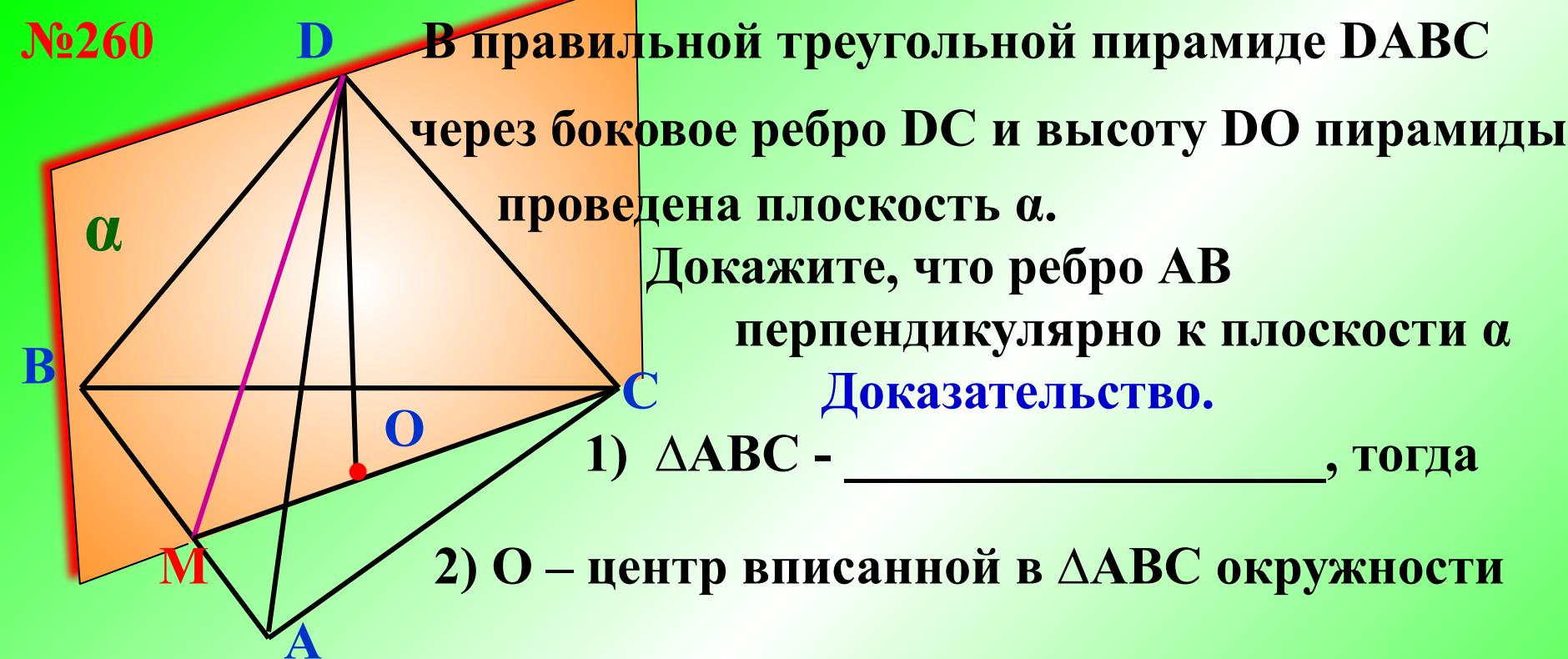


# *Рекомендации к решению*

*№260, №261,  
C2 ЕГЭ - 2011*

*Методическая разработка  
учителя Поляковой Е. А.*

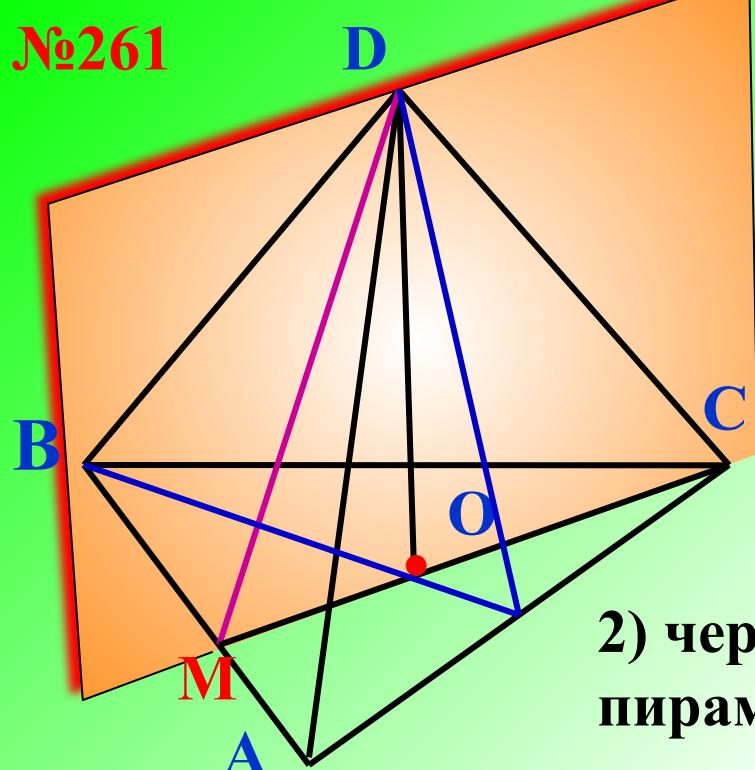
№260



- 3) СМ – \_\_\_\_\_ и высота  $\Delta ABC$ , значит, СМ  $\perp$  АВ
- 4) АВ лежит в плоскости  $ABC$ ,  $DO \perp ABC$ , тогда  $DO \perp AB$
- 5) Оказалось, что АВ перпендикуляр к СМ и к DO, значит, АВ – перпендикуляр к плоскости  $DCM$ , причём **плоскость  $DCM$  совпадает с плоскостью  $\alpha$**
- 5)  $\Delta DCM$  – сечение пирамиды плоскостью  $\alpha$ , тогда ребро АВ перпендикулярно к плоскости  **$DCM$** , значит, и к **плоскости  $\alpha$**

*Свойство  
скрещивающихся рёбер  
правильной  
треугольной пирамиды*

№261



Докажите, что в правильной  
треугольной пирамиде  
скрещивающиеся рёбра взаимно  
перпендикулярны

Доказательство.

