

Кодирование целых чисел.

Пляшешник А.В.
МОУ СОШ №5 города Ржева
Тверской области

Для работы с числами человек использует в основном две формы для их записи – естественную и экспоненциальную.

Экспоненциальная форма записи чисел используется для обозначения очень больших или очень маленьких чисел.

Например $0,000002=0,2*10^{-5}$ или $1000=10^3$.

Целые числа.



Целые числа без знака
(только положительные)

Целые числа со знаком
(положительные и отрицательные)

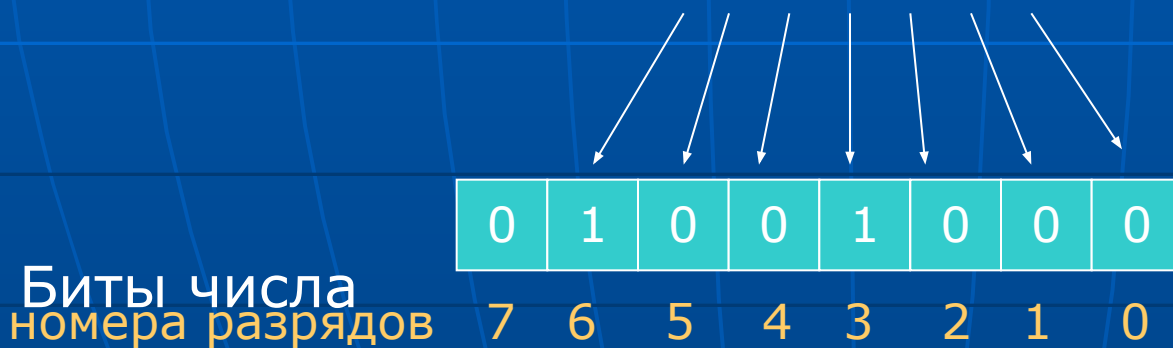
Для хранения чисел в памяти отводится определённое количество разрядов, в совокупности представляющих собой k -разрядную сетку.

Целые числа без знака.

Обычно занимают в памяти один или два байта.

В однобайтовом формате значения от 00000000_2 до 11111111_2 (0...255)

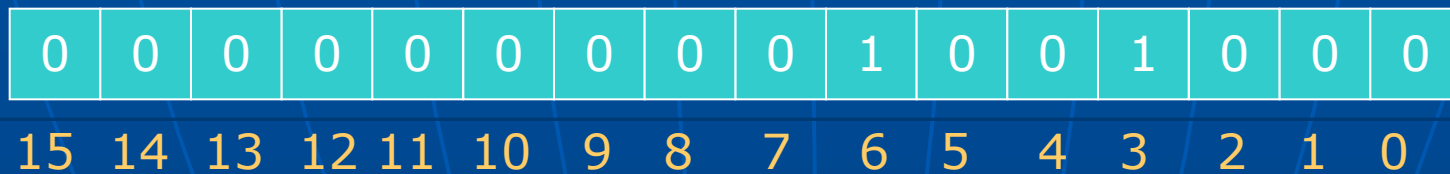
Пример $72_{10} = 1001000_2$



Целые числа без знака.

В двухбайтовом формате значения
от $00000000\ 00000000_2$
до $11111111\ 11111111_2$
(0...65535)

Пример $72_{10} = 1001000_2$



Целые числа со знаком.

Обычно занимают в памяти компьютера 1, 2 или 4 байта, при этом самый левый (старший) разряд содержит информацию о знаке числа. Знак «+» кодируется 0, а «-» - 1

Целые числа со знаком.

В однобайтовом формате значения от -128 до 127.

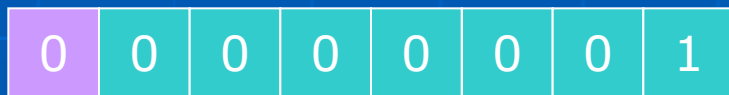
В двухбайтовом формате значения
От -32 768 до 32 767.

В четырёхбайтовом формате
значения от -2 147 483 648 до
2 147 483 647.

Целые числа со знаком.

Примеры.

$$1_{10} = 1_2$$



Знак числа «+»

Целые числа со знаком.

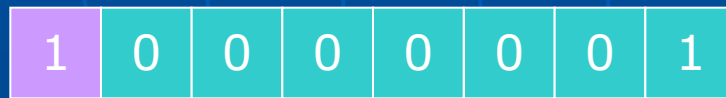
В компьютерной технике применяются три формы записи (кодирования) целых отрицательных чисел: **прямой** код, **обратный** код, **дополнительный** код.

Прямой код числа.

В знаковый разряд помещается цифра 1, а в разряды цифровой части – двоичный код его абсолютной величины.

Пример

Прямой код числа -1:



▲
Знак числа «-»

Обратный код числа.

Получается инвертированием всех цифр двоичного кода абсолютной величины числа, включая разряд знака: нули заменяются единицами, а единицы – нулями.

Пример

Число: -1.

Код модуля числа: 0 0000001.

Обратный код числа: 1 1111110.



Дополнительный код числа.

Получается образованием обратного кода с последующем прибавлением единицы к его младшему разряду.

Пример

Число: -1.

Код модуля числа: 0 0000001.

Обратный код числа: 1 1111110

+1

1 1111111



Как компьютер выполняет арифметические действия над целыми числами.

В большинстве компьютеров операция вычитание не используется. Вместо неё производится сложение уменьшаемого с обратным или дополнительным кодом вычитаемого. Это позволяет существенно упростить конструкцию АЛУ.

Примеры:

$$\begin{array}{r} 3 \\ + 7 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0\ 0000011 \\ + 0\ 0000111 \\ \hline 0\ 0001010 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ + -10 \\ \hline -7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0\ 0000011 \\ + 1\ 1110101 \leftarrow \text{Обратный код числа } -10 \\ \hline 1\ 1111000 \leftarrow \text{Обратный код числа } -7 \end{array}$$

Примеры:

$$\begin{array}{r} 10 \\ + -3 \\ \hline 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0\ 0001010 \\ + 1\ 1111100 \leftarrow \text{Обратный код числа } -3 \\ \hline 0\ 0000110 \\ \quad \quad \quad \rightarrow +1 \\ \hline 0\ 0000111 \end{array}$$

Компьютер исправляет полученный первоначально неправильный результат (6 вместо 7) переносом единицы из знакового разряда в младший разряд суммы.

Примеры:

$$\begin{array}{r} -3 \\ + -7 \\ \hline -10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1\ 1111100 \leftarrow \text{Обратный код числа } -3 \\ +\ 1\ 1111000 \leftarrow \text{Обратный код числа } -7 \\ \hline 1\ 1110100 \\ \leftarrow +1 \\ \hline 1\ 1110101 \leftarrow \text{Обратный код числа } -10 \end{array}$$

Полученный первоначально неправильный результат (обратный код числа -11 вместо обратного кода числа -10) компьютер исправляет переносом единицы из знакового разряда в младший разряд суммы.

При переводе результата в прямой код биты цифровой части числа инвертируются: $1\ 0001010 = -10$

Задание 1.

Представить число 21 в
однобайтовой разрядной сетке.

Задание 2.

Представить число 21 и -21 в двухбайтовой разрядной сетке.