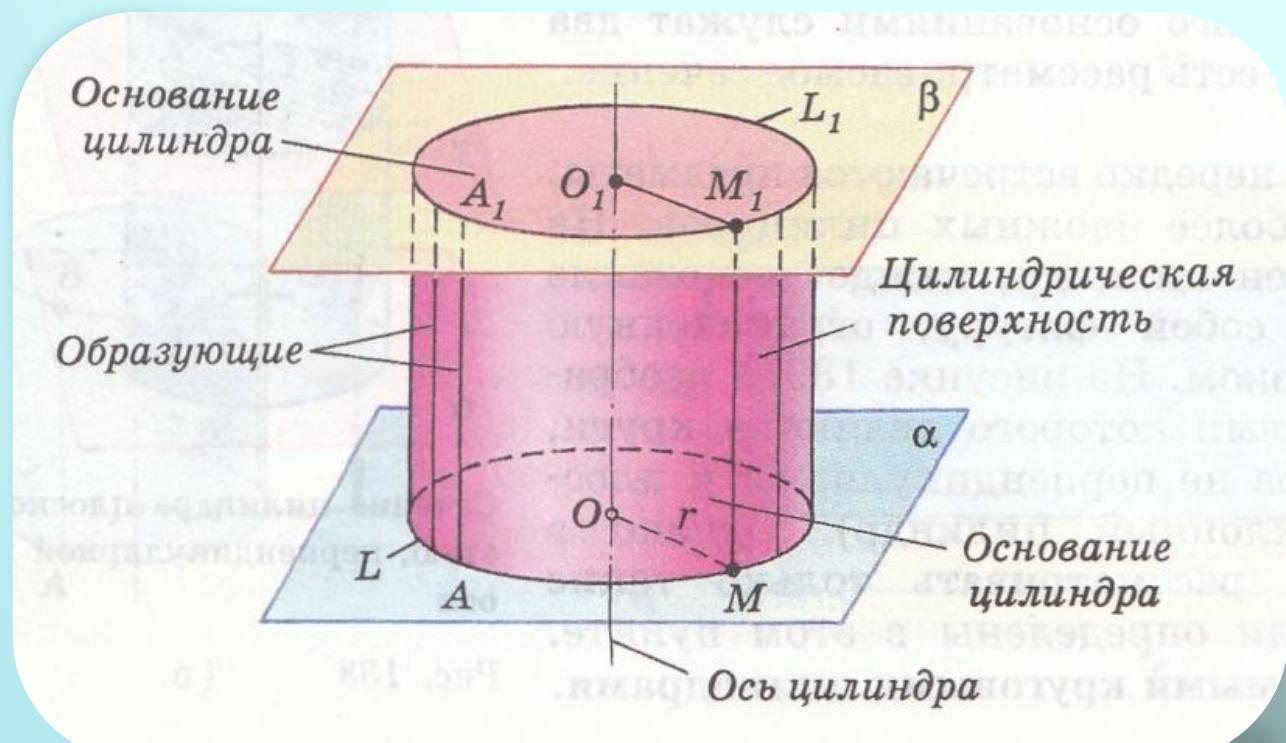


# *Цилиндр, конус, шар.*

**Тело, ограниченное цилиндрической поверхностью и двумя кругами, называется цилиндром. Цилиндрическая поверхность называется боковой поверхностью цилиндра. Круги называются основаниями цилиндра.**

