

Осевая симметрия

The background features a soft, multi-colored gradient of blue, purple, and green. Overlaid on this are several decorative elements: a large, light blue swirl on the right side, a pink swirl on the left, and a yellow swirl at the top. Scattered throughout are numerous small, yellow, triangular shapes pointing in various directions, creating a dynamic and festive feel.



Содержание

- Симметрия
- Осевая симметрия
- Задачи
- Симметрия в геометрии, природе, архитектуре, поэзии
- Заключение



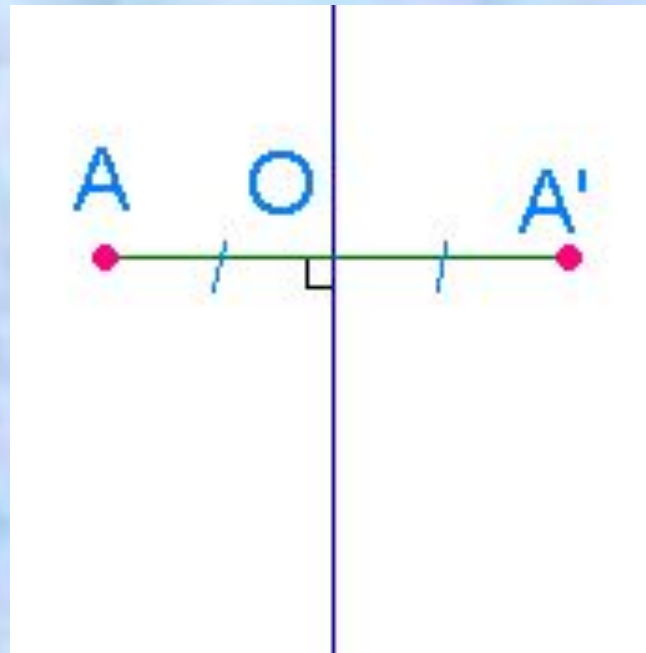
Определение

- Симметрия (от греч. Symmetria – соразмерность), в широком смысле – неизменность структуры материального объекта относительно его преобразований. Симметрия играет огромную роль в искусстве и архитектуре. Но ее можно заметить и в музыке, и в поэзии. Симметрия широко встречается в природе, в особенности у кристаллов, у растений и животных. Симметрия может встретиться и в других разделах математики, например при построении графиков функций.

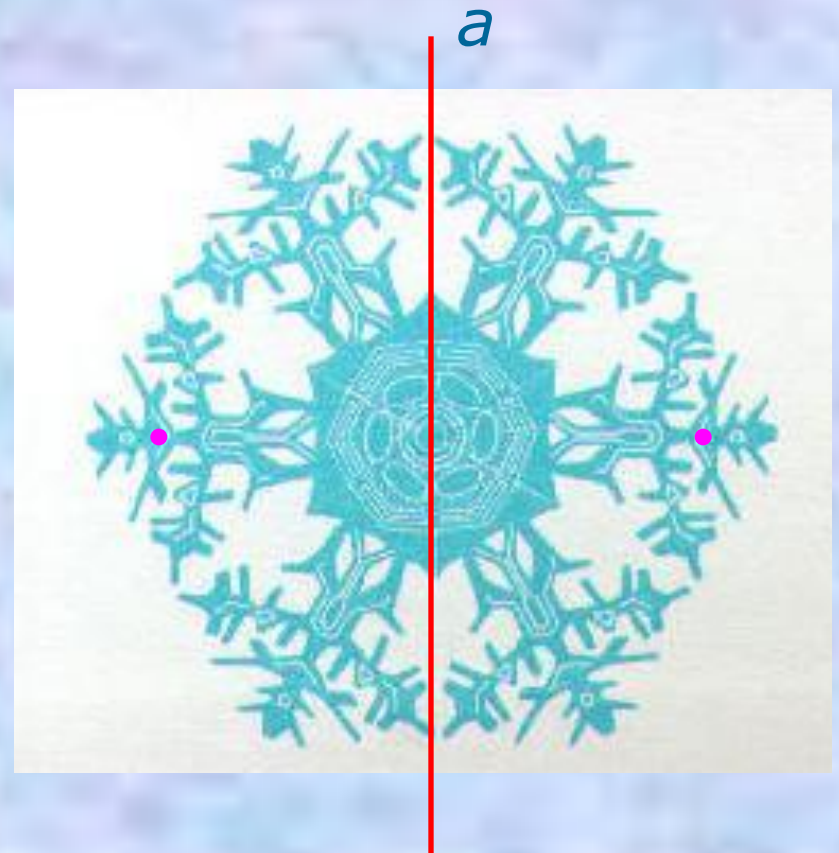


Осевая симметрия

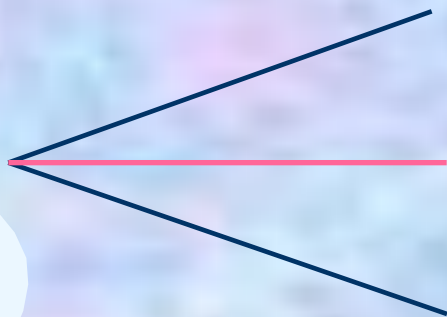
- Две точки, лежащие на одном перпендикуляре к данной прямой по разные стороны и на одинаковом расстоянии от нее, называются симметричными относительно данной прямой.



