



# Основные фигуры в пространстве



# Точка

○ A

Прописные латинские буквы A, B, C, D, E, K, ...

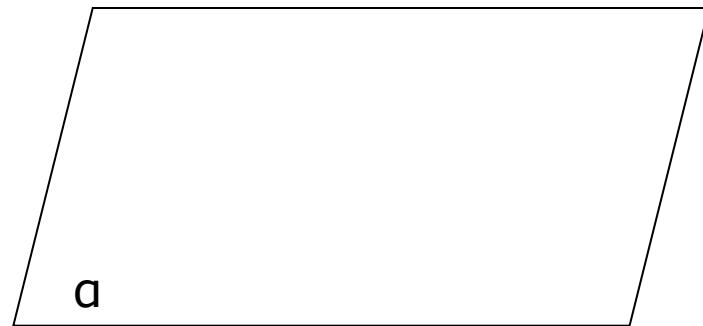
# Прямая

a

---

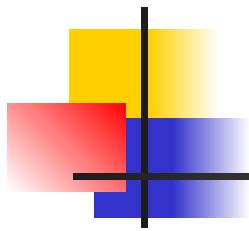
Строчные латинские буквы a, b, c, d, e, k, ...

# Плоскость

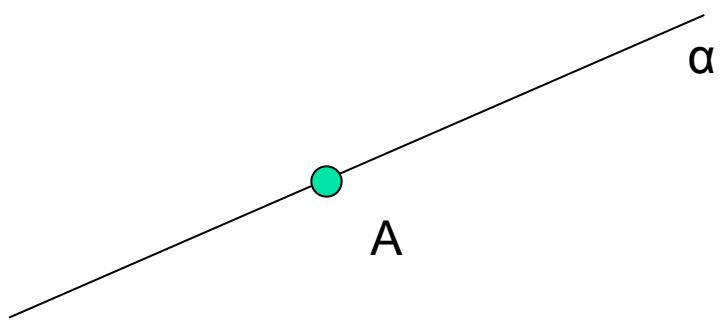


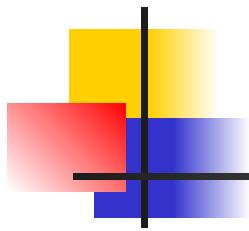
Греческие буквы а, β, γ, ...

