

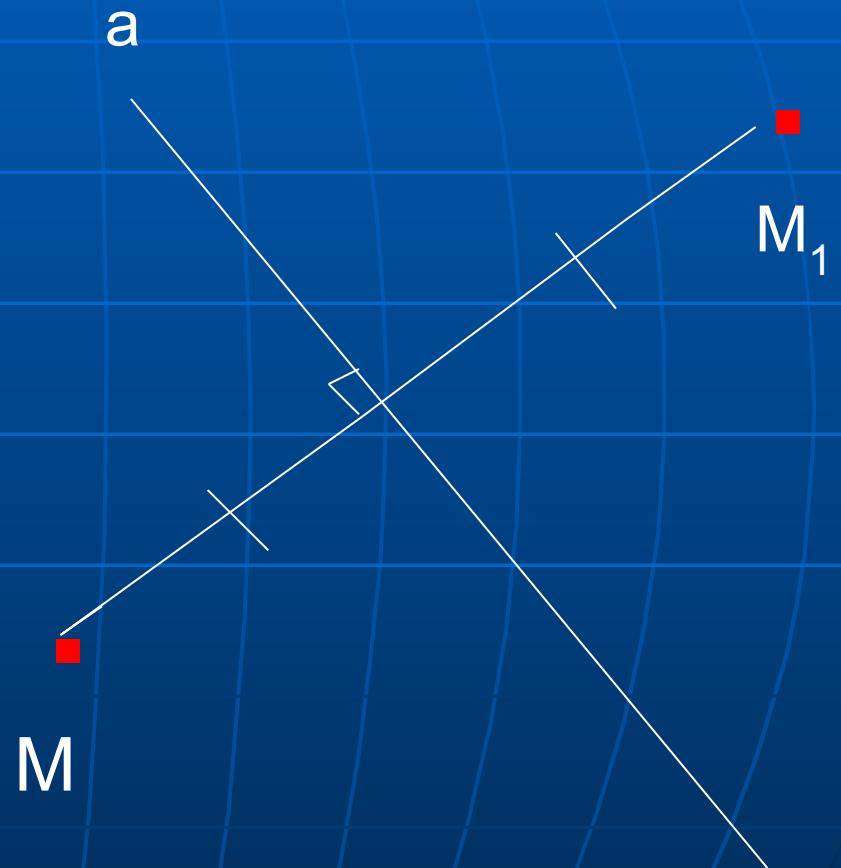
ОГРН
УЧРЕДИТЕЛЬСТВО

Определение и
теорема

Примеры

Задачи

- Осевой симметрией с осью \underline{a} называется такое отображение пространства на себя , при котором
- любая точка M
- переходит в симметричную ей точку M_1
- относительно оси \underline{a} .



Под движением пространства понимается отображение пространства на себя , при котором любые две точки А и В переходят в какие-то точки A_1 и B_1 так , что $A_1B_1=AB$.

Движение пространства - это отображение пространства на себя ,сохраняющее расстояние между точками.

a

B_1



A

B



A_1

$A_1B_1 = AB$

Теорема № 1

Дано: f —осевая симметрия; $A \rightarrow A_1; B \rightarrow B_1; M \rightarrow M_1; M(x; y; z), M_1(x_1; y_1; z_1); A(x_2; y_2; z_2); B(x_3; y_3; z_3)$

До-ть: что осевая симметрия является движением.
 $(AB = A_1B_1)$

Решение:

Если M не принадлежит OZ , то ось OZ :

- 1) проходит через середину отрезка MM_1 .
- 2) перпендикулярна к нему.

Из 1 усл. по формулам получаем $(x+x_1)/2$ и $(y+y_1)/2$,
откуда $x_1 = -x$ и $y_1 = -y$.

Из усл. №2: $z_1 = z$.

