

Векторы



Оглавление

- Понятие вектора
- Длина вектора
- Коллинеарные вектора
- Сонаправленные вектора
- Противоположно направленные вектора
- Равенство векторов
- Сложение векторов
 - Правило треугольника
 - Правило параллелограмма
 - Сложение нескольких векторов
- Вычитание векторов
- Произведение вектора на число

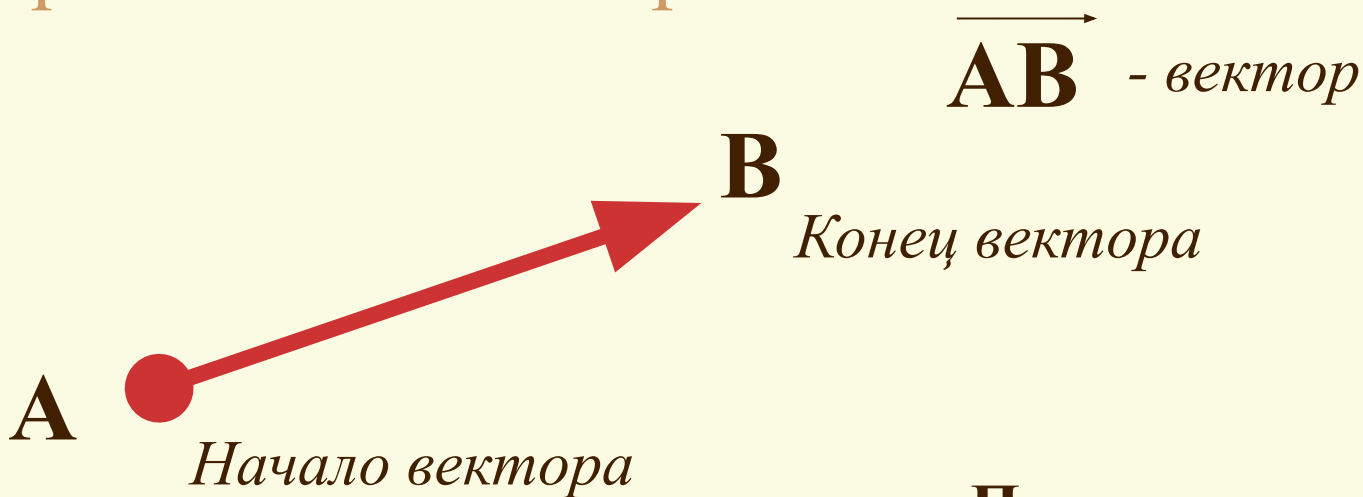
Понятие вектора

Многие физические величины характеризуются числовым значением и направлением в пространстве, их называют векторными величинами



Понятие вектора

Отрезок, для которого указано, какая его граничная точка является началом, а какая - концом, называется **направленным отрезком** или **вектором**

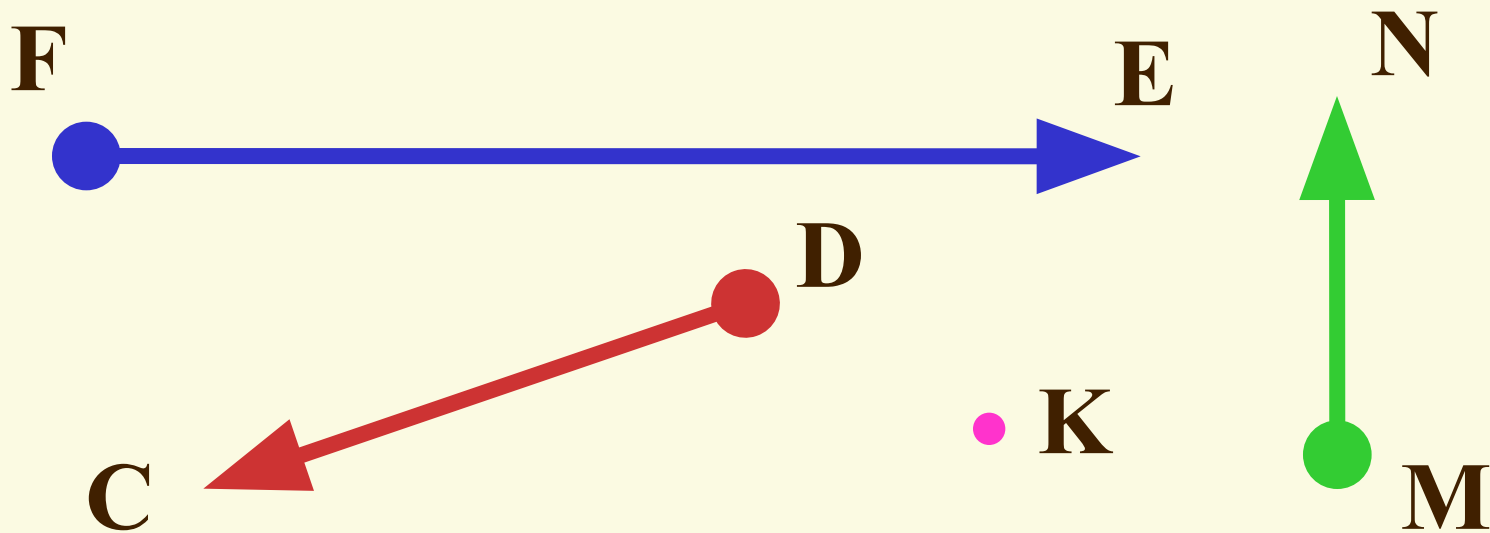


Проверь
себя



Задание.

Назови вектора и запиши их обозначения.