**Взаимное расположение точек,  
прямых, плоскостей в пространстве.**



$A \in \alpha$

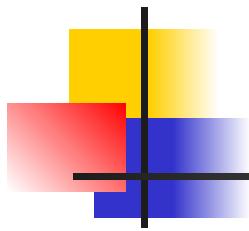




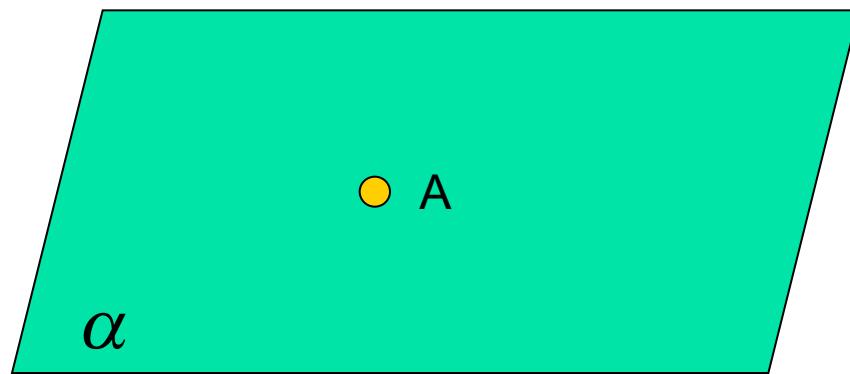
$A \notin \alpha$

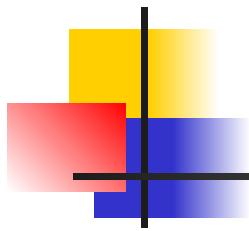
A

$\alpha$



$A \in \alpha$

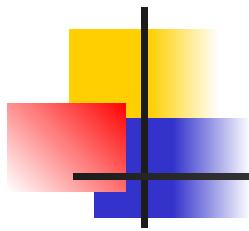




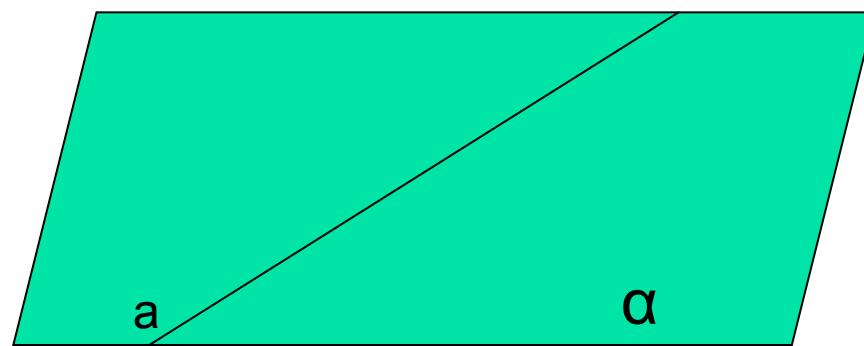
$A \notin \alpha$

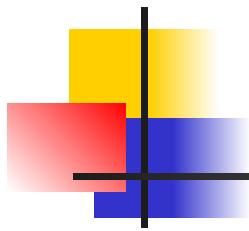
