

Двоичная арифметика

- Введение
- Сложение
- Умножение
- Вычитание
- Деление
- Закрепление изученного
- Домашнее задание

Цели:

1. Познакомить учащихся с двоичной системой счисления.
2. Сформировать навыки выполнения арифметических действий с двоичными числами



Требования к знаниям и умениям:

1. Учащиеся должны знать:
 - ✓ причины использования двоичной системы счисления в вычислительной технике;
 - ✓ Алгоритм выполнения арифметических действий в двоичной системе счисления.
2. Учащиеся должны уметь:
 - ✓ Производить арифметические действия в двоичной системе счисления.



Введение

Для того чтобы лучше освоить двоичную систему счисления, необходимо освоить выполнение арифметических действий над двоичными числами.

Все позиционные системы счисления "одинаковы", а именно, во всех них арифметические операции выполняются по одним и тем же правилам:

- справедливы одни и те же законы арифметики: коммутативный, ассоциативный, дистрибутивный;
- справедливы правила сложения, вычитания, умножения и деления столбиком;
- Правила выполнения арифметических операций опираются на таблицы сложения и умножения.



Сложение

Правила сложения:

$$0+0=0$$

$$1+0=1$$

$$0+1=1$$

$1+1=10$ (результат сложения двух единиц:
ноль и единица переноса в старший разряд)



Сложение двоичных чисел выполняются в столбик.

Примеры:

$\begin{array}{r} 10110 \\ + 101 \\ \hline 11011 \end{array}$	$\begin{array}{r} 1001 \\ + 1010 \\ \hline 10011 \end{array}$	$\begin{array}{r} 1111 \\ + 1 \\ \hline 10000 \end{array}$	$\begin{array}{r} 101,011 \\ + 1,11 \\ \hline 111,001 \end{array}$
---	---	--	--



Умножение

Правила умножения:

$$0 * 0 = 0$$

$$1 * 0 = 0$$

$$0 * 1 = 0$$

$$1 * 1 = 1$$



Умножение двоичных чисел производится в столбик
аналогично умножению десятичных чисел.

Примеры:

$$\begin{array}{r} 1011 \\ *101 \\ \hline + 1011 \\ 1011 \\ \hline 110111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1101 \\ *11 \\ \hline 1101 \\ +1101 \\ \hline 100111 \end{array}$$



Вычитание

Правила вычитания:

$$0-0=0$$

$$1-0=1$$

$$1-1=0$$

$10-1=1$ (из нуля вычесть единицу нельзя, поэтому для вычитания необходимо занять единицу у старшего разряда)



При выполнении операции вычитания всегда из большего по абсолютной величине вычитается меньшее и у результата ставится соответствующий знак.

Примеры:

$$\begin{array}{r} 1011 \\ -111 \\ \hline 100 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1001 \\ -110 \\ \hline 11 \end{array} \quad 11-1011 = -(1011-11)$$
$$\begin{array}{r} 1011 \\ - 11 \\ \hline 1000 \end{array}$$



Деление

Деление в двоичной системе счисления выполняется, как и в десятичной системе.

Пример:

$$\begin{array}{r} 10101 \overline{) 111} \\ - 111 \\ \hline 111 \\ - 111 \\ \hline 0 \end{array}$$



Закрепление изученного

№1 Выполните сложение:

- 1) $100101 + 101 =$
- 2) $101101 + 111 =$
- 3) $11001,1 + 11,01 =$

№2 Выполните умножение:

- 1) $100001 * 10010 =$
- 2) $110001 * 1011 =$
- 3) $101 * 101 =$

№3 Выполните вычитание:

- 1) $1000101 - 1010 =$
- 2) $1101101 - 110 =$
- 3) $110101 - 101 =$

№4 Выполните деление:

- 1) $10000 : 10 =$
- 2) $101101 : 101 =$
- 3) $100011 : 11 =$

Ответы



ОТВЕТЫ

№1 Выполните сложение: №2 Выполните умножение:

- 1) $100101+101= 101010$ 1) $100001*10010=1001010010$
2) $101101+111= 110100$ 2) $110001*1011=1000011011$
3) $11001,1+11,01=11100,11$ 3) $101*101=11001$

№3 Выполните вычитание: №4 Выполните деление:

- 1) $1000101-1010= 111011$ 1) $10000:10=100$
2) $1101101-110= 1100111$ 2) $101101:101=1001$
3) $110101-101= 110000$ 3) $100011:11=1011$



Домашнее задание:

1. Выучить правила выполнения арифметических действий в двоичной системе счисления.

2. Выполните действия:

a) $110010 + 11,01$

b) $1111001 - 1101$

c) $10101,1 * 11$

d) $10101110 : 101$

