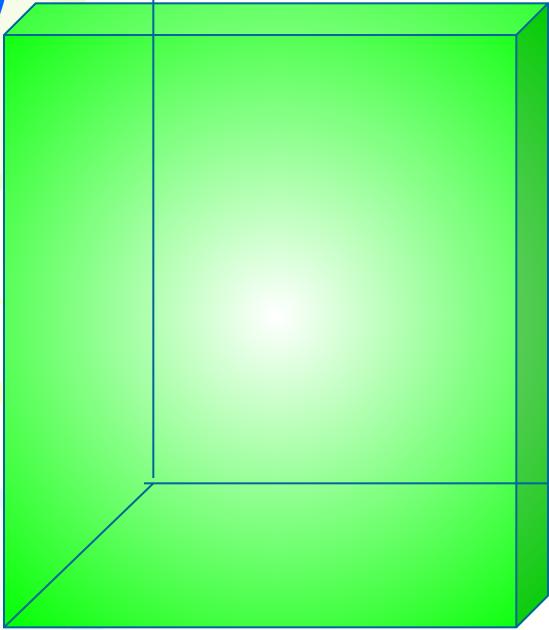


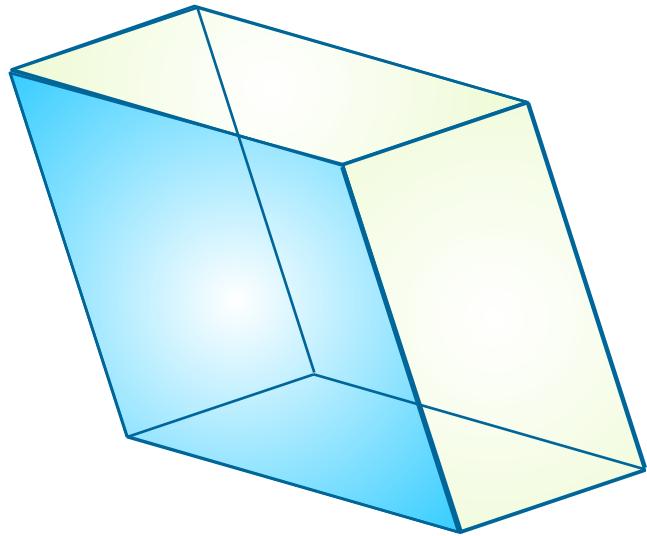
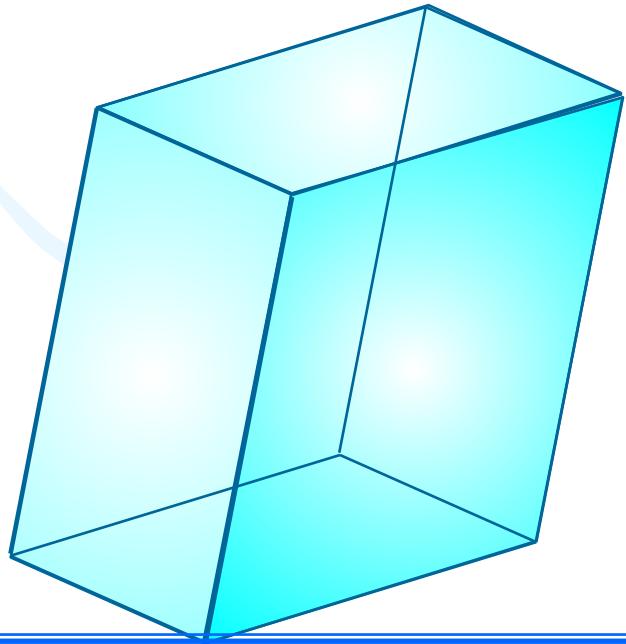
Л.С. Аманасян "Геометрия 10-11"

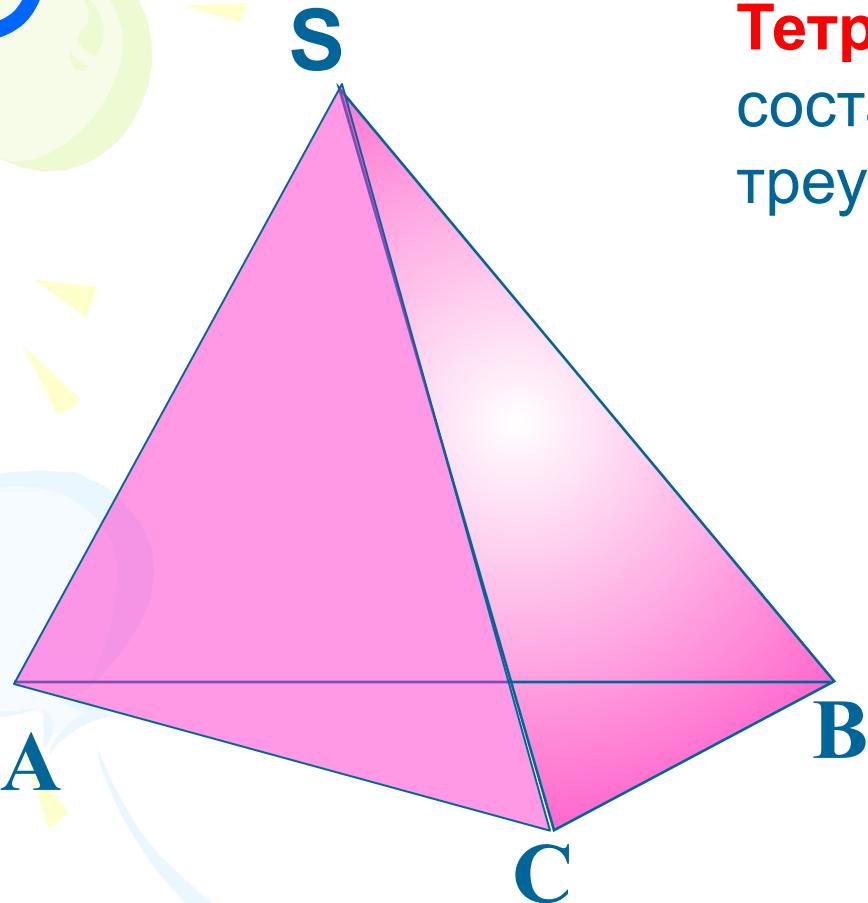
Понятие многогранника

Призма



Параллелепипед –
поверхность, составленная из
шести параллелограммов.

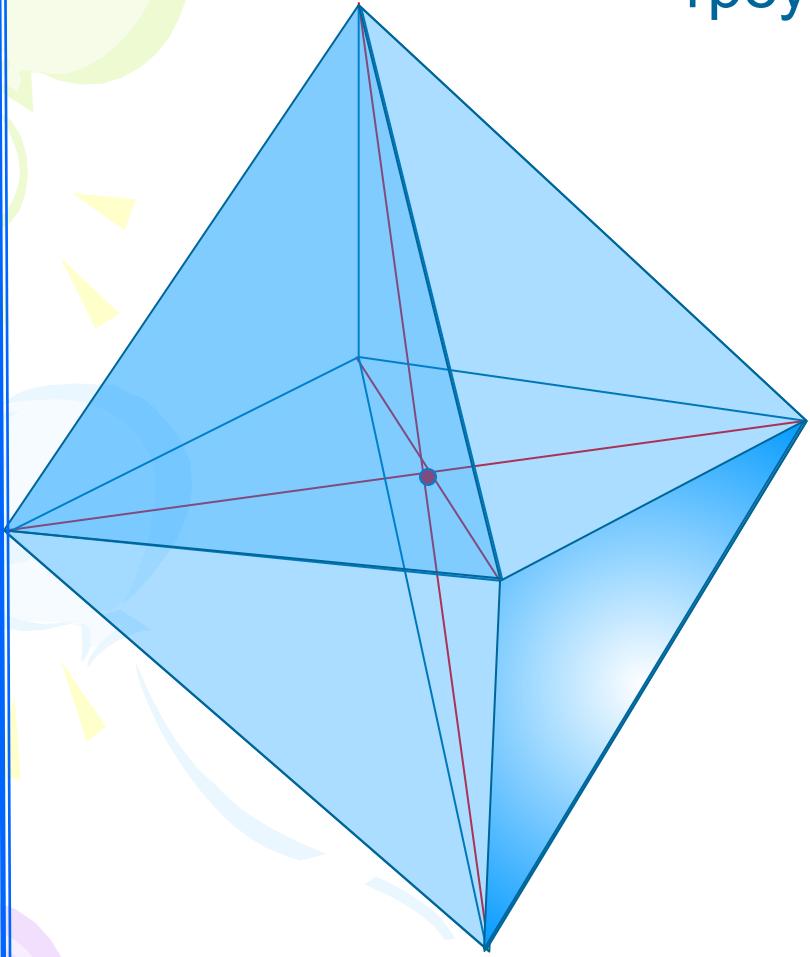




Тетраэдр – поверхность, составленная из четырех треугольников.

Поверхность, составленную из многоугольников и ограничивающую некоторое геометрическое тело, будем называть многогранной поверхностью или **многогранником**.

Октаэдр составлен из восьми треугольников.

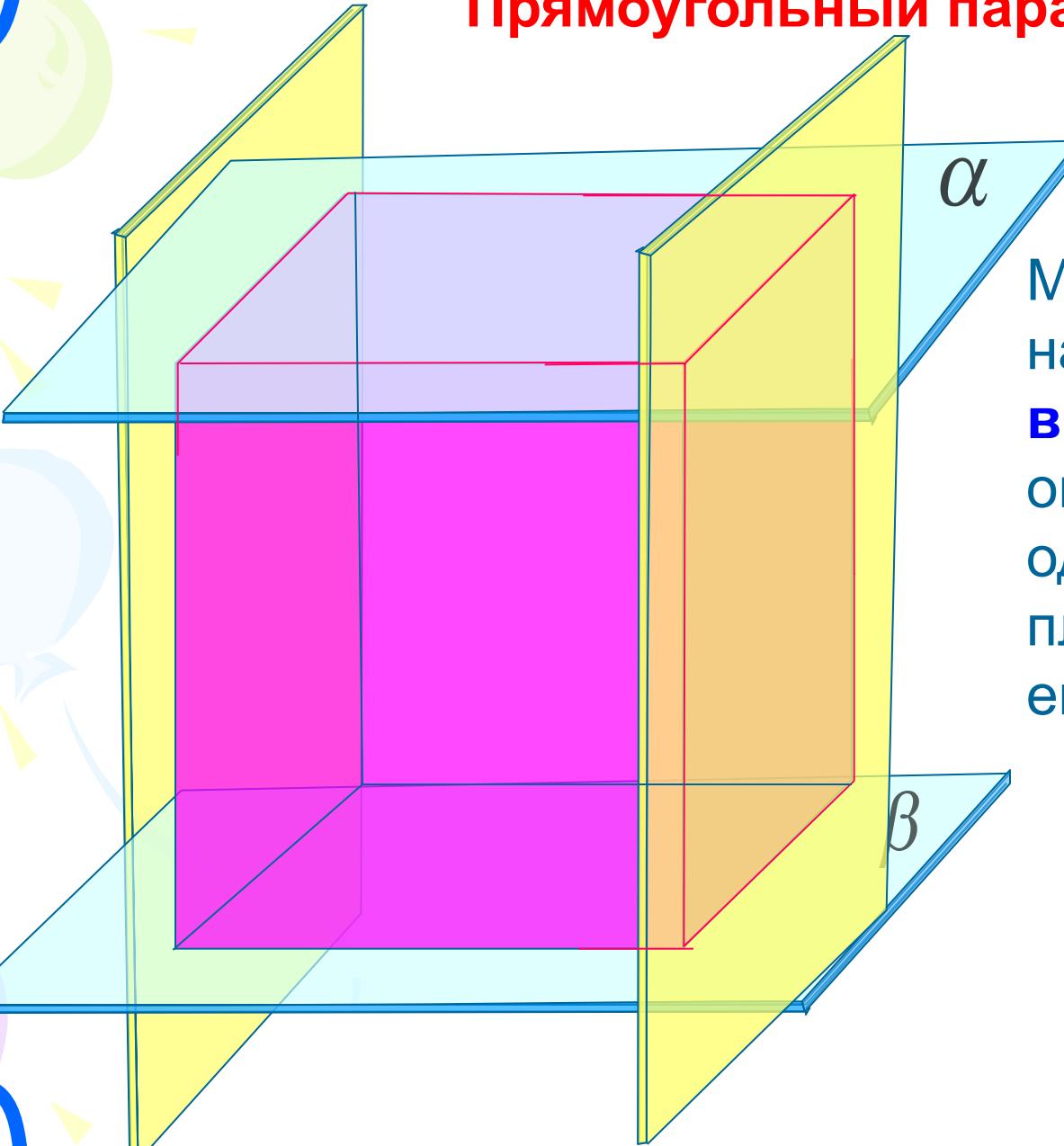


Многоугольники, из которых составлен многогранник, называются **гранями**.

