

СФЕРА

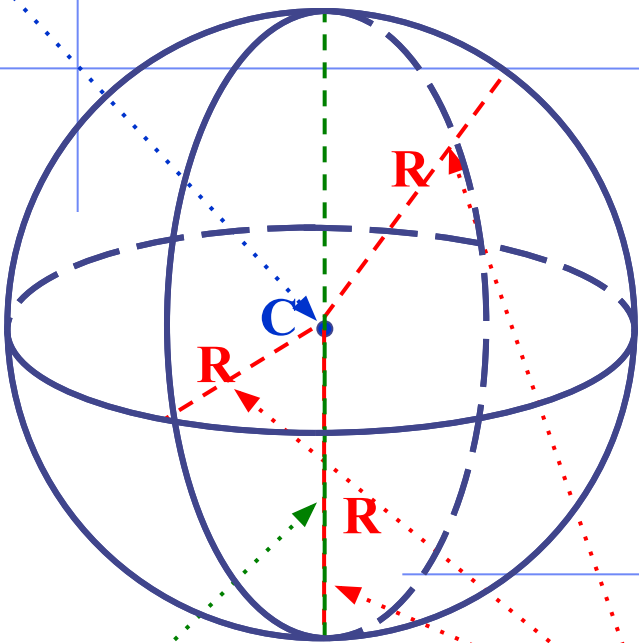
тема: **Объем шара и
площадь сферы**

Геометрия 11 класс

Выполнила : Попова Е.А.

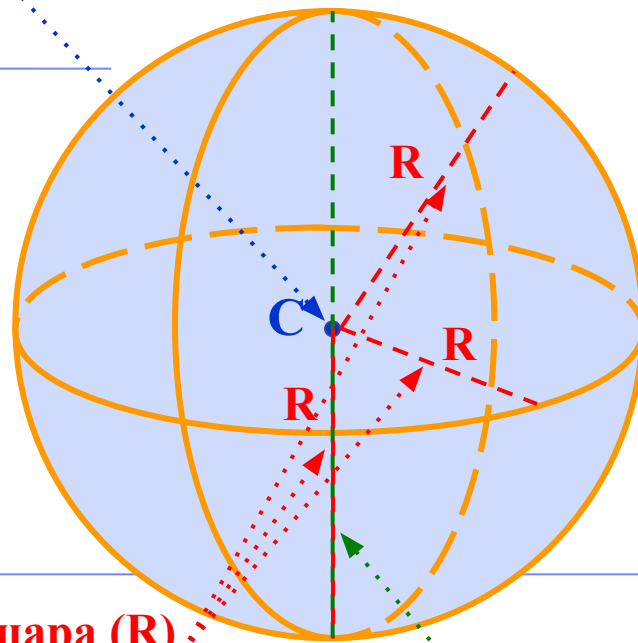
Сфера – это поверхность, состоящая из всех точек ~~расстояния~~ ~~равных~~ на **данном** ~~расстоянии~~ от **данной точки** (C). Шар – это тело, ограниченное сферой.

Центр сферы (C)



Диаметр сферы ($d=2R$)

Центр шара (C)



Радиус шара (R)

Радиус сферы (R)

Диаметр шара ($d=2R$)

