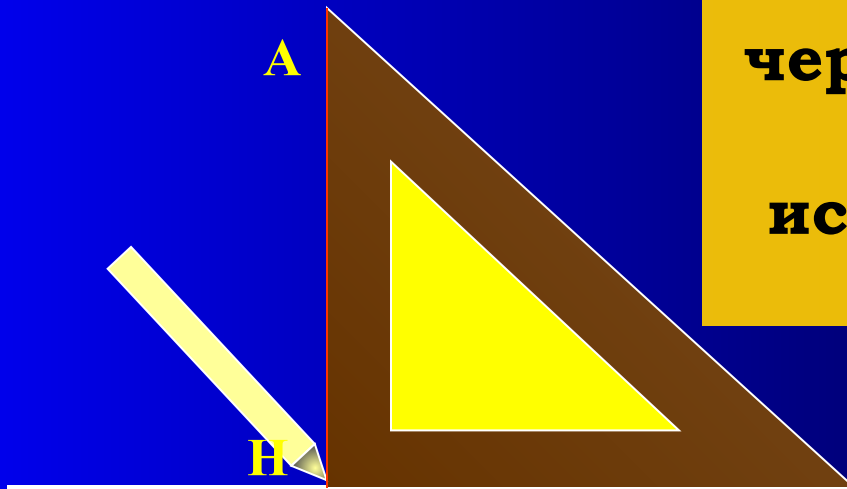
**Сумма длин трех сторон  
треугольника  
называется его  
периметром  
Каждый из этих  
треугольников можно  
наложить на другой так,  
что они полностью  
совместятся, т.е.  
попарно совместятся их  
вершины и стороны**

# Медианы, биссектрисы и высоты треугольника



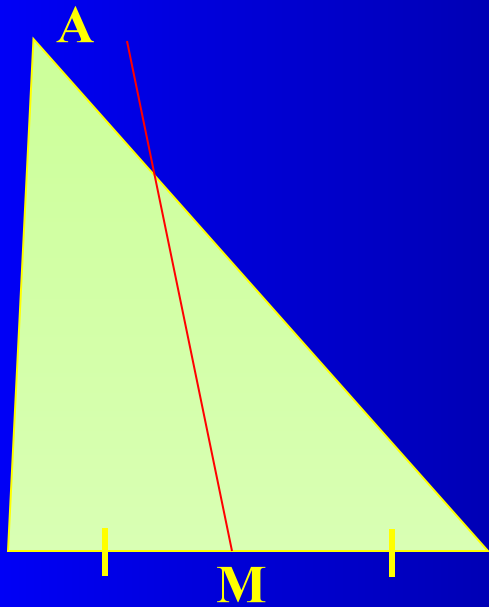
**Из точки, не лежащей на прямой, можно провести перпендикуляр к этой прямой, и притом только один**

**Для проведения на чертеже перпендикуляра из точки к прямой используют чертежный угольник**

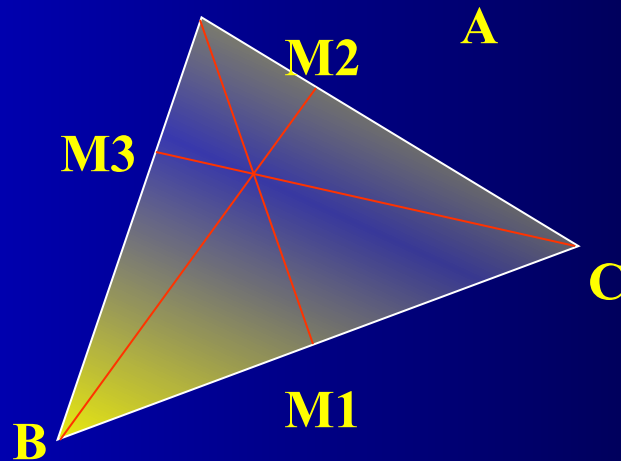




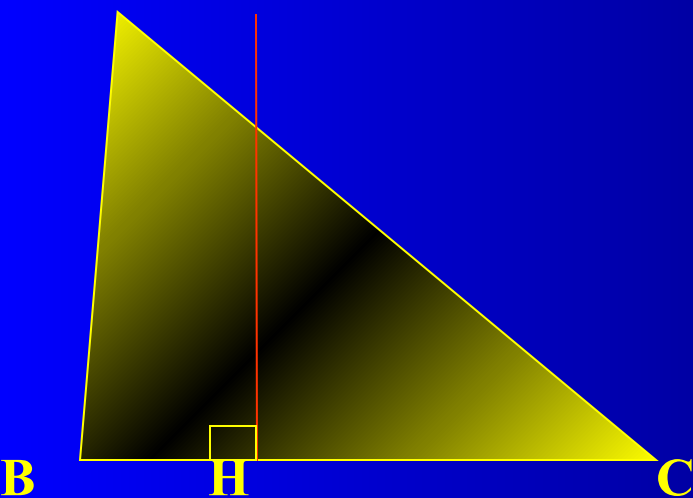
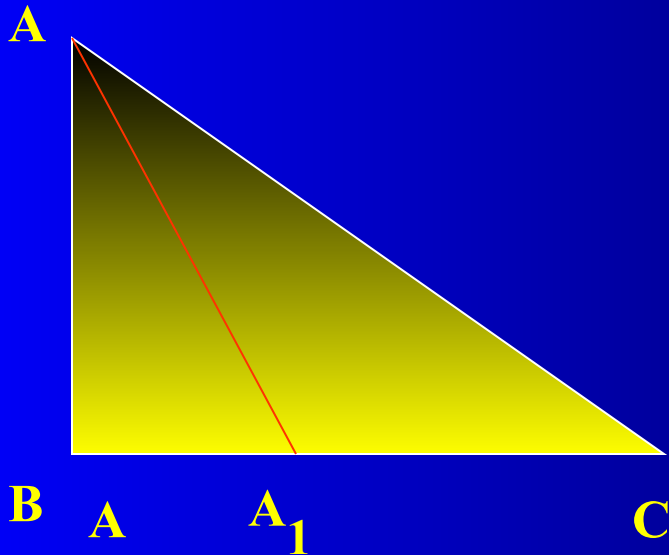
# Медианы, биссектрисы и высоты треугольника



Отрезок, соединяющий вершину треугольника с серединой противоположной стороны, называется *медианой* треугольника