Стороны граней называются **ребрами**, а концы ребер – **вершинами**.

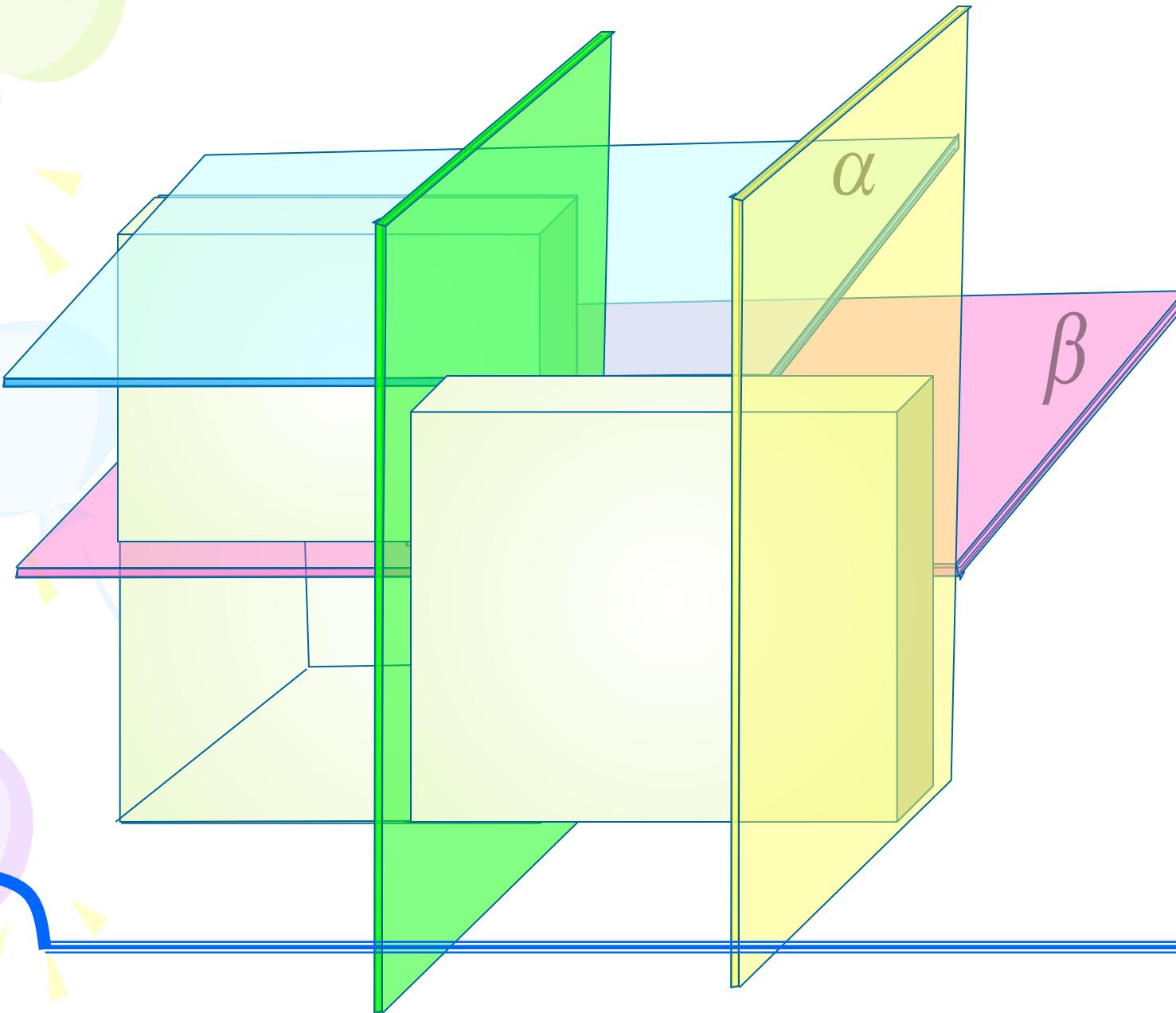
Отрезок, соединяющий две вершины, не принадлежащие одной грани, называется **диагональю** многогранника.

Прямоугольный параллелепипед

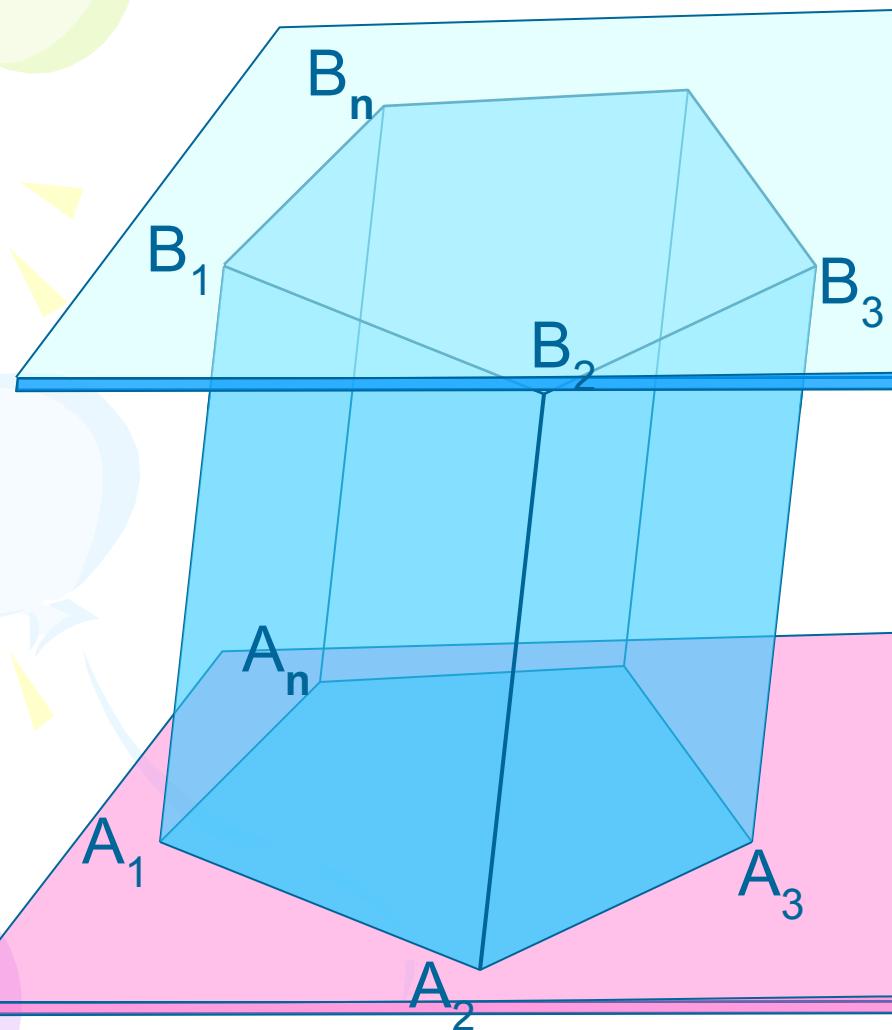


Многогранник
называется
выпуклым, если
он расположен по
одну сторону от
плоскости каждой
его грани.

Невыпуклый многогранник



Призма



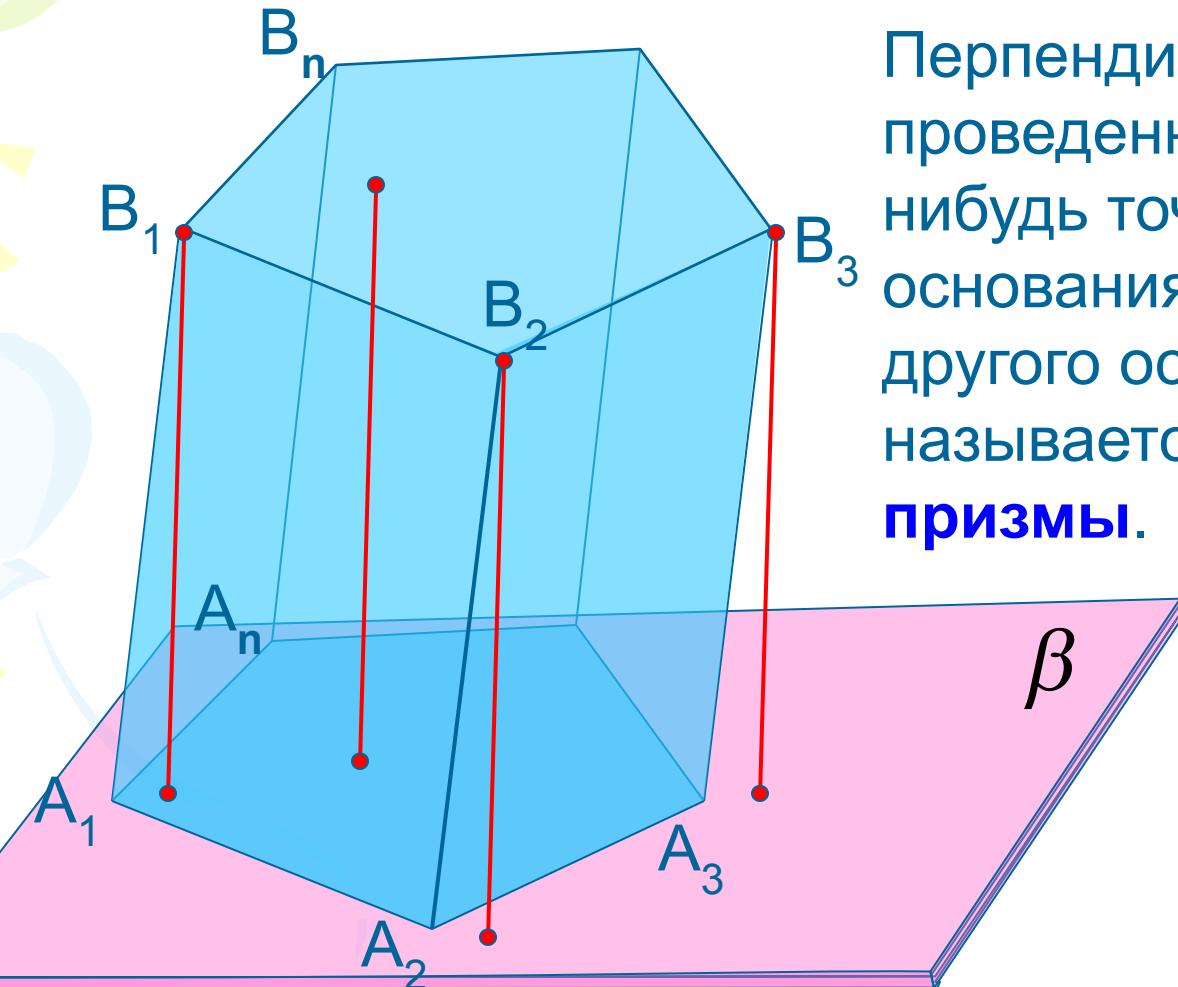
Многогранник, составленный из двух равных многоугольников $A_1 A_2 \dots A_n$ и $B_1 B_2 \dots B_n$, расположенных в параллельных плоскостях, и n параллелограммов, называется призмой.

n -угольная призма.