**Образующие цилиндрической поверхности называются образующими.**

**Прямая  $OO$  – ось цилиндра. Длина образующей называется высотой цилиндра. Радиус основания – радиус цилиндра.**

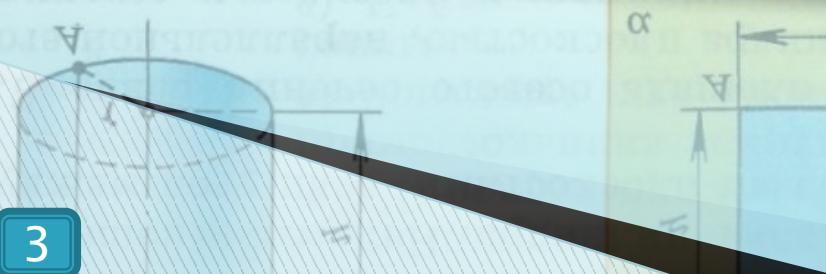
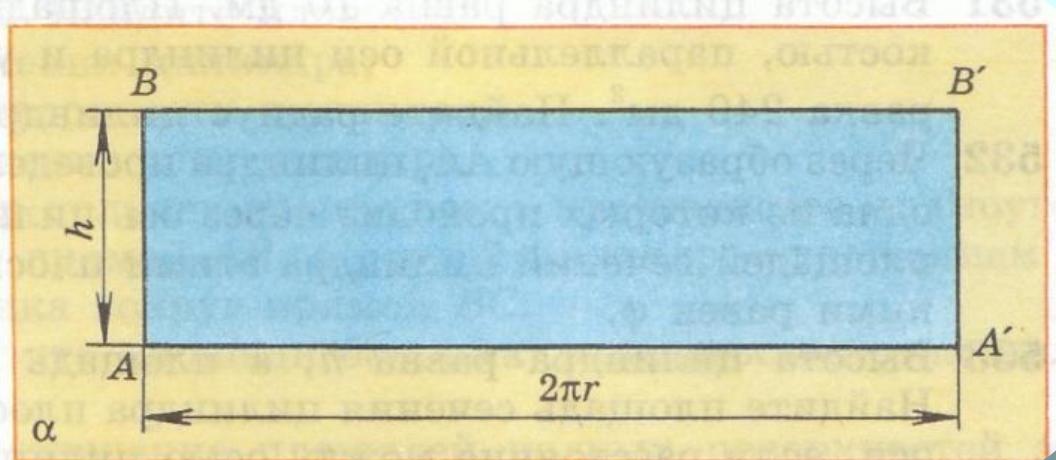
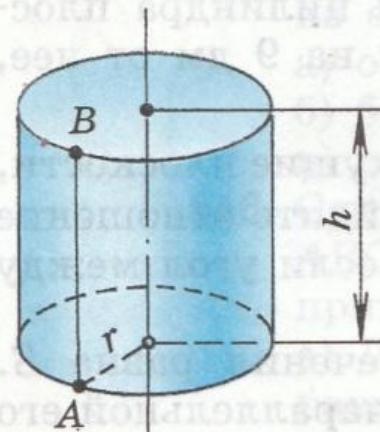