A



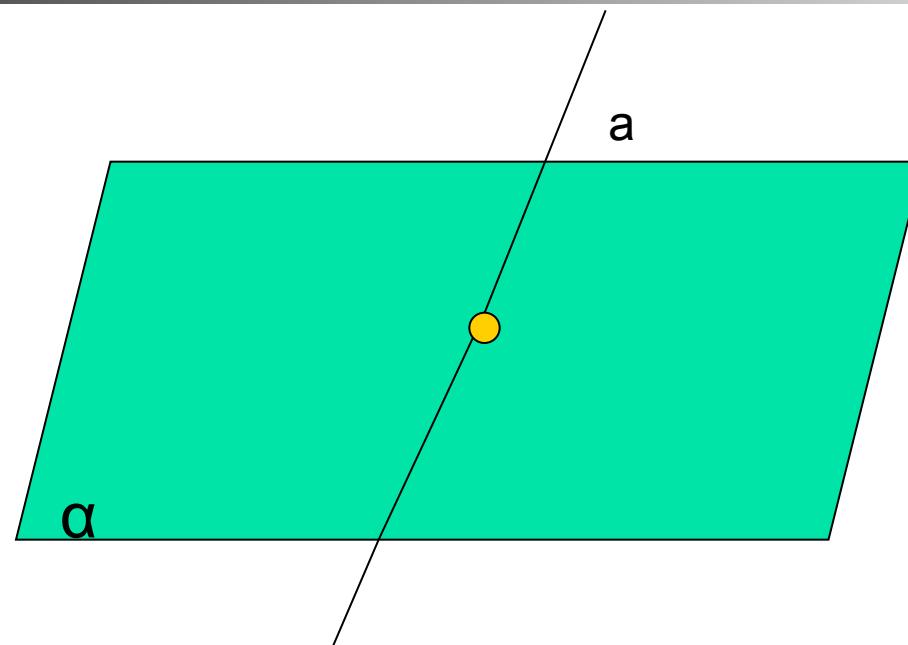


$a \subset \alpha$

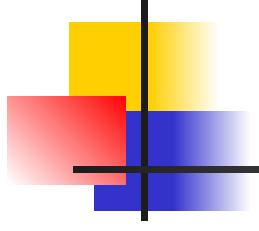




$a \sqcap a$



Пересекаются



$a/\!/ \alpha$

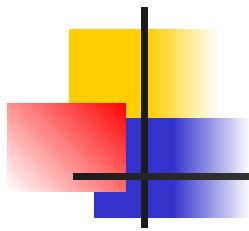
$a$

---

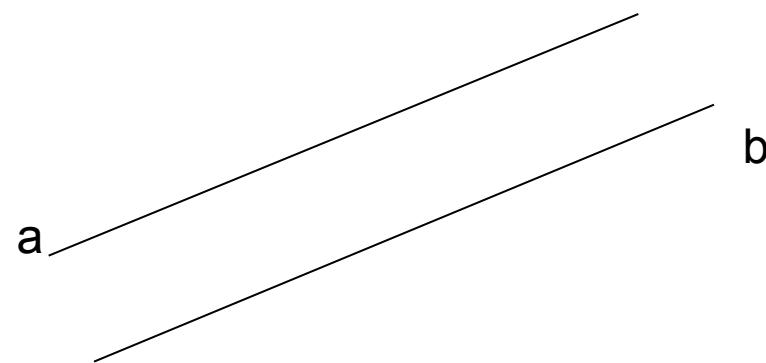


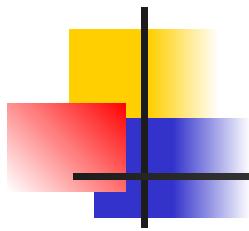
$a$

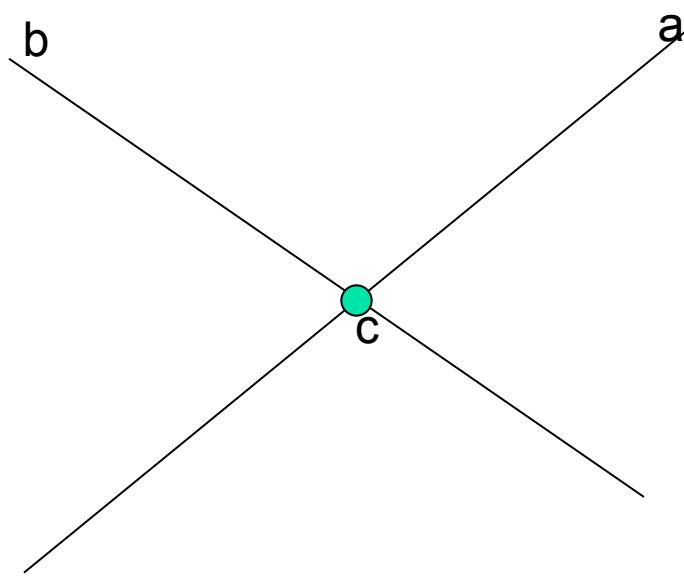
Параллельны

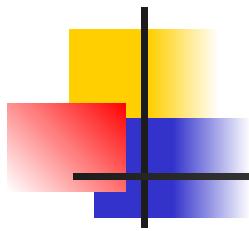