Многоугольники $A_1 A_2 \dots A_n$ и $B_1 B_2 \dots B_n$ – **основания призмы.**
Параллелограммы $A_1 B_1 B_2 A_2$, $A_2 B_2 B_3 A_3$ и т.д.
боковые грани призмы

Призма

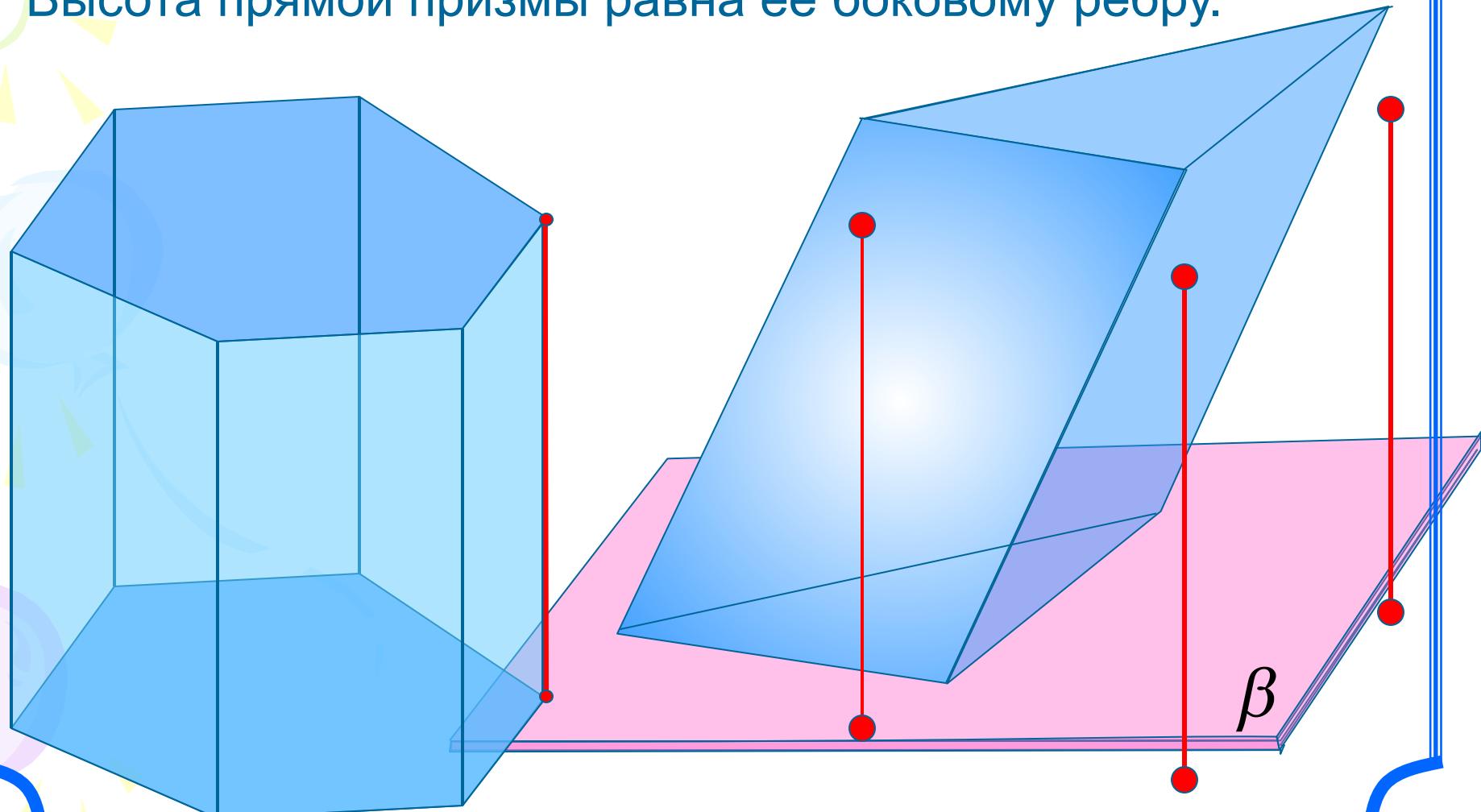
Отрезки A_1B_1, A_2B_2 и т.д. -
боковые ребра призмы



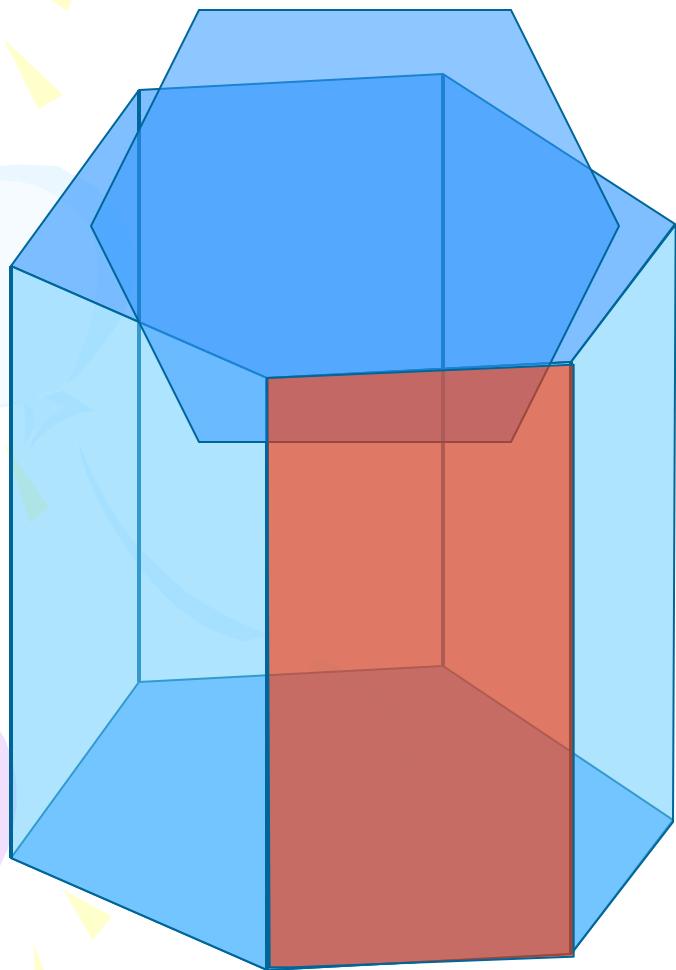
Перпендикуляр,
проведенный из какой-
нибудь точки одного
основания к плоскости
другого основания,
называется **высотой**
призмы.

Если боковые ребра перпендикулярны к основаниям, то призма называется **прямой**, в противном случае **наклонной**.

Высота прямой призмы равна ее боковому ребру.

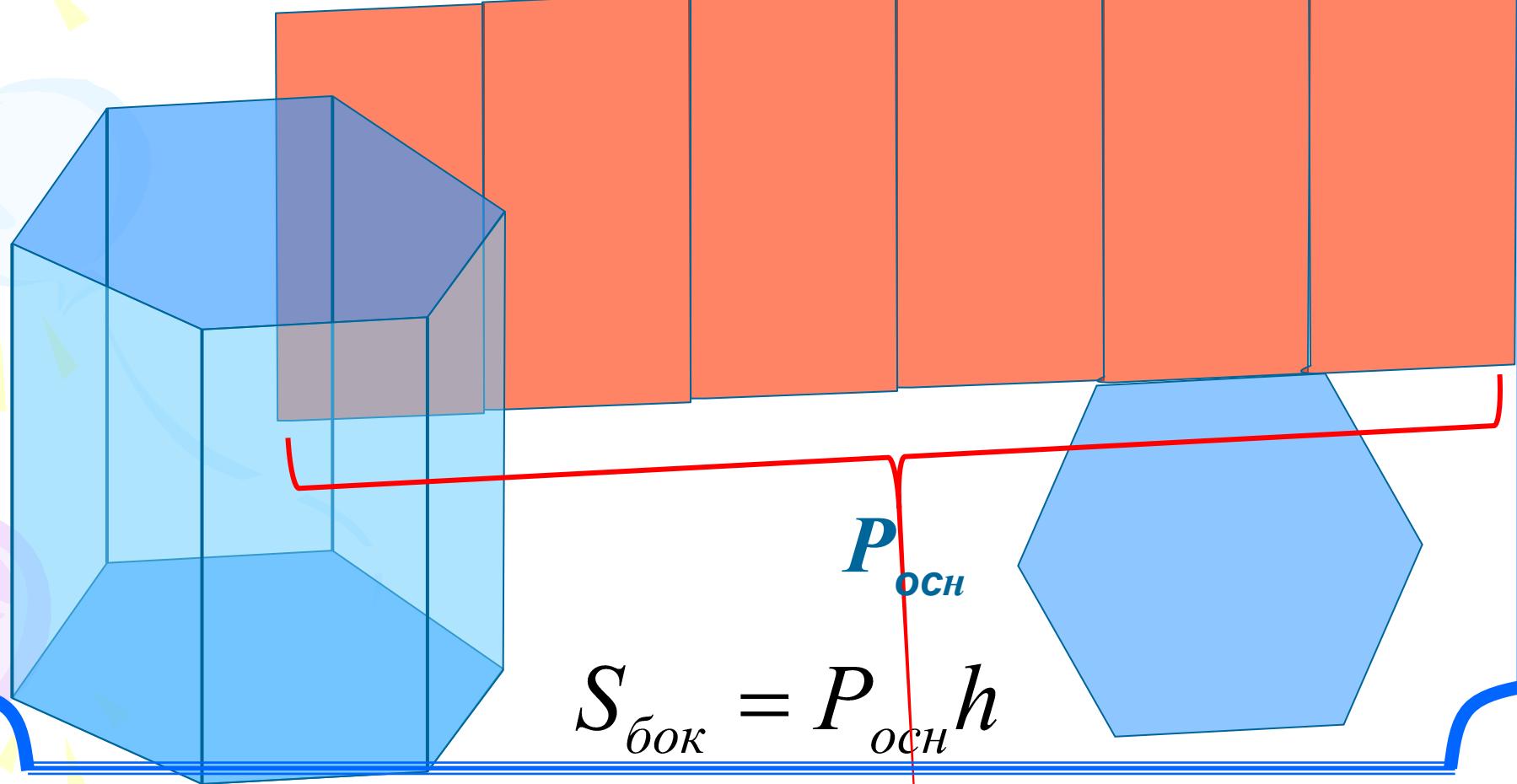


Пряная призма называется **правильной**, если ее основания - правильные многоугольники. У такой призмы все боковые грани – равные прямоугольники.

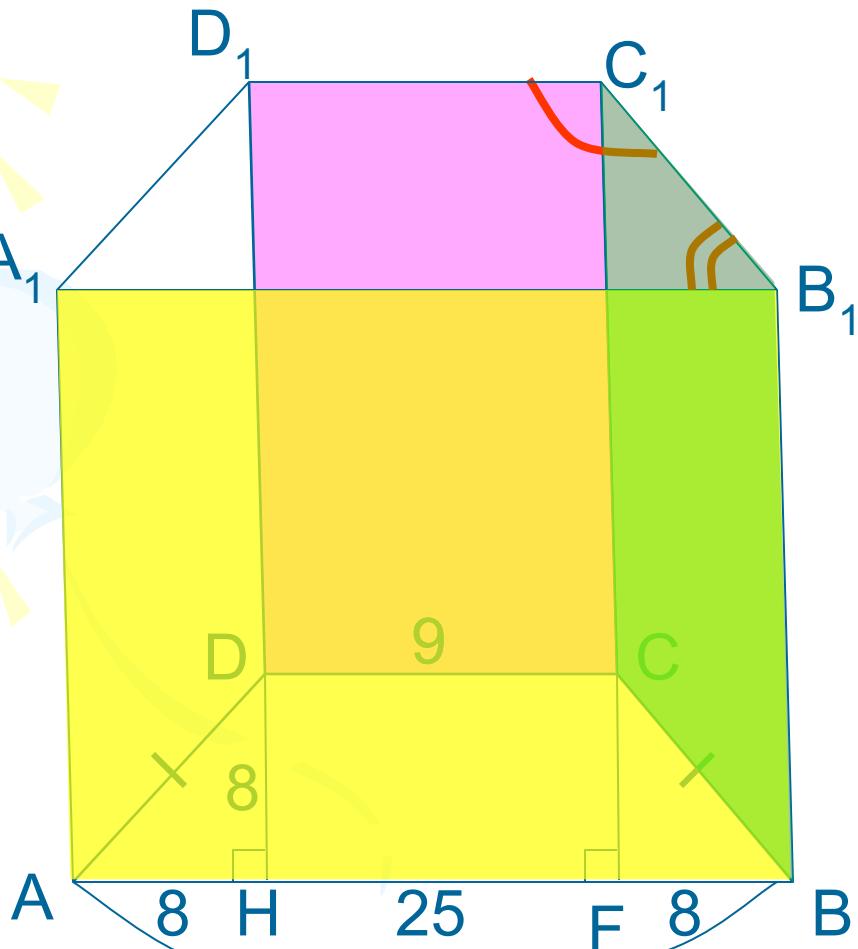


Площадью полной поверхности призмы
называется сумма площадей всех граней, а
площадью боковой поверхности призмы –
сумма площадей ее боковых граней.