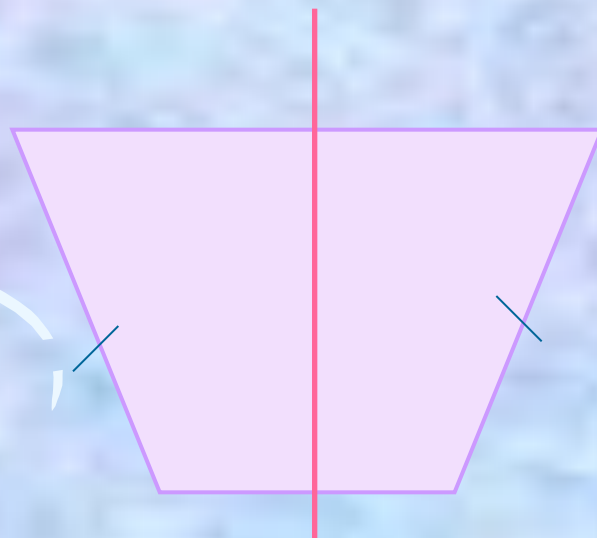
- Фигура называется симметричной относительно прямой a , если для каждой точки фигуры симметричная ей точка относительно прямой a также принадлежит этой фигуре.



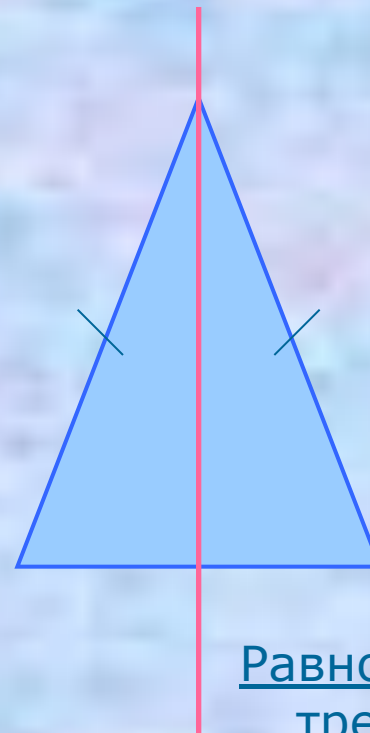
Фигуры, обладающие одной осью симметрии



Угол



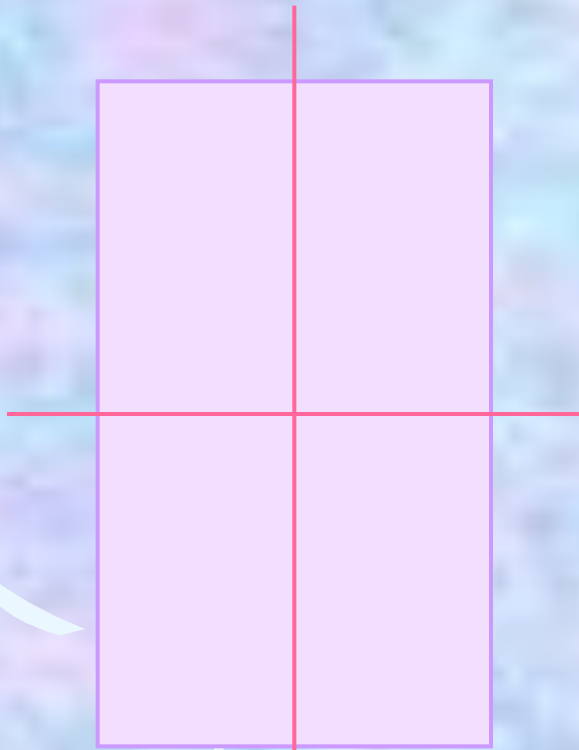
Равнобедренная трапеция



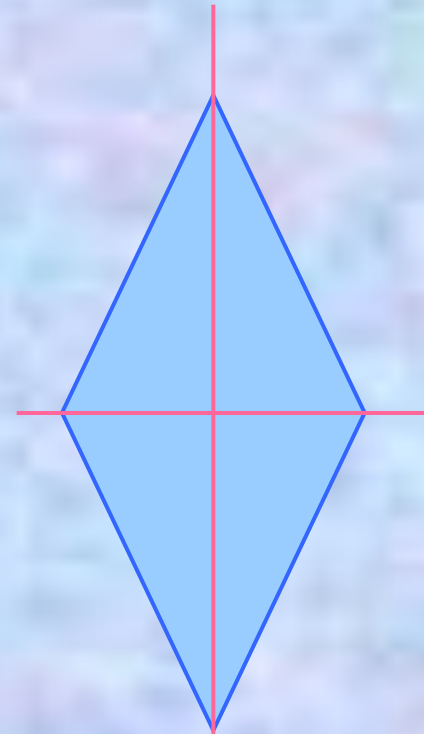
Равнобедренный
треугольник



Фигуры, обладающие двумя осями симметрии



Прямоугольник

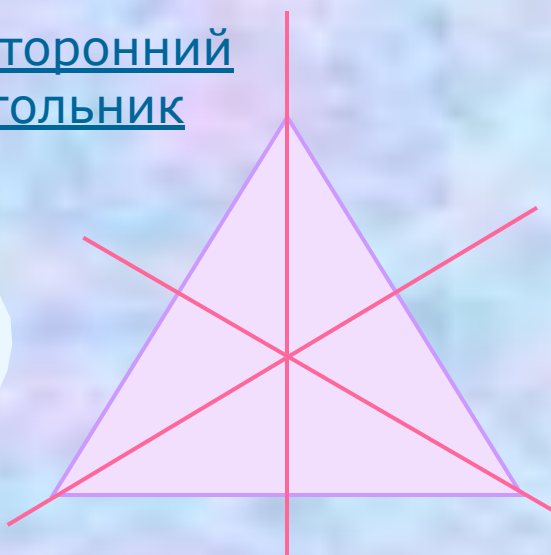


Ромб

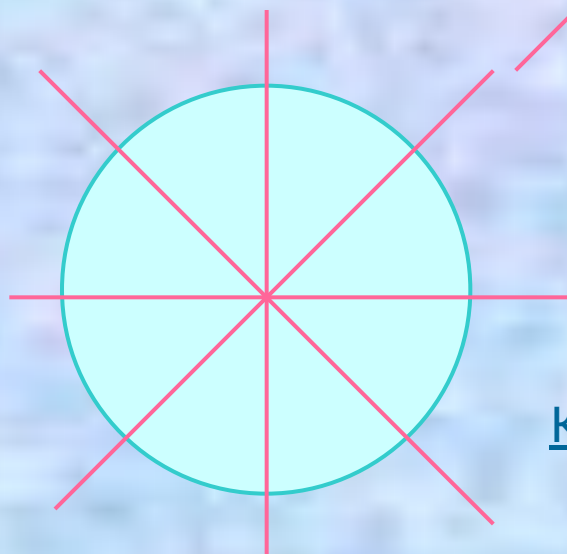
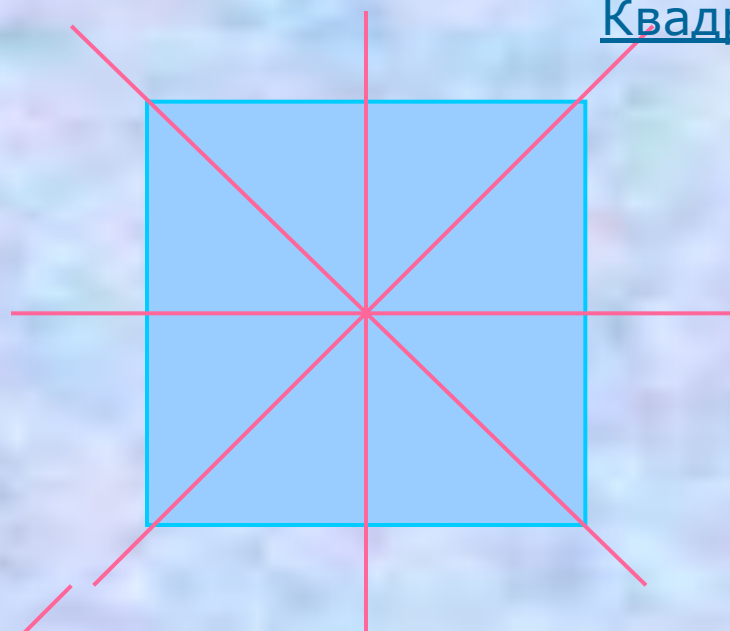