**Площадь боковой поверхности цилиндра равна произведению длины окружности основания на высоту цилиндра.**

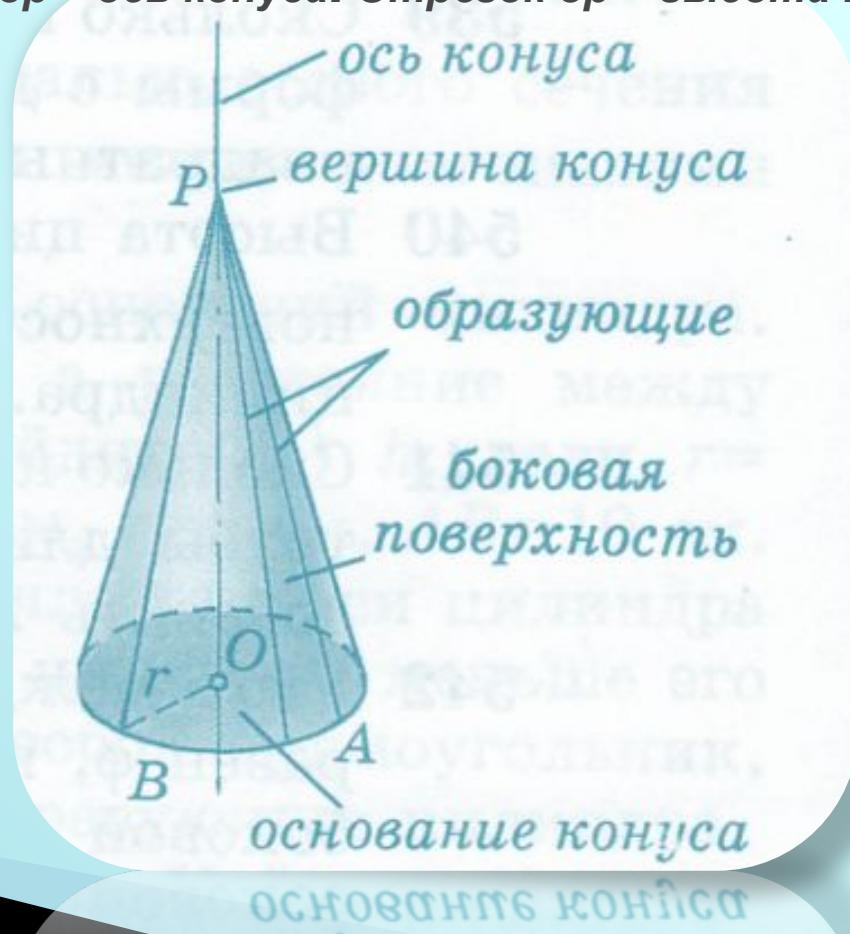
$$S_{\text{бок}} = 2\pi r h$$

**Площадью полной поверхности цилиндра называется сумма площадей боковой поверхности и двух оснований.**

$$S = 2\pi r(r+h)$$



**Тело, ограниченное конической поверхностью и кругом, называется конусом.**  
**Коническая поверхность называется боковой поверхностью. Круг – основание конуса.**  $P$  – вершина конуса. **Образующие конической поверхности – образующие конуса.** Прямая  $OP$  – ось конуса. Отрезок  $OP$  – высота конуса.

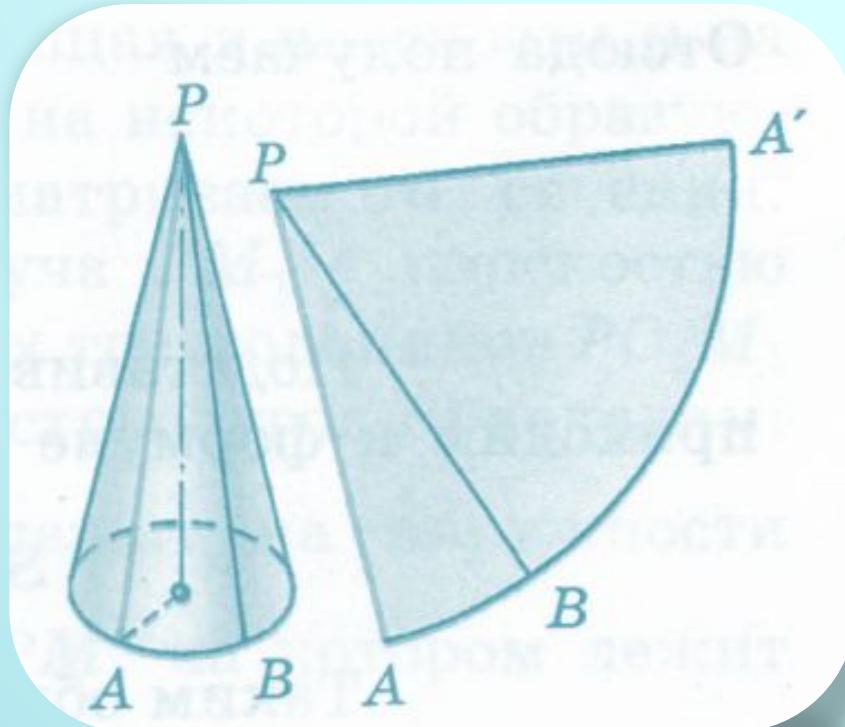


**Площадь боковой поверхности конуса равна произведению половины длины окружности основания на образующую.**

$$S_{\text{бок}} = \pi r l$$

**Площадью полной поверхности конуса называется сумма площадей боковой поверхности и основания.**

$$S = \pi r(l+h)$$



*Конус, который рассекли плоскостью, параллельной основанию, и убрали верхнюю часть, называется усечённым конусом.*