$$S_{полн} = S_{бок} + 2S_{осн}$$

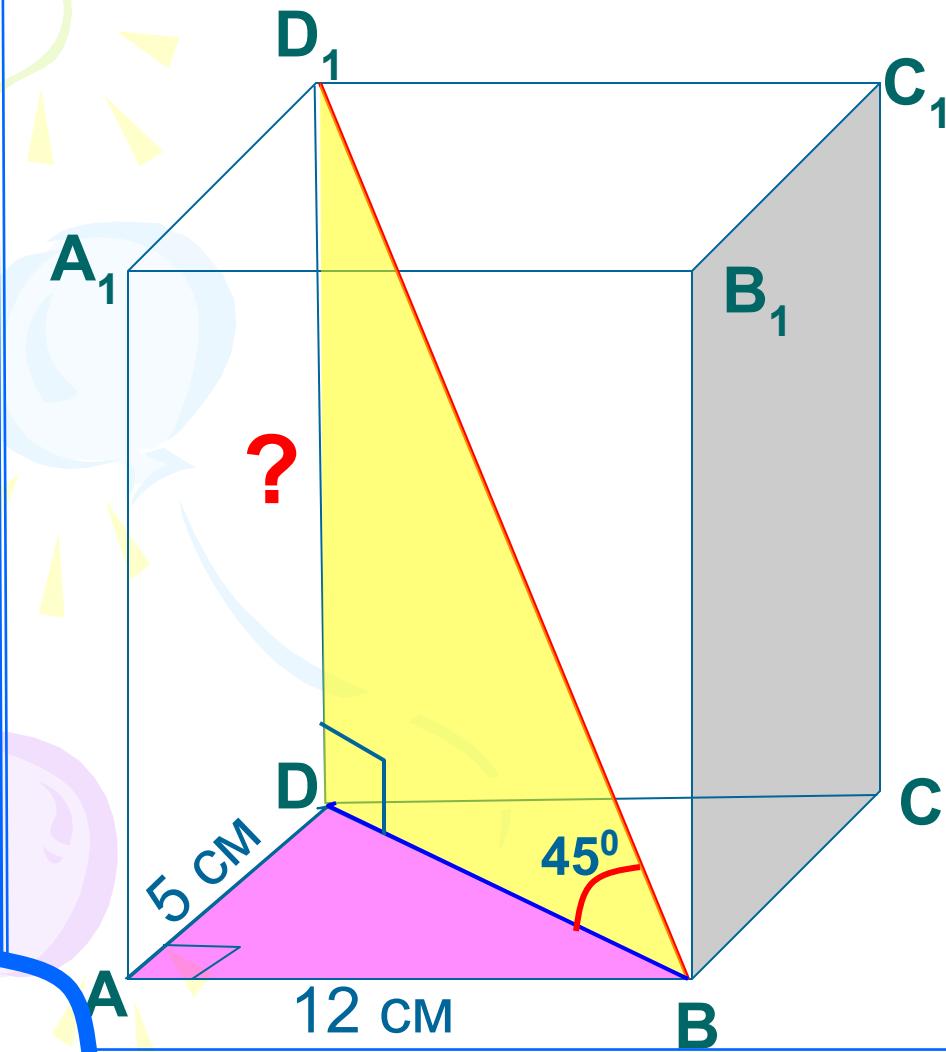


№ 222. Основанием прямой призмы является равно- бедренная трапеция с основаниями 25 см и 9 см и высотой 8 см. Найдите двугранные углы при боковых ребрах призмы.



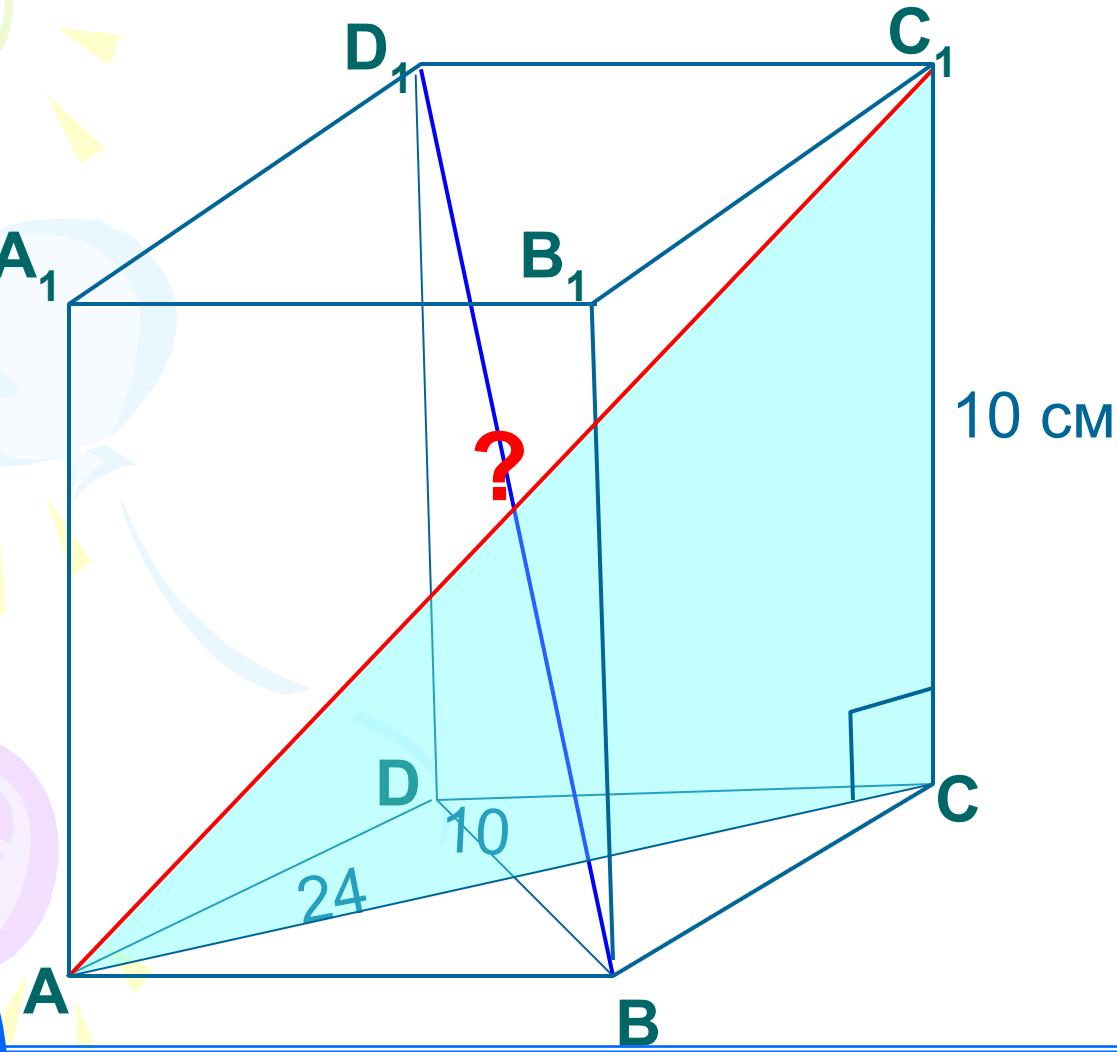
№ 219. В прямоугольном параллелепипеде стороны

основания равны 12 см и 5 см. Диагональ параллелепипеда образует с плоскостью основания угол в 45^0 . Найдите боковое ребро параллелепипеда.



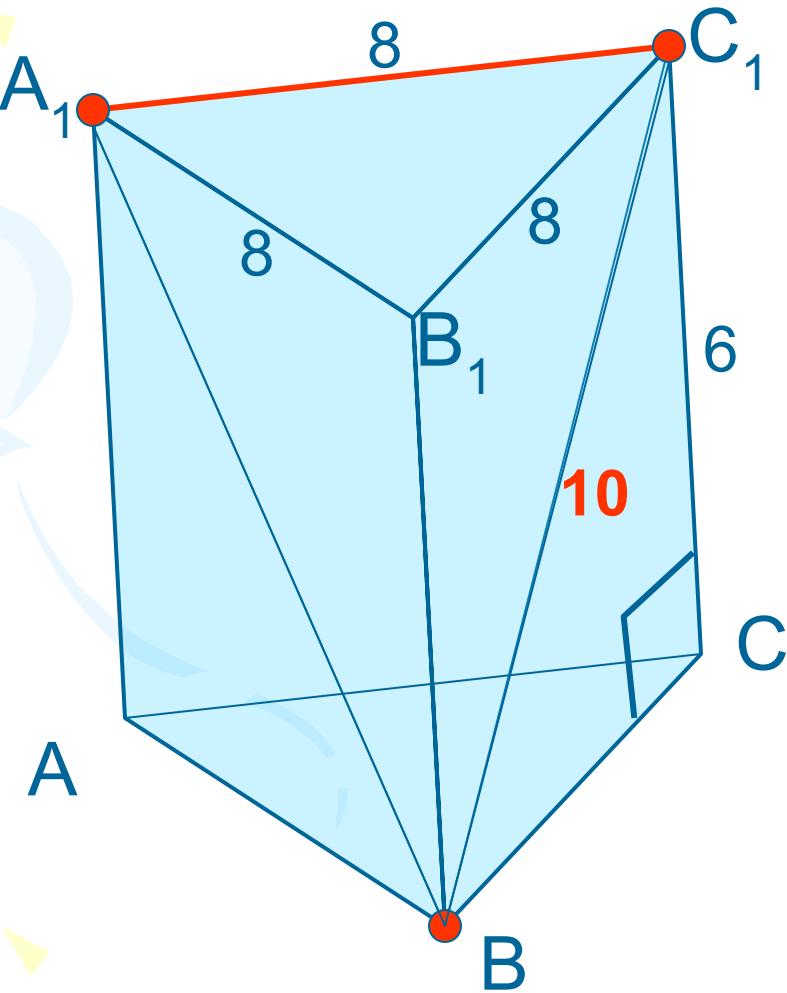
№ 220.

Основанием прямого параллелепипеда является ромб с диагоналями 10 см и 24 см, а высота параллелепипеда 10 см. Найдите большую диагональ параллелепипеда.