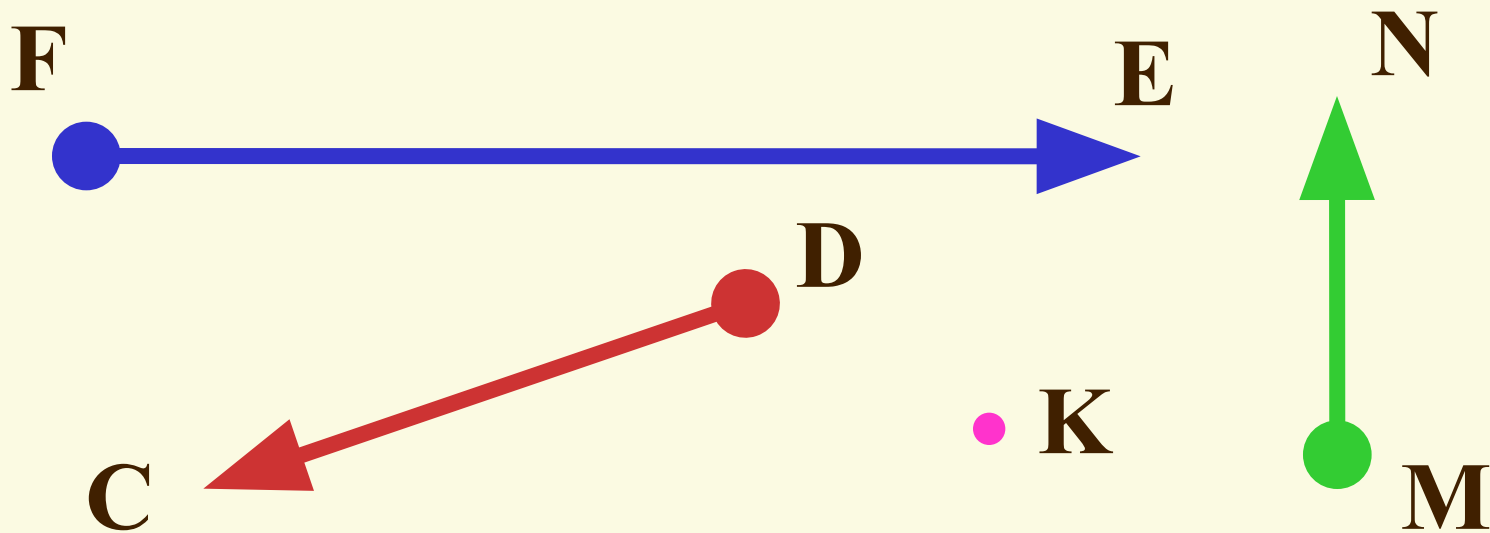


Сравним ответ



Задание.

Назови вектора и запиши их обозначения.



\overrightarrow{FE}

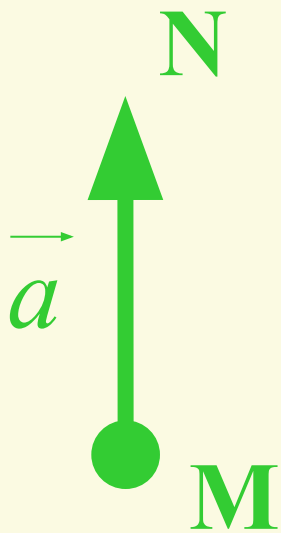
\overrightarrow{DC}

\overrightarrow{KK}

\overrightarrow{MN}



Длина вектора



вектор \overrightarrow{MN} или вектор \vec{a}

Длиной вектора или модулем не нулевого вектора называется длина отрезка

$$|\overrightarrow{MN}| = |\vec{a}| \quad \text{длина вектора } \overrightarrow{MN}$$

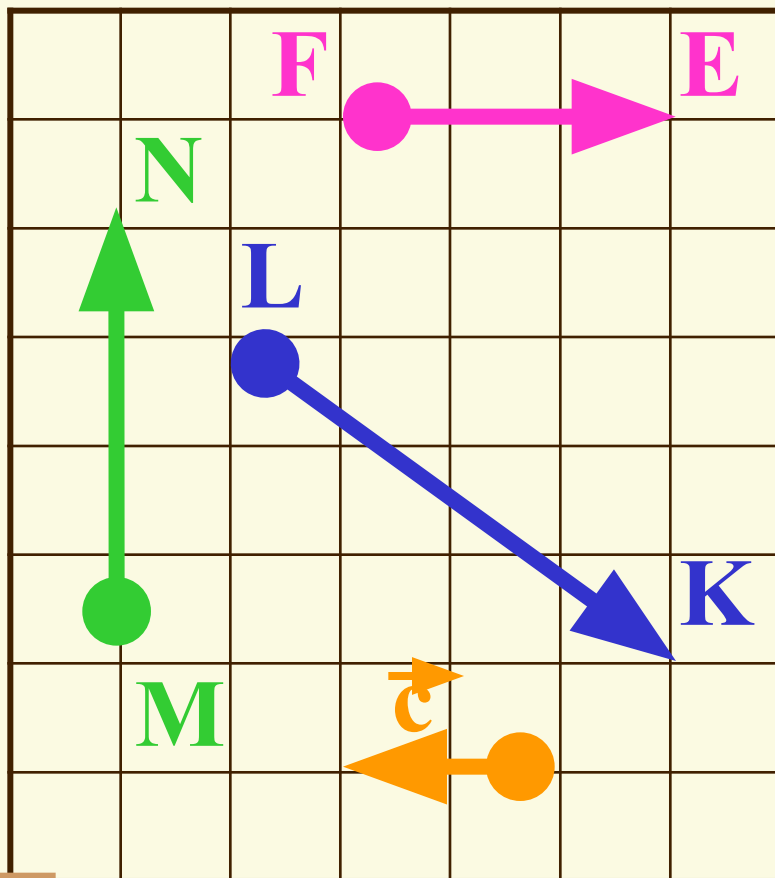
• **К** вектор \overrightarrow{KK} или нулевой вектор

