

ОСНОВЫ ЛОГИКИ

Построение таблиц истинности

При изучении работы различных устройств компьютера приходится рассматривать такие его логические элементы, в которых реализуются сложные логические выражения. Поэтому необходимо научиться определять результат этих выражений, то есть строить для них таблицы истинности.

Таблица истинности – это таблица, в левой части которой записывается набор аргументов, а в правой части – соответствующие значения логической функции.

Алгоритм построения таблиц истинности для сложных выражений:

- Определить количество переменных (простых выражений);
- Определить количество логических операций и последовательность их выполнения.
- Определить количество строк:

количество строк = $2^a + \text{строка для заголовка},$

где a – количество логических переменных.

- Определить количество столбцов: *количество столбцов = количество переменных + количество логических операций;*
- Заполнить столбцы результатами выполнения логических операций в обозначенной последовательности с учетом таблиц истинности основных логических операций.

Порядок выполнения логических операций:

- 1. Действия в скобках**
- 2. Инверсия**
- 3. Конъюнкция**
- 4. Дизъюнкция**

Рассмотрим истинность
(составляющих) выражения:

Определяем приоритетность выполнения логических операций

$\neg^1 A^3 \& (B^2 \vee C^3)$

Решение:

- Простые выражения (логические переменные):
 A, B, C ; (3)
- Количество логических операций:
 - $\neg A$ - инверсия;
 - $B \vee C$ - операция дизъюнкции;
 - $\neg A \& (B \vee C)$. операция конъюнкции. Всего: 3
- Количество строк: на входе три простых высказывания: A, B, C , поэтому $a=3$ и количество строк = $2^3 + 1 = 9$.
- Количество столбцов: $3+3=6$
- Заполняем столбцы с учетом таблиц истинности логических операций.

Таблица истинности:

A	B	C	\bar{A}	B V C	$\bar{A} \& (B V C)$
0	0	0	1	1	0
0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1
0	1	1	1	1	1
1	0	0	0	0	0
1	0	1	0	1	0
1	1	0	0	1	0
1	1	1	0	1	0

**Постройте таблицу истинности
для логического выражения:**

$$D = \overline{\overline{A} \vee B \ \& \ C}$$

Таблица истинности:

A	B	C	B & C	A V B & C	D
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0
1	0	1	0	1	0
1	1	0	0	1	0
1	1	1	1	1	0

Домашнее задание:

- 1. Изучите новый материал по конспекту в тетради;**
- 2. Постройте таблицу истинности для логического выражения:**

$$D = \overline{\overline{A} V B} \& C$$