a||b




$$a \square b = c$$

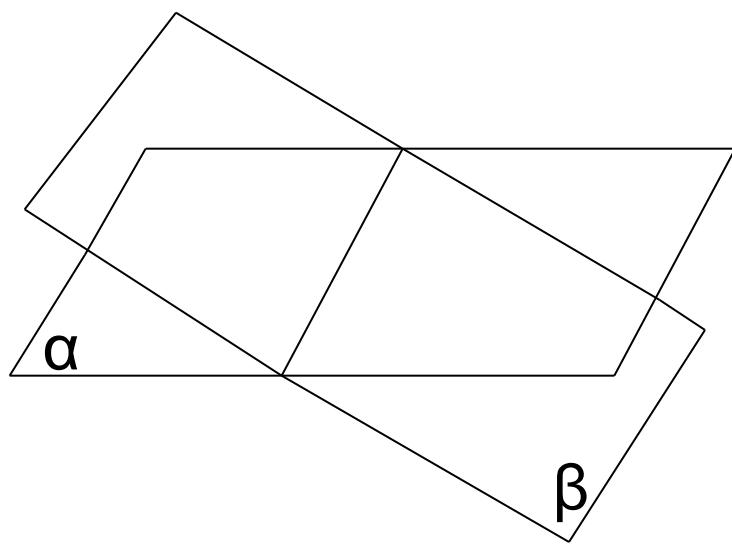


 $\alpha // \beta$ 

Параллельны

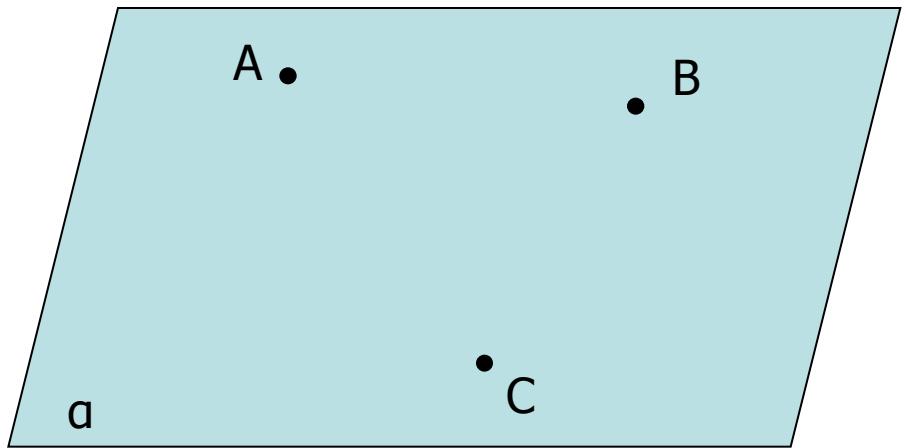


$\alpha \beta$

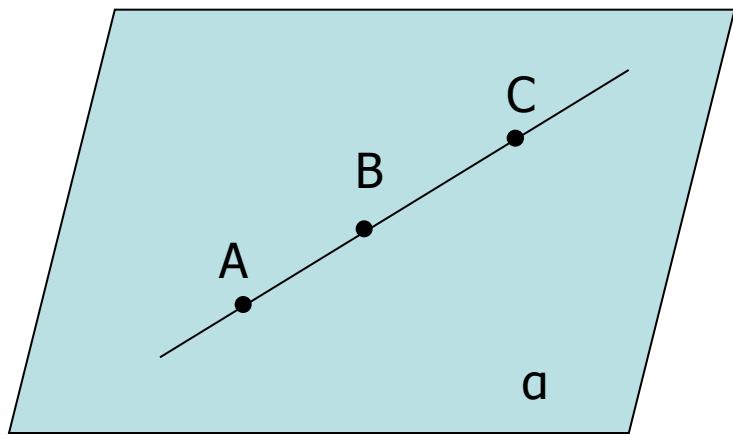




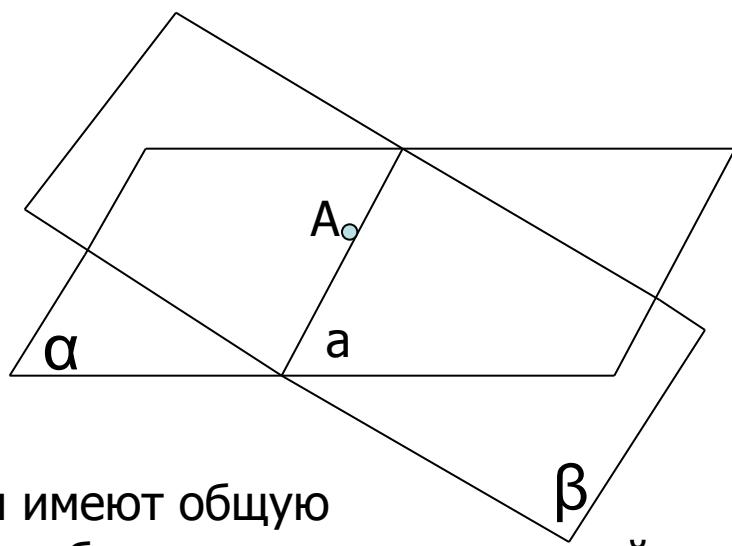
# Аксиомы стереометрии



Через любые три точки, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость, и притом только одна.