$$|\overrightarrow{KK}| = 0$$



Проверь
себя

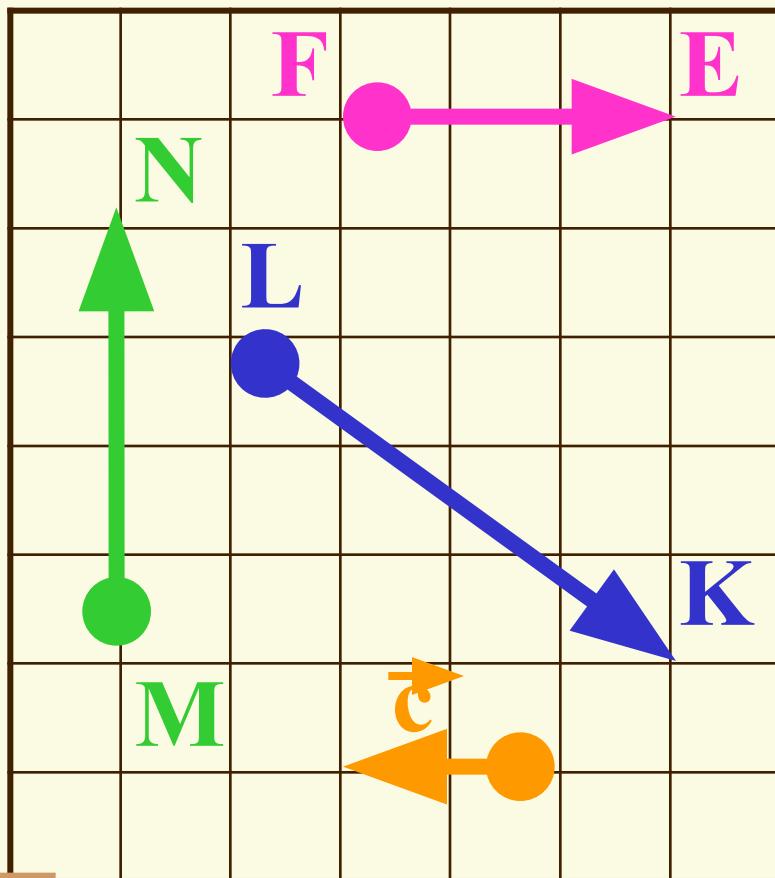
Укажите длину векторов



Сравним ответ



Укажите длину векторов



$$|\vec{EF}| = 3$$

$$|\vec{MN}| = 4$$

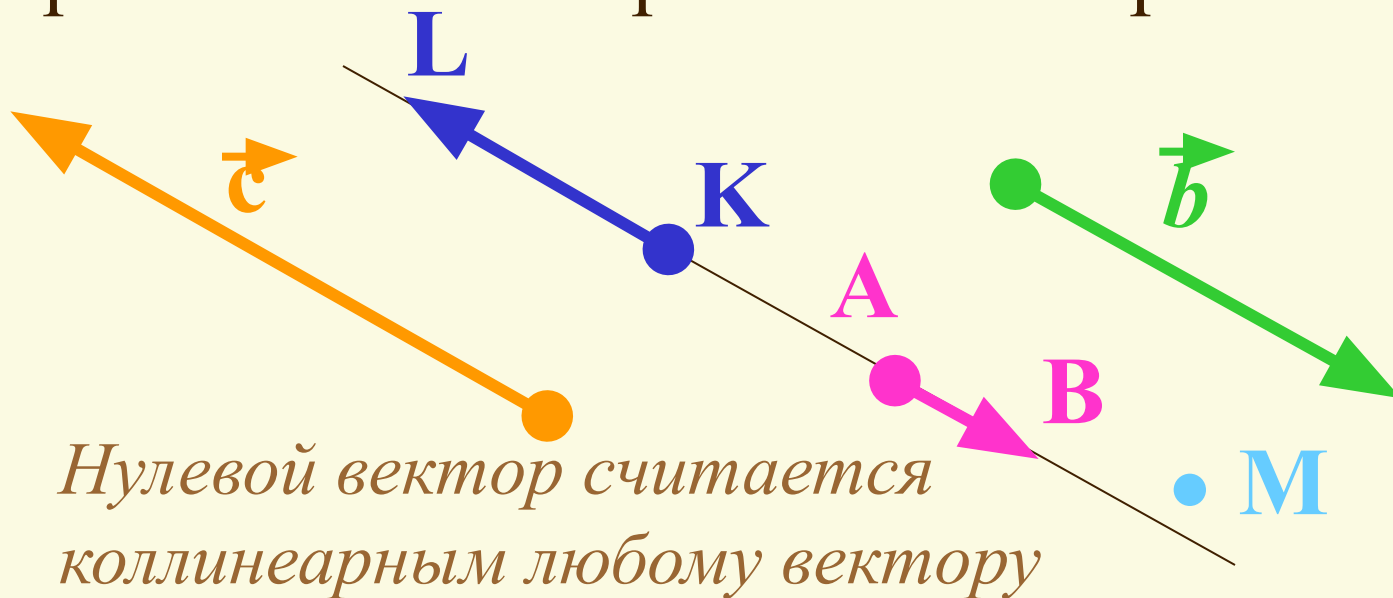
$$|\vec{LK}| = 5$$

$$|\vec{c}| = 2$$



Коллинеарные вектора

Ненулевые вектора называются **коллинеарными**, если они лежат на одной прямой или на параллельных прямых



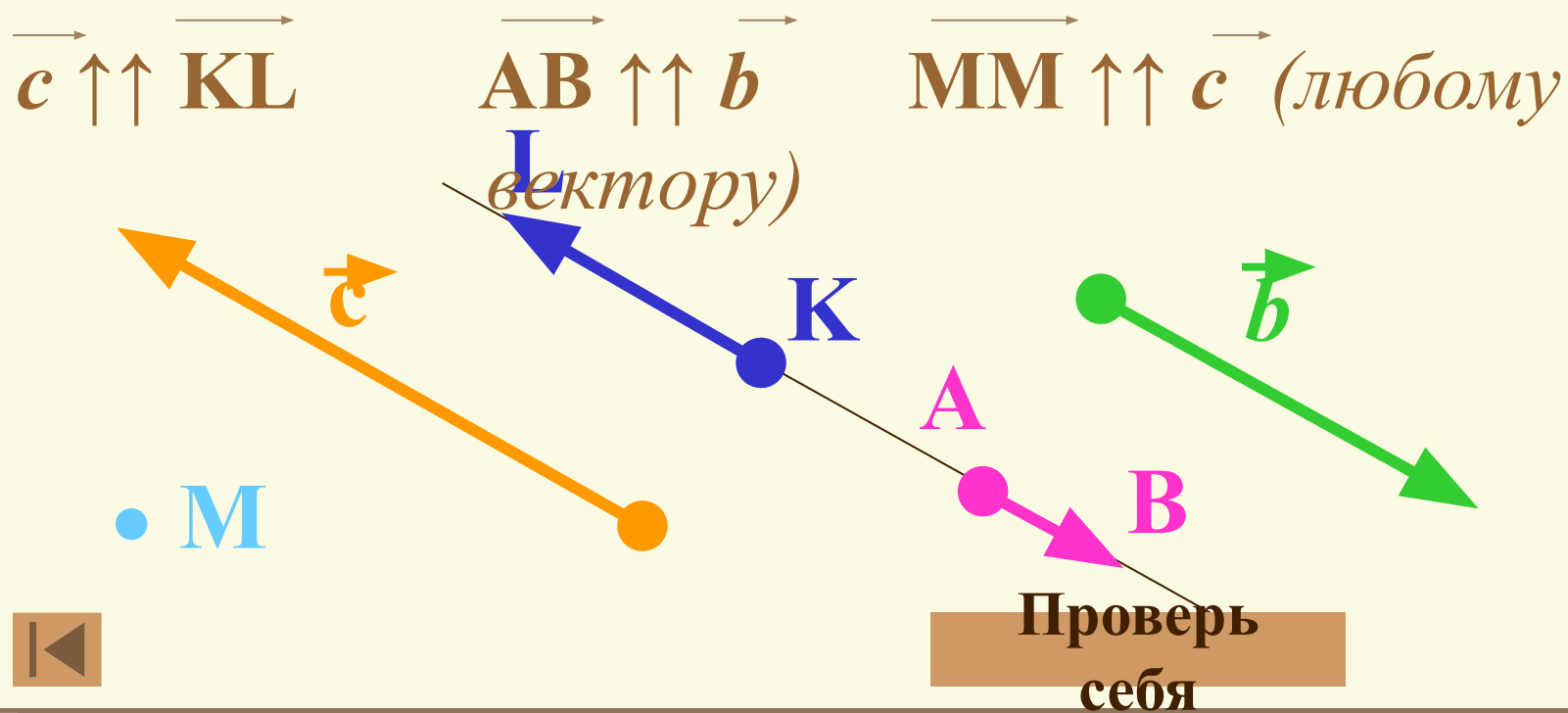
Нулевой вектор считается коллинеарным любому вектору



