

Теорема Пифагора



История теоремы



Формулировка



Доказательство

Саша Омаров

8 В класс



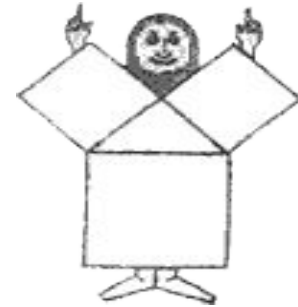
История теоремы



Древний Китай



Египет



Карикатуры

Из книги Чу-пей

- В этом сочинении говорится о пифагоровом треугольнике со сторонами 3, 4 и 5:
- *"Если прямой угол разложить на составные части, то линия, соединяющая концы его сторон, будет 5, когда основание есть 3, а высота 4"*.

句股帶合以成弦帶

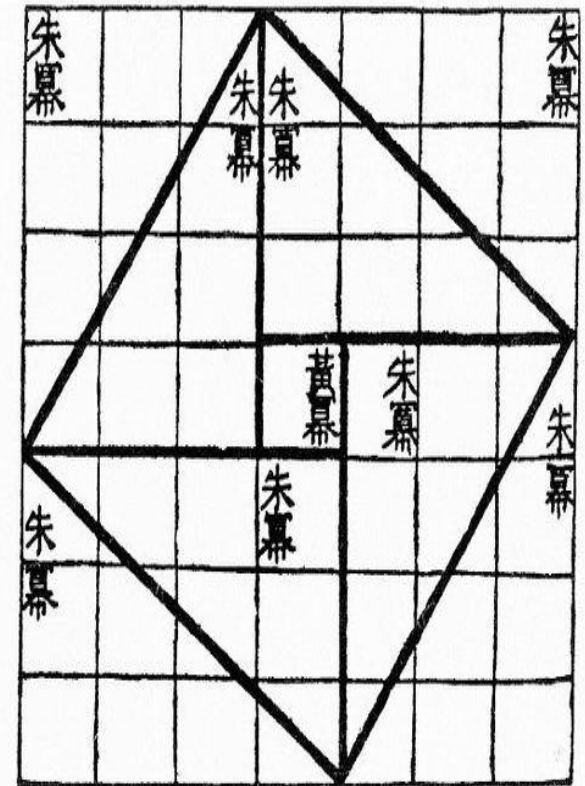
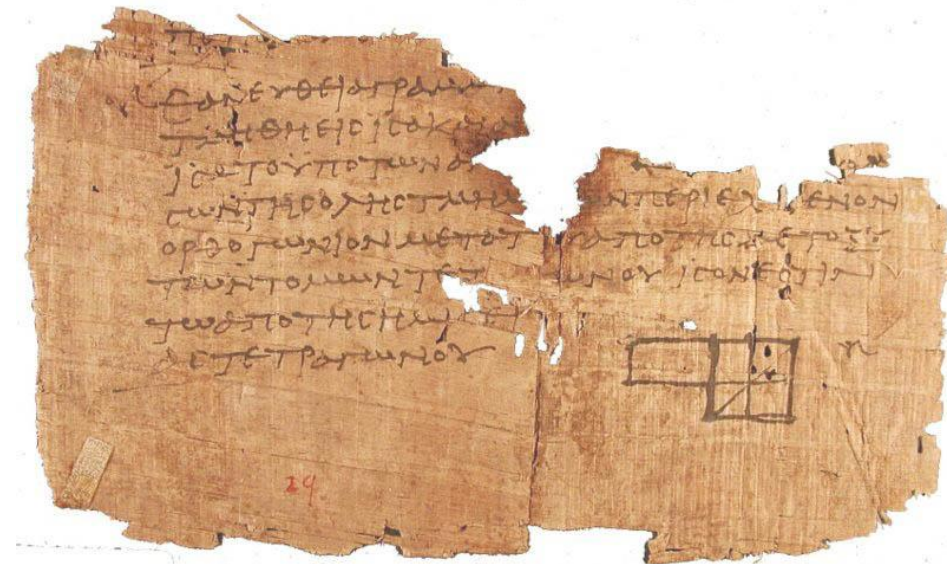