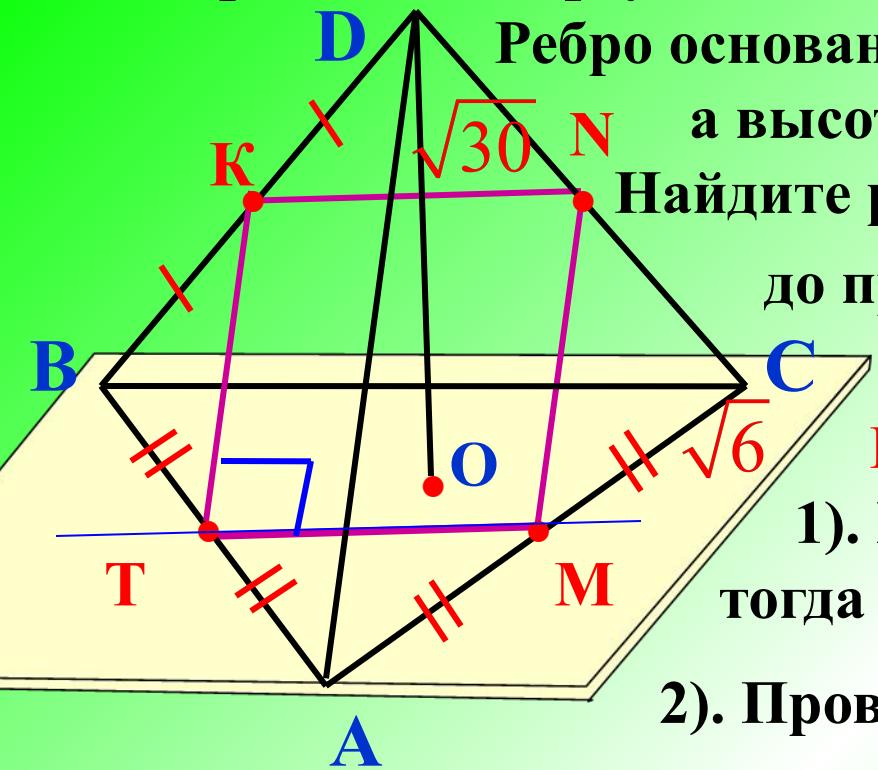
1) Докажем, что перпендикулярны  
ребра  $AB$  и  $CD$

2) через боковое ребро  $DC$  и высоту  $DO$   
пирамиды проведём плоскость  $\alpha$

- 3)  $\triangle DCM$  – сечение пирамиды плоскостью  $\alpha$ , тогда ребро  $AB$  перпендикулярно к плоскости  $DCM$  (по задаче №260),  
значит, и к ребру  $CD$ , лежащему в этой плоскости, т. е.  
**перпендикулярны ребра  $AB$  и  $CD$ .**
- 4) Аналогично докажем, что перпендикулярны ребра  $AC$  и  $DB$ ;  
 $BC$  и  $AD$
- 5) Так же можно провести доказательство перпендикулярности пары рёбер  $BC$  и  $AD$

*Применение свойства  
скрещивающихся  
ребер правильной  
треугольной  
пирамиды в задаче С2  
ЕГЭ - 2011*

Дана правильная треугольная пирамида  $DABC$  с вершиной  $D$



Ребро основания пирамиды равно  $\sqrt{6}$ ,  
а высота равна  $\sqrt{30}$ .