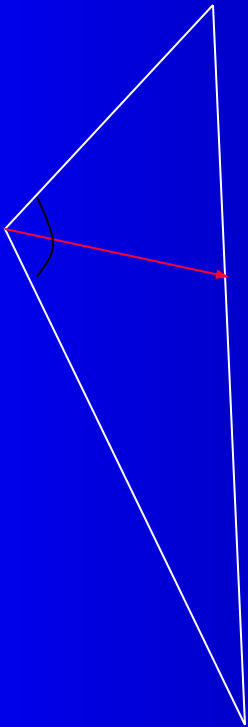


# Медианы, биссектрисы и высоты треугольника

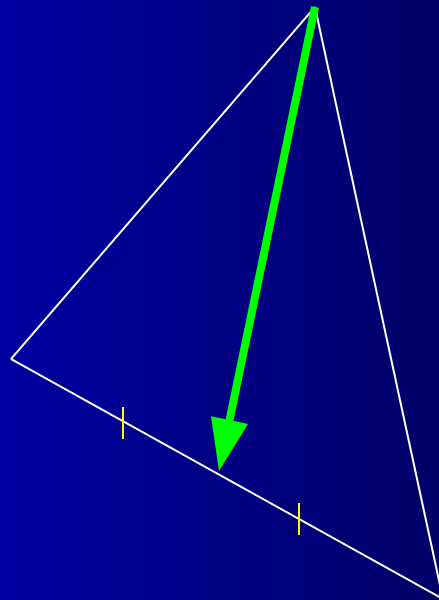


Отрезок биссектрисы угла  
треугольника,  
соединяющий вершину  
треугольника с точкой  
противоположной  
стороны, называется  
Биссектрисой  
треугольника  
Перпендикуляр,  
проведенный из вершины  
треугольника к прямой,  
содержащей  
противоположную  
сторону, называется  
высотой треугольника

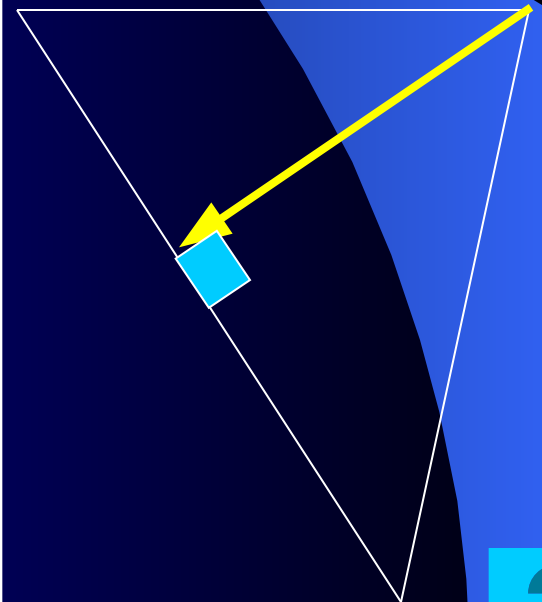
Отрезок биссектрисы угла, соединяющий вершину треугольника с точкой противоположащей стороны, называется **биссектрисой** треугольника.



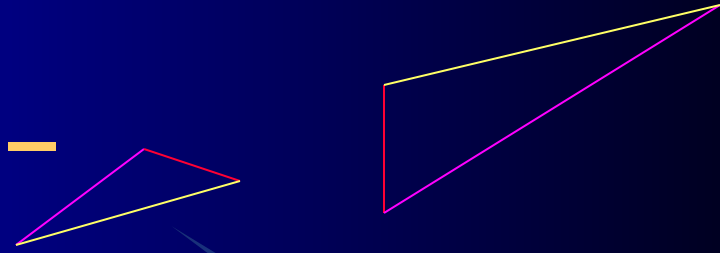
Отрезок, соединяющий вершину треугольника с серединой противоположащей стороны, называется **медианой** треугольника.



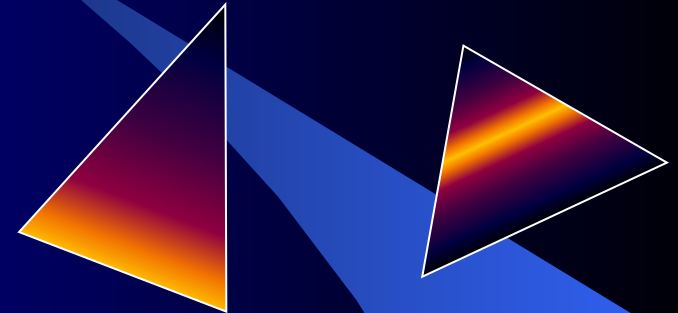
Перпендикуляр, проведенный из вершины треугольника к прямой, содержащей противоположные стороны, называется **высотой** треугольника.



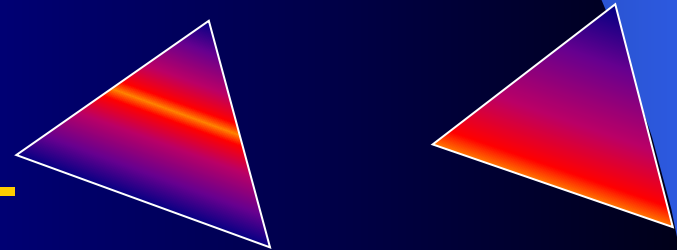
**Равных сторон нет –  
разносторонние**



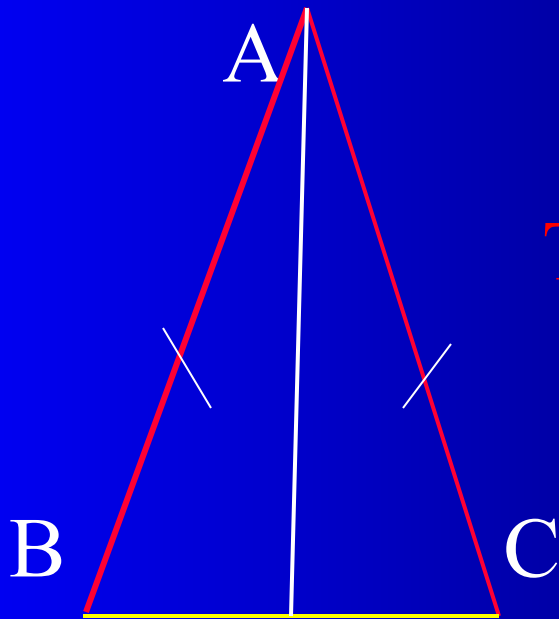
**Две равные стороны –  
равнобедренные**



**Все стороны равны –  
равносторонние**



# Свойства равнобедренного треугольника.



**AB, AC** - боковые стороны.  
**BC** - основание.

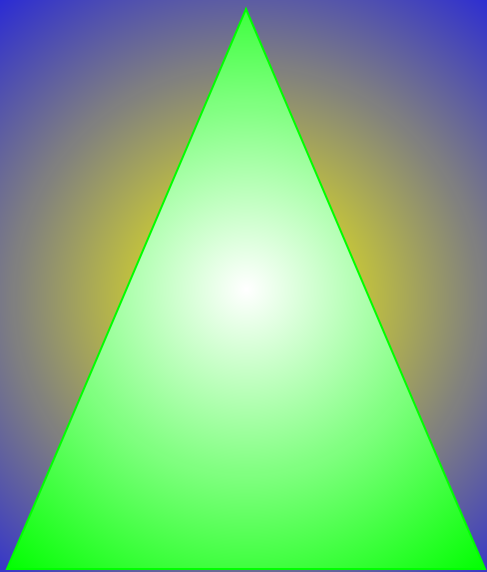
**Теорема:** В равнобедренном  
треугольнике углы  
при основании равны.