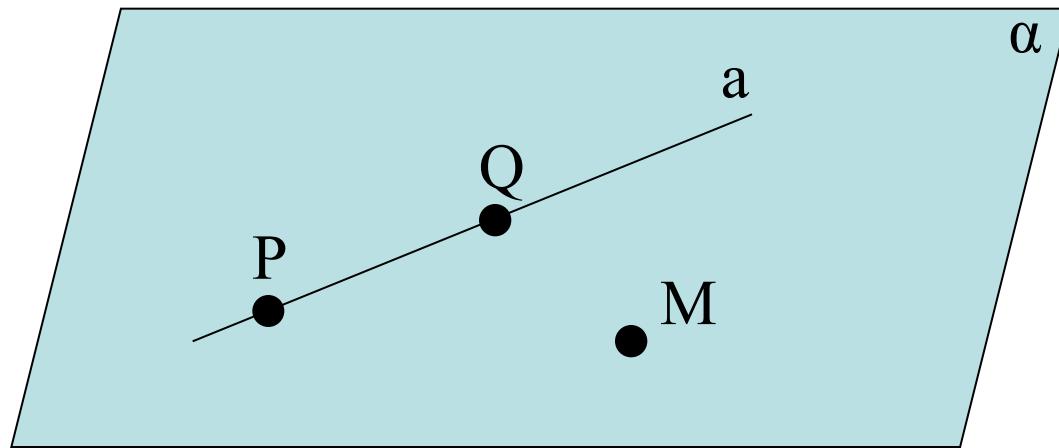
Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости.



Если две плоскости имеют общую точку, то они имеют общую прямую, на которой лежат все общие точки этих плоскостей.

## Следствия из аксиом стереометрии.

- Теорема 1. Через прямую и не лежащую на ней точку проходит плоскость, и притом только одна.



Дано: прямая  $a$ ,  $M \notin a$ .

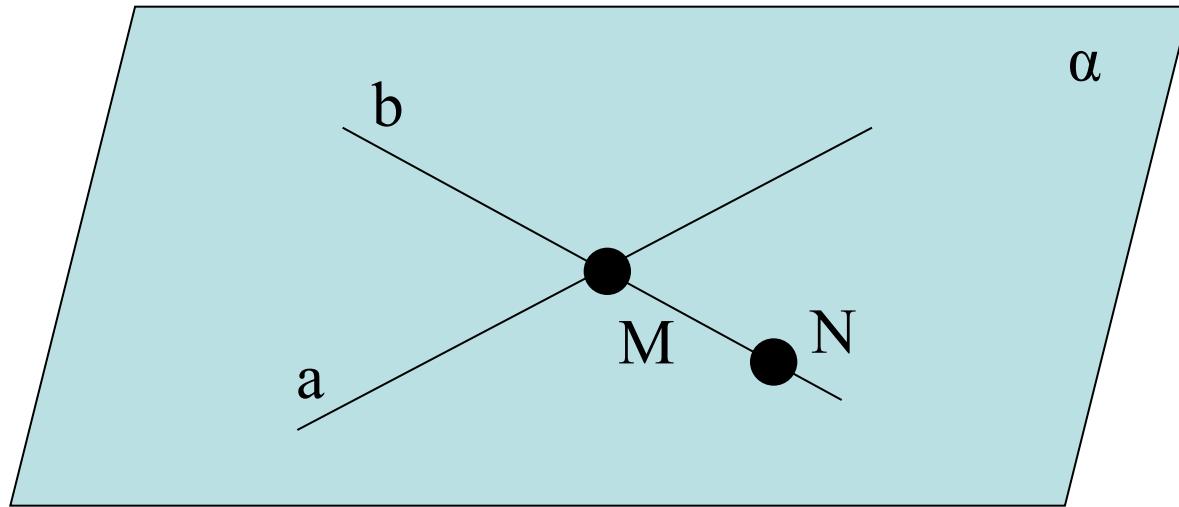
Доказать: 1)  $\exists \alpha$ ,  $a \subset \alpha$ ,  $M \in \alpha$ ;