Фигуры, имеющие более двух осей симметрии

Равносторонний
треугольник



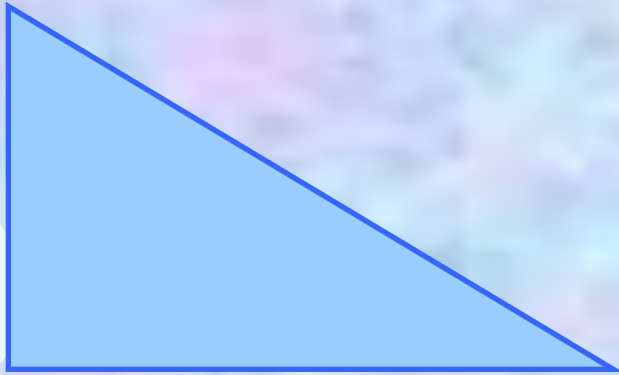
Квадрат



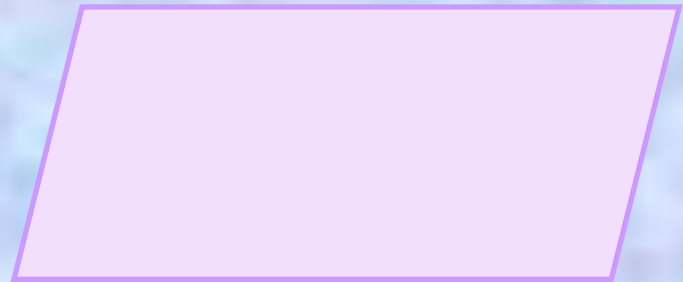
Круг



Фигуры, не обладающие осевой симметрией



Произвольный
треугольник



Параллелограмм



Неправильный
многоугольник

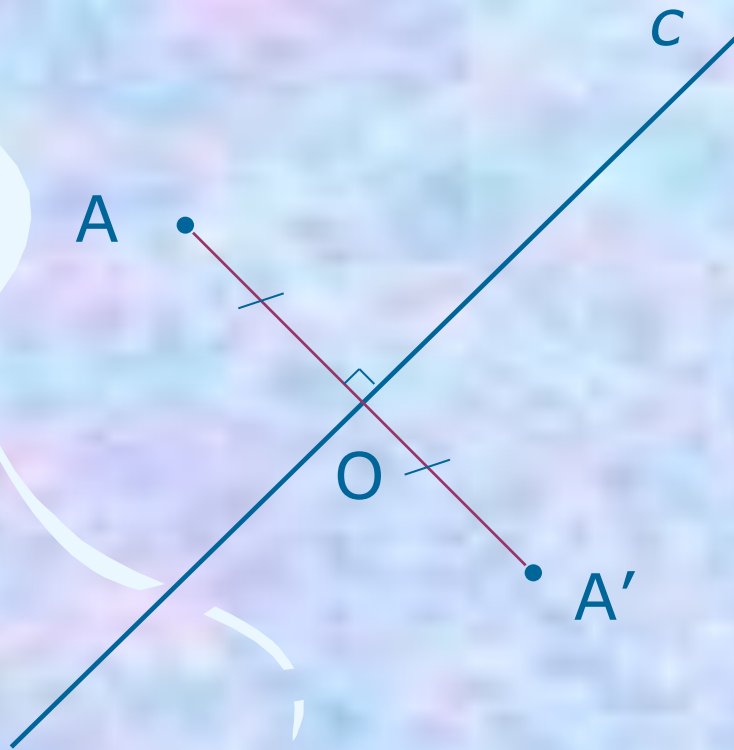


Построение

- ? точки, симметричной данной