**Теорема:** В равнобедренном треугольнике  
биссектриса, проведенная к основанию,  
является медианой и высотой.

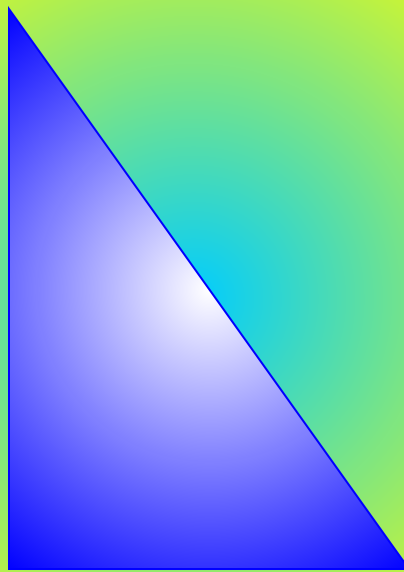


# Виды треугольников

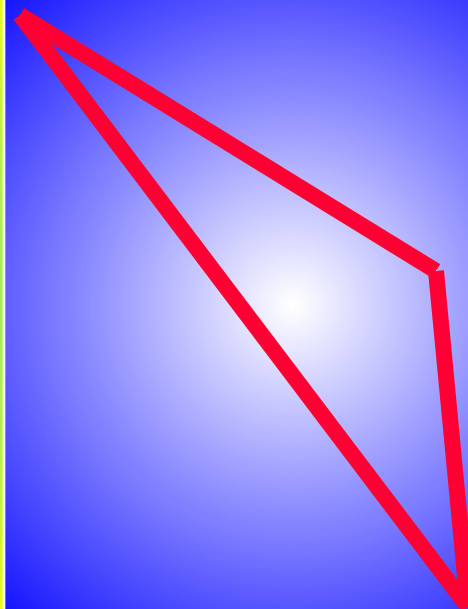
остроугольный



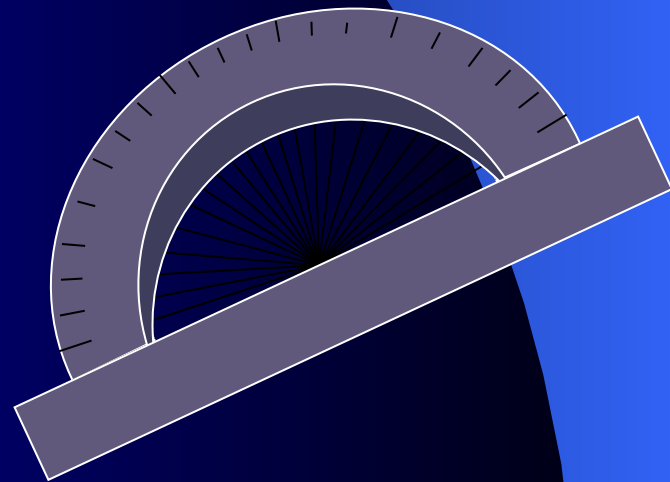
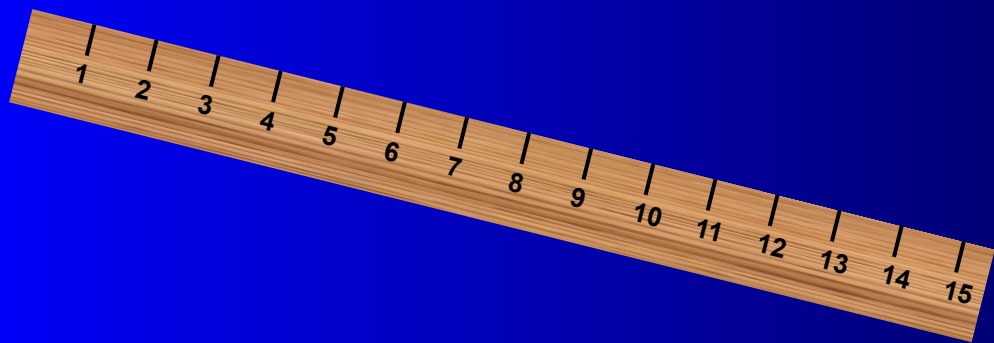
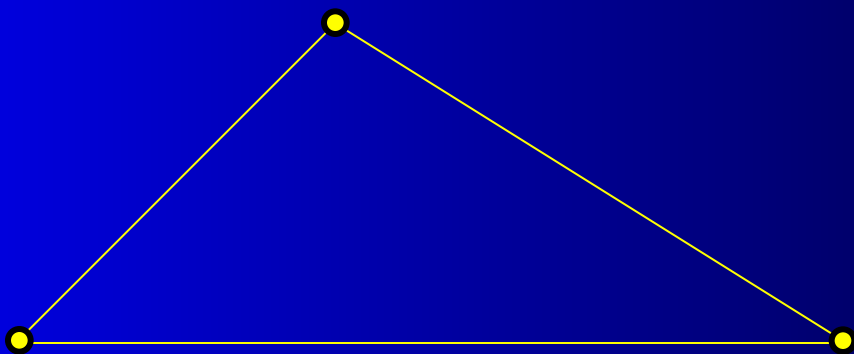
прямоугольный



тупоугольный

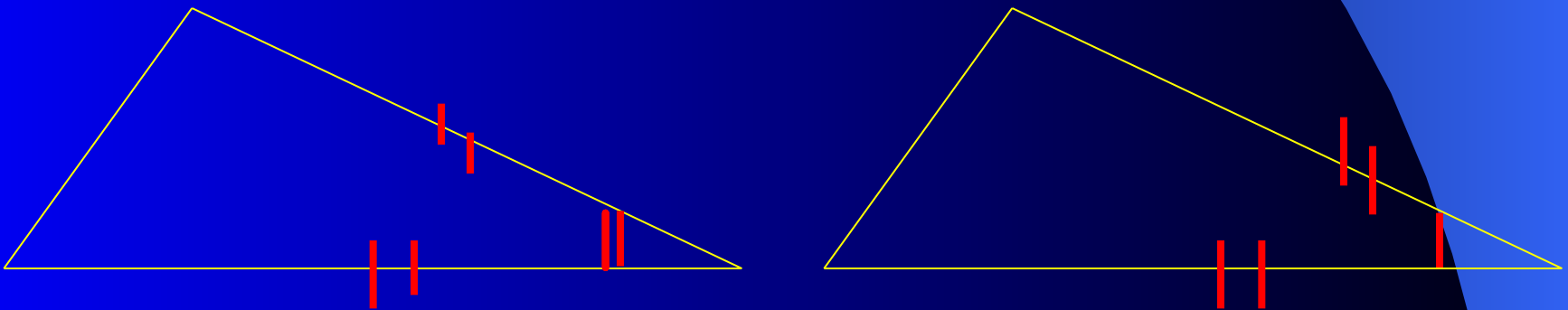


# Первый признак равенства треугольника



# Первый признак равенства треугольников

- Если две стороны и угол между ними одного треугольника соответственно равны двум сторонам и углу между ними другого треугольника,