Рисунок из книги



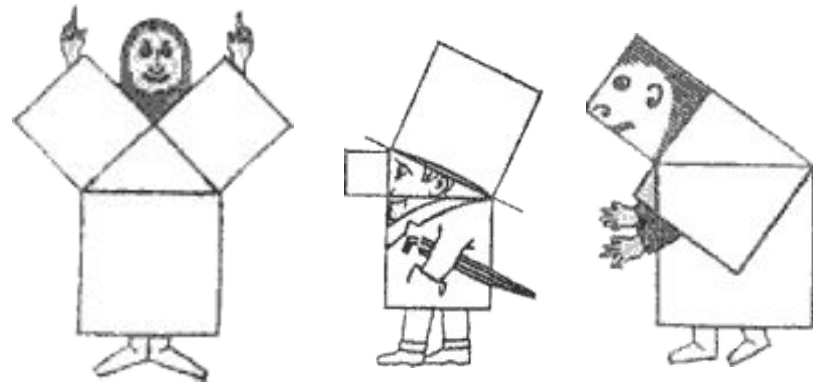
Из папируса 6619

- По мнению крупнейшего немецкого историка математики *Кантора* равенство $3_2 + 4_2 = 5_2$ было известно уже *египтянам* еще около 2300 г. до н. э., во времена царя *Аменемхета I* (согласно папирусу 6619



Теорема Пифагора в средние века

- Доказательство теоремы Пифагора учащиеся средних веков считали очень трудным и называли его бегство "убогих", так как некоторые "ученики, не имевшие серьезной математической подготовки, бежали от геометрии. Слабые ученики, заучившие теоремы наизусть, без понимания, были не в состоянии преодолеть теорему Пифагора, служившую для них вроде непреодолимого моста. Из-за чертежей, сопровождающих теорему Пифагора, учащиеся называли ее также "ветряной мельницей", составляли стихи вроде "Пифагоровы штаны на все стороны равны", рисовали карикатуры.





Формулировка теоремы

Во времена Пифагора теорема звучала так:

Квадрат, построенный на гипотенузе
прямоугольного треугольника, равновелик
сумме квадратов, построенных на катетах.

ИЛИ

Площадь квадрата, построенного на
гипотенузе прямоугольного треугольника,
равна сумме площадей квадратов,
построенных на его катетах





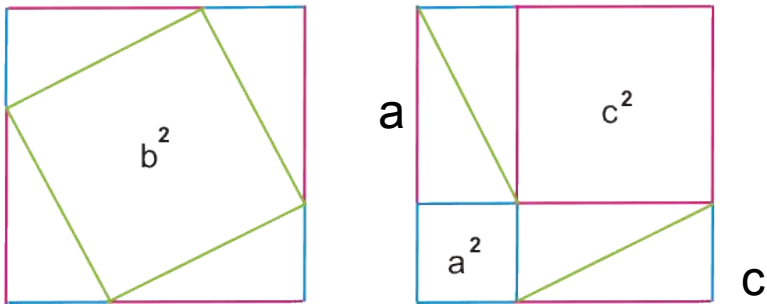
Современная формулировка

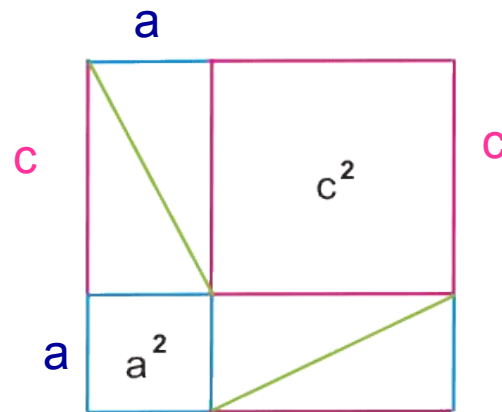
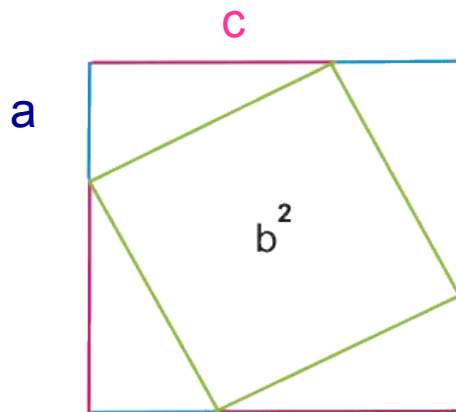
- В прямоугольном треугольнике квадрат гипотенузы равен сумме квадратов катетов».
- Формула - $c^2 = a^2 + b^2$



Доказательство

Рассмотрим квадрат,
показанный на рисунке.
Сторона квадрата равна $a + c$.





В одном случае (слева) квадрат разбит на квадрат со стороной b и четыре прямоугольных треугольника с катетами a и c .

В другом случае (справа) квадрат разбит на два квадрата со сторонами a и c и четыре прямоугольных треугольника с катетами a и c .

Таким образом, получаем, что площадь квадрата со стороной b равна сумме площадей квадратов со сторонами a и c .