- ? отрезка, симметричного данному
- ? треугольника, симметричного данному



Построение точки, симметричной данной



1. $AO \perp c$

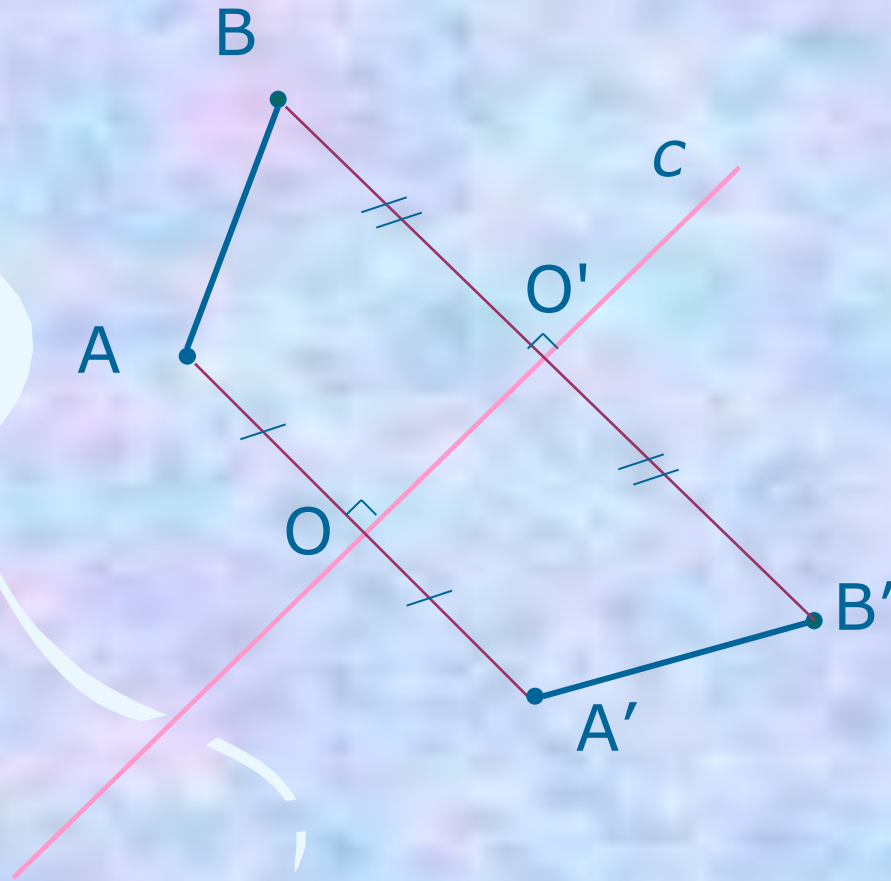
2. $AO = OA'$



[Определение](#)



Построение отрезка, симметричного данному



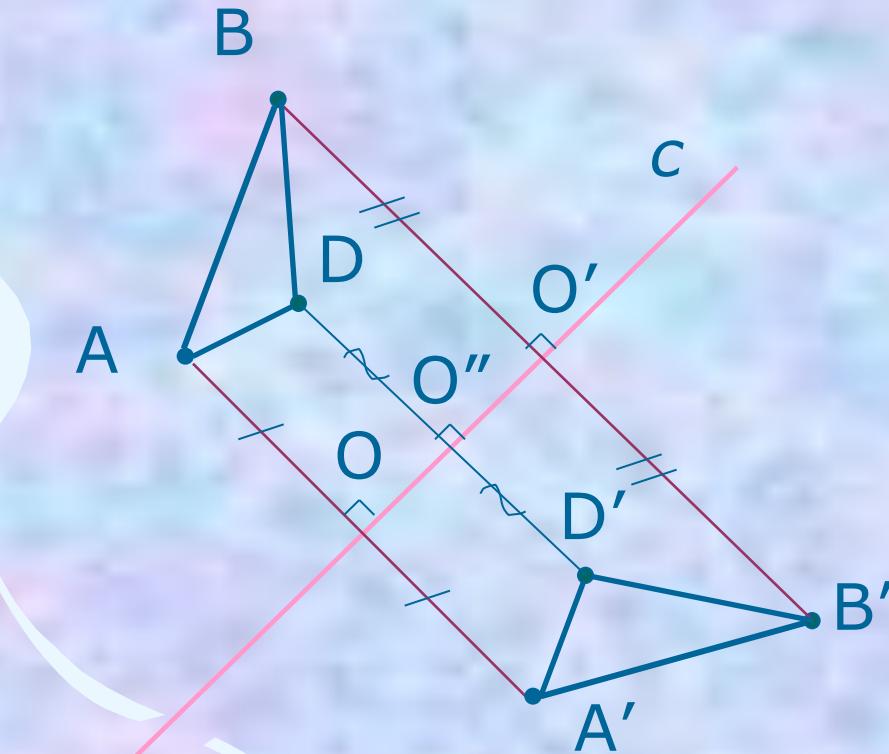
1. $AA' \perp c, AO = O'A'$.
2. $BB' \perp c, BO' = O'B'$.
3. $A'B'$ – искомый отрезок.