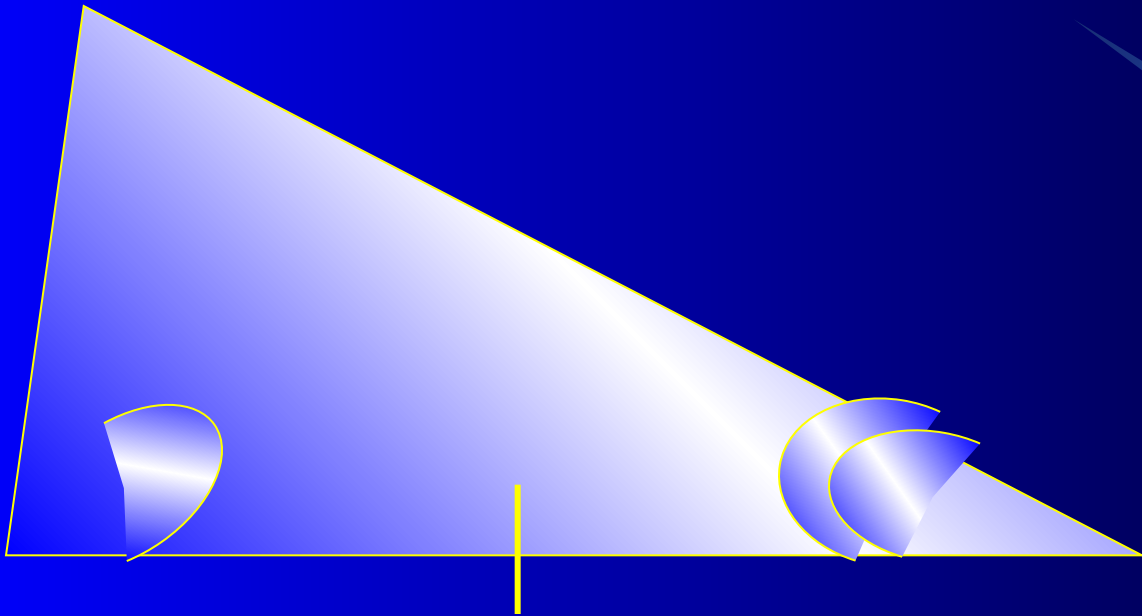


***то такие треугольники равны***



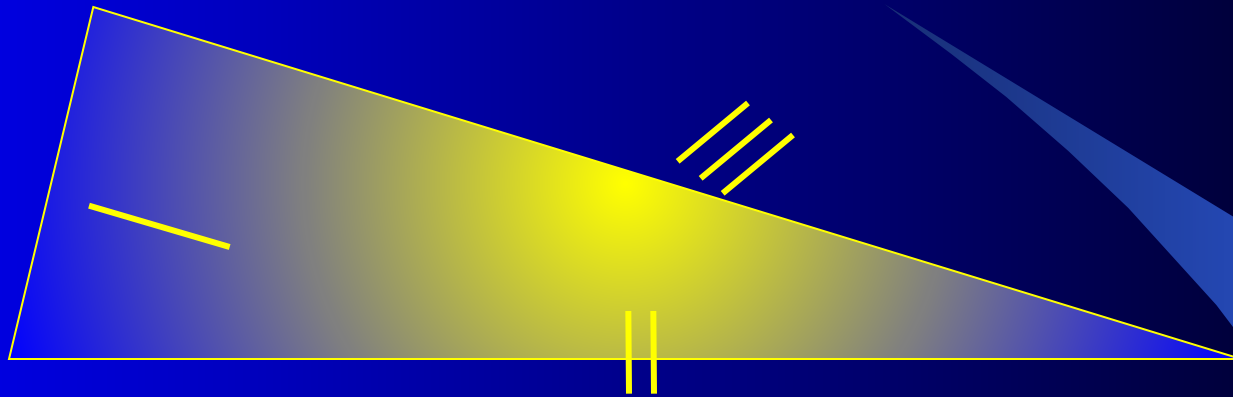


# **Второй признак равенства треугольников**



**Если сторона и два прилежащих к ней угла одного  
треугольника соответственно равны стороне и двум  
прилежащим к ней углам другого треугольника, то  
такие треугольники равны**

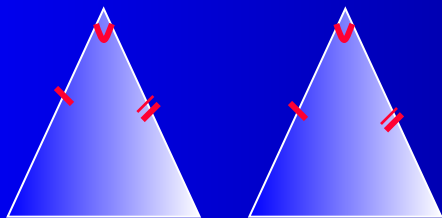
# Третий признак равенства треугольников



**Если три стороны одного треугольника  
соответственно равны трем сторонам другого  
треугольника, то такие треугольники равны**

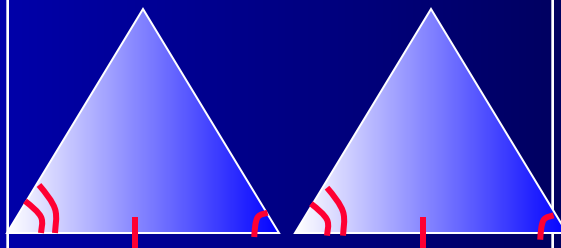
# Признаки равенства треугольников

**Первый.**



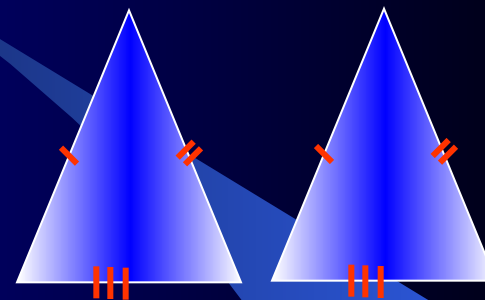
По двум  
сторонам и углу  
между ними.