**Проверь
себя**

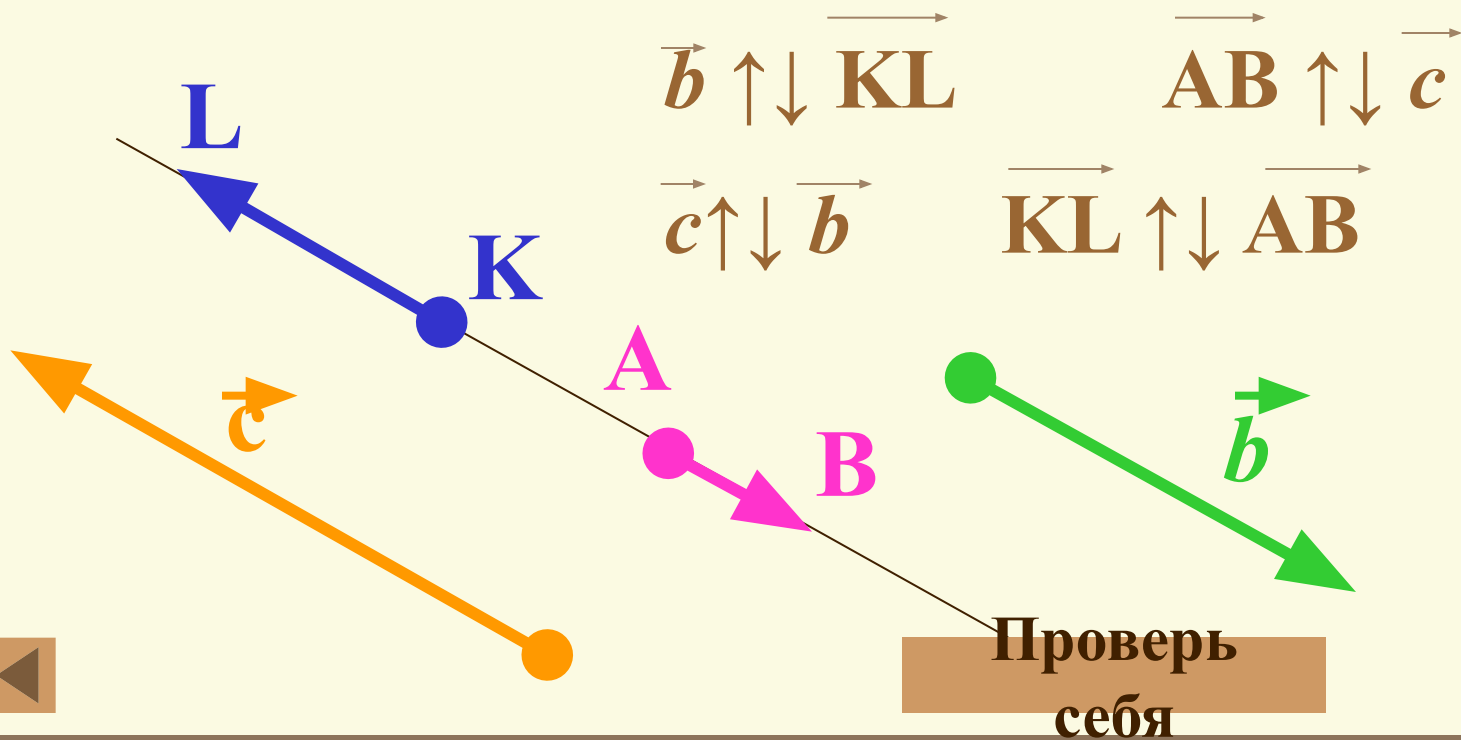
Сонаправленные вектора

Коллинеарные вектора имеющие одинаковое направление, называются сонаправленными векторами



Противоположно направленные вектора

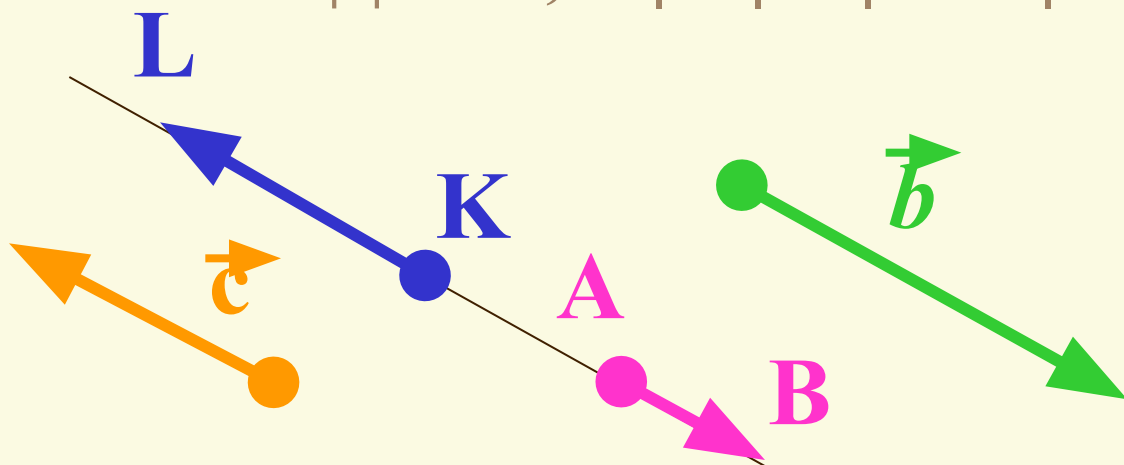
Коллинеарные вектора имеющие противоположное направление, называются противоположно направленными векторами



Равенство векторов

Векторы называются **равными**, если они сонаправлены и их длины равны

$$\vec{c} \uparrow\uparrow \overrightarrow{KL}, \quad |\vec{c}| = |\overrightarrow{KL}| \Leftrightarrow \vec{c} = \overrightarrow{KL}$$