2)!  $\alpha$

# Доказательство.

- Возьмем точки  $P \in a$ ,  $Q \in a$ . По А1  $\exists \alpha, P \in \alpha, Q \in \alpha, \in M$ . Так как  $P \neq Q$  и  $a \subset \alpha$ , то по А2  $a \subset \alpha$ . Любая плоскость, проходящая через прямую  $a$  и точку  $M$ , проходит через точки  $M, P, Q$ . Следовательно, она совпадает с  $\alpha$ , так как по А1 через точки  $M, P, Q$  проходит только одна плоскость.

- Теорема 2. Через две пересекающиеся прямые проходит плоскость, и притом только одна.



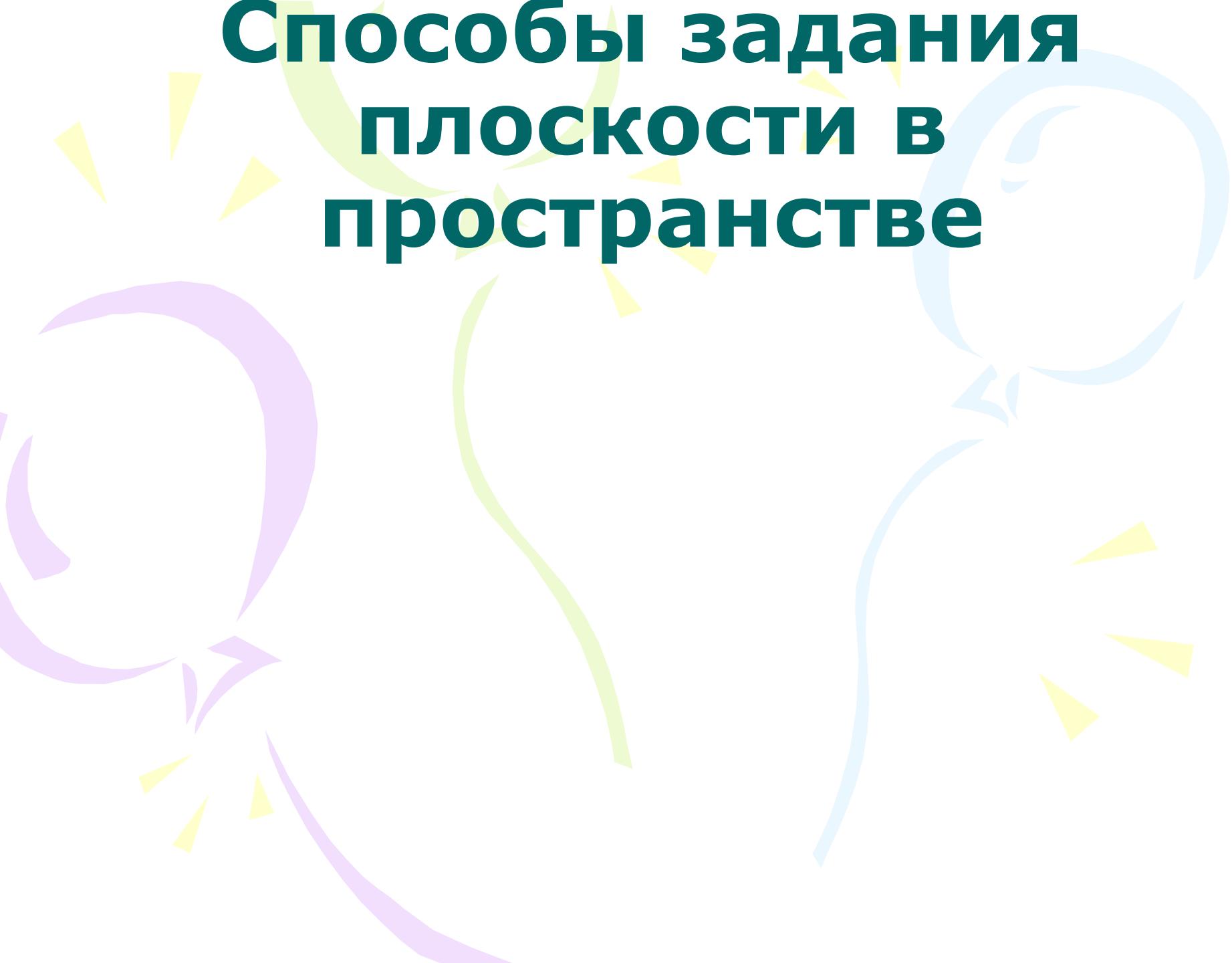
Дано:  $a \cap b = M$

Доказать: 1)  $\exists \alpha, a \subset \alpha, b \subset \alpha;$   
2)  $! \alpha$

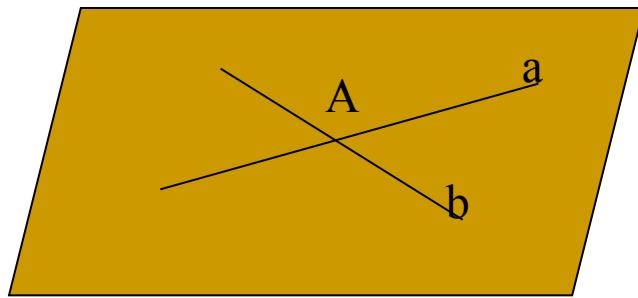