Полученные формулы равны если т-а M лежит на оси Oz .

$$A(x_2; y_2; z_2);$$

$$A_1(-x_2; -y_2; z_2)$$

$$A \xrightarrow{f} A_1$$

$$B(x_3; y_3; z_3);$$

$$B_1(-x_3; -y_3; z_3)$$

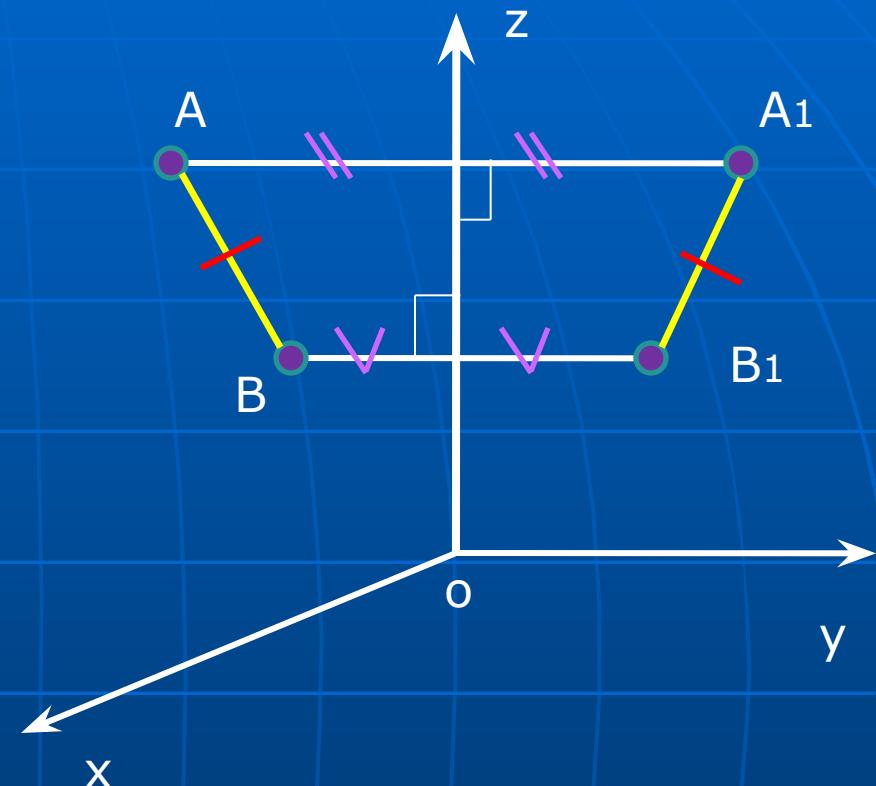
$$B \xrightarrow{f} B_1$$

По формулам м/у двумя
точками получаем:

$$AB = \sqrt{(x_3 - x_2)^2 + (y_3 - y_2)^2 + (z_3 - z_2)^2},$$

$$A_1B_1 = \sqrt{(-x_3 + x_2)^2 + (-y_3 + y_2)^2 + (z_3 - z_2)^2}$$

$$\Rightarrow AB = A_1B_1$$



ПРИМЕР

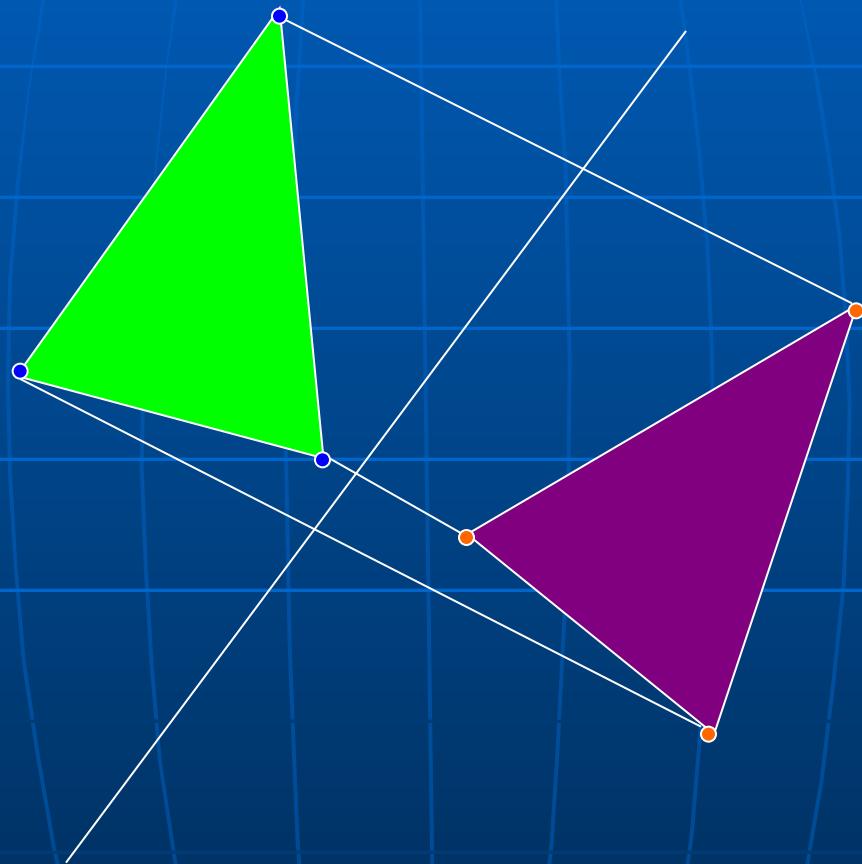
Треугольник

Равнобедренный
треугольник

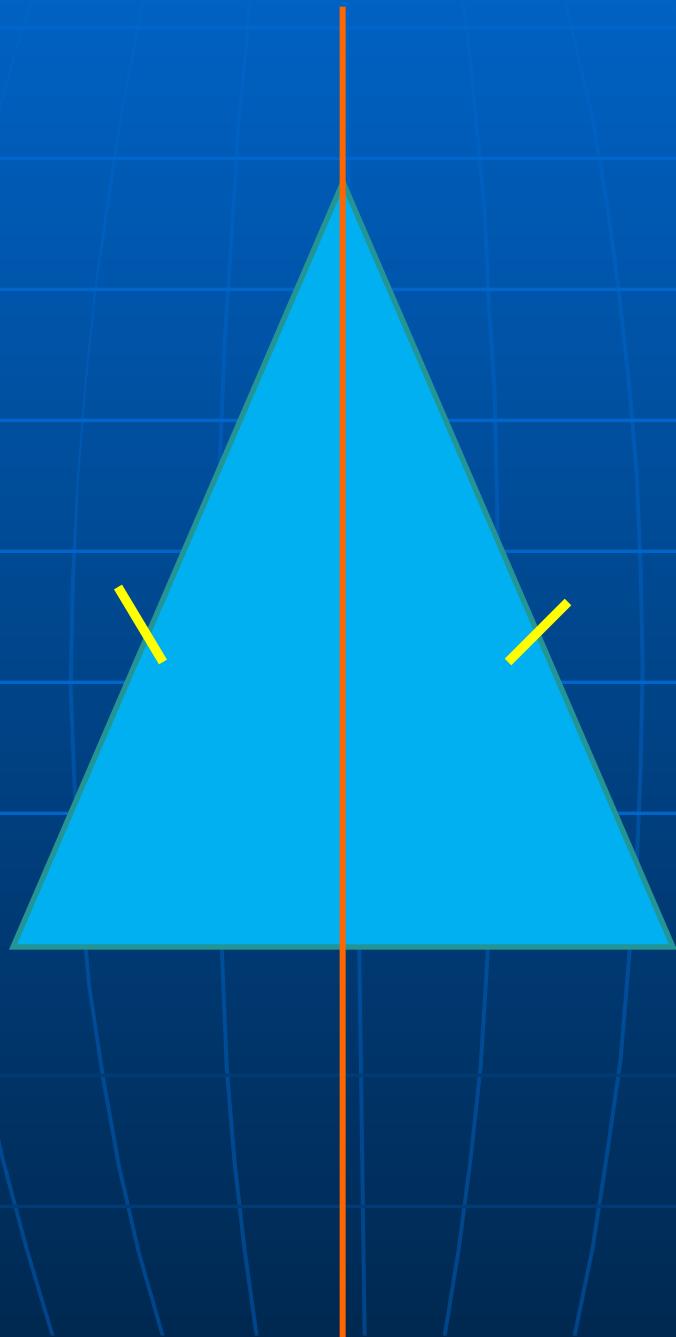
Ромб
Квадрат

Круг

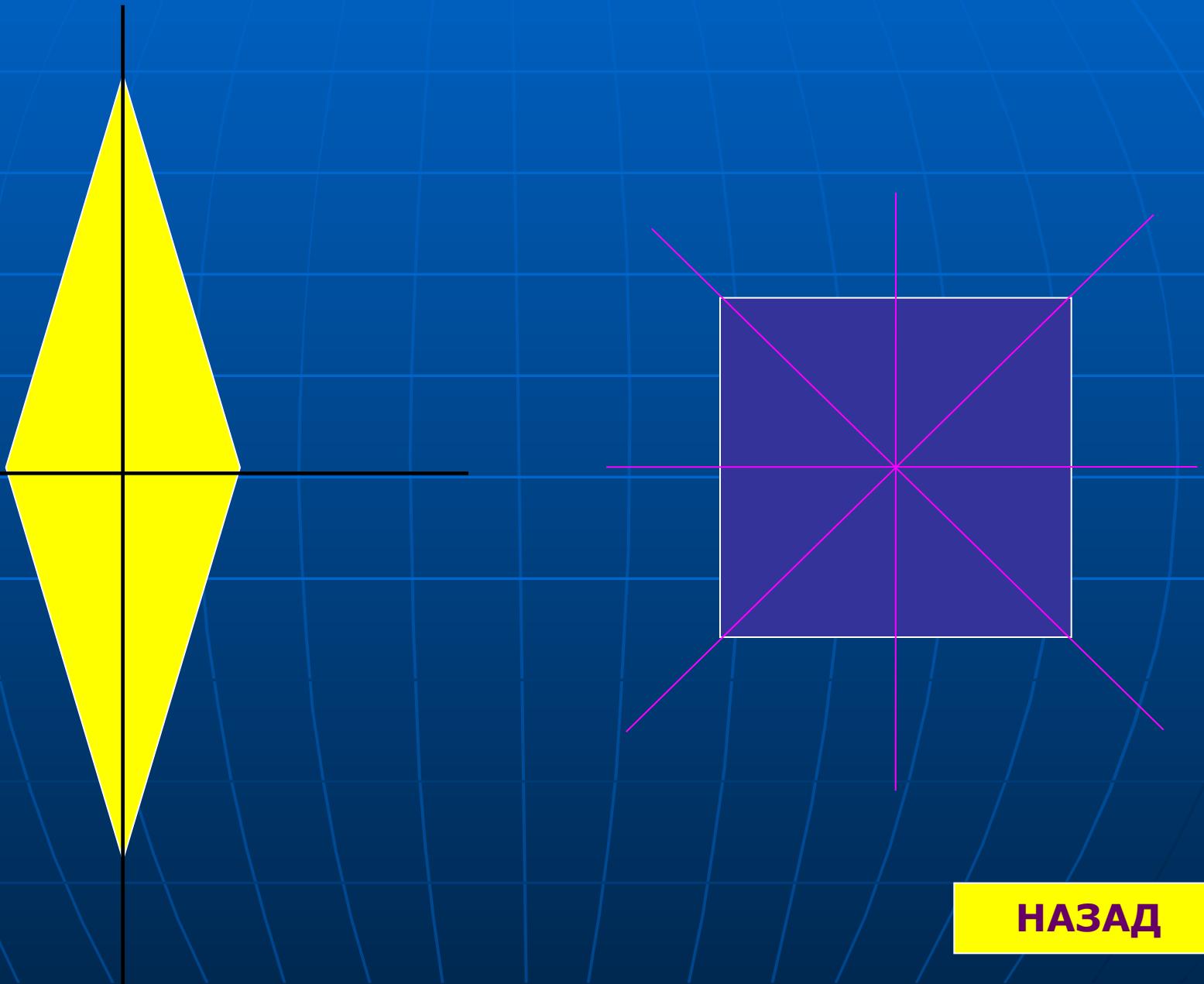
Сложные
примеры