Определение



Построение треугольника, симметричного данному



1. $AA' \perp c$ $AO = OA'$
2. $BB' \perp c$ $BO' = O'B'$
3. $DD' \perp c$
 $DO'' = O''D'$
4. $\triangle A'B'D'$ –
искомый
треугольник.



[Определение](#)



Задачи

1. Отрезок AB , перпендикулярный прямой c , пересекает ее в точке O так, что $AO \neq OB$. Симметричны ли точки A и B относительно прямой c ?
2. Прямая a пересекает отрезок MK в его середине под углом, отличным от прямого. Симметричны ли точки M и K относительно прямой a ?
3. Точки A и B расположены в различных полуплоскостях с границей p так, что отрезок AB перпендикулярен прямой p и делится ею пополам. Симметричны ли точки A и B относительно прямой p ?

Задачи

1. Отрезок AB , перпендикулярный прямой c , пересекает ее в точке O так, что $AO \neq OB$. Симметричны ли точки A и B относительно прямой c ?

Ответ: нет

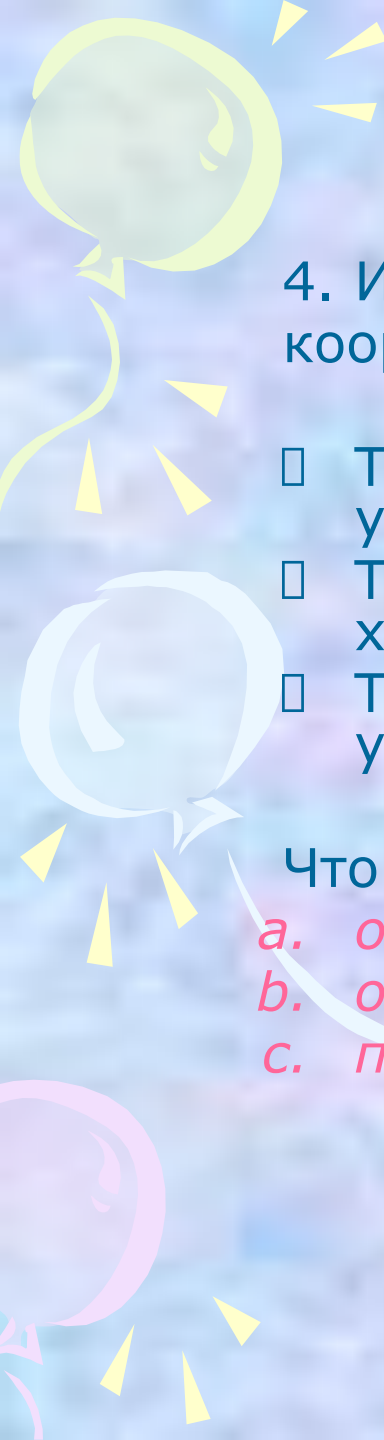
2. Прямая a пересекает отрезок MK в его середине под углом, отличным от прямого. Симметричны ли точки M и K относительно прямой a ?

Ответ: нет

3. Точки A и B расположены в различных полуплоскостях с границей p так, что отрезок AB перпендикулярен прямой p и делится ею пополам. Симметричны ли точки A и B относительно прямой p ?

Ответ: да





4. Изобразите точку A , лежащую в I четверти координатной плоскости.

- Точка B симметрична точке A относительно оси y .
- Точка C симметрична точке B относительно оси x .
- Точка D симметрична точке C относительно оси y .

Что вы можете сказать:


- a. о точках A и D*
- b. о фигуре $ABCD$*
- c. при каком условии $ABCD$ будет квадратом*



Ответ:

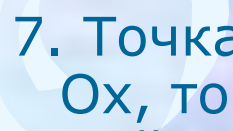
- a. Точки A и D симметричны относительно оси x.
- b. ABCD – прямоугольник
- c. Если расстояния от точки A до оси x и y будут равными





5. Относительно какой из координатных осей симметричны точки $M(7;2)$ и $K(-7;2)$?

6. Точки $A(5;...)$ и $B(...;2)$ симметричны относительно оси Ox .
Запишите их пропущенные координаты.



7. Точка $A(-2;3)$, B - симметричная ей точка относительно оси Ox , точка C - симметричная точке B относительно оси Oy .
Найдите координаты точки C .