шарового слоя

Шаровой сегмент – это часть шара, отсекаемая от него какой-нибудь

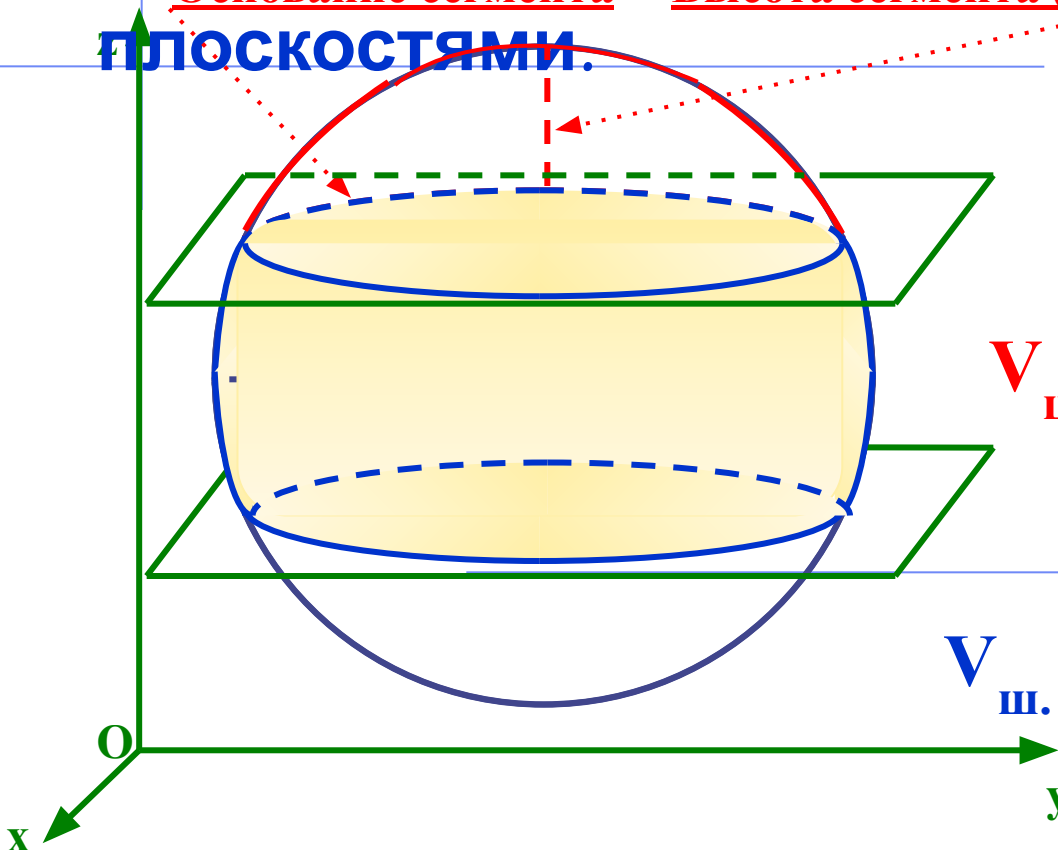
плоскостью
Шаровой слой – это часть шара, заключённая между двумя параллельными секущими плоскостями.

Основание сегмента Высота сегмента (h)

$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$V_{\text{ш. Сегмента}} = \pi h^2 \left(R - \frac{1}{3}h \right)$$

$$V_{\text{ш. слоя}} = V_{\text{ш. сег.1}} - V_{\text{ш. сег.2}}$$

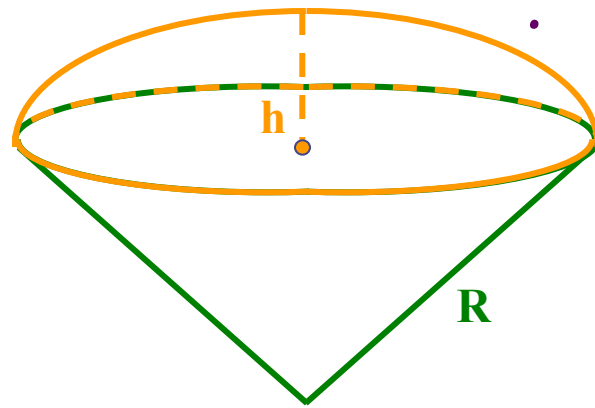
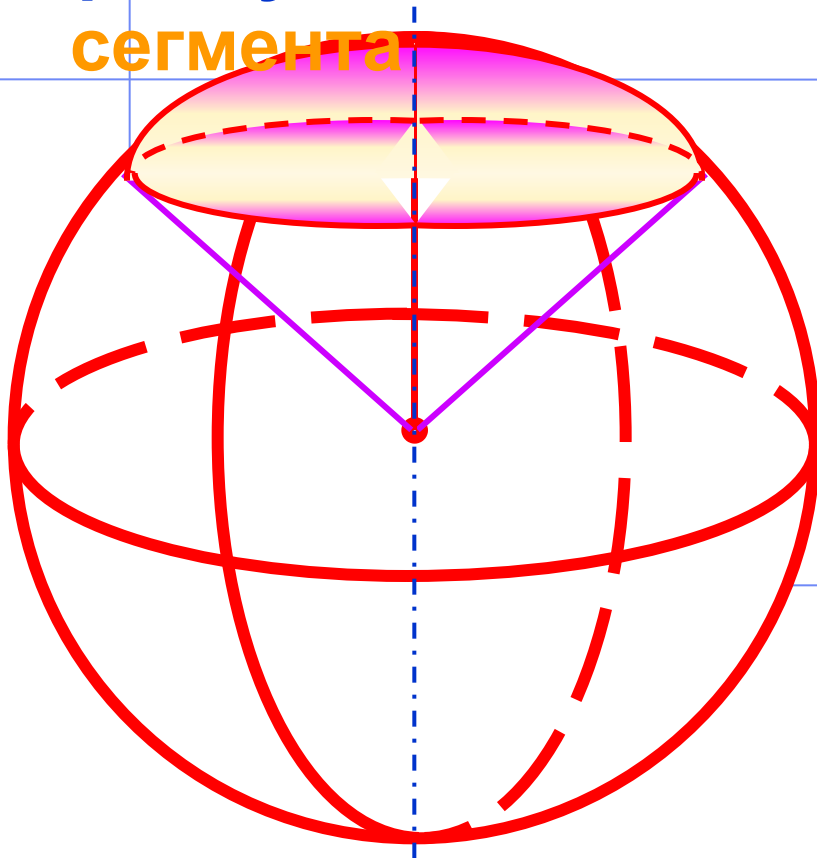