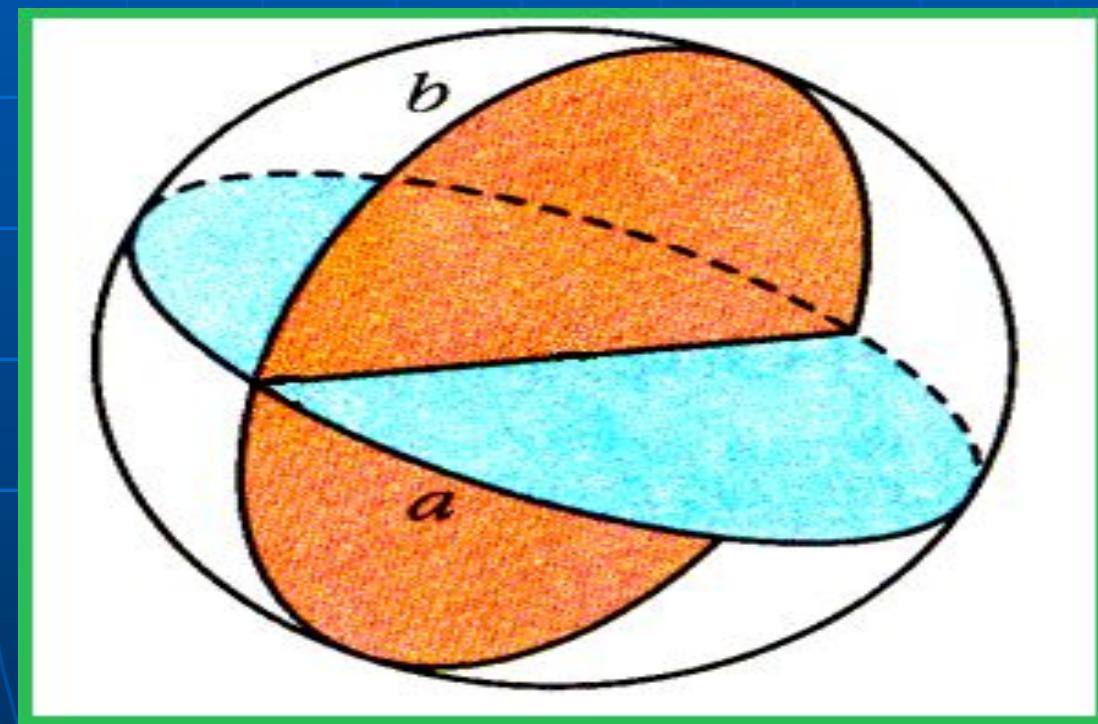
НАЗАД



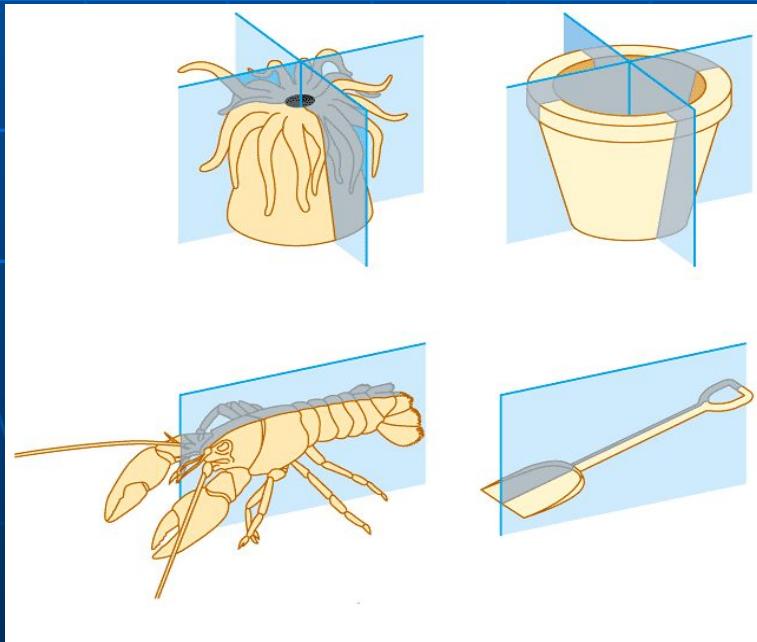
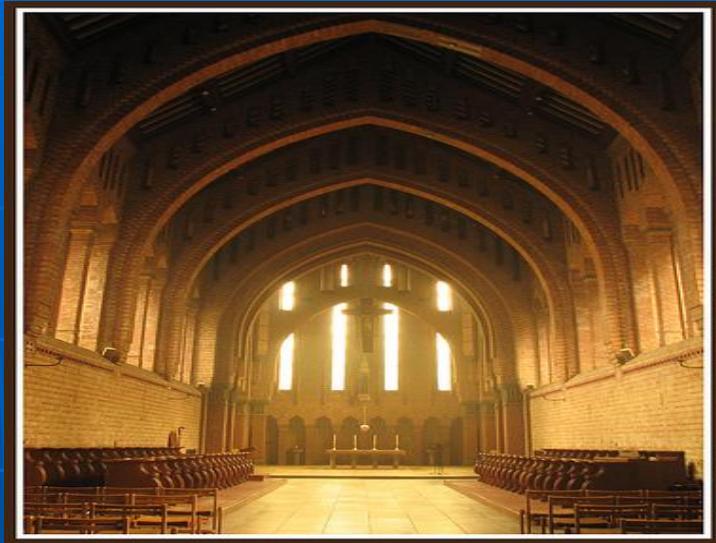
НАЗАД



НАЗАД



НАЗАД



НАЗАД

- Найдите координаты точек, в которые переходят точки $A(0;1;2)$, $B(3;-1;4)$, $C(1;0;-2)$ при: осевой симметрии относительно координатных осей.

Дано: A(0;1;2) , B(3;-1;4) , C(1;0;-2)