# Доказательство

- Возьмем точку  $N \in b$ . По Т1  $\exists a, a \subset a, N \in a$ . Так как  $N \in b, M \in b$  и  $N \in a, M \in a$ , то по А2  $b \subset a$ . Итак,  $a \subset a$  и  $b \subset a$ .  
Любая плоскость, проходящая через  $a$  и  $b$ , проходит через  $N$ . Следовательно, она совпадает с  $a$ , так как по Т1 через  $N$  и  $a$  проходит только одна плоскость.

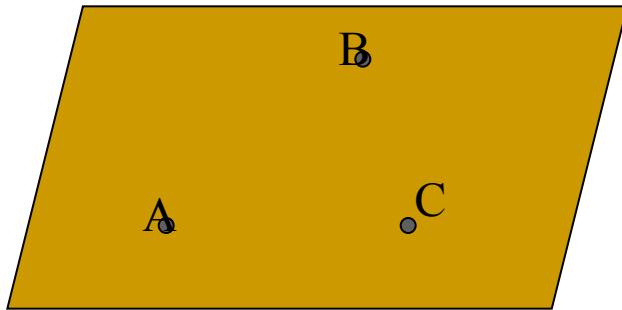
# Способы задания плоскости в пространстве



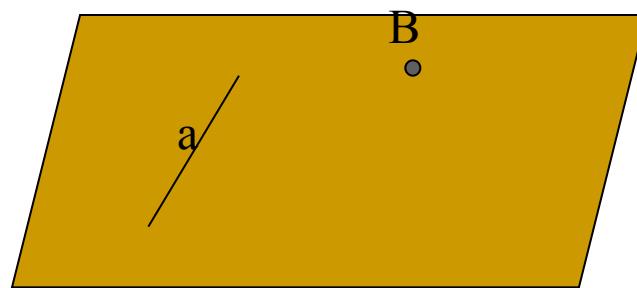
# Двумя пересекающимися прямыми



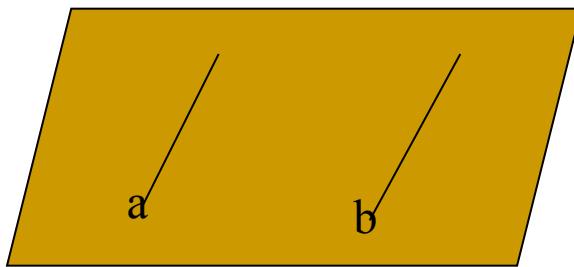
Тремя точками, не лежащими на одной прямой



Прямой и точкой, не лежащей на этой прямой



# Двумя параллельными прямыми





# Многогранники. Тела вращения.

---