8. Точка $A(3;1)$, B - симметричная ей точка относительно прямой $y = x$. Найдите координаты точки B .



Проверь себя

Проверь себя

5. Ответ: Оу.

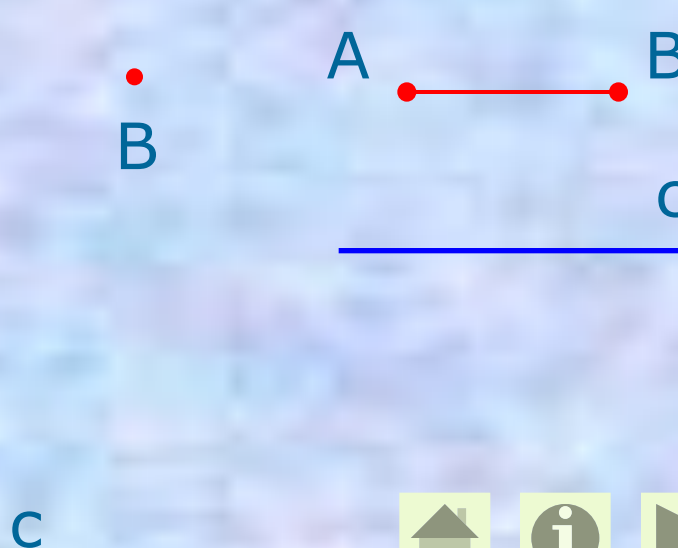
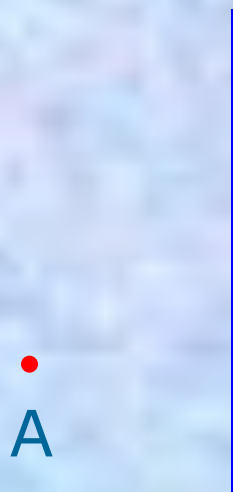
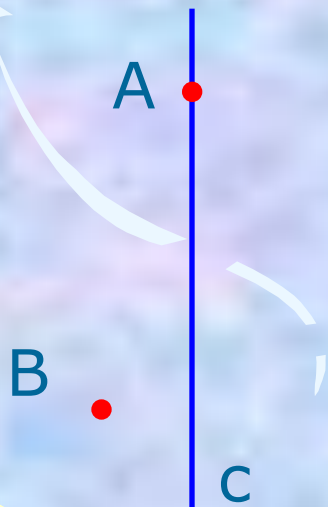
6. Ответ: А(5;-2) и В(5;2).

7. Ответ: С(2;-3).

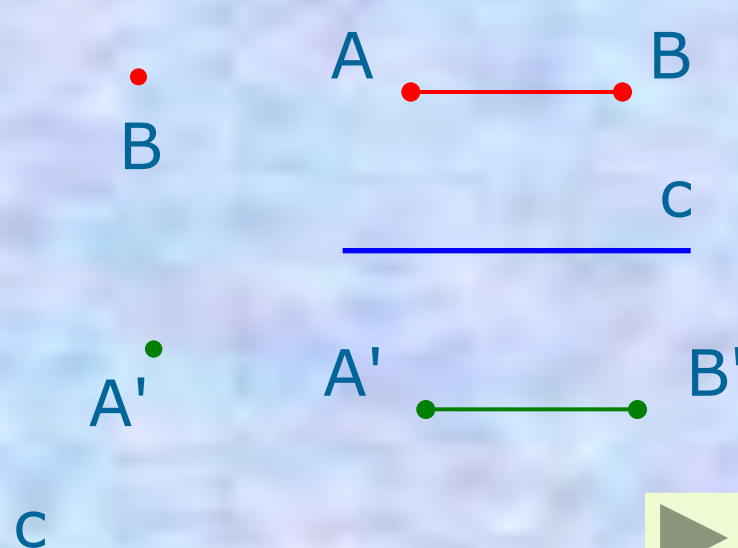
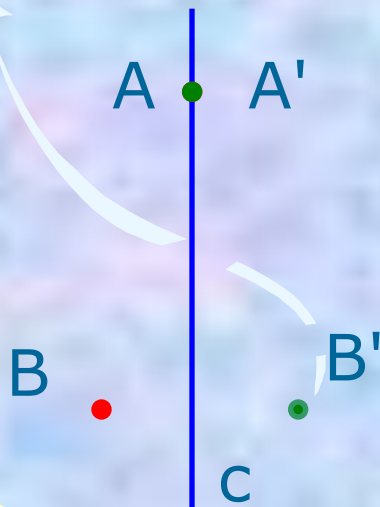
8. Ответ: В(1;3)