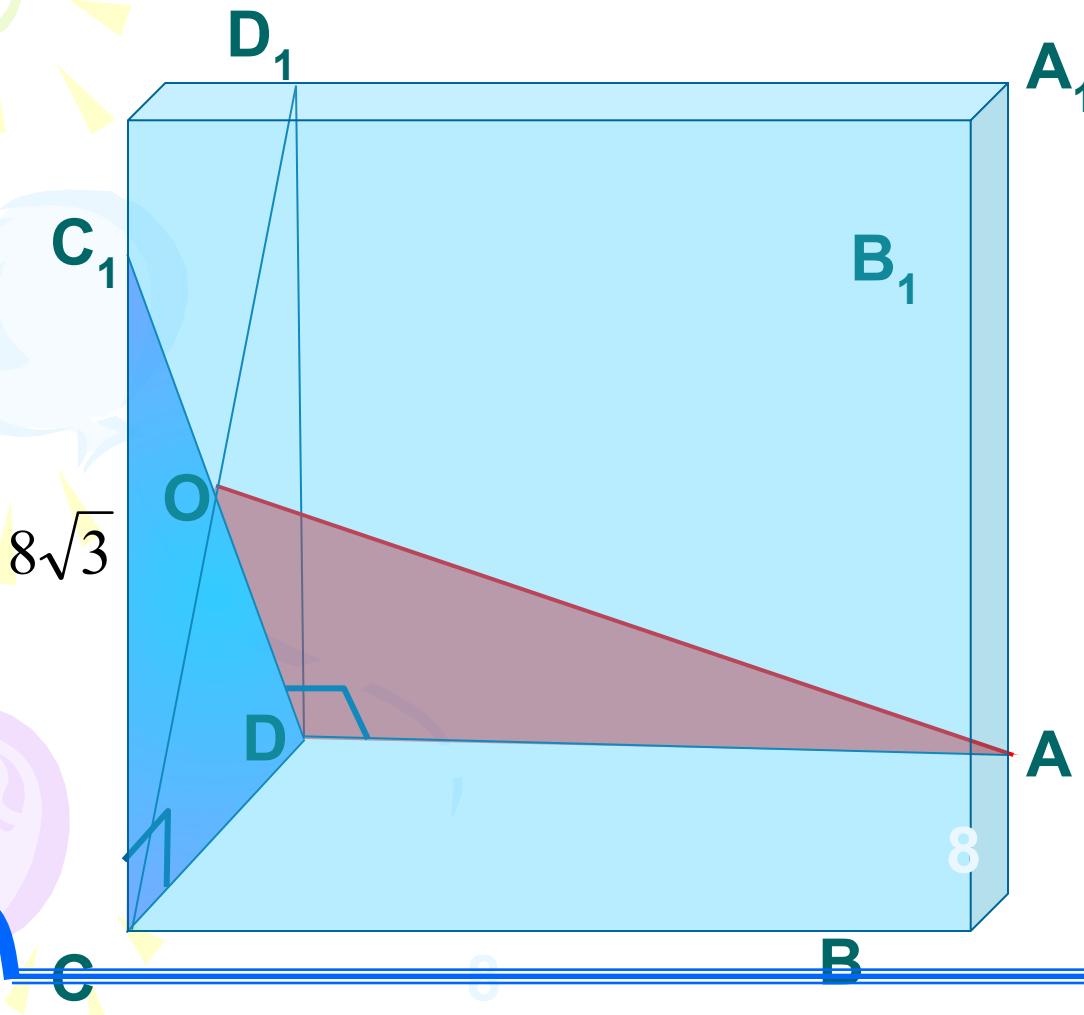


1. Сторона основания правильной треугольной призмы равна 8 см, а диагональ боковой грани равна 10 см. Найдите площадь боковой и полной поверхности призмы.
2. Основание прямой призмы – параллелограмм со сторонами 8 и 15 см и углом 120° . Боковая поверхность призмы имеет площадь 460 см^2 . Найдите площадь сечения призмы, проходящего через боковое ребро и меньшую диагональ основания.
3. Основание прямой призмы – прямоугольный треугольник с катетами 13 и 12 см. Меньшая боковая грань и основание призмы **равновелики**. Найдите площадь боковой и полной поверхности призмы.

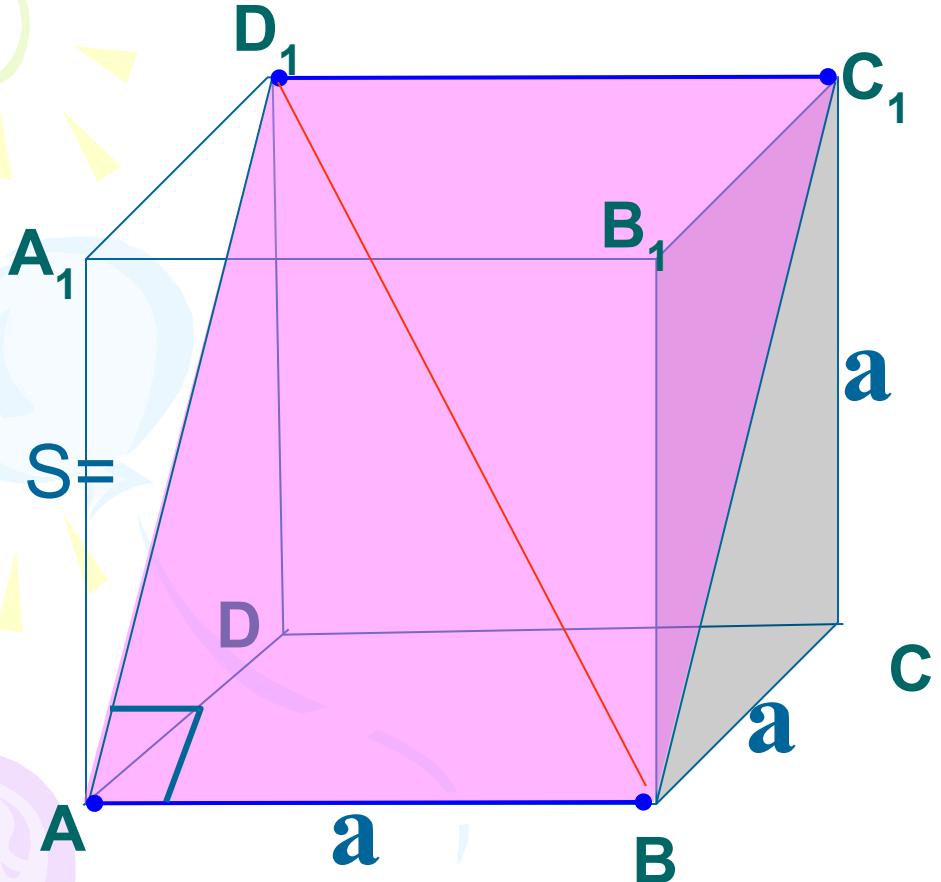
№ 221. Сторона основания правильной треугольной призмы равна 8 см, боковое ребро равно 6 см. Найдите площадь сечения, проходящего через сторону верхнего основания и противолежащую вершину нижнего основания.



Высота правильной четырехугольной призмы равна $8\sqrt{3}$, а сторона основания – 8 см. Найдите расстояние между вершиной А и точкой пересечения диагоналей грани DD_1C_1C .



№ 223 Через два противолежащих ребра проведено сечение, площадь которого равна $64\sqrt{2}$ см². Найдите ребро куба и его диагональ.



№ 236. Докажите, что площадь боковой поверхности наклонной призмы равна произведению периметра перпендикулярного сечения на боковое ребро.