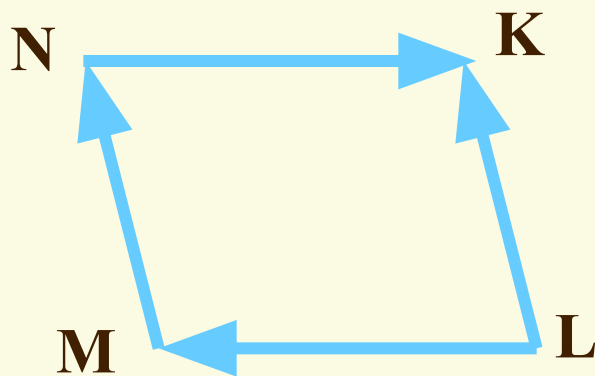


Проверь
себя

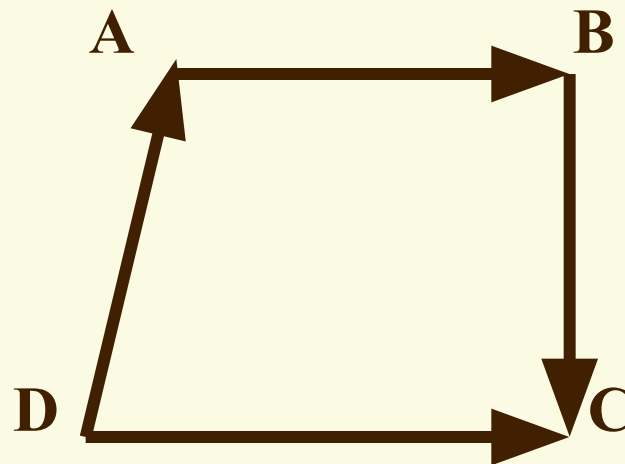
Задание

Назовите коллинеарные вектора:

Вариант 1



Вариант 2



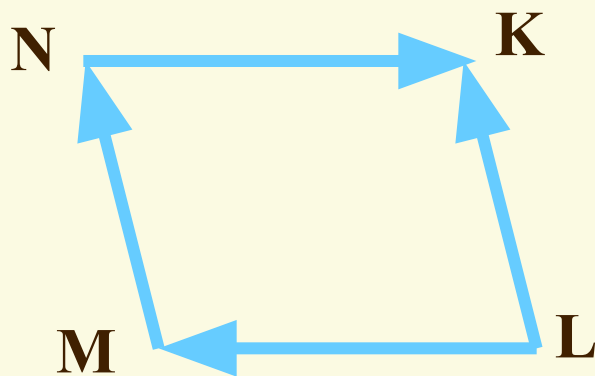
Сравним ответ



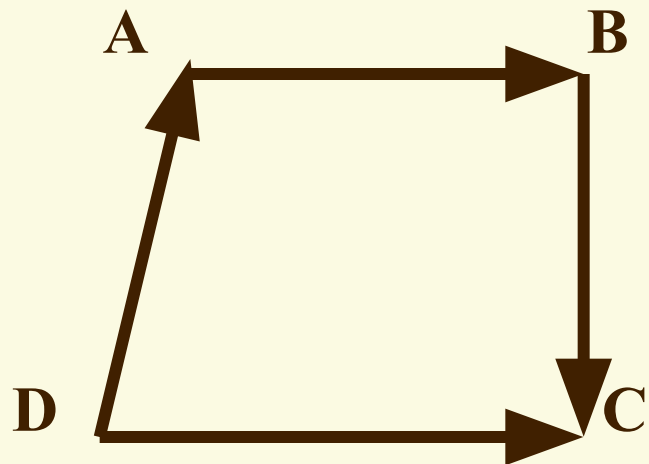
Задание

Назовите коллинеарные вектора:

Вариант 1



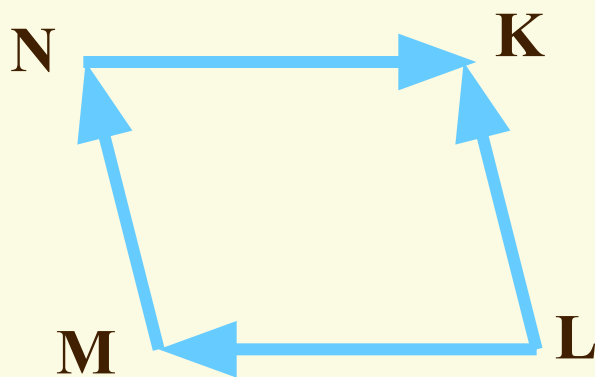
Вариант 2



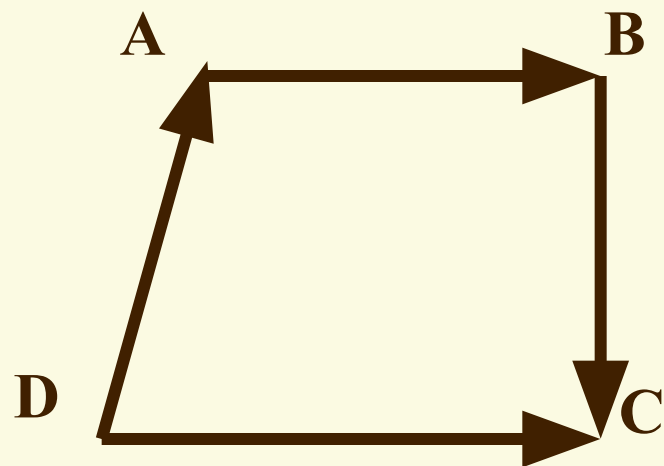
Задание

Назовите сонаправленные вектора:

Вариант 1



Вариант 2



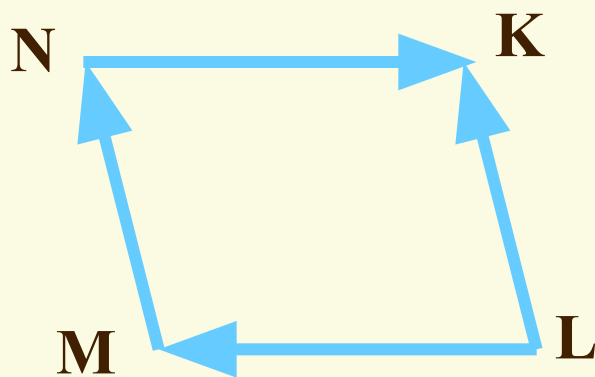
Сравним ответ



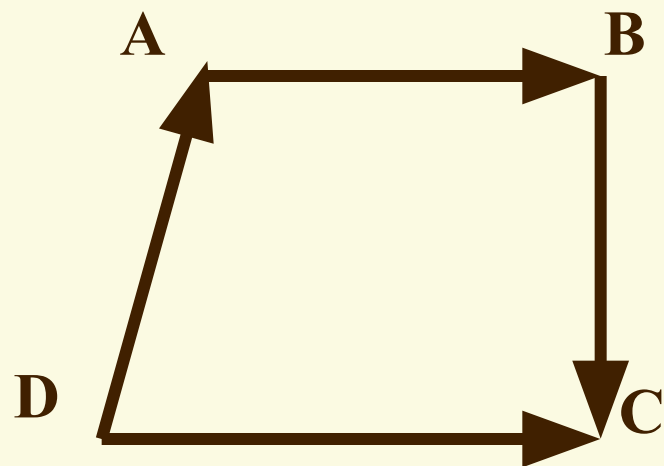
Задание

Назовите сонаправленные вектора:

Вариант 1



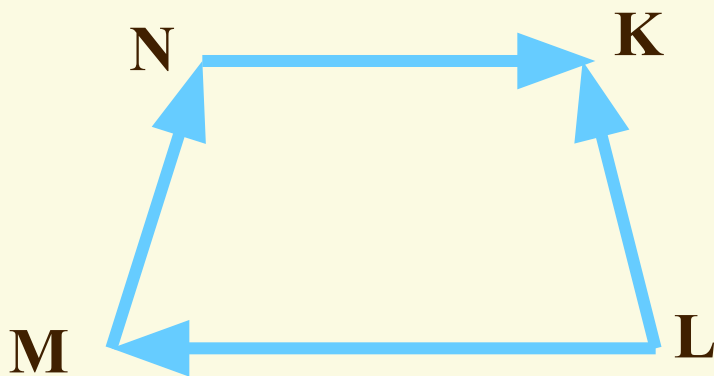
Вариант 2



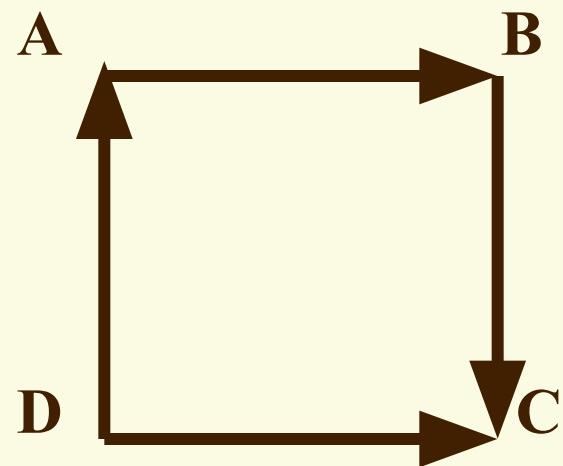
Задание

Назовите противоположно направленные вектора:

Вариант 1



Вариант 2



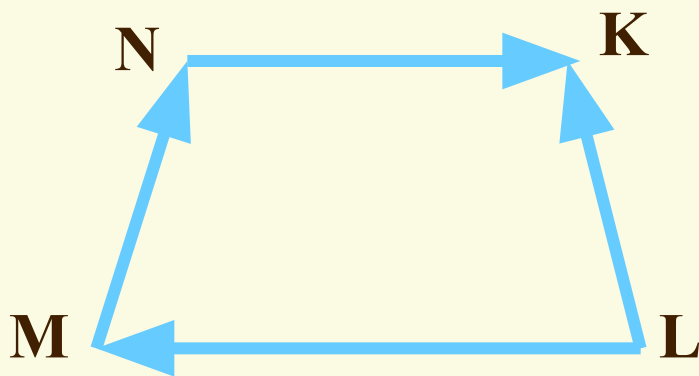
Сравним ответ



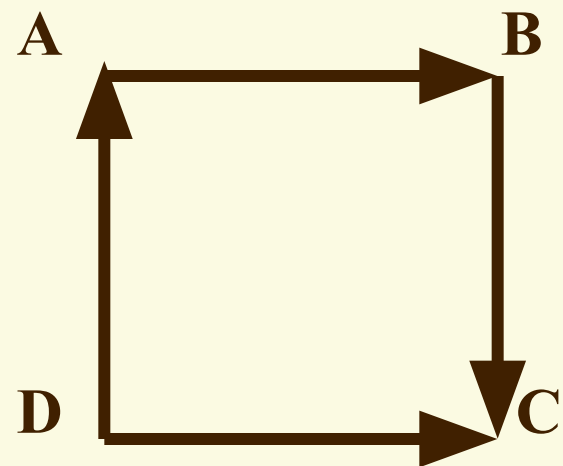
Задание

Назовите противоположно направленные вектора:

Вариант 1



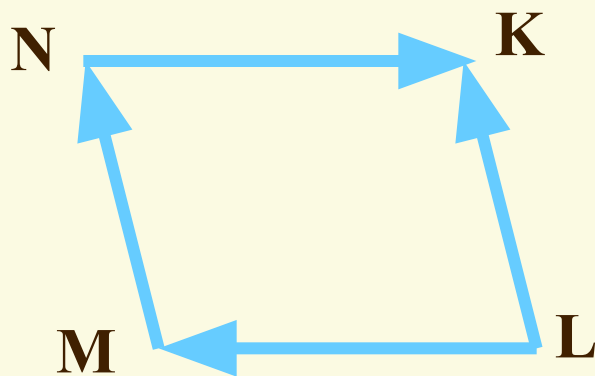
Вариант 2



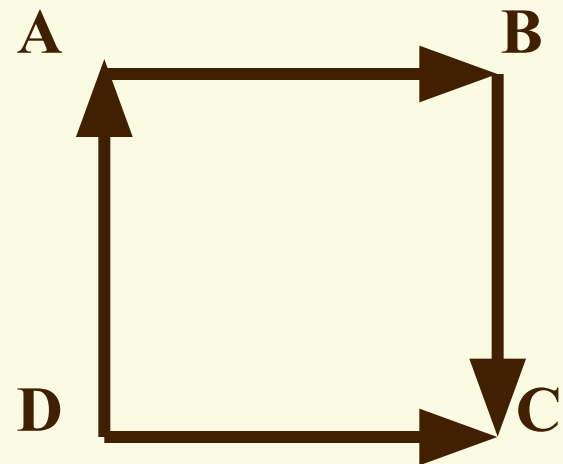
Задание

Назовите равные вектора:

Вариант 1



Вариант 2



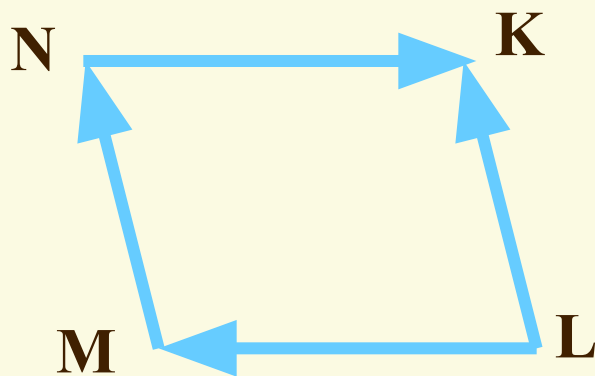
Сравним ответ



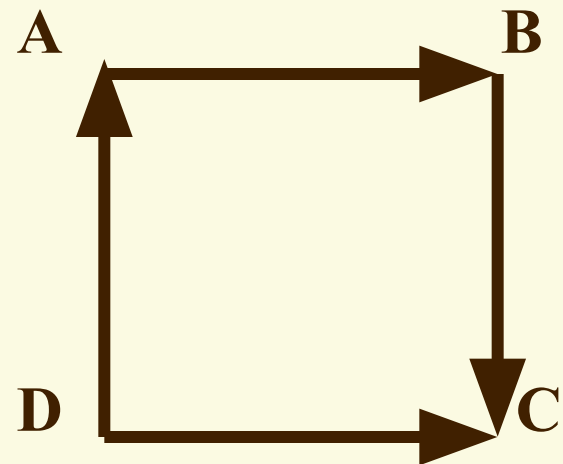
Задание

Назовите равные вектора:

Вариант 1



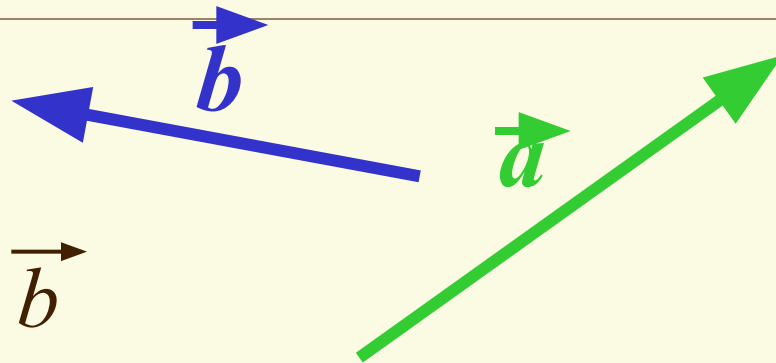
Вариант 2



Сложение векторов

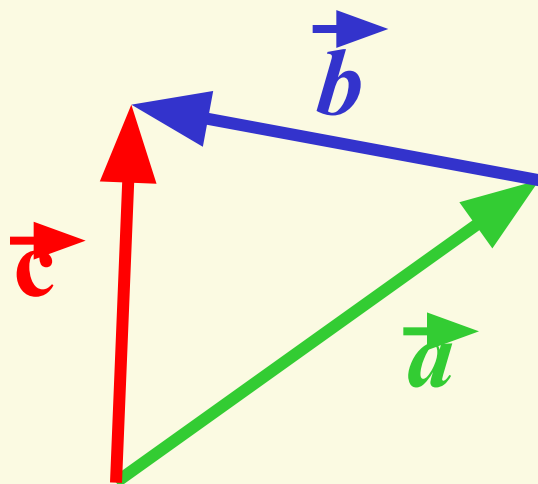
Правило треугольника

Дано: \vec{a} , \vec{b}



Построить: $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$

Построение:



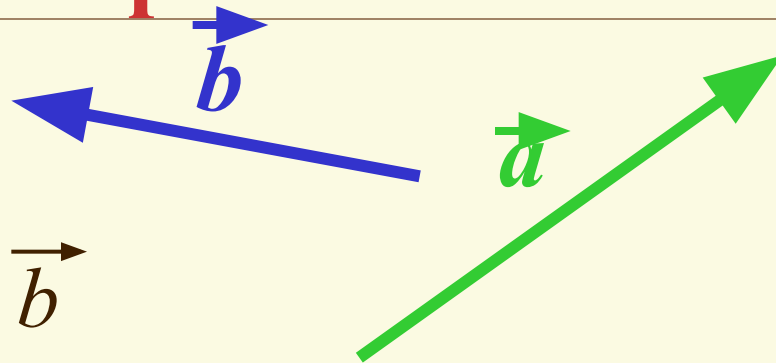
$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$