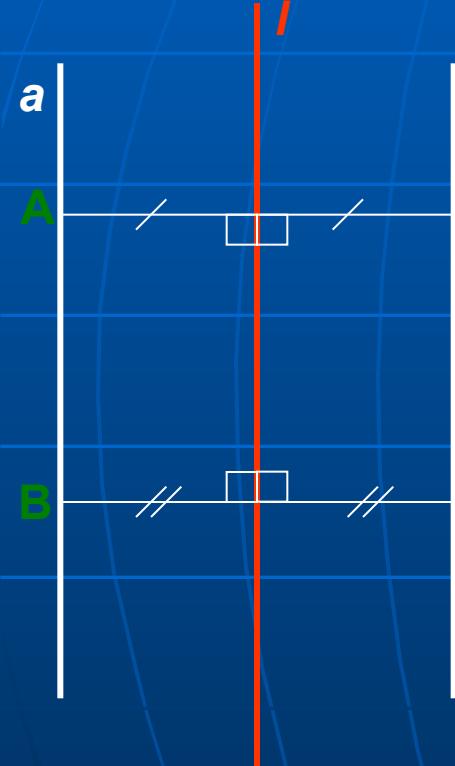
Найти: A_1 , B_1 , C_1

Решение : Выберим произвольную ось симметрии Oz. Если т-и не лежат на оси симметрии ,то ось Oz проходит ч/з середину отрезка AA_1 , BB_1 и CC_1  к ним =>

$$x_1 = -x \text{ и } y_1 = -y \text{ и } z_1 = z \Rightarrow$$

$$A(0;-1;2), B(-3;1;4), C(-1;0;-2)$$

Ответ: A(0;-1;2), B(-3;1;4), C(-1;0;-2)



Дано: l – ось симметрии,
 $a \parallel l$,

Доказать: $b \parallel l$

Доказательство:

*Если $a \parallel l$, то симметричная прямая
b тоже $\parallel l$,*

*при осевой симметрии
сохраняется расстояние
между точками: AA_1
перпендикулярно l ; BB_1
перпендикулярно l , следовательно
 $b \parallel a$;*

*Так как $a \parallel l$; $a \parallel b$, то есть $b \parallel l$. ч.
т. д.*

НАЗАД