**Второй.**



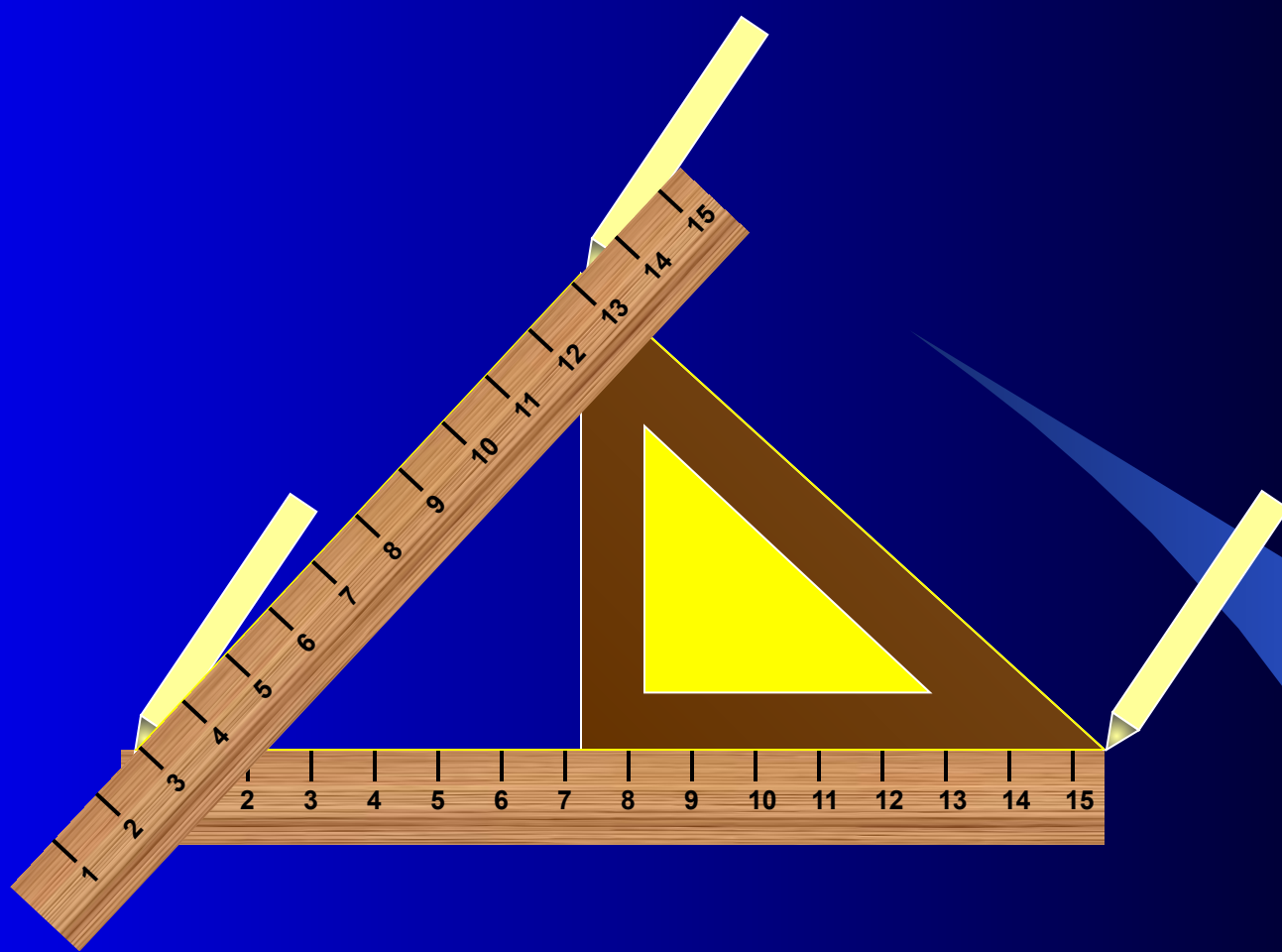
По одной  
стороне и двум  
прилежащих к  
ней углам.

**Третий.**



По трем  
сторонам.





Построение треугольника.

# Вопросы:

- Какая фигура называется треугольником?
- Какой отрезок называется высотой Какой отрезок называется высотой, медианой Какой отрезок называется высотой, медианой, биссектрисой?
- Какими замечательными свойствами обладают медианы, высоты, биссектрисы?
- -Что общего между биссектрисой , высотой и медианой?
- Какой треугольник называется равносторонним Какой треугольник называется равносторонним, равнобедренным?
- Сформулируйте свойства равнобедренного треугольника?
- Сформулируйте первый Сформулируйте первый, второй Сформулируйте первый, второй, третий признаки равенства треугольников?



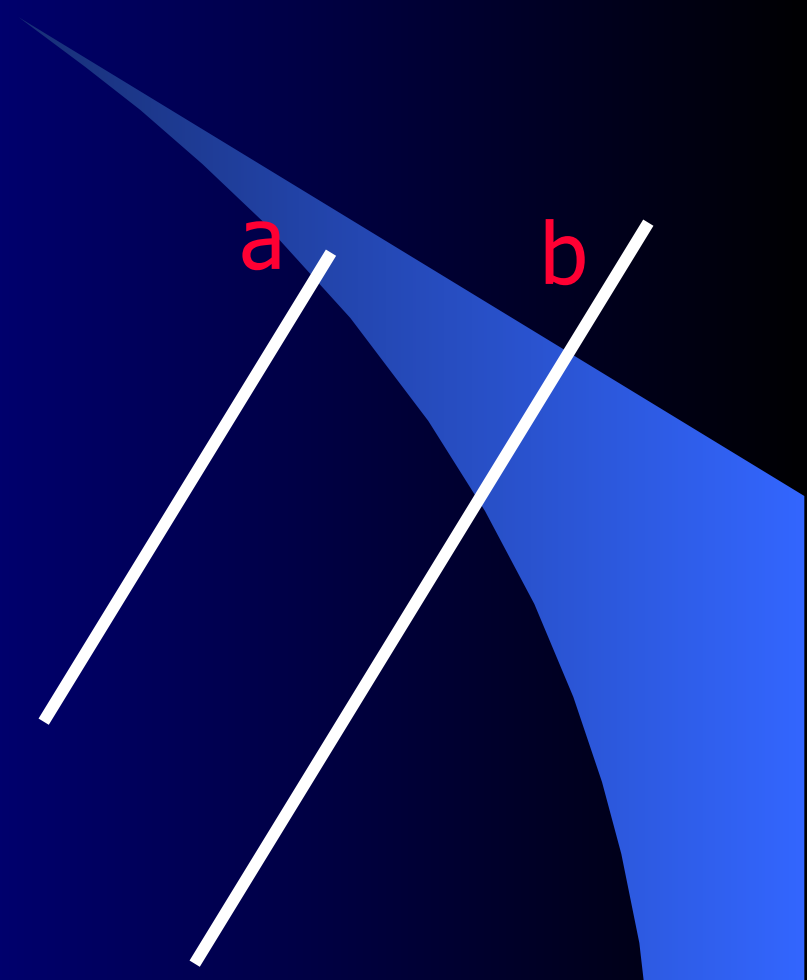
# Параллельные прямые

The background is a gradient of blue and black. A large, curved, light blue shape is positioned in the lower right quadrant, extending from the bottom edge towards the center. The text 'Параллельные прямые' is written in a bold, red, sans-serif font and is underlined.



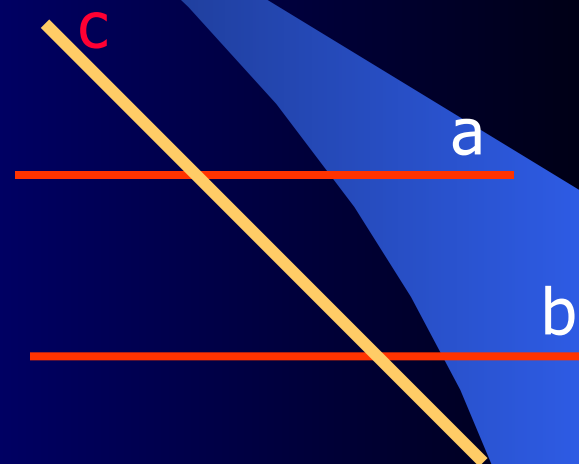
# Определение

Две прямые на  
плоскости  
называются  
*параллельными*,  
если они не  
пересекаются.