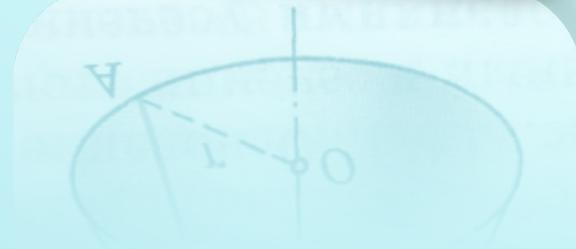
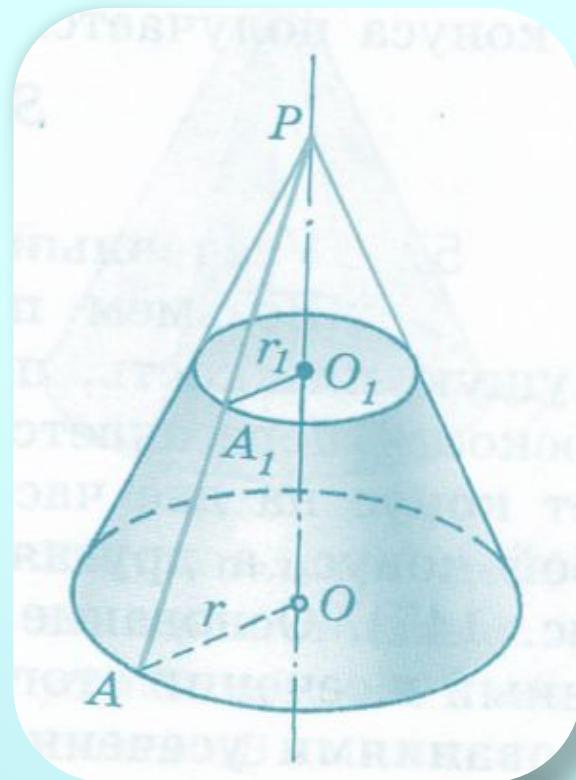


*основание конуса*

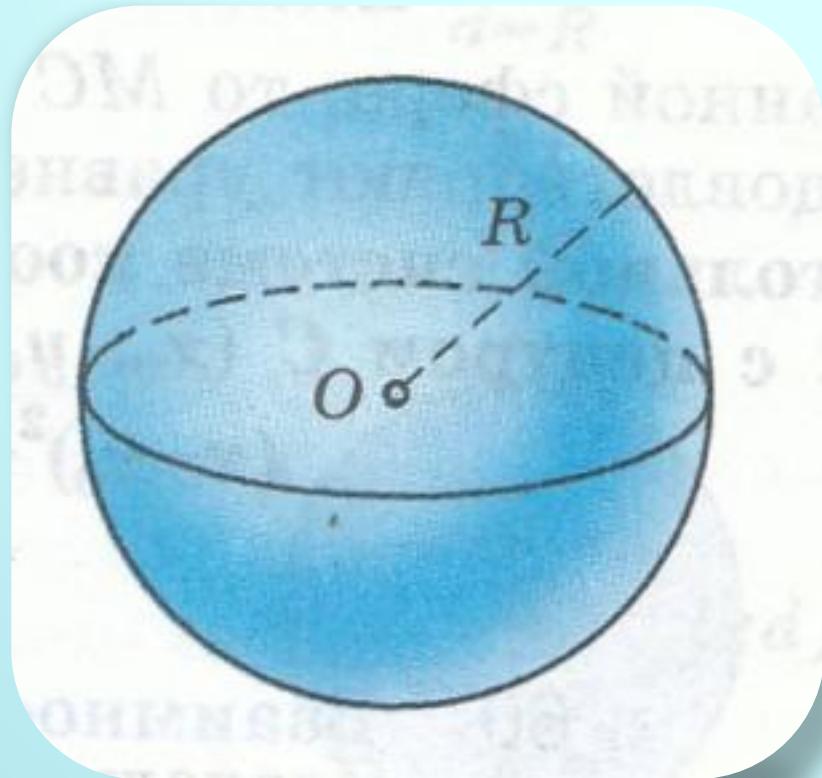
*Площадь боковой поверхности усечённого конуса равна произведению полусуммы длин окружностей оснований на образующую.*