Объём шарового сектора

Шаровой сектор – это тело, полученное вращением кругового сектора, с углом, меньшим 90°, вокруг прямой, содержащей один из ограничивающих круговой сектор радиусов.

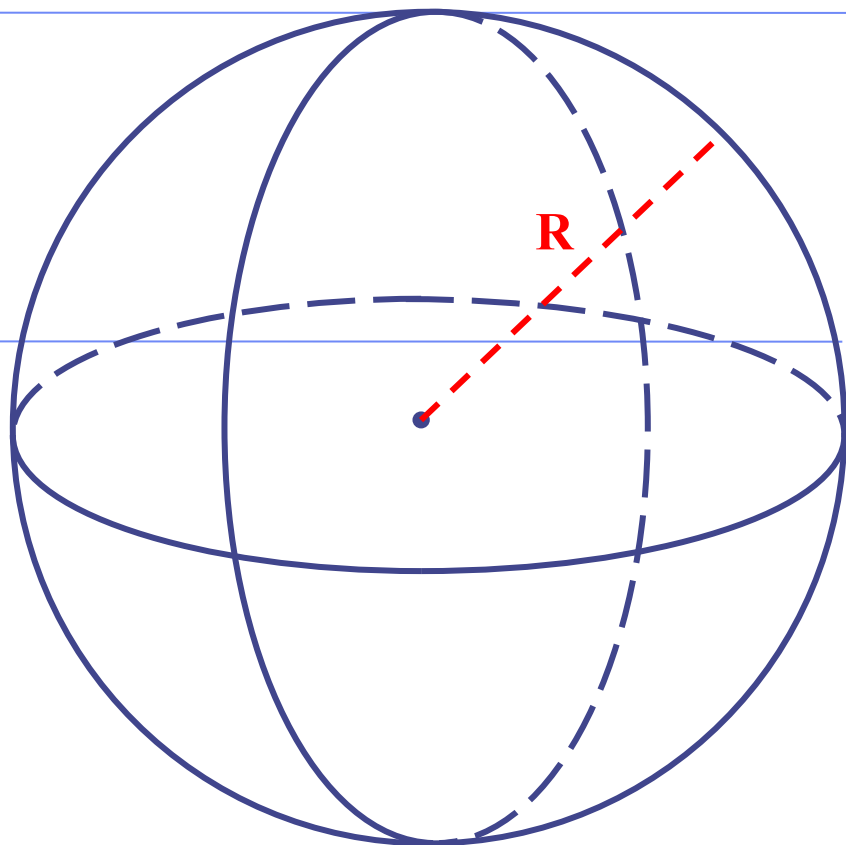
Шаровой сектор состоит из **шарового сегмента**

конуса



$$V_{\text{ш. сектора}} = \frac{2}{3} \pi R^2 h$$

Площадь сферы



$$S_{\text{сферы}} = 4\pi R^2$$

ЕГЭ: В11

В куб с ребром 3 вписан шар.
Найдите объем этого шара,
деленный на π .