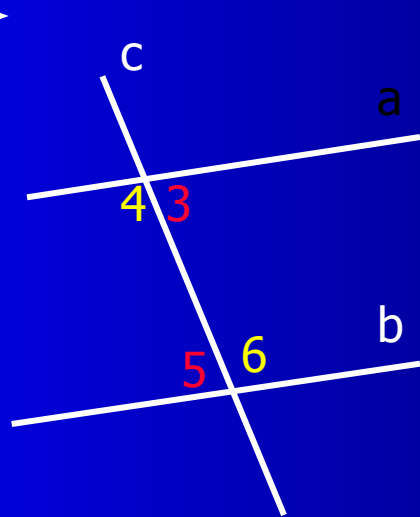
# Секущая прямая

Прямая называется секущей, если она пересекает две параллельные прямые в двух точках.

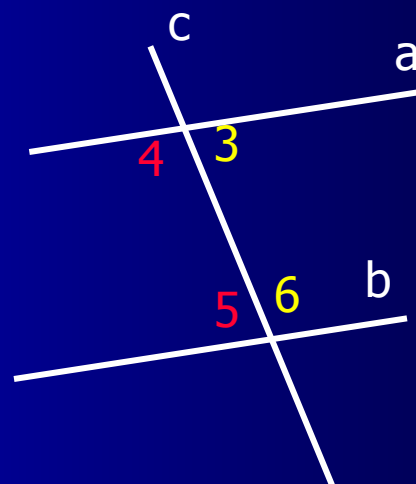




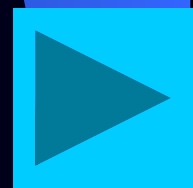
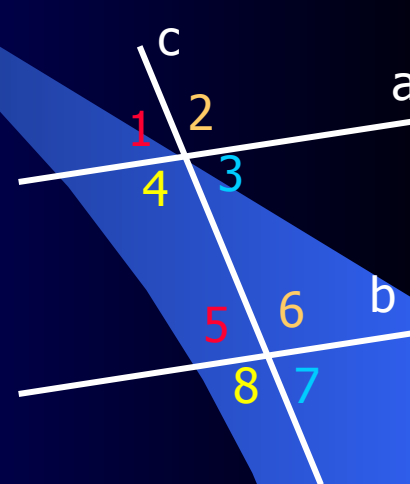
Накрест  
лежащие углы



Односторонние  
углы



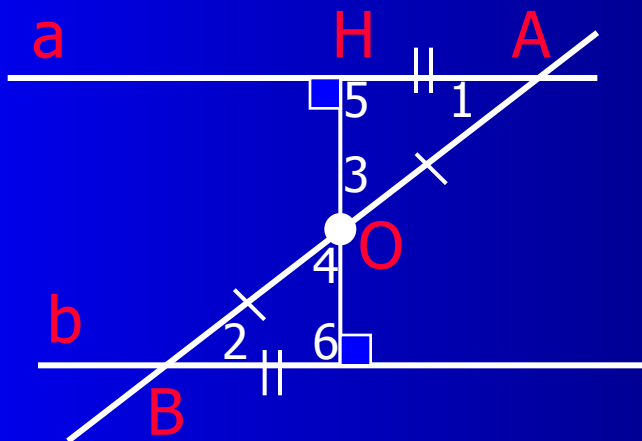
Соответствен  
ные углы



# Первый признак параллельности двух прямых:

## Теорема:

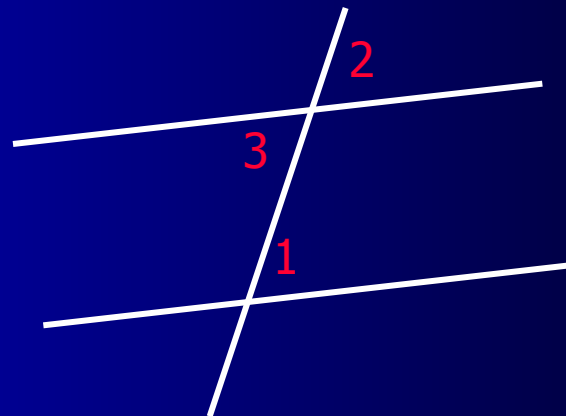
Если при  
пересечении двух  
прямых секущей  
накрест лежащие  
углы равны, то  
прямые  
параллельны.



# Второй признак параллельности двух прямых:

## Теорема:

Если при пересечении двух прямых секущей *соответственные* углы равны, то прямые параллельны.



$$\angle 1 = \angle 2 = \angle 3$$





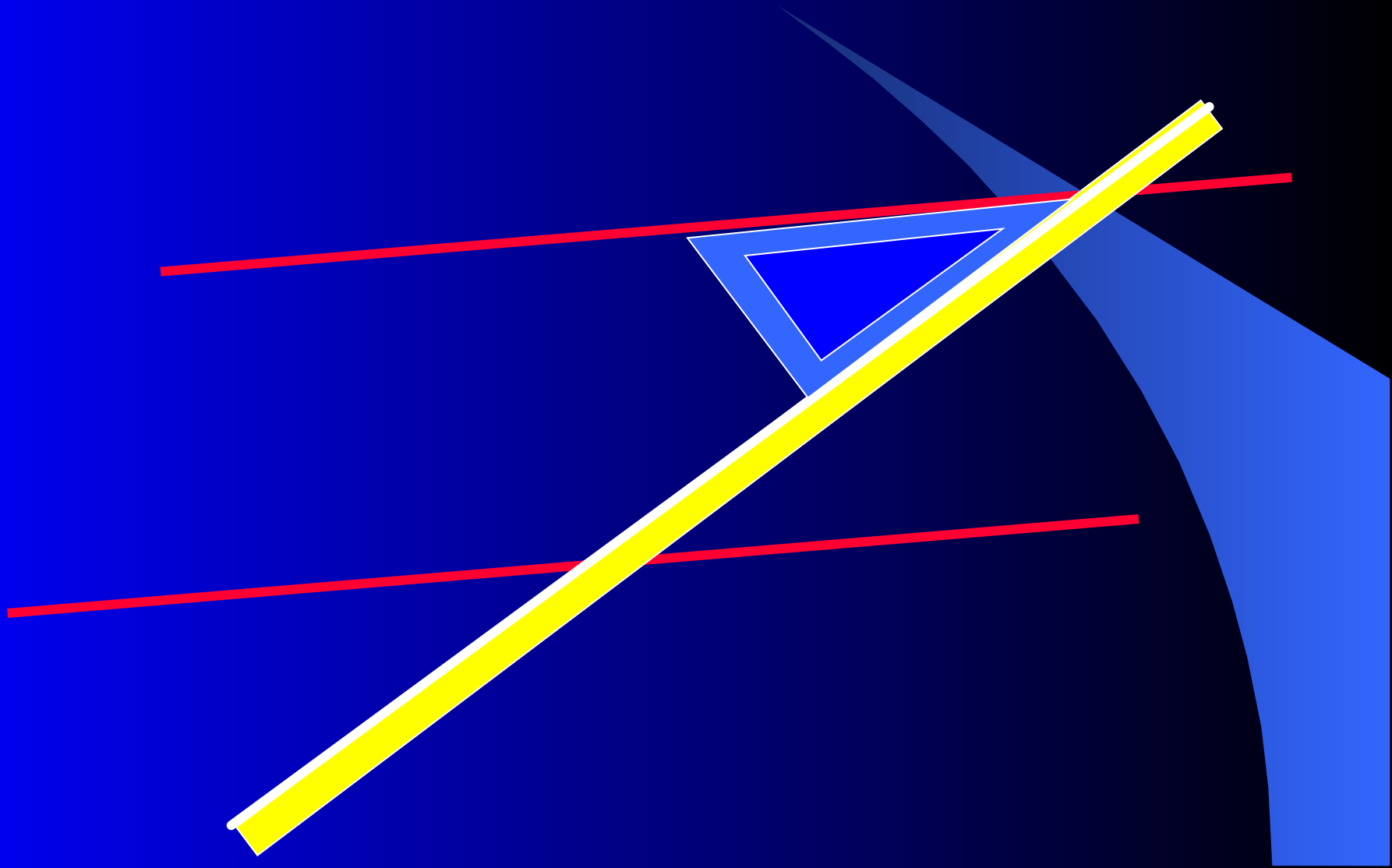
*Третий признак  
параллельности двух прямых:*