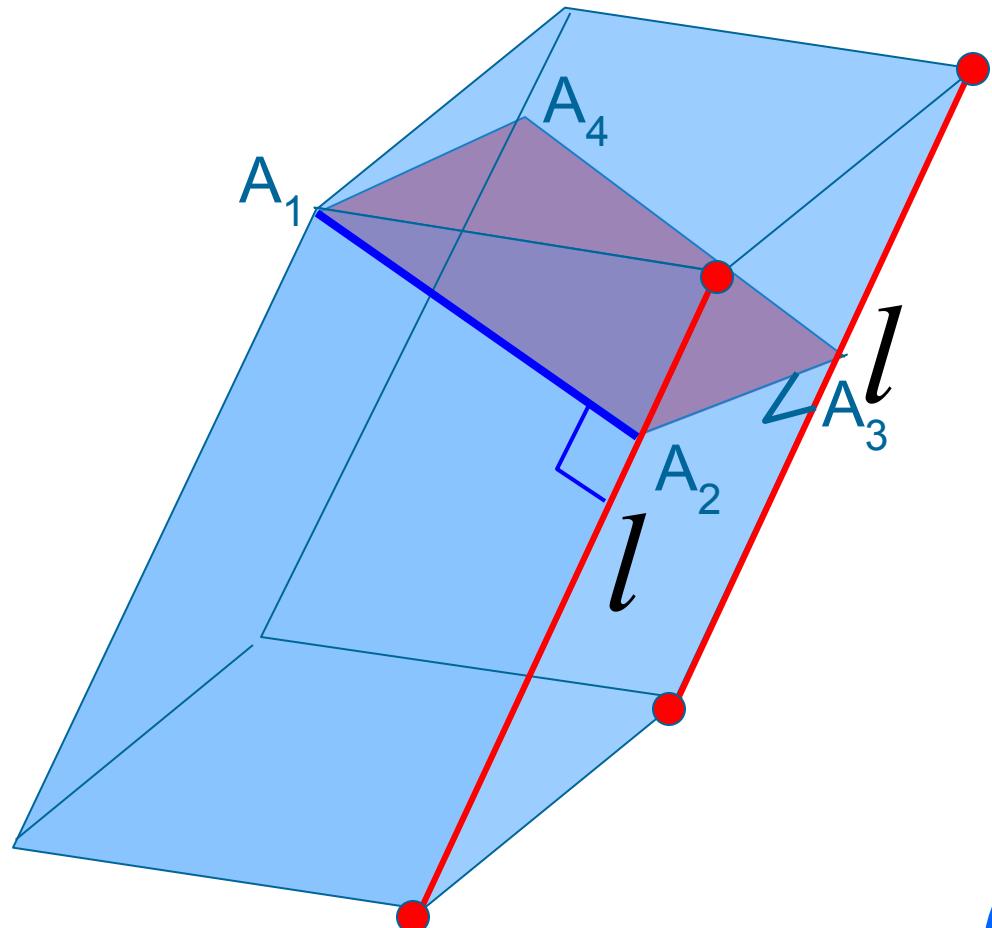
$$S_1 = A_1 A_2 * l$$

$$S_2 = A_2 A_3 * l$$

$$S_3 = A_3 A_4 * l$$

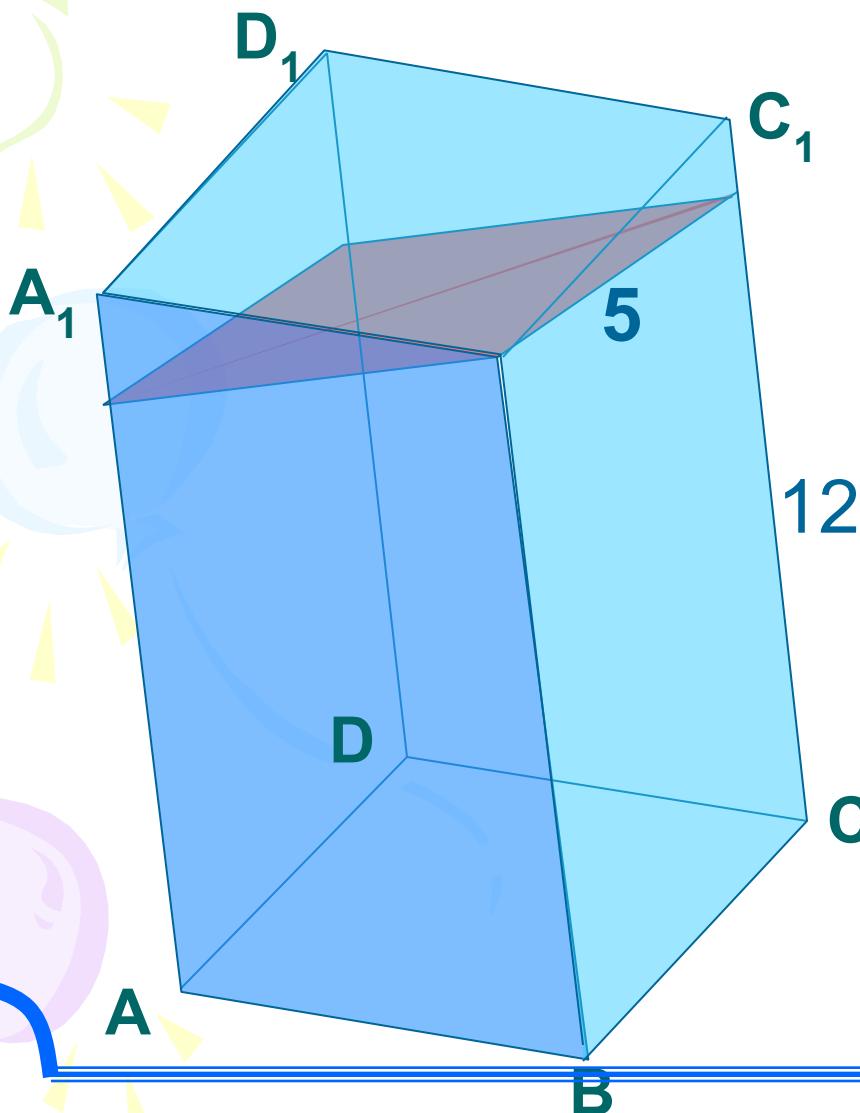
$$S_4 = A_4 A_1 * l$$

$$S_{бок} = P_{сеч} l$$



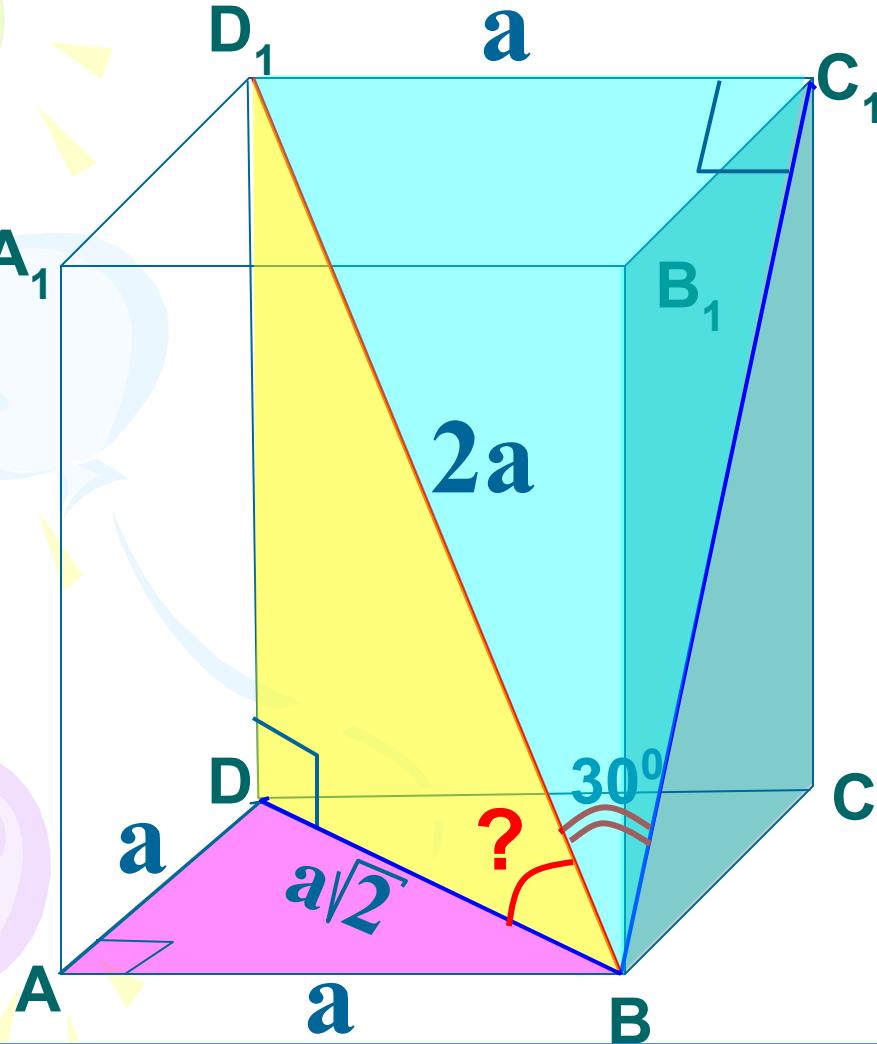
№ 237. Боковое ребро наклонной четырехугольной призмы равно 12 см, а перпендикулярным сечением является ромб со стороной 5 см. Найдите площадь боковой поверхности призмы.

$$S_{бок} = P_{сеч} l$$

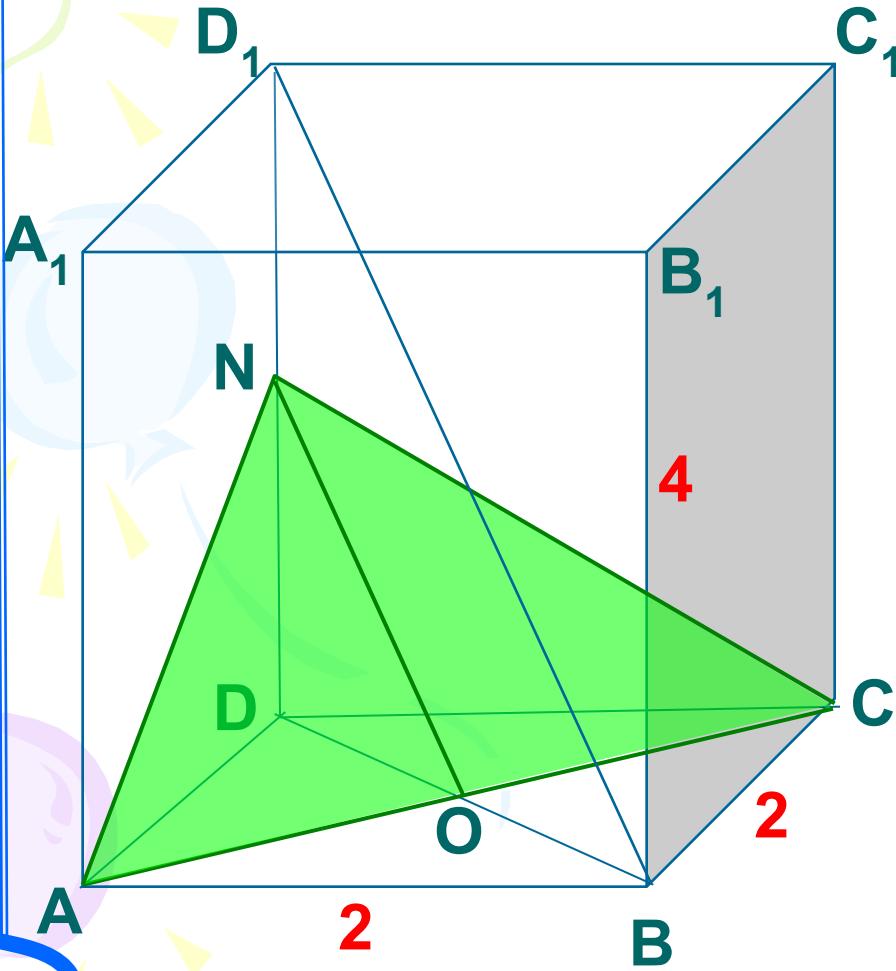


№ 225.

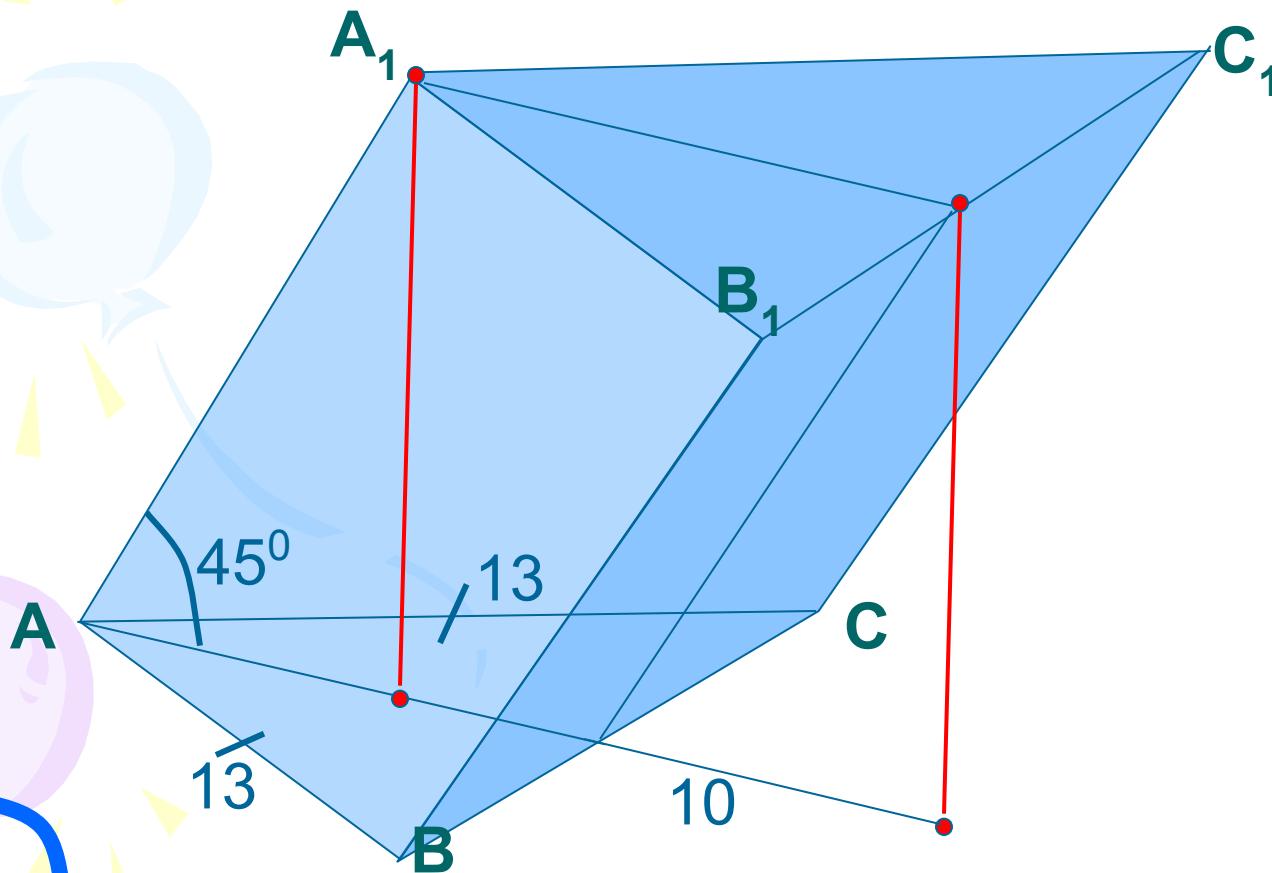
Диагональ правильной четырехугольной призмы образует с плоскостью боковой грани угол в 30^0 . Найдите угол между диагональю и плоскостью основания.



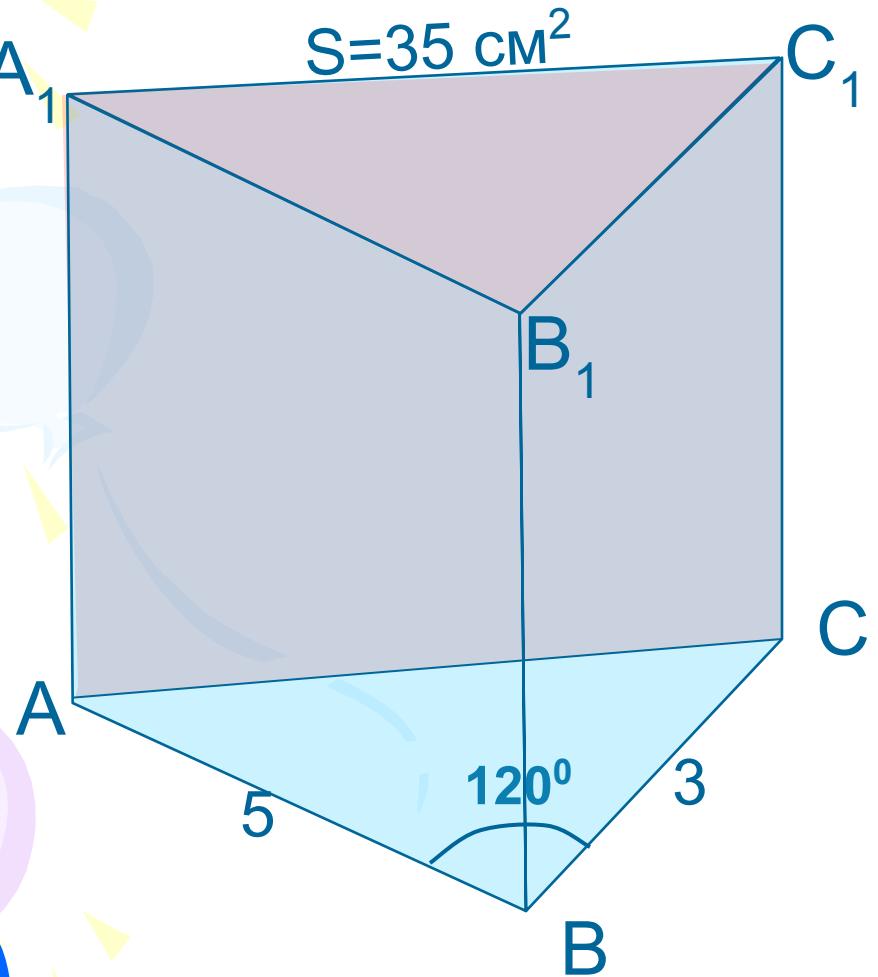
№ 226. В правильной четырехугольной призме через диагональ основания проведено сечение параллельно диагонали призмы. Найдите площадь сечения, если сторона основания призмы равна 2 см, а ее высота 4 см.