Решение.

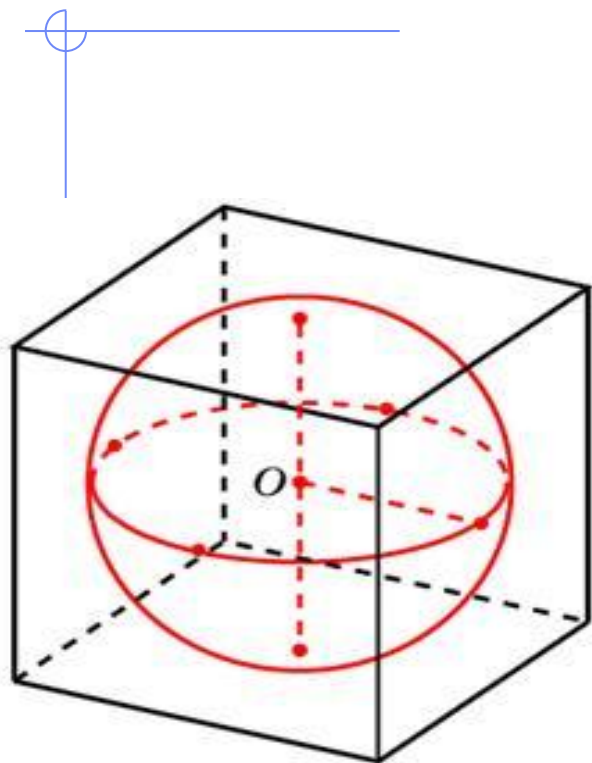
Радиус вписанного в куб шара
равен половине длины ребра:

$$r = \frac{a}{2} = \frac{3}{2}$$

Тогда объем шара

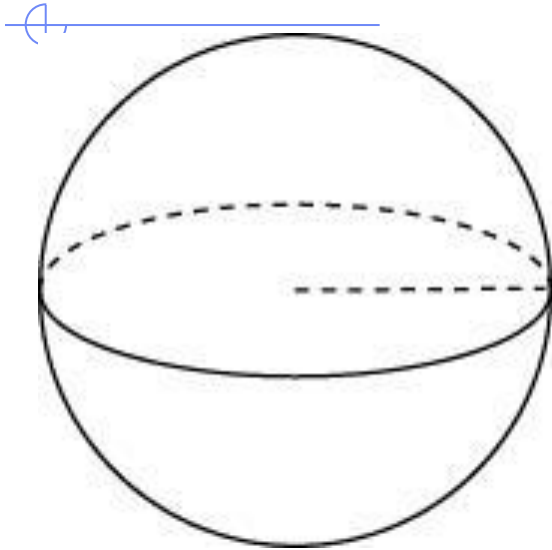
$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \left(\frac{3}{2}\right)^3 = \frac{9}{2}\pi$$

Ответ: 4,5.



B11

Во сколько раз увеличится
объем шара, если его радиус
увеличить в три раза?



Решение.

Объем шара
радиуса

r равне
н

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

При увеличении
радиуса втрое, объем
шара увеличится в 27
раз.

Ответ: 27.

Радиусы двух шаров равны 6, 8.

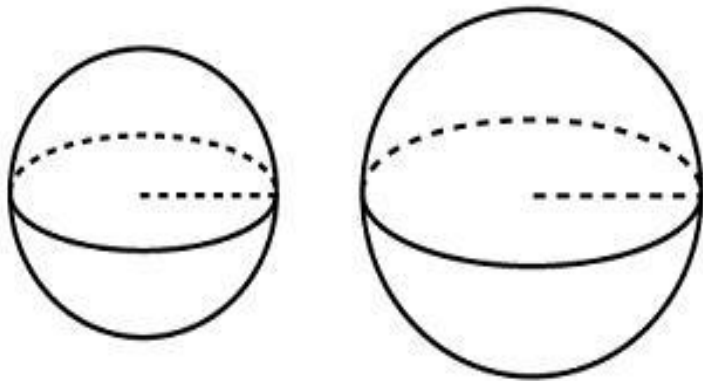
B11 Найдите радиус шара, площадь поверхности которого равна сумме площадей их поверхностей.