$$S_{\text{бок}} = \pi(r_1 + r_2)l$$

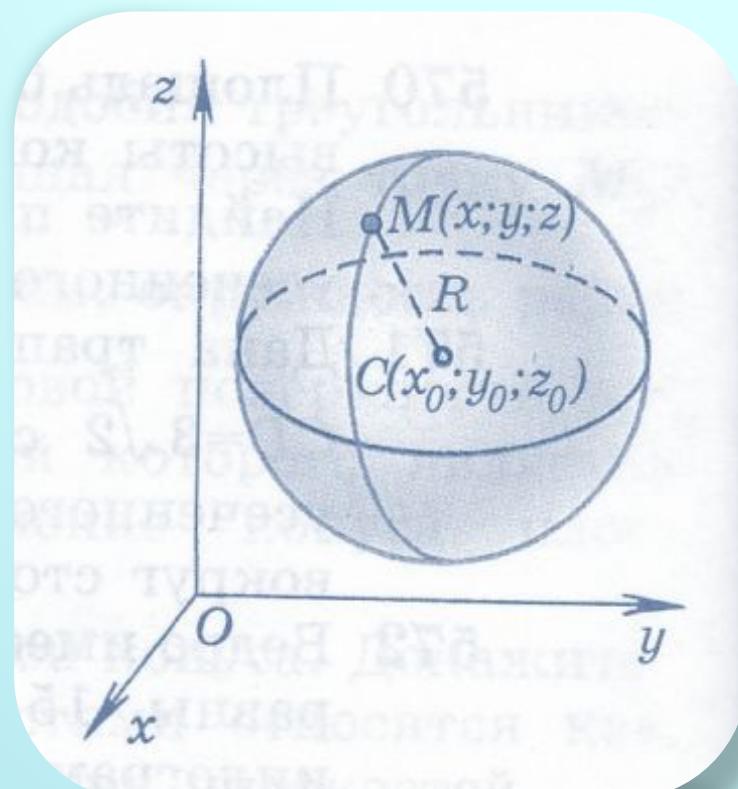
*Площадью полной поверхности усечённого конуса называется сумма площадей боковой поверхности и оснований.*



**Сферой называется поверхность, состоящая из всех точек пространства, расположенных на данном расстоянии от данной точки.  $O$  – центр сферы.  $R$  – радиус сферы. Тело, ограниченное сферой – шар.**



**В прямоугольной системе координат уравнение сферы радиусом  $R$  с центром  $C$  имеет вид  $(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 + (z-z_0)^2 = r^2$**



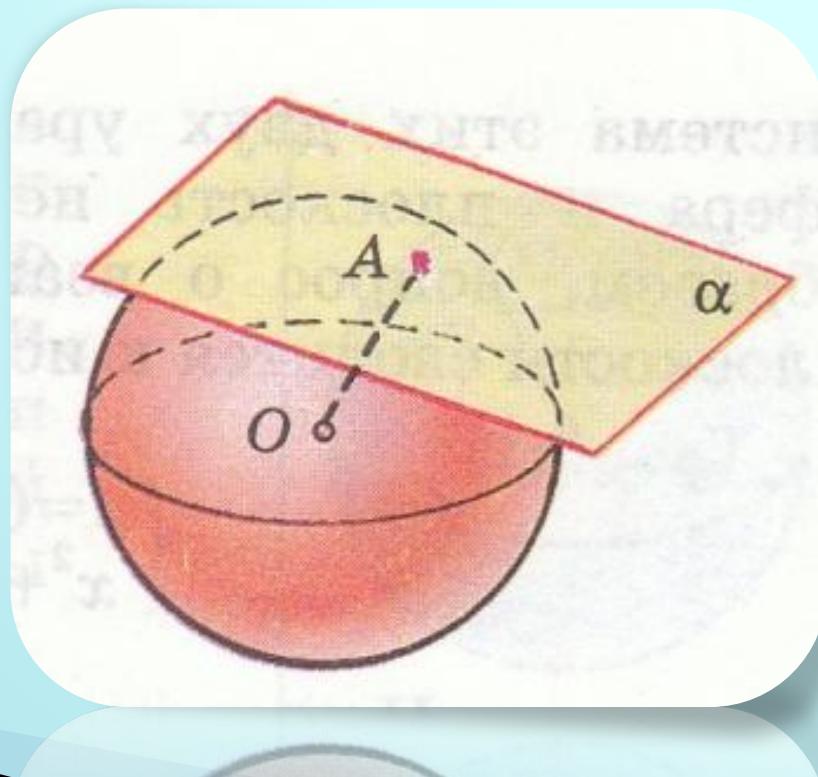
**Плоскость, имеющая со сферой только одну общую точку , называется касательной к сфере, а их общая точка – точкой касания.**

**Теорема 1.**

**радиус сферы, проведённый в точку касания сферы и плоскости, перпендикулярен к касательной плоскости.**

**Теорема 2.**

**если радиус сферы перпендикулярен к плоскости, проходящей через его конец, лежащий на сфере, то эта плоскость является касательной к сфере.**



**Многогранник называется описанным около сферы, если сфера касается всех его граней.**

**За площадь сферы примем предел последовательности площадей поверхностей**

**описанных около сферы многогранников при стремлении к нулю наибольшего размера каждой грани.**

