

ЛОГИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ И ОПЕРАЦИИ



Логическая переменная - это простое высказывание, содержащее только одну мысль.

Ее символическое обозначение – латинская буква
(A, B, X, Y). Значением логической переменной
могут быть
константы ИСТИНА (1) и ЛОЖЬ (0).

Например:

A = Информатика – интересный предмет. (1)
B = В восьмом классе десять учащихся. (0)



Логические связи -

это слова и словосочетания,
которые позволяют из уже
заданных высказываний
строить новые высказывания
/‘не’, ‘и’, ‘или’, ‘если... , то’,
‘тогда и только тогда’/.



Составное высказывание

Логическая функция – это высказывание, образованное из логических переменных (простых высказываний) с помощью логических связок.

Символическое обозначение – \mathcal{F} .

Например: A = В этом году зима суровая. B = В этом году зима снежная



Логические
операции –
это логическое
действие



Инверсия

логическое отрицание

Логические связи:
«**не**», «**нет**», «**неверно**,
что».

Обозначение: $\neg A$; A ;
not A.

Например:

$A =$ Я получил пятерку.
 $\neg A =$ Я не получил
пятерку.

A	$\neg A$
0	1
1	0

Вывод: отрицание истинно, когда исходное суждение ложно. Отрицание ложно, когда исходное суждение истинно.

Конъюнкция

логическое умножение

Логическая связка:
«И».

Обозначение: $A \& B$;
 A^B ; *A and B*.

Например:

A =На полке стоят
учебники.

B =На полке стоят
справочники.

A^B =На полке стоят

A	B	A^B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Вывод: конъюнкция
истинна, когда истинны
оба суждения.

Конъюнкция ложна,
когда ложно одно из

Дизъюнкция

/логическое сложение/

Логические связи:
«или», «либо, либо».

Обозначение: $A + B$;
 $A \vee B$; A or B .

Например:

A =Я пойду до друга Ивана.

B =Я пойду до бабушки.

$A + B$ =Либо я пойду до друга
Ивана, либо до бабушки.

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Вывод: дизъюнкция
истинна, когда истинно
хотя бы одно суждение.
Дизъюнкция ложна,
когда ложны оба

Импликация

логическое следование

Логические связи: «если, ... то», «из ... следует», «когда, ... тогда», «следовательно».

Обозначение: $A \rightarrow B$;

A - условие

B - следствие

Например: A =Хорошая погода.

B =Денис пойдет на рыбалку.

$A \rightarrow B$ =Если будет хорошая погода, то Денис пойдет на

A	B	$A \rightarrow B$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

Вывод: импликация ложна тогда, когда из истинного условия следует ложное следствие.

Эквиваленция

логическое равенство

Логические связи: «тогда и только тогда, когда», «равносильно», «эквивалентно», «необходимо и достаточно».

Обозначение: $A \leftrightarrow B$; $A \equiv B$;

A B

Например:

$A =$ Дождь идет. $B =$ Дует ветер.

$A \leftrightarrow B =$ Дождь идет тогда и только тогда, когда дует ветер.

A	B	$A \leftrightarrow B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Вывод: Эквиваленция истинна тогда, когда оба суждения либо ложны, либо истинны.

$$F = \underbrace{A}_{\text{ЛОГИЧЕСКОЕ ВЫРАЖЕНИЕ}} \wedge (\underbrace{B \rightarrow C}_{\text{ЛОГИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ, ЛОГИЧЕСКИЕ ПЕРЕМЕННЫЕ И ЗНАКИ ЛОГИЧЕСКИХ ОПЕРАЦИЙ}})$$

Логическое выражение
(логическая функция, логические переменные и знаки логических операций).

Порядок выполнения логических операций
в логическом выражении:

1. Действия в скобках.
2. Инверсия, конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквиваленция.



Уровень понимания

Запиши следующие высказывания в виде логических выражений и найди их значения:

1. Неверно, что корова – хищное животное.
2. Если Маша – сестра Саши, то Саша – брат Маши.
3. Водительские права можно получить тогда и только тогда, когда тебе исполнится 18 лет.
4. На следующем уроке будет контрольная работа или объяснение новой темы.