Решение.

Из условия

$$S_3 = S_1 + S_2$$

найдем, что
радиус такого
шара



$$R_3^2 = R_1^2 + R_2^2 \Rightarrow R_3 = \sqrt{R_1^2 + R_2^2} = 10$$

Ответ: 10.

B11 Около куба с
описан шар. Найдите
объем этого шара,
деленный на π .

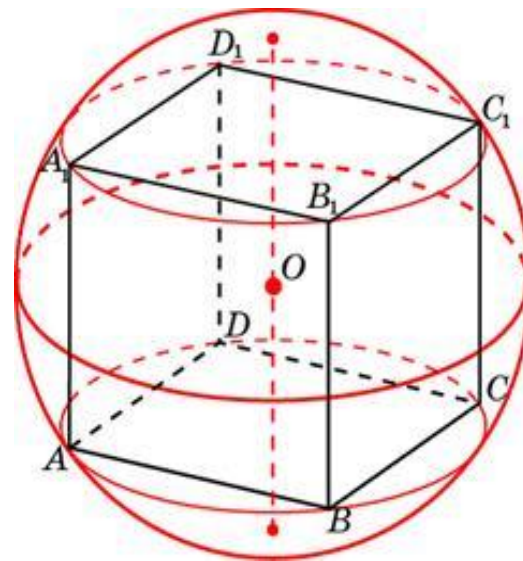
Решение.

Радиус описанного шара
равен половине
диагонали куба:

$$R = \frac{1}{2}d = \frac{1}{2}a\sqrt{3} = \frac{1}{2}\sqrt{3}\sqrt{3} = \frac{3}{2}$$

Поэтому объем шара
равен

$$\text{Тогда } \frac{V}{\pi} = \frac{9}{2} = 4,5.$$



$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi \left(\frac{3}{2}\right)^3 = \frac{9}{2}\pi.$$

Ответ: 4,5.

B11

Во сколько раз увеличится площадь поверхности шара, если радиус шара увеличить в 2 раза?

Решение.

Площадь поверхности шара выражается через его радиус

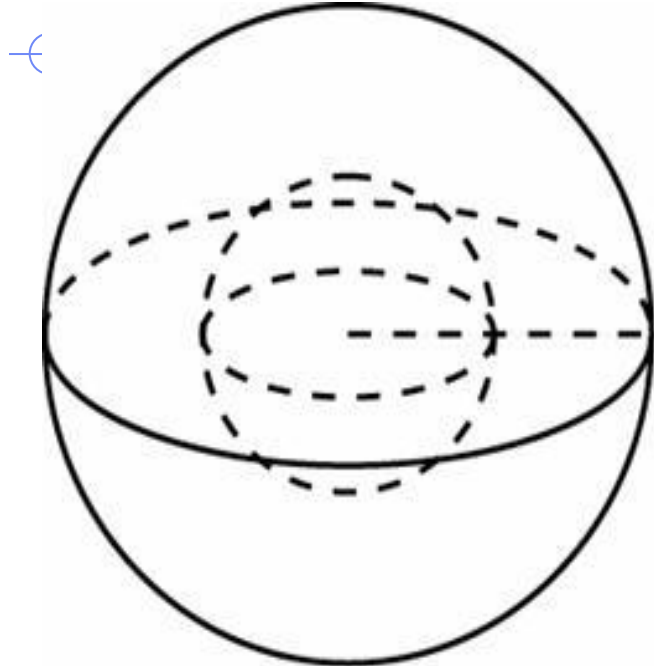
как $S = 4\pi r^2$

, поэтому при

увеличении радиуса

вдвое площадь

увеличится в 4 раза



Ответ: 4.

B11

Объем шара равен π

²⁸⁸
Найдите площадь его

поверхности, деленную на π ,
Решение.