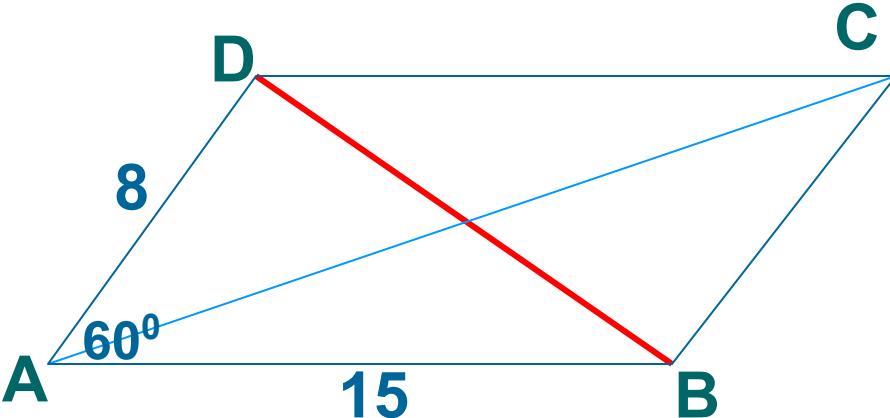
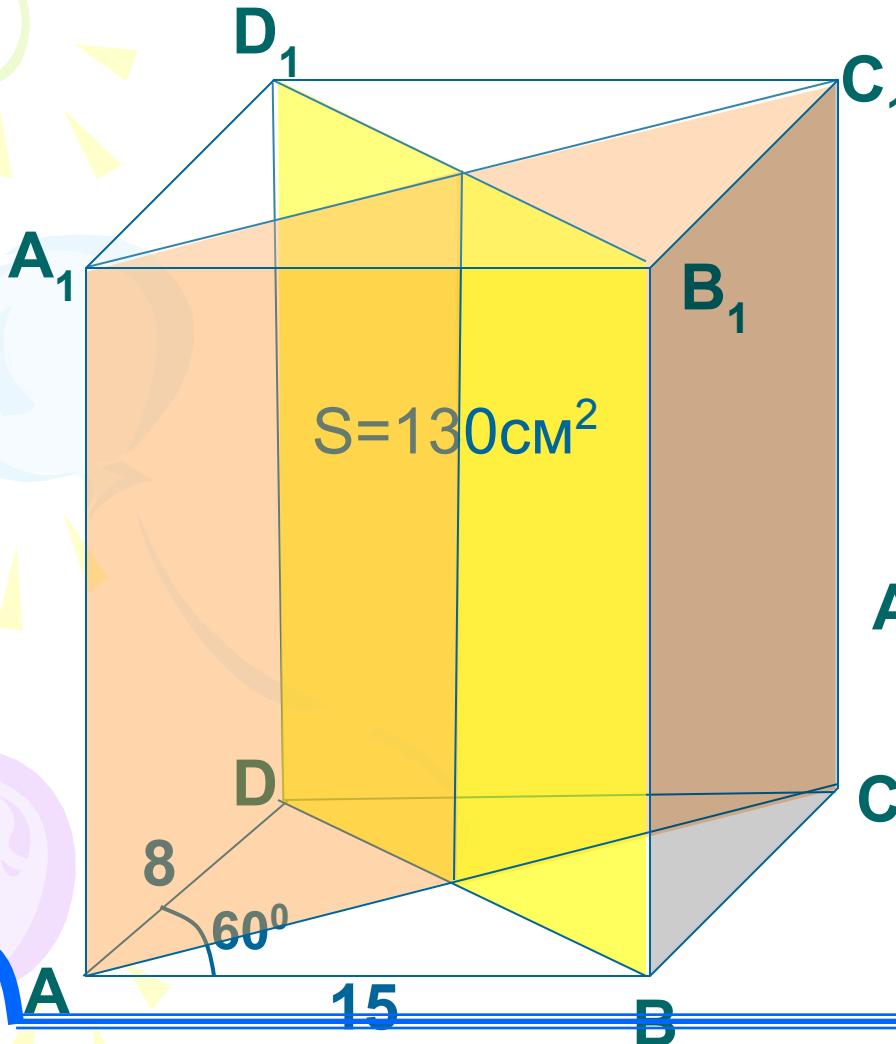
№ 228. Основанием наклонной призмы $ABC A_1 B_1 C_1$ является равнобедренный треугольник ABC , в котором $AC=AB=13\text{ см}$, $BC=10\text{ см}$, а боковое ребро призмы образует с плоскостью основания угол в 45^0 . Проекцией вершины A_1 является точка пересечения медиан треугольника ABC . Найдите площадь грани $CC_1 B_1 B$.



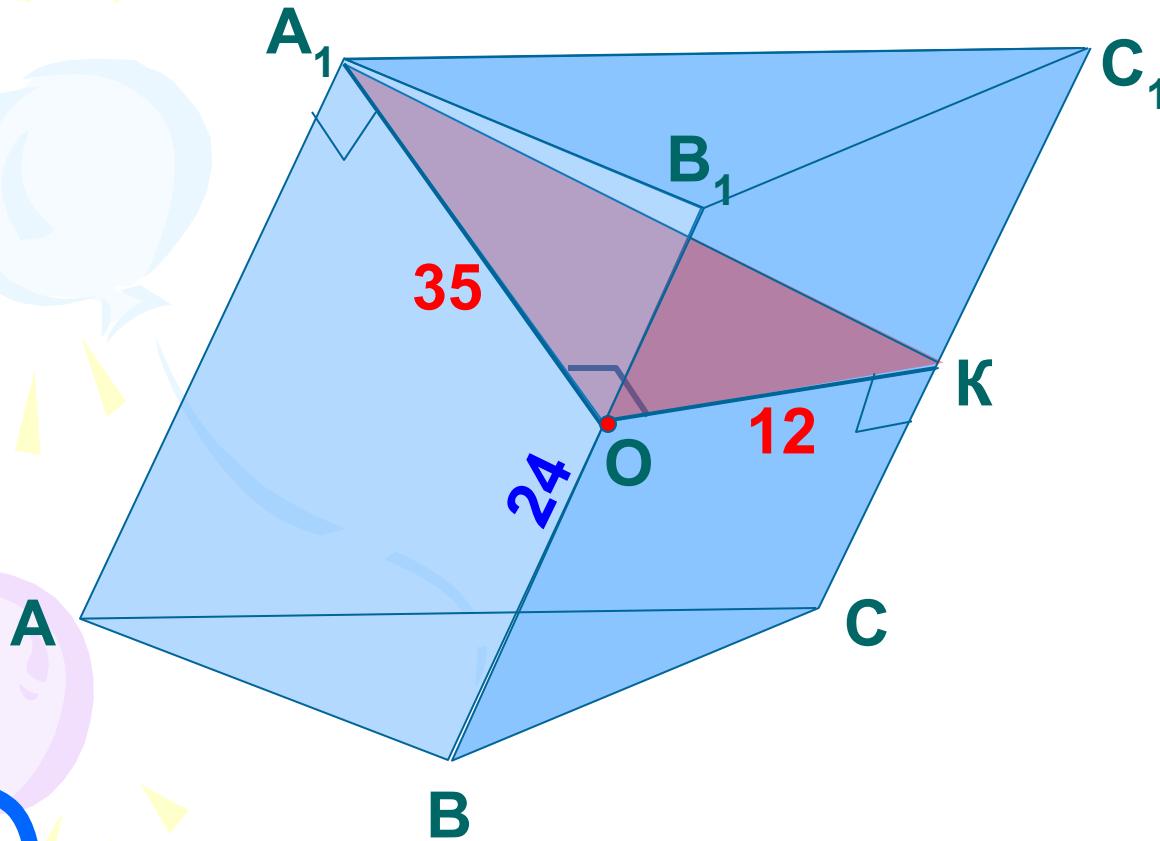
№ 230. Основание прямой призмы – треугольник со сторонами 5 см и 3 см и углом в 120^0 между ними. Наибольшая из площадей боковых граней равна 35 см^2 . Найдите площадь боковой поверхности призмы.



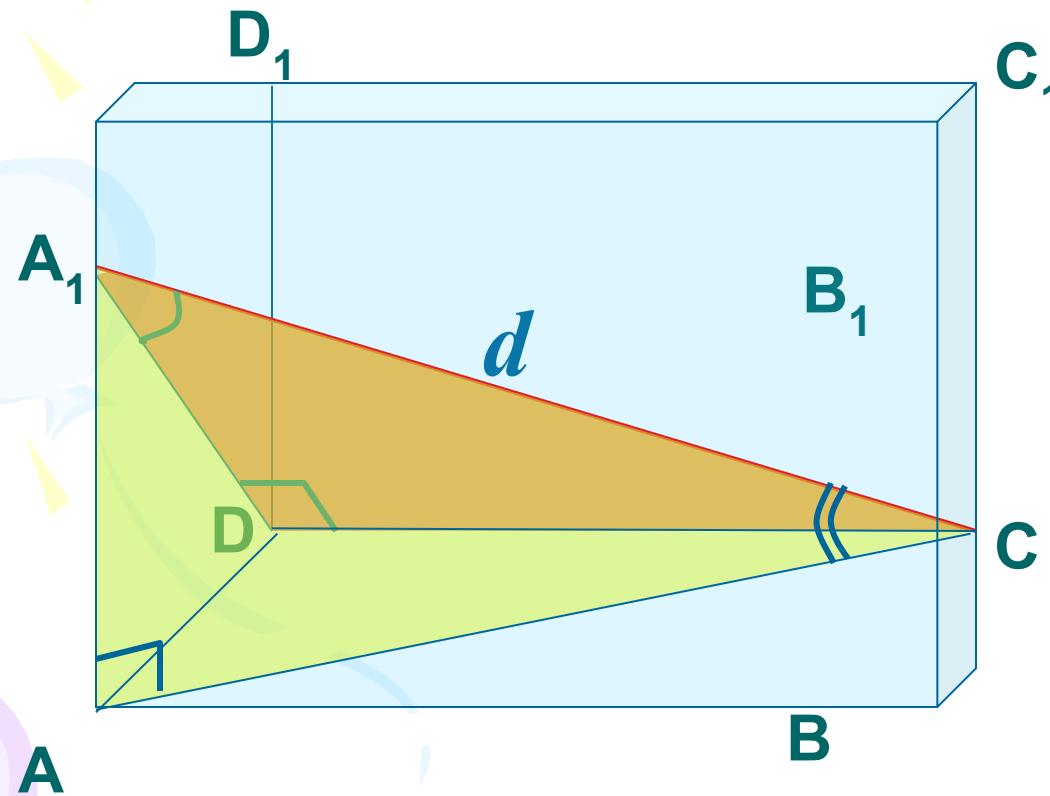
№ 231. Стороны основания прямого параллелепипеда равны 8 см и 15 см и образуют угол в 60^0 . Меньшая из площадей диагональных сечений равна 130 см^2 . Найдите площадь поверхности параллелепипеда.