**Теорема:**

Если при пересечении двух прямых  
секущей сумма односторонних  
углов равна  $180^\circ$ ,  
то прямые параллельны.



# Построение параллельных прямых





# Аксиомы

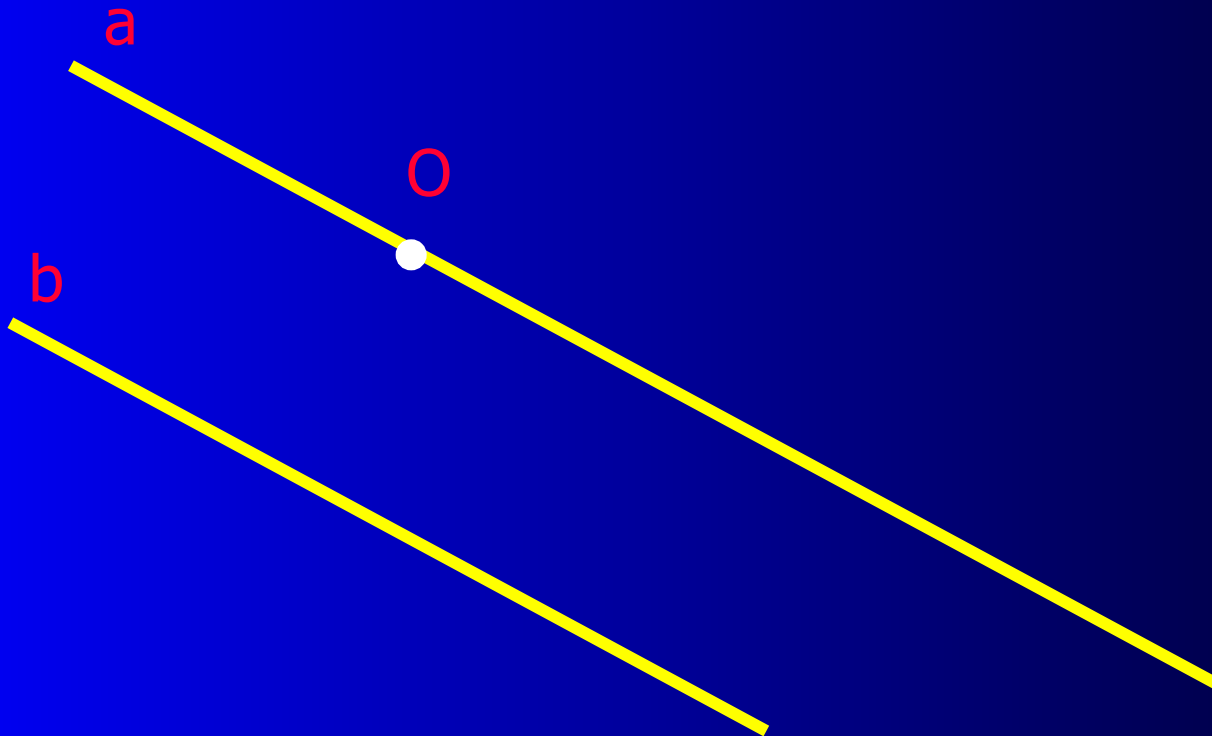
**Аксиома** — утверждение, не требующее доказательств

Само слово «**аксиома**» происходит от греческого «аксиос», что означает «ценный, достойный». Древнегреческий ученый **Евклид** первым придумал аксиомы, которые были изложены в его знаменитом сочинении «**Начала**».