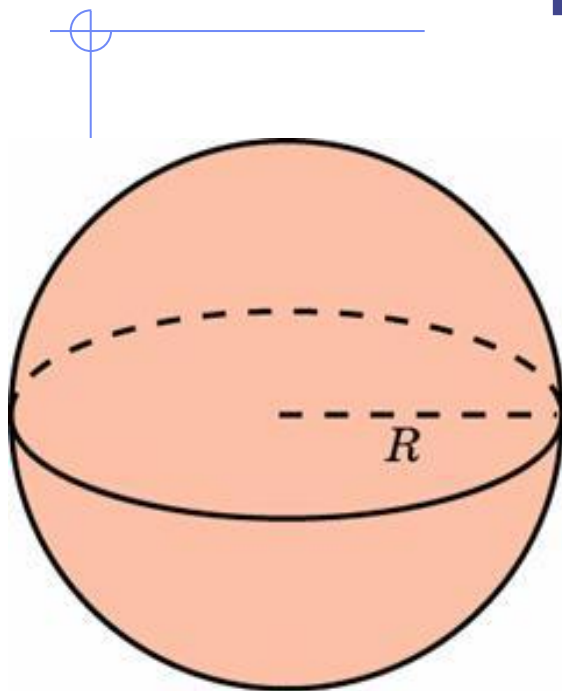
Объем шара радиуса R

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3, \text{ откуда}$$

$$R = \sqrt[3]{\frac{3V}{4\pi}} = \sqrt{\frac{3 \cdot 288}{4}} = 6$$

Площадь его
поверхности:

$$S = 4\pi R^2 = 4\pi 6^2 = 144\pi$$



Ответ: 144.

B11

Около шара описан цилиндр, площадь поверхности которого равна 18. Найдите площадь поверхности шара.

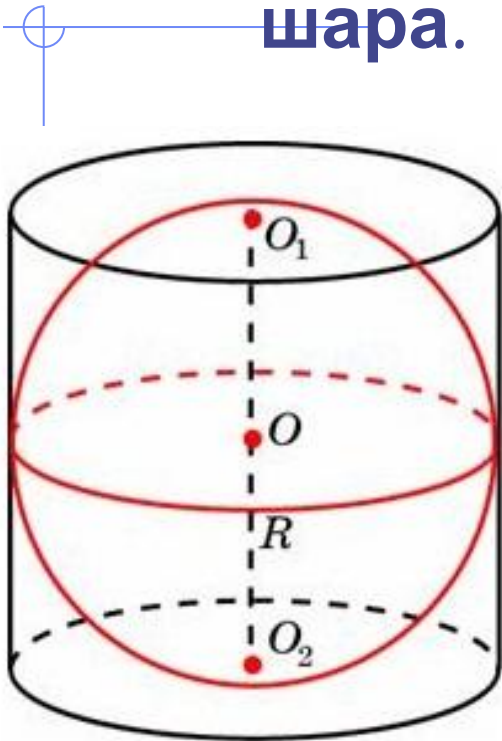
Решение.

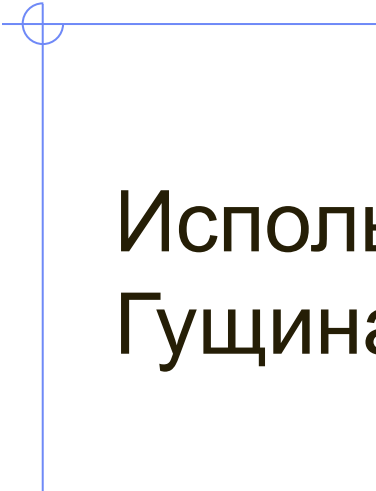
По построению радиусы шара и основания цилиндра равны. Площадь цилиндра, описанного вокруг шара радиусом

$$S = 2\pi r^2 + 2\pi r \cdot 2r = 6\pi r^2$$

Площадь поверхности шара радиусом r равна $S = 4\pi r^2$, то есть в 1,5 раза меньше первой. Площадь поверхности шара тогда равна 12.

Ответ: 12.





Использованы задачи с сайта Дмитрия
Гущина

Решу ЕГЭ *<http://reshuege.ru/>*