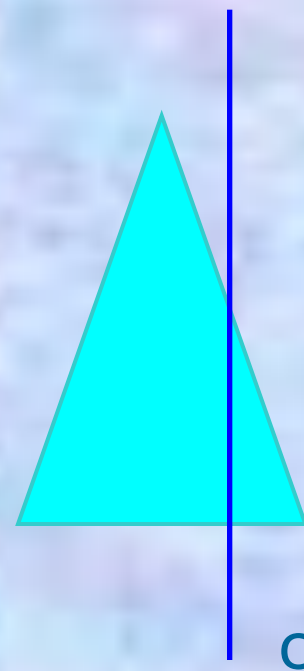
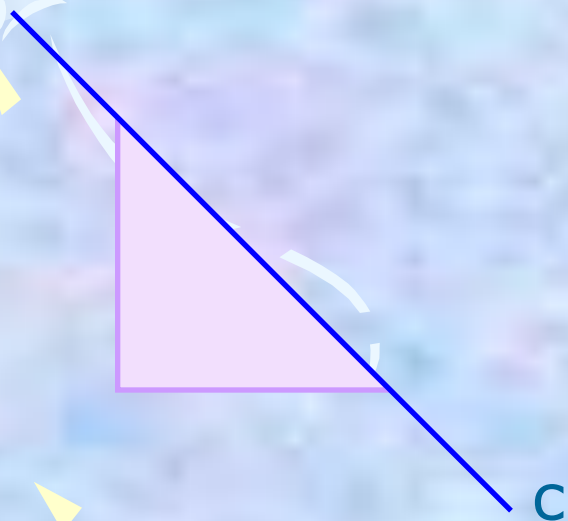
9. Для каждого из случаев, представленных на рисунке, постройте точки A' и B' , симметричные точкам A и B относительно прямой c .



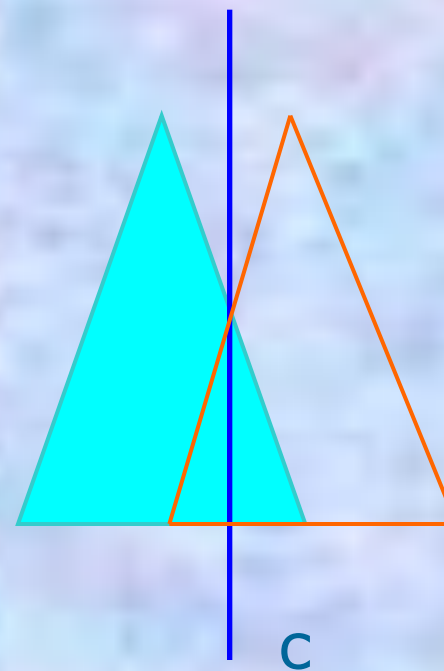
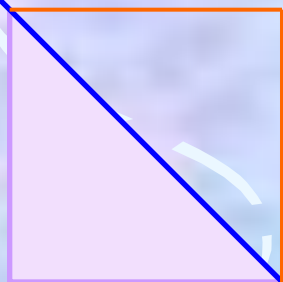
9. Для каждого из случаев, представленных на рисунке, постройте точки A' и B' , симметричные точкам A и B относительно прямой c .