№ 238. В наклонной треугольной призме две боковые грани взаимно перпендикулярны, а их общее ребро, отстоящее от двух других боковых ребер на 12 см и 35 см, равно 24 см. Найдите площадь боковой поверхности призмы.

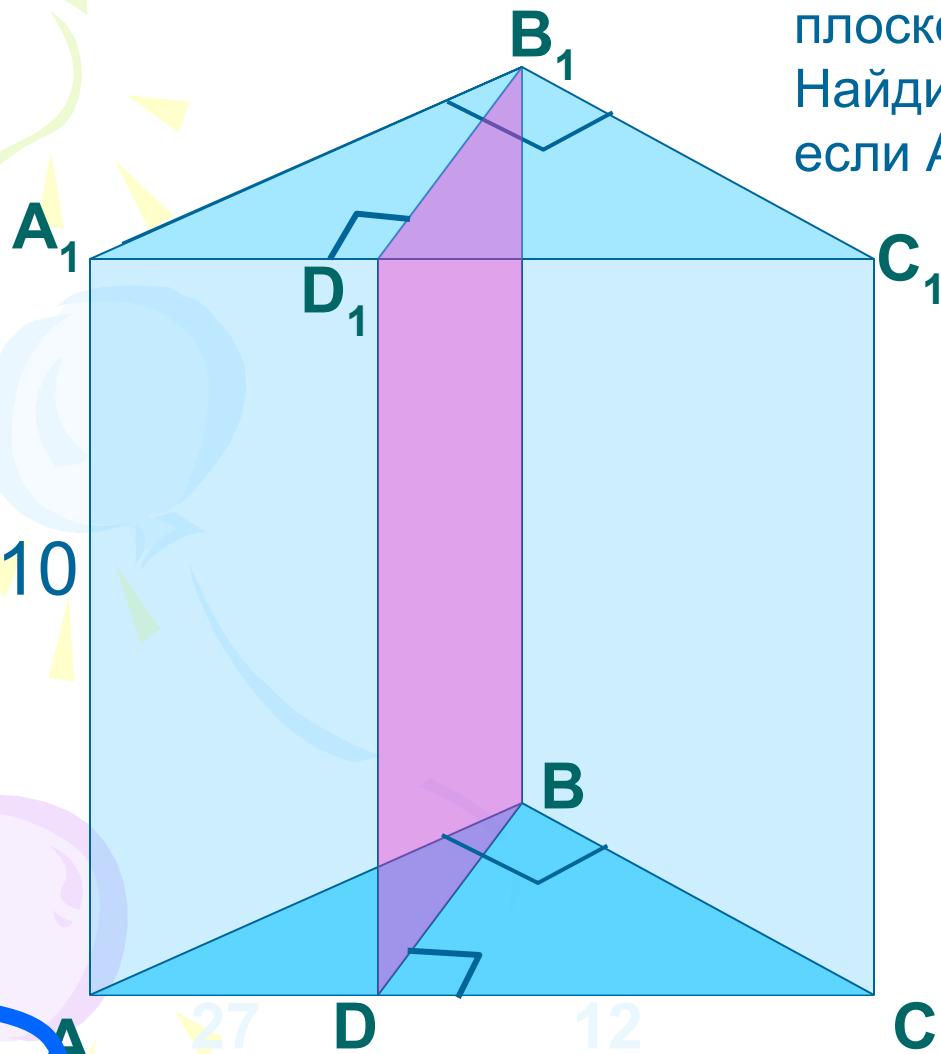


№ 232. Диагональ прямоугольного параллелепипеда, равная d , образует с плоскостью основания угол φ , а с одной из боковых граней – угол α . Найдите площадь боковой поверхности параллелепипеда.



№ 233. Основание прямой призмы $ABC A_1 B_1 C_1$ является прямоугольный треугольник ABC с прямым углом B . Через ребро BB_1 , проведено сечение $BB_1 D_1 D$, перпендикулярное к

плоскости грани $AA_1 C_1 C$.
Найдите площадь сечения,
если $AA_1 = 10\text{ см}$, $AD = 27\text{ см}$,
 $DC = 12\text{ см}$.

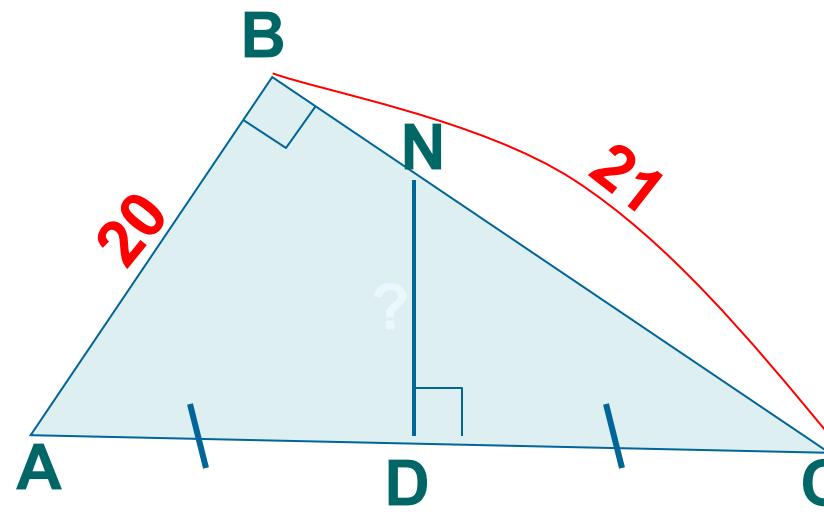
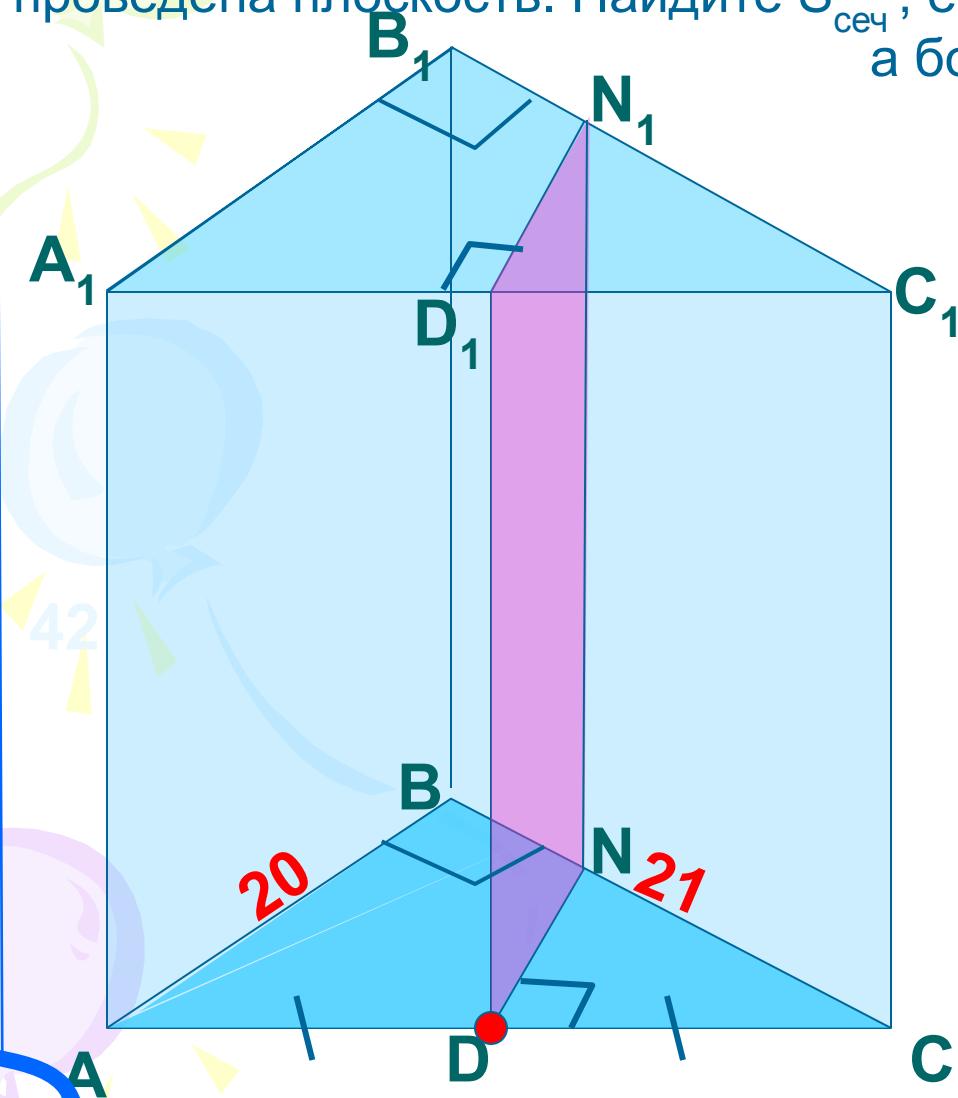


Из $\triangle ABC$

$$BD = \sqrt{\frac{27 \cdot 12}{9 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 4}} = 3 \cdot 3 \cdot 2$$

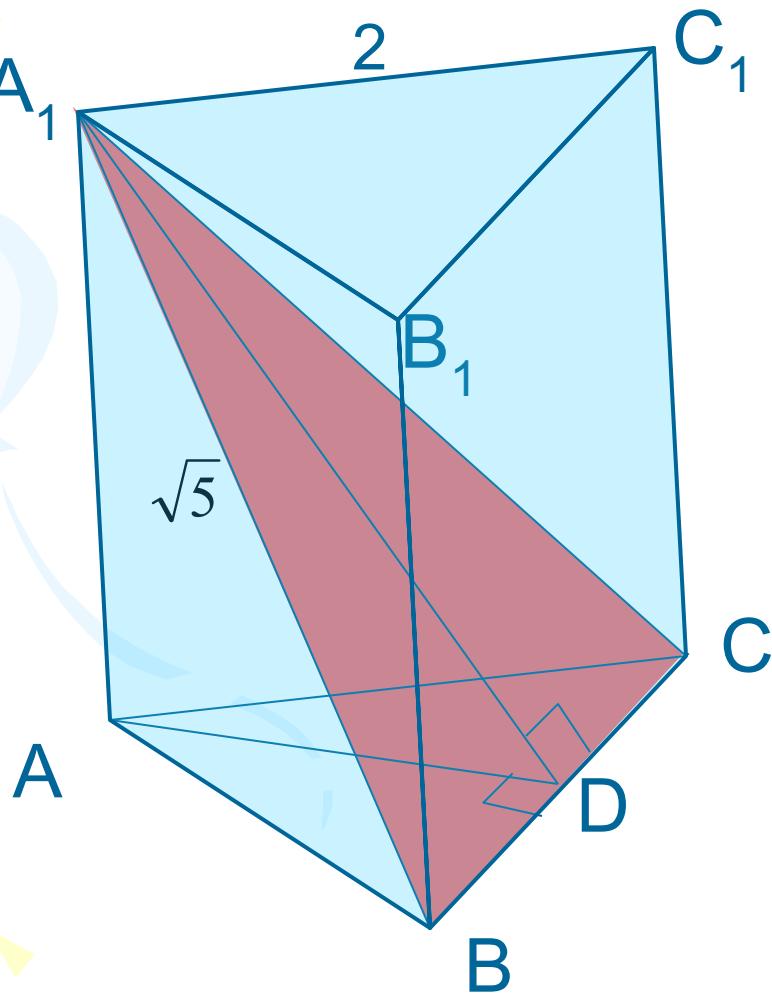
$$S_{\text{сеч}} = 10 * 18$$

№ 234. Основанием прямой призмы является прямоугольный треугольник. Через середину гипотенузы перпендикулярно к ней проведена плоскость. Найдите $S_{\text{сеч}}$, если катеты равны 20 см и 21 см, а боковое ребро равно 42 см.



C2

Сторона основания правильной треугольной призмы $ABC A_1 B_1 C_1$ равна 2, а диагональ боковой грани равна $\sqrt{5}$. Найдите угол между плоскостью A_1BC и плоскостью основания призмы.



C2

В кубе $ABCDA_1B_1C_1D_1$ все ребра равны 1. Найдите расстояние от точки C до прямой BD_1 .