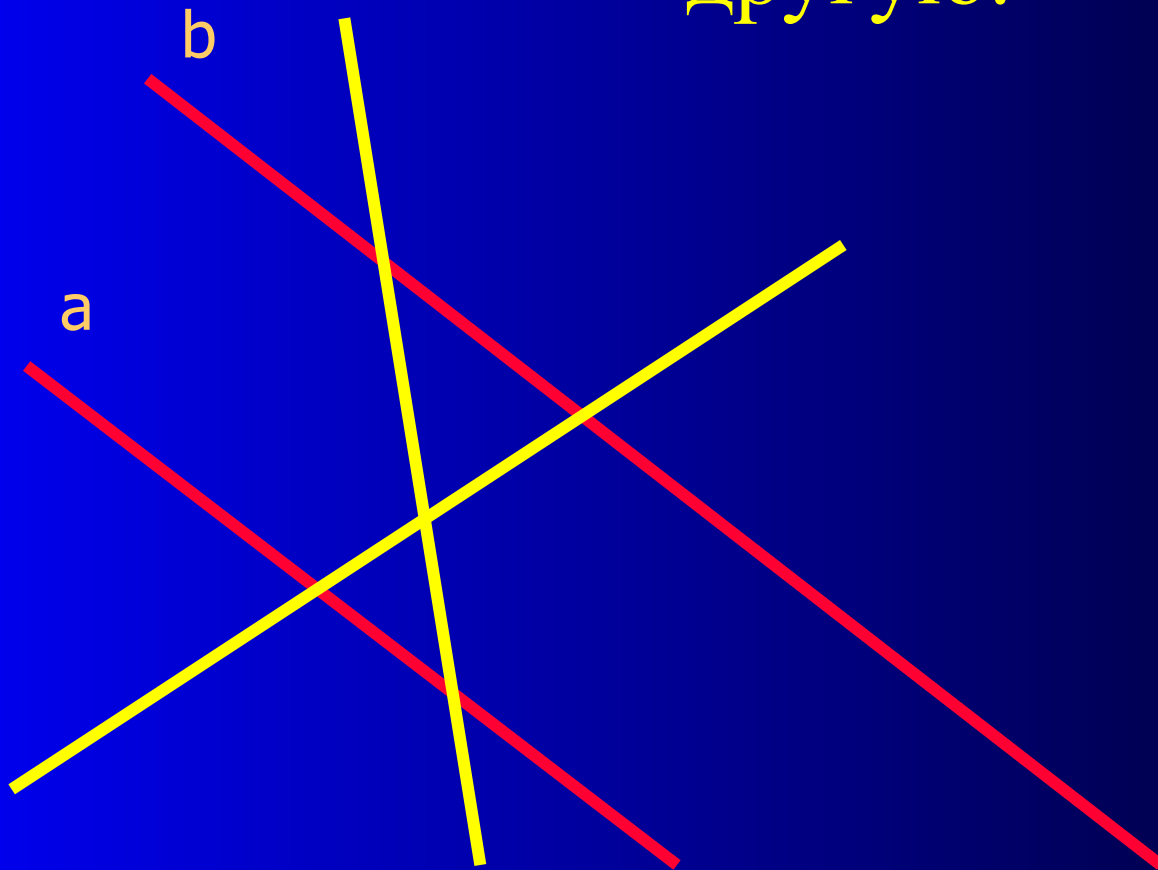
# Аксиома

Через точку, не лежащую на данной прямой, проходит только одна прямая, параллельная данной.



# Следствие №1

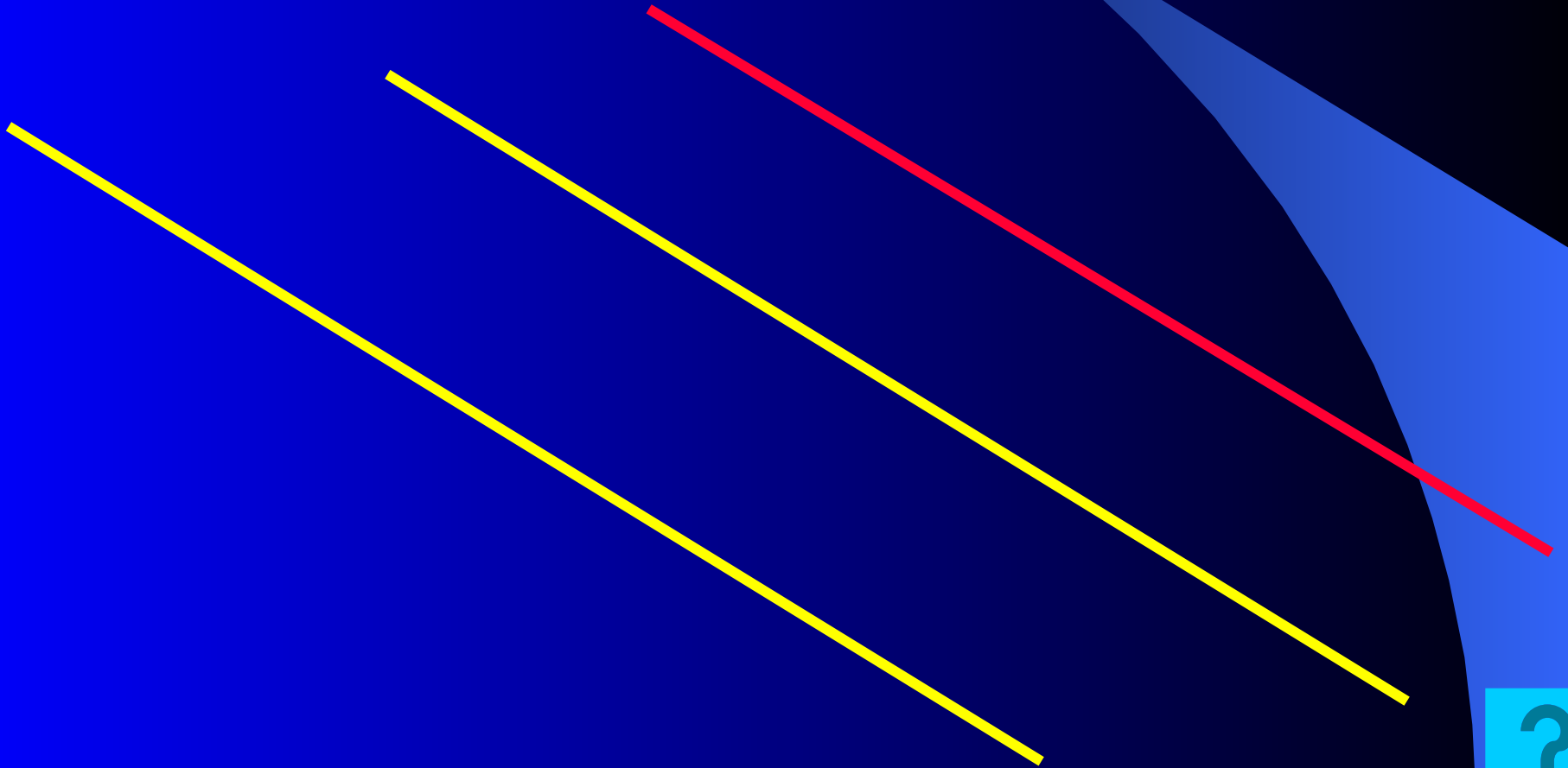
Если прямая пересекает одну из двух параллельных прямых, то она пересекает и другую.





# Следствие №2

Если две прямые параллельны третьей, то они параллельны.



# Вопросы:

1. Дайте определение параллельных прямых.
2. Что такое секущая?
3. Какие углы называются накрест лежащими? Какие углы называются накрест лежащими? односторонними? Какие углы называются накрест лежащими? односторонними? соответственными?
4. Сформулируйте первый признак параллельности прямых. Сформулируйте первый, второй, третий признаки параллельности прямых.
5. Какие утверждения называются аксиомами?
6. Сформулируйте первое следствие о параллельных прямых. Сформулируйте первое и второе следствие о параллельных прямых.

## Выводы:

- Данная презентация помогла нам обобщить весь изученный материал по геометрии за 7 класс.
- Теперь мы знаем что такое точка, прямая, отрезок, луч, угол, треугольник, параллельные прямые, как они могут быть расположены относительно друг друга.
- Мы можем доказать теоремы: 3 признака равенства треугольников и многое другое.

## Литература:

- Учебник «Геометрия 7 – 9», авторы: Л. С. Атанасян, В.Ф.Бутузов и др.
- <http://www.megabook.ru/DescriptionImage.asp?MID=466718>