Сложение векторов

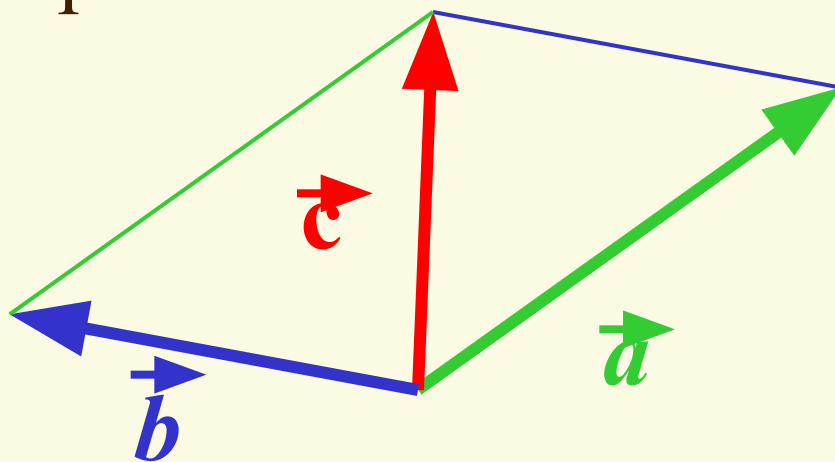
Правило параллелограмма

Дано: \vec{a} , \vec{b}



Построить: $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$

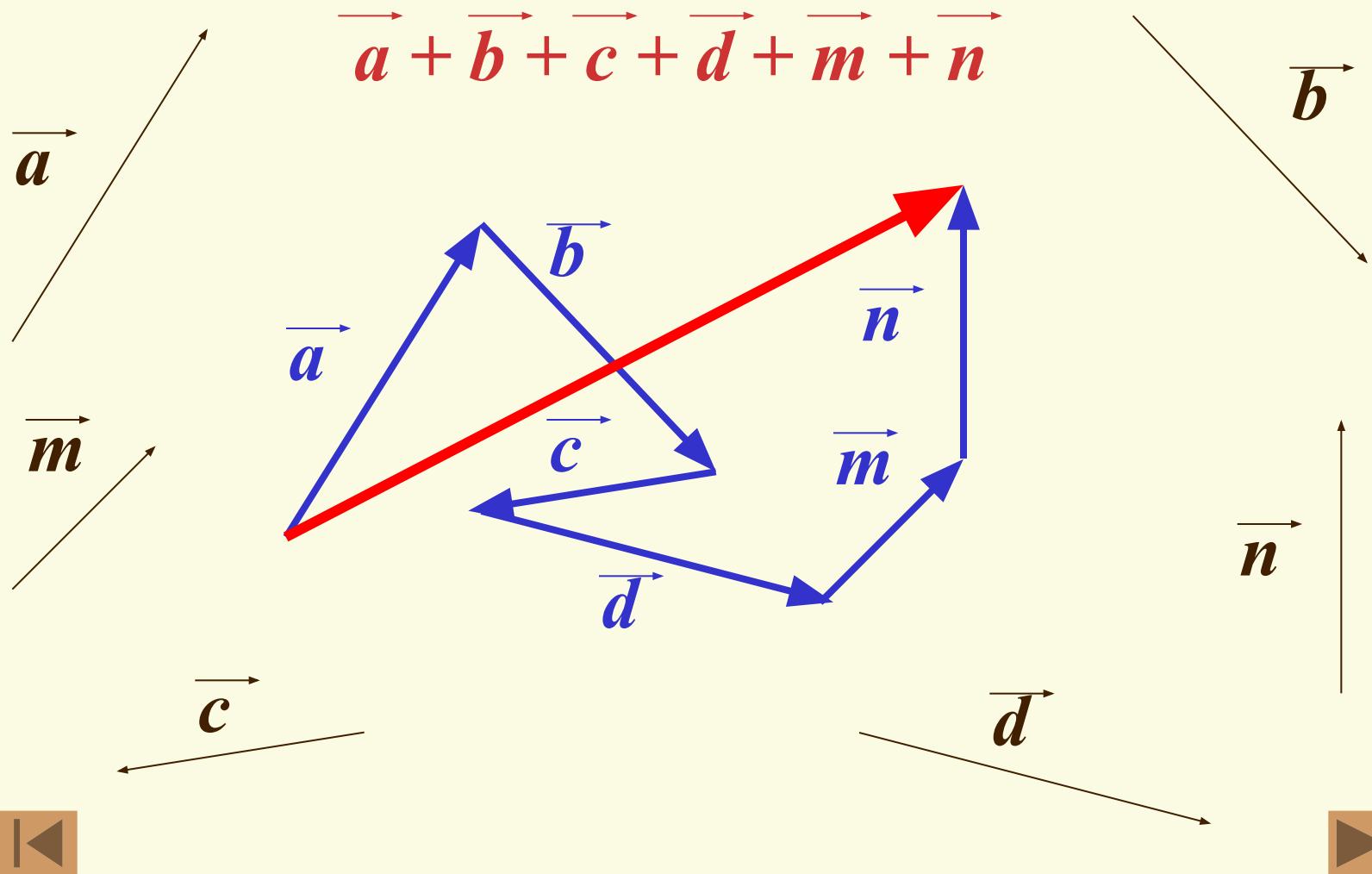
Построение:



$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$

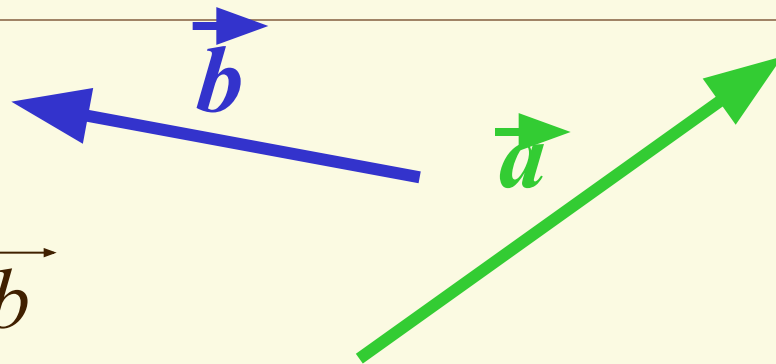


Сумма нескольких векторов



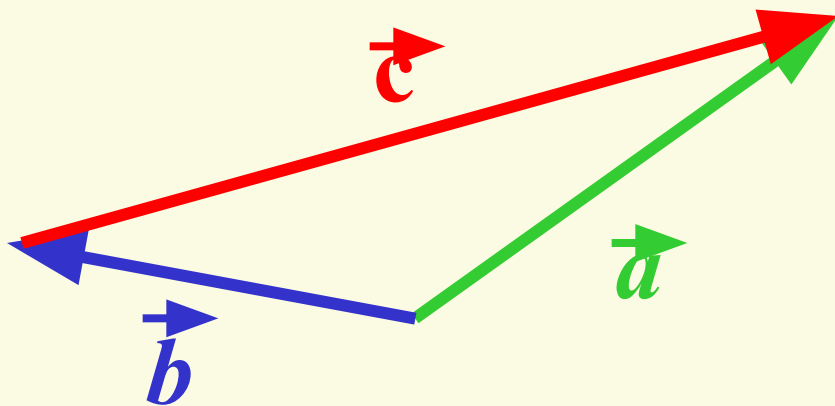
Вычитание векторов

Дано: \vec{a} , \vec{b}



Построить: $\vec{c} = \vec{a} - \vec{b}$

Построение:



$$\vec{a} - \vec{b} = \vec{c}$$



Умножение вектора \vec{a} на число k

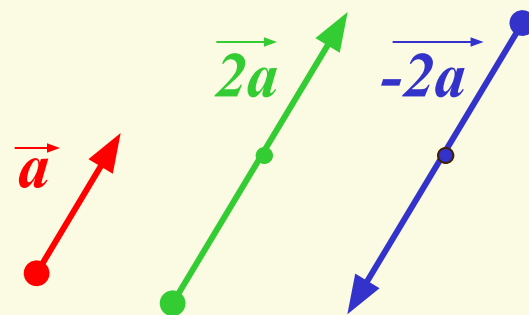
$$k \cdot \vec{a} = \vec{b},$$

$|\vec{a}| \neq 0$, k – произвольное число

$$|\vec{b}| = |k| \cdot |\vec{a}|,$$

если $k \geq 0$, то $\vec{a} \uparrow \uparrow \vec{b}$

если $k < 0$, то $\vec{a} \uparrow \downarrow \vec{b}$



Для любых чисел k, l и любых векторов \vec{a}, \vec{b} справедливы равенства:

1°. $(kl)\vec{a} = k(l\vec{a})$ (сочетательный закон),

2°. $(k+l)\vec{a} = k\vec{a} + l\vec{a}$ (первый распределительный закон),

3°. $k(\vec{a} + \vec{b}) = k\vec{a} + k\vec{b}$ (второй распределительный закон).