Найдите расстояние от середины ребра  $DB$  до прямой  $MT$ , где  $M$  и  $T$  - середины рёбер  $AC$  и  $AB$  соответственно.

Решение с рекомендациями

1).  $M$  и  $T$  - середины рёбер  $AC$  и  $AB$ ,  
тогда  $MT$  - \_\_\_\_\_  $\Delta ABC$ .

2). Проведём  $KN \parallel MT$

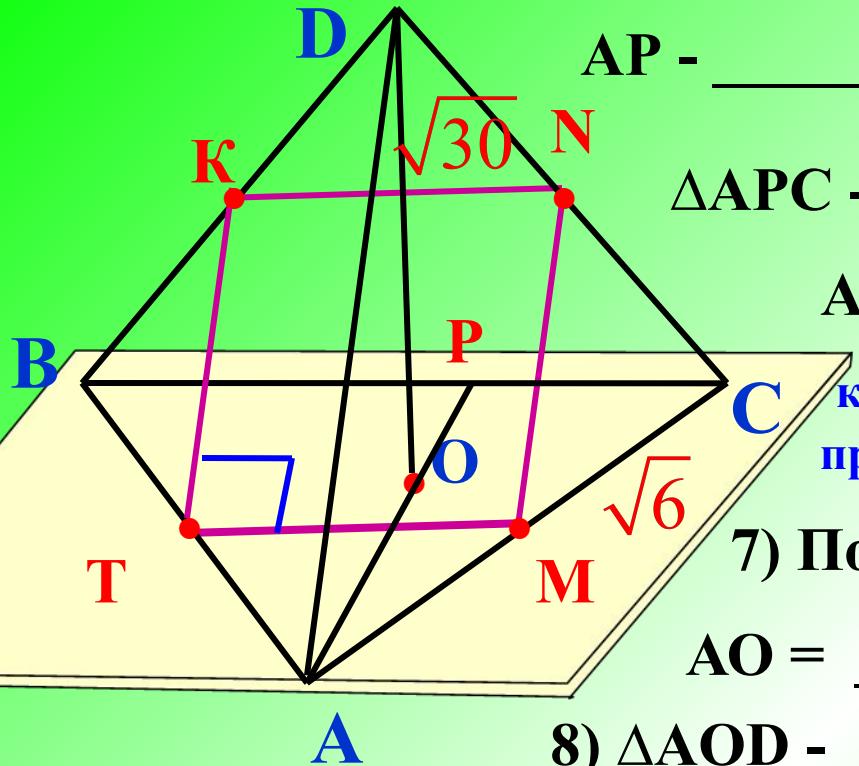
3).  $KNMT$  - \_\_\_\_\_, точнее – прямоугольник, так как

4). Скрещивающиеся рёбра правильной треугольной  
пирамиды \_\_\_\_\_ (см. решение №261, геометрия 10 - 11)

5).  $AD \perp BC$ , тогда  $MN \perp KN$  или  $KT \perp MT$ ,  
т. е.  $KT$  – искомое расстояние

$KT = \underline{\hspace{2cm}} \Delta ABD$ ,  $KT = \underline{\hspace{2cm}} AD$ .

6) О – центр вписанной в  $\triangle ABC$  окружности,



$AP$  – \_\_\_\_\_ и высота  $\triangle ABC$ , значит,

$\triangle APC$  – \_\_\_\_\_ и

$$AP = AC \cdot \sin 60^\circ = \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

катет, противолежащий углу, равен  
произведению гипотенузы на синус этого угла

7) По свойству медиан треугольника:

$$AO = \underline{\quad} AP = \sqrt{2}$$

8)  $\triangle AOD$  – \_\_\_\_\_ и

по теореме Пифагора  $AD = \sqrt{\underline{\quad} + \underline{\quad}} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$

Тогда  $KT = 2\sqrt{2}$

Ответ:  $2\sqrt{2}$