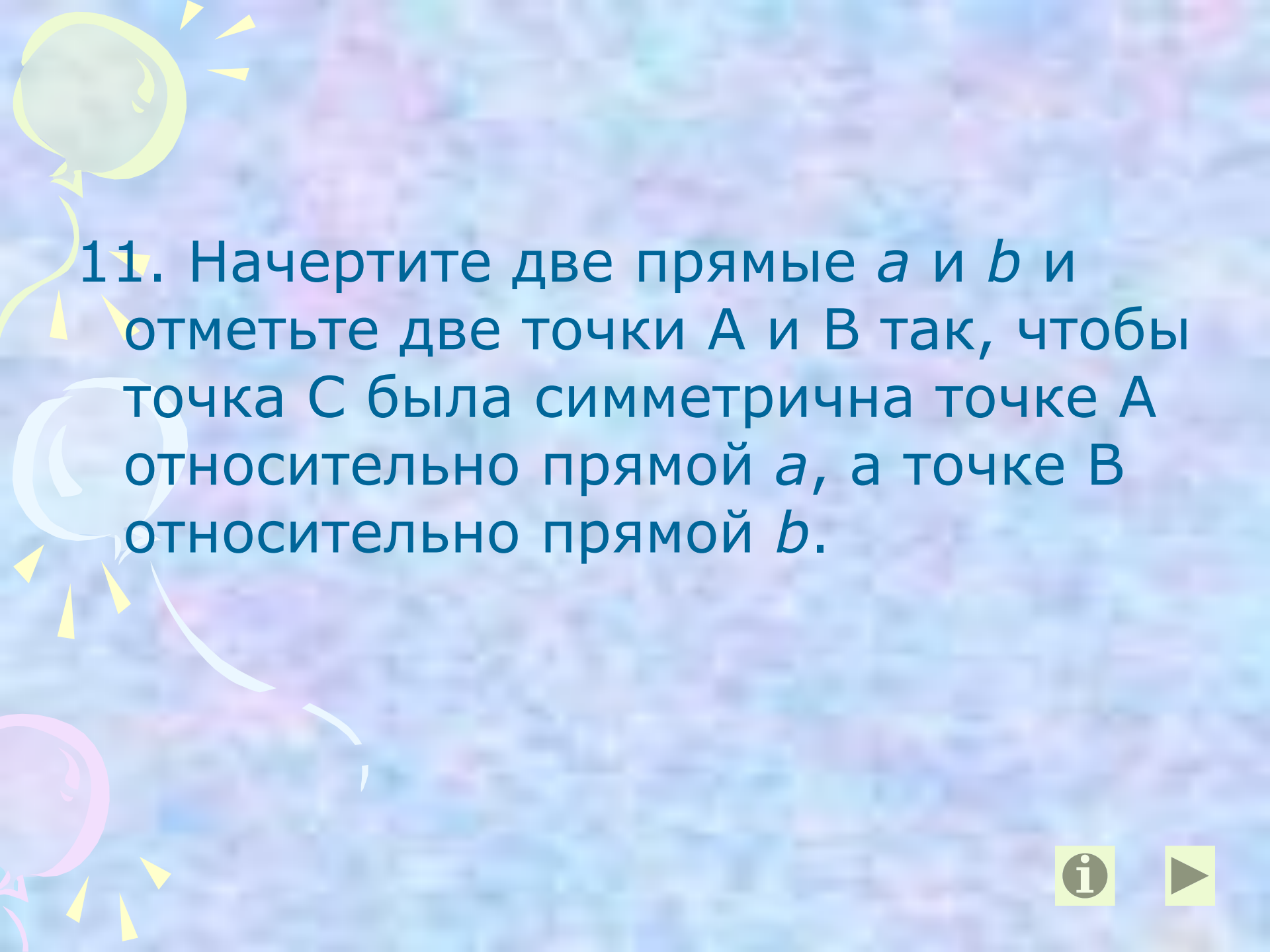


10. Постройте треугольники,
симметричные данным, относительно
прямой c .



10. Постройте треугольники,
симметричные данным, относительно
прямой c .





11. Начертите две прямые a и b и отметьте две точки A и B так, чтобы точка C была симметрична точке A относительно прямой a , а точке B относительно прямой b .



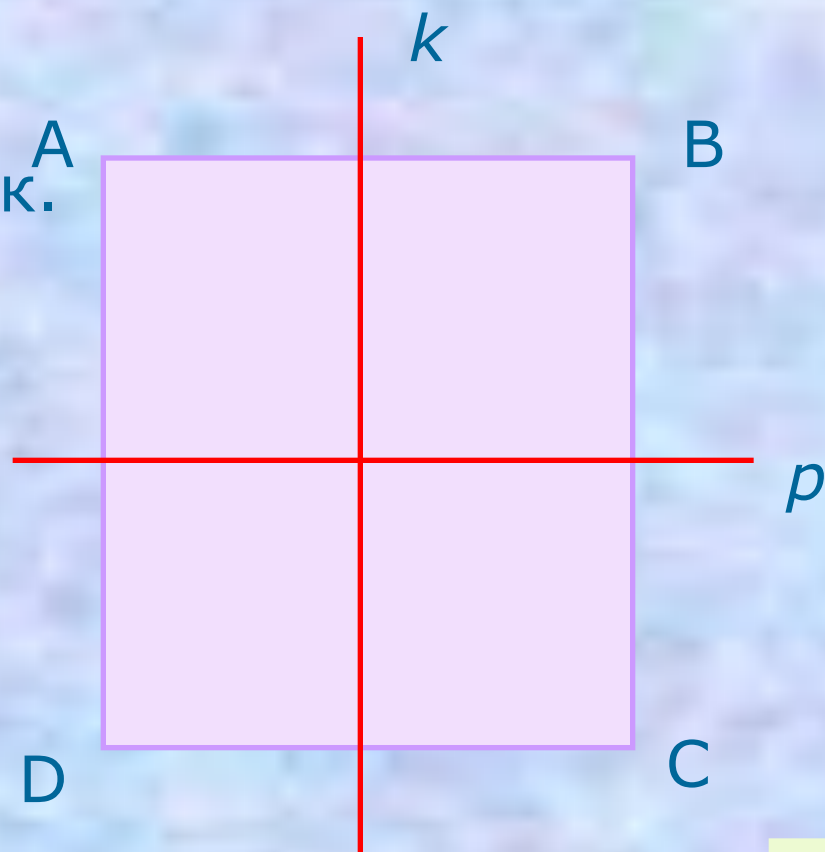
Подсказка

- Для решения задачи рекомендуется сначала отметить точку C , а лишь потом отмечать точки A и B .



12. Прямые k и p – оси симметрии.

Докажите, что $ABCD$ – прямоугольник.



Проверь себя



Доказательство:

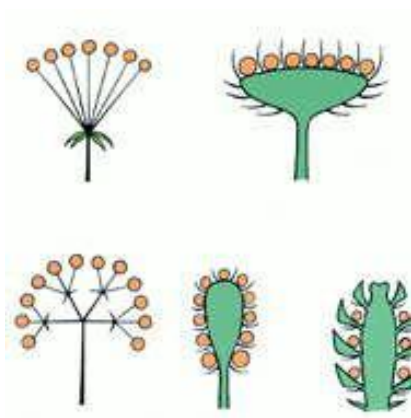
Так как k – ось симметрии, то $\angle A = \angle D$,
 $\angle B = \angle C$. Так как p – ось симметрии, то
 $\angle A = \angle B$, $\angle C = \angle D$. Тогда
 $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ$.

ABCD – прямоугольник.





Симметрия в природе





В архитектуре





Симметрия в поэзии

...В гранит оделася Нева;
Мосты повисли над водами;

Темнозелеными садами
Ее покрылись острова...

Пушкин А.С. «Медный всадник»



Заключение

Симметрию можно обнаружить почти везде, если знать, как ее искать.

- ▶ Многие народы с древнейших времен владели представлением о симметрии в широком смысле – как об уравновешенности и гармонии. Творчество людей во всех своих проявлениях тяготеет к симметрии.
- ▶ Посредством симметрии человек всегда пытался, по словам немецкого математика Германа Вейля, «постичь и создать порядок, красоту и совершенство».

